Зависящий от температуры и внешнего поля микрорельеф на свободной поверхности смектического *А*-жидкого кристалла

© Л.В. Миранцев

Институт проблем машиноведения Российской академии наук, 199178 Санкт-Петербург, Россия

E-mail: miran@microm.ipme.ru, miran@mail.ru

(Поступила в Редакцию 19 ноября 2007 г.)

Рассматривается пленка гомеотропно ориентированной смектической *A*-фазы на поверхности твердой подложки с периодическим микрорельефом. Получены выражения, определяющие зависимость деформации свободной поверхности пленки, индуцированной таким микрорельефом, от ее толщины, температуры и напряженности внешнего магнитного (электрического) поля. Показано, что при определенном выборе формы микрорельефа на поверхности подложки, меняя температуру образца и напряженность внешнего магнитного (электрического) поля, но и формой микрорельефа, возникающего на свободной поверхности смектической *A*-пленки.

PACS: 61.30.-v, 61.30.Hn

1. Введение

Как известно, нематическая (N) жидкокристаллическая (ЖК) фаза обладает лишь дальним ориентационным порядком и в ней отсутствует какой-либо дальний позиционный порядок [1,2]. Так же как и в обычной изотропной жидкости (I), в этой фазе центры масс молекул, имеющие, как правило, продолговатую форму, расположены в пространстве случайным образом, а их длинные оси параллельны некоторому направлению преимущественной ориентации, характеризуемому единичным вектором n, называемым директором. В нематической фазе поле директора сравнительно легко деформируется, и эти упругие деформации могут описываться в виде комбинации трех основных типов ориентационных деформаций, а именно: деформации поперечного изгиба (splay), деформация кручения (twist) и деформация продольного изгиба (bend). Упругие модули K_i (i = 1, 2, 3), соответствующие этим деформациям, сравнительно малы ($\sim 10^{-11}$ N), и благодаря этой малости удается довольно легко создавать однородную ориентацию в нематических ЖК- (НЖК) образцах с помощью специально обработанных твердых ограничивающих поверхностей (подложек) [3] и изменять эту начальную ориентацию под действием сравнительно слабых внешних магнитных или электрических полей [4]. Такая "податливость" НЖК внешним воздействиям лежит в основе их широкого применения в многочисленных дисплеях, световых клапанах, датчиках и других электро- (магнито-) оптических приборах.

Смектическая A-(SmA) ЖК-фаза отличается от нематической фазы наличием в ней не только ориентационного порядка, но и одномерного позиционного упорядочения [1,2]. Этому упорядочению соответствует одномерная слоистая структура, в каждом слое которой молекулы ориентированы параллельно его нормали $\nu \parallel \mathbf{n}$, а их центры масс образуют так называемую волну плотности вдоль оси $z \parallel \mathbf{n}$ с периодом, приблизительно равным длине молекулы *l*. При этом в двух других направлениях $(x \, u \, y)$, перпендикулярных оси z, центры масс молекул внутри каждого слоя расположены также беспорядочно, как и в изотропной жидкости. При повышении температуры SmA-фаза переходит либо в нематическую фазу (т.е. имеет место фазовый переход SmA-N), либо в изотропную жидкую фазу (переход SmA-I). Наличие одномерного позиционного порядка в SmA-фазе приводит к тому, что в этой ЖК-фазе ориентационные деформации поля директора n могут вызывать деформации сжатия или расширения смектических слоев, причем упругий модуль В, соответствующий таким деформациям, довольно велик ($\sim 10^7 \, \text{N/m}^2$) [1,2]. Благодаря таким большим величинам упругого модуля В смектические слои практически несжимаемы в области энергий, достаточных для создания ориентационных деформаций в нематической фазе, и в SmA-фазе возможны только такие деформации поля директора, при которых не меняется толщина смектических слоев, а именно деформации поперечного изгиба. Таким образом, смектические ЖК являются гораздо более "жесткими" материалами по отношению к внешним воздействиям (ориентирующее действие подложек, внешние поля), чем НЖК. Кроме того, из-за малой сжимаемости смектических слоев любой дефект, индуцированный шероховатостью ограничивающей подложки или неоднородностью ее ориентирующего действия, может распространяться на довольно большие расстояния ($\sim 100-1000\,\mu m$) в глубь образца [1] и, если отсутствует вторая ограничивающая подложка, даже выходить на его свободную поверхность [5]. Отсюда следует, что для создания SmAобразцов с достаточно однородным полем директора необходимо использовать ячейки с чрезвычайно гладкими подложками. Из-за указанной особенности SmAфазы, а также ее "жесткости" к действию внешних полей эта мезофаза до сих пор не используется в электро-(магнито-) оптических приборах.

