# Расчет электронной структуры и сверхтонких полей в соединениях $Fe_{1-x}Co_xB$ , $(Fe_{1-x}Co_x)_2B$ методом Корринга–Кона–Ростокера

© Н.А. Клиндухов, В.С. Касперович, М.Г. Шеляпина, Hlil El Kebir

Научно-исследовательский институт физики им. В.А. Фока Санкт-Петербургского государственного университета, 198504 Санкт-Петербург, Петергоф, Россия

E-mail: Klinduhov@rambler.ru

(Поступила в Редакцию 2 апреля 2007 г. В окончательной редакции 9 июля 2007 г.)

Проведено исследование магнитных свойств разупорядоченных соединений  $Fe_{1-x}Co_x B$ ,  $(Fe_{1-x}Co_x)_2 B$  методом Корринга–Кона–Ростокера. Для соединения  $Fe_{1-x}Co_x B$  на основе полученных концентрационных зависимостей магнитных моментов и электронной плотности был дан детальный анализ и интерпретация обнаруженного ранее экспериментально перехода из магнитного фазы в немагнитную. На основе анализа рассчитанных сверхтонких полей от различных электронных оболочек на Fe и Co в бориде  $(Fe_{1-x}Co_x)_2 B$  предложено описание наблюдаемого в эксперименте явления магнитной анизотропии.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант № 05-02-16731-а), а также при поддержке по исследовательской схеме MIRA 2004 (region Rhône-Alpes-France).

PACS: 71.20.Lp, 71.20.-b

#### 1. Введение

Железо-кобальтовые бориды напротяжении многих лет являются объектами интенсивных научных исследований в связи с их широким применением при изготовлении металлокерамики с уникальными магнитными свойствами, использованием в качестве катализаторов в реакциях выделения водорода при создании топливных ячеек и многих других приложениях. Бинарные сплавы железа и кобальта являются примером систем с большим разнообразием физических свойств. Например, в твердых растворах Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub> был обнаружен структурный фазовый переход типа порядокбеспорядок (*bcc*  $\leftrightarrow$  *B*2) и явление большой магнитострикции в bcc-фазе  $Fe_{1-x}Co_x$ , обусловленное магнитным порядком [1]. Бинарные и квазибинарные сплавы  $(Fe_{1-x}Co_x)_y B$  (y = 1, 2, 3) являются классическими модельными объектами для изучения закономерностей формирования магнитных свойств в зависимости от сорта и концентрации *d*-элемента, параметров и типа кристаллической решетки.

В настоящей работе для изучения закономерностей формирования магнитных свойств в твердых растворах  $Fe_{1-x}Co_xB$  и  $(Fe_{1-x}Co_x)_2B$  были проведены расчеты электронной структуры из первых принципов, основанные на теории функционала плотности. В настоящее время расчеты такого рода проводились только для боридов железа и железо-кобальтовых сплавов [2,3].

В работе [2] для соединений FeB, Fe<sub>2</sub>B и Fe<sub>3</sub>B были сделаны расчеты электронной структуры методом линейной комбинации ортогональных атомных орбиталей (OLCAO). Было установлено, что при образовании сплава электронная плотность на атомах бора увеличивается, что приводит к отрицательной поляризации последних. Внешние орбитали 4s-атома железа и 2s-, 2*p*-атома бора, являясь гибридизованными, слабо зависят от ближайшего окружения и симметрии кристалла. Более локализованные 3*d*-зоны железа так же слабо подвержены изменениям. В то же время обменное взаимодействие, приводящее к смещению электронной плотности для спинов вверх относительно плотности для спинов вниз, зависит от концентрации бора, что обусловливает различие величины магнитных моментов железа в различных кристаллах.

Для бинарных сплавов  $Fe_{1-r}Co_r$  в работе [3] рассчитана электронная структура методом линейных орбиталей в приближении "muffin-tin" (LMTO), структурный беспорядок учитывался в рамках приближения когерентного потенциала (СРА). Электронная структура была рассчитана также для расширенной ячейки из 144 атомов с помощью локально-самогласованного метода функций Грина. В результате был проведен теоретический анализ магнитных свойств для различных концентраций железа и кобальта и для разных типов кристаллических решеток, таких как кубическая объемно центрированная (bcc), гранецентрированная (fcc) и гексагональная плотно упакованная (hc p). Была получена зависимость среднего магнитного момента от функции заполнения d-зоны. Для структур типа f c c и h c p был обнаружен фазовый переход из высокоспиновой фазы в низкоспиновую в интервале концентраций, в котором наблюдался Инвар-эффект.