В настоящей работе предлагается использовать упомянутую выше способность *SmA*-фазы передавать на большие расстояния деформации, индуцированные рельефом на ее ограничивающей твердой поверхности, для создания управляемого температурой и внешними магнитными (электрическими) полями микрорельефа на свободной поверхности гомеотропно ориентированного *SmA*-образца.

2. Основные соотношения

Рассмотрим пленку *SmA*-ЖК толщиной h, нанесенную на плоскую твердую подложку, создающую гомеотропную ориентацию в объеме пленки (директор **n** параллелен оси z, перпендикулярной поверхности подложки). На поверхности подложки создан одномерный периодический микрорельеф с периодом d вдоль оси x, направленной параллельно поверхности, который можно описать следующим разложением:

$$U_0(x) = \sum_{k=1}^{N} U_k^0 \cos[(2\pi k/d)x],$$
 (1)

где N — полное число гармоник, необходимых для описания микрорельфа. Если бы поверхность подложки была идеально гладкой, то молекулы внутри смектических слоев были бы ориентированы строго перпендикулярно этой поверхности, а сами слои — параллельно ей. Если допустить, что молекулы в первом приповерхностном слое жестко сцеплены с твердой поверхностью, то этот слой должен искажаться в такт нанесенному на нее микрорельефу, и эта деформация за счет малой сжимаемости смектических слоев передается по цепочке соседним слоям, постепенно затухая в глубь образца. Поскольку, как уже отмечалось во Введении, глубина такого затухания может достигать $\sim 100-1000 \,\mu m$ [1], при достаточно малой толщине h смектической пленки такая деформация также может приводить к искажению ее свободной поверхности. Чтобы определить глубину и форму возникающего таким образом микрорельефа на свободной поверхности смектической пленки, необходимо описать распространение в глубь пленки деформации смещения смектических слоев U(x, z), порожденной заданным микрорельефом $U_0(x)$ на поверхности подложки. Для решения этой задачи необходимо прежде всего найти выражение для свободной энергии SmA-пленки, деформированной таким микрорельефом. Эта свободная энергия F_d, приходящаяся на единицу площади поверхности пленки, может быть записана в следующем виде:

$$F_{d} = \frac{1}{d} \int_{0}^{h} dz \int_{0}^{d} f_{b} \left(U(x, z) \right) dx + \frac{1}{d} \int_{0}^{d} f_{s} \left(U(x, h) \right) dx.$$
(2)

Здесь $f_b(U(x, z))$ — объемная плотность свободной энергии деформированной *SmA*-фазы, а $f_s(U(x, h))$ —

поверхностная плотность свободной энергии деформированной свободной поверхности *SmA*-пленки. Если предположить, что деформация поверхности подложки $U_0(x)$ является достаточно слабой ($U_k^{(0)}(k/d) \ll 1$), то компоненты директора **n** связаны с деформацией смещения смектических слоев U(x, z) соотношениями [1]

$$n_x \approx -\partial U/\partial x, \quad n_y = 0, \quad n_z \approx 1,$$
 (3)

а объемная плотность свободной энергии деформированной *SmA*-фазы равна

$$f_b(U(x,z)) = (1/2)B(\partial U/\partial z)^2 + (1/2)K_1(\partial^2 U/\partial x^2)^2.$$
(4)

Если рассматриваемая система находится во внешнем магнитном поле H, направленном вдоль оси z, то к выражению (4) надо добавить член

$$(1/2)\chi_a H^2 n_x^2 = (1/2)\chi_a H^2 (\partial U / \partial x)^2,$$
 (5)

где χ_a — анизотропия магнитной восприимчивости ЖК. Эта добавка к плотности свободной энергии (4) положительна, так как ЖК являются диамагнетиками [1,2]. Что касается поверхностной плотности свободной энергии $f_s(U(x, h))$, то ее можно представить в виде

$$f_s\left(U(x,h)\right) = (1/2)\gamma \left(\partial U(x,h)/\partial x\right)^2, \qquad (6)$$

где *у* — коэффициент поверхностного натяжения для свободной поверхности гомеотропно ориентированной *SmA*-фазы.