Однако подобных вычислений для соединений  $Fe_{1-x}Co_x B$  и  $(Fe_{1-x}Co_x)_2 B$  не проводилось. Мы попытались восполнить данный пробел, проведя теоретический расчет электронной структуры и магнитных свойств данных соединений. В настоящей работе с помощью спин-поляризованного ралятивистского метода Корринга–Кона–Ростокера в приближении когерентного потенциала (ККР-СРА) были рассчитаны концентрационные зависимости магнитных моментов, величины сверхтонких полей, а также плотности электронных состояний (DOS).

## 2. Кристаллическая структура

Твердые растворы  $Fe_{1-x}Co_x B$  ( $0 \le x \le 1$ ) имеют орторомбическую структуру (пространственная группа *Pnma*), в одной элементарной чейке содержатся 4 формульные единицы. Все атомы переходных металлов кристаллографически эквивалентны.

Железо-кобальтовые бориды  $(Fe_{1-x}Co_x)_2B$  $(0 \le x \le 1)$  имеют объемно центрированную тетрагональную слоистую структуру (пространственная группа I4/mcm), в одной элементарной ячейке содержатся две формульные единицы. В этой структуре атомы железа образуют искаженный тетраэдр и кристаллографически эквивалентны.

В нашей работе делалось допущение, что атомы железа и кобальта могут заселять позиции с одинаковой вероятностью (для первого и второго типа соединений соответственно). Оптимизация структурных параметров для данных соединений не проводилась. Для постоянной решетки предполагалась линейная зависимость от концентрации кобальта x (закон Вегарда) в виде  $a(x) = (1 - x)a_{\rm Fe} + xa_{\rm Co}$ , где  $a_{\rm Fe}$  и  $a_{\rm Co}$  — параметры решетки "чистых" железо- и кобальтовых боридов соответственно. Для боридов использовались экспериментальные значения постоянных решетки соединений FeB, Fe<sub>0.5</sub>Co<sub>0.5</sub>B, Fe<sub>2</sub>B и FeCoB.

#### 3. Методы расчетов

Для расчетов наших разупорядоченных сплавов был применен спин-поляризованный релятивистский метод ККР-СРА [4].

В основе даного метода лежит релятивистская версия спиновой теории функционала плотности (SDFT). Это подразумевает, в частности, что соответствующий дираковский гамильтониан  $\hat{H}$  имеет вид

$$\hat{H} = \frac{\hbar}{i} \boldsymbol{\alpha} \nabla + \beta mc^2 + V(\mathbf{r}) + \beta \boldsymbol{\sigma} \mathbf{B}_{\text{eff}}(\mathbf{r}),$$

где  $\beta$  и компоненты вектора  $\alpha$  являются стандартными  $4 \times 4$  дираковскими матрицами,  $\sigma$  — оператор матрицы Паули. Потенциал  $V(\mathbf{r})$  — спин-независимая часть эффективного потенциала. Зависимая от спина часть потенциала представлена эффективным магнитным полем как вариация функционала  $E_{xc}[n, \mathbf{m}]$  обменнокорреляционной энергии (n — зарядовая плотность,  $\mathbf{m}$  — плотность спиновой намагниченности) по  $\mathbf{m}$ 

$$\mathbf{B}_{\text{eff}}(\mathbf{r}) = \frac{\partial E_{xc}[n, \mathbf{m}]}{\partial \mathbf{m}(\mathbf{r})}$$

для случая коллинеарных магнитных структур имеем  $\sigma \mathbf{B}_{\mathrm{eff}}(\mathbf{r}) = \sigma_z B_{\mathrm{eff}}(r).$ 

Далее делается следующее допущение. Для потенциалов V и B предполагается сферическая симметрия внутри областей, ограниченных непересекающимися сферами, центр которых совпадает с положениями исследуемых атомов:  $V(\mathbf{r}) \rightarrow V'(r)$ ,  $\mathbf{B}_{\text{eff}}(\mathbf{r}) \rightarrow \mathbf{B}'_{\text{eff}}(r)$ . В промежуточных областях значения потенциалов принимаются равными нулю. В таком случае очень удобно воспользоваться результатами теории многократного рассеяния (MST).

Введем в рассмотрение так называемые электронные функции Грина, которые являются решениями уравнения

$$(\hat{H} - E)G(\mathbf{r}, \mathbf{r}', E) = \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}'),$$

где  $\hat{H}$  — гамильтониан системы, который используется для расчета собственных значений  $E_n$  и собственных функций  $\psi_n$ , которые связаны с функциями Грина следующим образом:

$$G(\mathbf{r},\mathbf{r}',E) = \lim_{\varepsilon \to 0} \sum_{n} \frac{\psi_n(\mathbf{r})\psi_n^*(\mathbf{r}')}{E - E_n + i\varepsilon}$$

И наконец, с помощью электронной функции Грина мы можем найти значение любой физической величины  $A(\mathbf{r})$ , представленной оператором  $\hat{A}$ :

$$A(\mathbf{r}) = -\frac{1}{\pi} \Im \operatorname{Trace} \int dE \hat{A} G(\mathbf{r}, \mathbf{r}', E).$$

### 4. Результаты и обсуждение

Ранее магнитные свойства соединений Fe<sub>1-r</sub>Co<sub>r</sub>B (Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>)<sub>2</sub>В исследовались методами нейтронографии [5,6], ЯМР [7,8] и мессбауэровской спектроскопии [9]. Интерпретация полученных результатов проводилась в рамках феноменологических моделей. Экспериментальное исследование концентрационных зависимостей сверхтонких полей и магнитных моментов атомов переходных металлов в Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>B и (Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>)<sub>2</sub>B показало существенное различие в магнитном поведении этих твердых растворов. Установлено, что в твердых растворах Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>B наблюдается фазовый переход из магнитной фазы в парамагнитную, в то время как сплав ( $Fe_{1-x}Co_x$ )<sub>2</sub>B остается ферромагнитным при любой концентрации кобальта. В соединении (Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>)<sub>2</sub>B наблюдалось изменение направления оси легкого намагничивания при разном содержании железа и кобальта для разных температур. В области низких температур ориентации оси легкого намагничивания меняется от направления вдоль тетрагональной оси до расположения в базовой плоскости, в последнем случае кристаллографически эквивалентные атомы железа или кобальта оказываются магнитно-неэквивалентными. Однако вопрос о направлении оси легкого намагничивания по-прежнему остается дискуссионным. Попытки связать наблюдаемые магнитные свойства исследуемых соединений с электронной структурой на основе полуфеноменологических моделей привели к противоречивым результатам.



**Рис. 1.** Магнитные моменты атомов Fe, Co, B, а также намагниченность насыщения  $m_{\text{sat}}$  ( $m_{\text{sat}} = (1 - x)m_{\text{Fe}} + xm_{\text{Co}} + m_{\text{B}}$ ) для  $\text{Fe}_{1-x}\text{Co}_x\text{B}$  в зависимости от концентрации кобальта. Экспериментальные данные (светлые кружки) взяты из работы [7].

Нами были рассчитаны значения магнитных моментов, DOS и сверхтонких полей. Результаты расчетов магнитных моментов в  $Fe_{1-x}Co_xB$  приведены на рис. 1. Рассчитанные значения находятся в хорошем согласии с экспериментальными данными ЯМР [7]. Ранее предполагалось, что только атом железа несет магнитный момент. Наши вычисления показывают присутствие небольшого магнитного момента вплоть до  $0.2 \mu_B$  и на атоме кобальта.

На рис. 2 приведена плотность состояний (DOS) *d*-электронов для некоторых концентраций кобальта.

DOS для атомов кобальта в CoB представляет собой картину с двумя ярко выраженными пиками. Для электронов со спином вверх и со спином вниз DOS оказывается одинаковой, что указывает на отсутствие магнитной поляризации атомов кобальта в данной структуре. При замещении атомов кобальта атомами железа происходит следующее. Энергия пиков распределения плотности для



**Рис. 2.** DOS для Co (a) и Fe (b) в Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>B. s — вклад от s-электронов, p — вклад от p-электронов, d — вклад от d-электронов, tot — суммарный вклад от всех электронов. Нуль на шкале энергии соответствует уровню Ферми.