Если мы будем искать зависимость деформации смещения смектических слоев U(x, z) от координат в виде разложения

$$U(x, z) = \sum_{k=1}^{N} U_k(z) \cos[(2\pi k/d)x],$$
(7)

то после подстановки (7) в (2) с учетом (4)–(6), получим следующее выражение для свободной энергии деформированной *SmA*-пленки:

$$F_{d} = (1/4) \sum_{k=1}^{N} \left\{ \int_{0}^{h} \left[B(dU_{k}(z)/dz)^{2} + [K_{1}(4\pi^{2}k^{2}/d^{2})^{2} + \chi_{a}H^{2}(2\pi k/d^{2}]U_{k}^{2}(z) \right] dz + \gamma (2\pi k/d^{2})U_{k}^{2}(h) \right\}.$$
 (8)

Минимизация свободной энергии (8) по переменным $U_k(z)$ и $U_k(h)$ приводит к уравнениям Эйлера–Лагранжа

$$Bd^{2}U_{k}(z)/dz^{2} - [K_{1}(4\pi^{2}k^{2}/d^{2})^{2} + \chi_{a}H^{2}(2\pi k/d)^{2}]U_{k}(z) = 0, \quad (k = 1, N)$$
(9)

и граничным условиям

$$U_k(z=0) = U_k^{(0)}, \qquad (k=1,N),$$
 (10)

$$B\left(dU_{k}(z)/dz\right)|_{z=h} + \gamma(2\pi k/d)^{2}U_{k}(h) = 0, \ (k = 1, N).$$
(11)

Решения уравнений (9) можно искать в виде

$$U_k(z) = U_k^{(1)} \exp(-z/l_k^*) + U_k^{(2)} \exp(z/l_k^*), \qquad (12)$$

где

$$l_{k}^{*} = (B/K_{1})^{1/2} (d^{2}/4\pi^{2}k^{2}) \left[1 + (\chi_{a}H^{2}d^{2})/(4\pi^{2}k^{2}K_{1})\right]^{-1/2}$$
(13)

Подстановка решения (12) в граничные условия (10) и (11) приводит к следующим выражениям для коэффициентов $U_k^{(1)}$ и $U_k^{(2)}$:

$$\begin{split} U_{k}^{(1)} &= U_{k}^{0} \\ \times \frac{B/l_{k}^{*} + \gamma(2\pi k/d)^{2}}{(B/l_{k}^{*})(1 + \exp(-2h/l_{k}^{*})) + \gamma(2\pi k/d)^{2}(1 - \exp(-2h/l_{k}^{*}))}, \\ (14) \\ U_{k}^{(2)} &= U_{k}^{(0)} \\ \times \frac{[B/l_{k}^{*} - \gamma(2\pi k/d)^{2}]\exp(-2h/l_{k}^{*})}{(B/l_{k}^{*})(1 + \exp(-2h/l_{k}^{*})) + \gamma(2\pi k/d)^{2}(1 - \exp(-2h/l_{k}^{*}))}. \end{split}$$

Выражения (12)–(15) позволяют определить коэффициенты $U_k(z)$ в разложении (7) и, следовательно, решить поставленную задачу описания распространения деформацией, индуцированных микрорельефом на поверхности подложки, в глубь гомеотропно ориентированной *SmA*-пленки со свободной поверхностью. В частности, для самой свободной поверхности (z = h) получаем следующее выражение для коэффициентов $U_k(h)$:

 $U_k(h) =$

$$=\frac{2U_k^{(0)}(B/l_k^*)\exp(-h/l_k^*)}{(B/l_k^*)(1+\exp(-2h/l_k^*))+\gamma(2\pi k/d)^2(1-\exp(-2h/l_k^*))}$$
(16)

Подставляя коэффициенты (16) в разложение (7), находим форму микрорельефа на свободной поверхности *SmA*-пленки при заданном микрорельефе на поверхности подложки. Мы также можем учесть влияние внешнего поля *H* на деформацию свободной поверхности пленки.