**Рис. 3.** Магнитные моменты атомов Fe, Co, B для  $(Fe_{1-x}Co_x)_2B$  в зависимости от концентрации кобальта. Экспериментальные данные (светлые кружки) взяты из работы [8].



**Рис. 4.** Модели ближайшего окружения атомов переходных металлов (большие кружки обозначают атомы металлов Fe или Co, малые — атомы B): a — ближайшее окружение Fe(Co) в Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>B, b — ближайшее окружение Fe(Co) в (Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>)<sub>2</sub>B.

электронов со спином вверх атомов кобальта и железа не зависит от концентрации. Плотность состояний электронов со спином вниз смещается в направлении уровня Ферми при увеличении концентрации железа. Различие в структуре DOS для электронов со спином вверх и вниз обусловливает изменение магнитных свойств соединения для различных концентраций Co(Fe).

В FeB DOS для атомов железа также имеет два пика как для электронов со спином вверх, так и для электронов со спином вниз. Однако составляющая DOS для направления спина смещена в направлении увеличения энергии, причем максимум пика приходится на область за уровнем Ферми, что и объясняет наличие большого магнитного момента на атоме железа.

Легко заметить, что для случая x = 1 поляризация отсутствует, а следовательно, отсутствует и локализованный магнитный момент на атоме кобальта. Суммируя изложенное, мы можем заключить, что существует фазо-

вый переход из ферро- в парамагнитную фазу, который имеет место вблизи x = 0.9.

Зависимость локальных магнитных моментов от содержания кобальта в соединении  $(Fe_{1-x}Co_x)_2B$  (рис. 3) отличается от зависимости  $Fe_{1-x}Co_xB$ : магнитный момент железа остается почти постоянным, а магнитный момент кобальта уменьшается с увеличением концентрации Co.

Различие магнитных свойств данных боридов можно объяснить различием в ближайшем окружении металлических атомов (рис. 4). В соединении Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>B атомы Fe и Co окружены атомами В в первой координационной сфере. Как следствие, расстояния между ближайшими атомами переходных металлов большие, что приводит к уменьшению обменного взаимодействия между соседними атомами. В (Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>)<sub>2</sub>В атомы Fe и Со имеют три атома переходных металлов в ближайшем окружении. В Fe<sub>2</sub>B атом железа имеет четыре эквивалентных ближайших атома бора с расстоянияем 2.18 А и 11 ближайших ионов железа, один из которых расположен на расстоянии 2.40 Å, два других на расстоянии 2.45 Å и еще две группы из четырех атомов железа — на расстояниях 2.69-2.72 Å. Следовательно, три атома железа расположены на более коротких расстояниях от центрального атома, чем в чистом железе, а два других — на более далеких. На основании структурных данных можно предположить, что экранирующее действие атомов бора в  $(Fe_{1-x}Co_x)_2B$ должно быть значительно меньше, чем в FeCoB, что обусловливает наличие большого магнитного момента металлических атомов в первом соединении.

Кроме того, для рассмотренных боридов были рассчитаны сверхтонкие поля. Магнитные моменты железа и кобальта  $\mu$  и сверхтонкие поля внутренних оболочек  $B_{hf \text{ core}}$  имеют противоположные направления, но подобные зависимости от концентрации, так что отношение  $B_{hf \text{ core}}/\mu$  почти не зависит *x*. Результаты расчетов



**Рис. 5.** Сверхтонкие поля на атомах Fe, Co и B для  $Fe_{1-x}Co_x B$ в зависимости от концентрации кобальта. Для Fe экспериментальные данные (светлые кружки) взяты из работы [9].