3. Результаты численных расчетов и их обсуждение

С помощью соотношений, полученных в разделе 2, мы прежде всего исследовали влияние температуры и внешних полей на деформацию свободной поверхности гомеотропно ориентированной *SmA*-пленки, созданную простейшим одномерным периодическим микрорельефом на поверхности твердой подложки, который описывается разложением (1), содержащим только одну гармонику, т.е.

$$U_0(x) = U^0 \cos[(2\pi/d)x].$$
(17)

В качестве конкретного ЖК-материала рассматривался 4-*n*-осtyl-4'-суапоbiphenyl (8CB), демонстрирующий фазовый переход второго рода SmA - N при температуре $T_{AN} = 33^{\circ}$ C [5]. Величина модуля поперечного изгиба K_1 считалась равной типичному для ЖК значению $K_1 \approx 10^{-11}$ N, а модуль *B* сжатия (расширения) смектических слоев, как и в работе [5], считался равным $B \approx 10^7$ N/m² при температуре $T_1 = T_{AN} - 12^{\circ}$ C. Поскольку модуль $B \sim \sigma^2$, где σ — параметр смектического порядка [1,2], а переход SmA - N является переходом второго рода, то, согласно простейшему описанию такого перехода с помощью разложения Ландау–Де Жена, $B(T) \sim \sigma^2 \sim (T_{AN} - T)$, где T — температура системы. Тогда зависимость модуля *B* от температуры можно представить в виде

$$B(T) = B(T_1)[(T_{AN} - T)/(T_{AN} - T_1)].$$
 (18)

Поскольку эксперименты [6] показывают, что коэффициенты поверхностного натяжения смектических ЖК очень слабо зависят от температуры, коэффициент у для 8СВ считался постоянным и равным $\gamma = 2 \cdot 10^{-2}$ N/m. Величина анизотропии магнитной восприимчивости χ_a принималась равной типичному для ЖК значению $\chi_a \approx 10^{-7}$. Что касается периода d, амплитуды (глубины) U⁰ микрорельефа (17) на поверхности подложки и толщины смектической пленки h, то они брались равными $d = 2 \mu m$, $U^{(0)} = 200 nm$ и $h = 50 \mu m$ соответственно. Из рис. 1 и 2 видно, что глубина микрорельефа на поверхности пленки U_h уменьшается как с ростом температуры системы, вызывающим уменьшения модуля В, так и с увеличением магнитного поля Н. При этом уменьшение U_h, например, в 2 раза (по сравнению с глубиной микрорельефа при температуре T₁ в отсутствие внешнего поля) достигается при нагревании системы до приблизительно 29°С (без внешнего поля), или без нагревания во внешнем магнитном поле напряженностью $H \approx 3 \cdot 10^5$ G. Конечно, можно использовать



Рис. 1. Зависимость глубины U_h простейшего периодического микрорельефа на поверхности гомеотропно ориентированной *SmA*-пленки ЖК 8 CB от температуры *T*. $d = 2 \mu m$, $U^{(0)} = 200 \text{ nm}, h = 50 \mu m, K_1 = 10^{-11} \text{ N}, B(T_1) = 10^7 \text{ N/m}^2, y = 2 \cdot 10^{-2} \text{ N/m}.$



Рис. 2. Зависимость глубины U_0 того же микрорельефа, что и на рис. 1, от напряженности *H* внешнего магнитного поля. $T = T_1 = 21^{\circ}$ С, $\chi_a = 10^{-7}$.

и комбинированный вариант воздействия на систему с одновременным нагреванием и приложением внешнего поля. Следует отметить, что получить на практике магнитное поле напряженностью $H \approx 3 \cdot 10^5$ G довольно сложно. Поскольку ЖК 8 СВ является сильно полярным соединением с достаточно большой анизотропией диэлектрической проницаемости $\varepsilon_a \approx 15$, гораздо легче управлять глубиной микрорельефа U_h на свободной поверхности смектической пленки с помощью внешнего электрического поля. Согласно [1,4], напряженность электрического поля E(V/cm), оказывающего на ЖК ориентирующее воздействие, эквивалентное действию магнитного поля напряженностью H, равна

$$E = 300(4\pi\chi_a/\varepsilon_a)H.$$
 (19)

Отсюда нетрудно найти, что двукратное уменьшение глубины микрорельефа U_h может быть достигнуто при помещении системы в электрическое поле с вполне достижимой напряженностью $E \approx 2.6 \cdot 10^4 \, \text{V/cm}$. Итак, было установлено, что на свободной поверхности гомеотропно ориентированной SmA-пленки вполне возможно с помощью изменения температуры и внешнего поля управление глубиной микрорельефа, индуцированного простейшим периодическим микрорельефом (17) на поверхности твердой подложки. При этом, однако, невозможно управлять его формой. Можно менять высоту (глубину) максимумов и минимумов такого микрорельефа, но невозможно изменить их число, приходящееся на один период d. Тем не менее полученные в предыдущем разделе соотношения (13) и (16) показывают, что такое управление можно осуществить, если микрорельеф на поверхности подложки является более сложным и описывается не простой гармонической функцией (17), а разложением (1), содержащим несколько гармоник с различными амплитудами $U_k^{(0)}$ и периодами $d_k = d/k$. Из (13) и (16) видно, что эти гармоники, во-первых, имеют различные характерные глубины затухания l_k^* , а во-вторых, величины этих характерных глубин поразному реагируют на изменение температуры и на внешние поля. Чтобы продемонстрировать такую возможность, мы провели численный расчет микрорельефа на свободной поверхности гомеотропно ориентированной *SmA*-пленки для случая, когда микрорельеф на поверхности твердой подложки описывается суммой всего двух гармоник, а именно

$$U_0(x) = U_1^0 \cos[(2\pi/d_1)x] + U_2^{(0)} \cos[(2\pi/d_2)x], \quad (20)$$

где $U_1^{(0)} = 50$ nm, $U_2^{(0)} = 200$ nm, $d_1 = 2\,\mu$ m, $d_2 = d_1/2$ = 1 μ m. Кривая I на рис. З демонстрирует этот микрорельеф, а кривая 2 на этом же рисунке показывает, как



Рис. 3. Периодический микрорельеф на поверхности твердой подложки (*I*) и индуцированный им микрорельеф на свободной поверхности *SmA*-пленки ЖК 8 CB (*2*). $U_1^0 = 50$ nm, $U_2^0 = 200$ nm, $d_1 = 2 \,\mu$ m, $d_2 = 1 \,\mu$ m, $h = 30 \,\mu$ m, $T = T_1 = 21^{\circ}$ C, H, E = 0.



Рис. 4. Периодический микрорельеф на свободной поверхности *SmA*-пленки ЖК 8 CB при температуре $T = 31^{\circ}$ C (H, E = 0) (I) и аналогичный микрорельеф (2) во внешнем магнитном поле напряженностью $H \approx 6 \cdot 10^{5}$ G или в электрическом поле напряженностью $E \approx 5.2 \cdot 10^{4}$ V/cm $(T = T_1 = 21^{\circ}$ C). Остальные параметры те же, что на рис. 3.

выглядит индуцированный им микрорельеф на свободной поверхности гомеотропно ориентированной SmAпленки толщиной $h = 30 \,\mu m$ при температуре $T_1 = 21^{\circ} C$ в отсутствие внешнего поля. Видно, что на период $d_1 = 2\,\mu m$ приходится четыре максимума и четыре минимума этого микрорельефа, высоты (глубины) которых различаются примерно в три раза (~ 60 и $\sim 20\,\text{nm}$ соответственно). На рис. 4 показано, как выглядит аналогичный микрорельеф на свободной поверхности этой же пленки при нагревании системы (без внешнего поля) до 31°C (кривая 1) и при помещении этой же системы при температуре $T_1 = 21^{\circ}$ С в магнитное поле напряженностью $H \approx 6 \cdot 10^5$ G или в электрическое поле напряженностью $E \approx 5.2 \cdot 10^4$ V/cm (кривая 2). Видно, что при этом не только уменьшается высота (глубина) максимумов и минимумов этого микрорельефа (до $\sim 11 \, \text{nm}$ в первом случае и до $\sim 16 \, \text{nm}$ во втором), но и само их число, приходящееся на период d_1 , уменьшается до двух. Таким образом, создавая на поверхности твердой подложки периодический микрорельеф (20), мы получаем возможность управлять не только глубиной, но и формой микрорельефа, индуцированного им на свободной поверхности SmA-пленки. Такая возможность представляется довольно интересной и полезной с практической точки зрения, поскольку описанный выше микрорельеф на свободной поверхности гомеотропно ориентированной SmA-пленки может быть использован в качестве управляемой дифракционной решетки.

Список литературы

- [1] П. Де Жен. Физика жидких кристаллов. Мир, М. (1977). 400 с.
- [2] С. Чандрасекар. Жидкие кристаллы. Мир, М. (1980). 344 с.
- [3] В.Н. Матвеенко, Е.А. Кирсанов. Поверхностные явления в жидких кристаллах. МГУ, М. (1991). 272 с.
- [4] Л.М. Блинов. Электро- и магнитооптика жидких кристаллов. Наука, М. (1978). 384 с.
- [5] V. Designolle, S. Herminghaus, T. Pfohl, Ch. Bahr. Langmuir 22, 363 (2006).
- [6] P. Mach, S. Grantz, D.A. Debe, T. Stoebe, C.C. Huang. J. Phys. II (France) 5, 217 (1995).