Рис. 6. Сверхтонкие поля на атомах Fe и Co в  $(Fe_{1-x}Co_x)_2B$ . I — экспериментальные данные мессбауэровской спектроскопии для железа [9]. Для атомов железа: 2 — сверхтонкие поля внутренних *s*-оболочек, 3 — сверхтонкие поля валентных *s*-оболочек, 4 — сверхтонкие поля валентных *d*-оболочек. Для атомов кобальта: 5 — средние по обеим неэквивалентным позициям свертонкие поля, 6 и 7 (данные ЯМР [8]) сверхтонкие поля для различных позиций, 8 — сверхтонкие поля внутренних *s*-оболочек, 9 — сверхтонкие поля валентных *s*-оболочек, 10 — сверхтонкие поля валентных *d*-оболочек.

и данные по мессбауэровской спектроскопии [9] для Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>B представлены на рис. 5.

Согласно нашим расчетам, для  $(Fe_{1-x}Co_x)_2B$  вклад в сверхтонкие поля от электронов внутренних оболочек обусловлен только *s*-электронами, следовательно, эта часть сверхтонкого поля должна быть изотропной. Однако сверхтонкое поле от валентных оболочек обусловлено как *s*-, так и *d*-электронами  $(B^b_{hf val})$ , что определяет анизотропную часть (рис. 6).

Анизотропия сверхтонкого поля атомов железа и кобальта в данном соединении была обнаружена в экспериментах ЯМР [8] и мессбауэровской [9] спектроскопии. Для (Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>)<sub>2</sub>В авторы [8] предположили, что при низких температурах в области концентраций x = 0 и 0.6 < x < 1 кристаллографическую позицию 8h могут заселять два магнитно-неэквивалентных атома (Сој, Сојј или Fej, Fejj), вследствие того что ось легкой намагниченности (ОЛН) лежит в базовой плоскости тетрагогнальной решетки (а для всех остальных концентраций ОЛН параллельна направлению [001]). В этой же работе приводятся различные значения сверхтонкого поля для атома кобальта в  $Co_2B$  (x = 1): 83.2 и 98 kOe. Принимая во внимание, что (согласно нашим расчетам) анизотропный вклад в сверхтонкое поле дают только валентные *d*-электроны, получим, что суммарное поле  $B_{hf}$  будет находиться в пределах  $B_{hf \text{ core}} - B_{hf \text{ val}}^d \le B_{hf} \le B_{hf \text{ core}} + B_{hf \text{ val}}^d$ , в данном случае 71.01  $\leq B_{hf}^{Co} \leq 131.29$  kOe. Этот результат согласуется с приведенными выше экспериментальными данными.

#### 5. Заключение

С помощью ККR-СРА-метода проведено исследование магнитных свойств разупорядоченных Fe–Co–Bсистем с орторомбической и тетрагональной структурой Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>B, (Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>)<sub>2</sub>B. В результате получены концентрационные зависимости магнитных моментов и сверхтонких полей. Для соединения Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>B обнаружен магнитный–немагнитный переход, на основе рассчитанных DOS дан детальный анализ и интерпретация данного явления. Исследование вкладов от различных оболочек в сверхтонкие поля Fe и Co в (Fe<sub>1-x</sub>Co<sub>x</sub>)<sub>2</sub>B позволило дать возможное объяснение наблюдаемого в эксперименте явления магнитной анизотропии.

#### Список литературы

- B. Gehrmann, M. Acet, H.C. Herper, E.F. Wassermann, W. Pepperhoff. Phys. Stat. Sol. B 214, 175 (1999).
- [2] W.Y. Ching, Yong-Nian Xu, B.N. Harmon, Jun Ye, T.C. Leung. Phys. Rev. B 42, 4460 (1990).
- [3] P. James, O. Eriksson, B. Johansson, I.A. Abrikosov. Phys. Rev. B 59, 419 (1999).
- [4] A. Gonis. Green functions for ordered and disordered systems. Elsevier Scientific Publishing Company (1992). 694 p.
- [5] G. Parette, I. Mirebeau. Physica B 156–157, 721 (1989).
- [6] V. Pierron-Bohnes, M.C. Cadeville, G. Parette. J. Phys. F 15, 1411 (1985).
- [7] B. Lemius, R. Kuentzler. J. Phys. F 10, 155 (1980).
- [8] M.C. Cadeville, I. Vincze. J. Phys. F 5, 155 (1975).
- [9] L. Takács, M.C. Cadeville, I. Vincze. J. Phys. F 5, 800 (1975).