

- [1] Лазер на кристаллах иттрий-эрбий-алюминиевого граната. Труды ИОФАН, т. 19 / Под ред. Т.М. Муриной. М.: Наука, 1989. 152 с.
- [2] Жариков Е.В., Осико В.В., Прохоров А.М., Шербakov И.А. // Изв. АН СССР, Сер. физ. 1984, Т. 48, № 7. С. 1330-1342.
- [3] Johnson L.E., Guggenheim H.J. // IEEE J. Quant. Electron. 1974. V. QE-10. N 4. P.442-449.
- [4] Каминский А.А., Петросян А.Г. // Изв. АН СССР, Сер. неорг. мат. 1979. Т. 15, № 3. С. 543-544.
- [5] Huber G., Duczynski E.W., Mitzscherlich P., Teichmann H.O., Lumma D. // J. Phys. 1987. V. 48. N 12. P. C7-347-C7-349.

Поступило в Редакцию  
24 января 1990 г.  
В окончательной редакции  
25 апреля 1990 г.

Письма в ЖТФ, том 16, вып. 12

26 июня 1990 г.

01; 05.2

© 1990

### О ПОРОГЕ ПРОТЕКАНИЯ В ДИСПЕРСНЫХ СМЕСЯХ ПРИ СЖАТИИ

Е.Г. Ф а т е е в

На основе соотношений, связывающих изменение относительной проводимости однофазного пористого тела с давлением при одноосном сжатии, имеющих вид [1]

$$A_i = \Lambda_{i0} B_i = \Lambda_{i0} \frac{\rho_i}{\rho_{i0}} \left[ 1 - A_i^{2/3} \right] \left[ 1 + \frac{4}{9} A_i \right]^{1/2}, \quad (1)$$

где

$$A_i = 1 - \theta_i = 1 - \frac{1}{3} \left( \frac{\rho_i}{\rho_{i0}} \right)^2 \left( -\frac{2}{3} + \sqrt{\frac{4}{9} + 13 \left( \frac{\rho_{i0}}{\rho_i} \right)^2} \right),$$

исследуется зависимость порога протекания обобщенного тока в многокомпонентных дисперсных смесях при сжатии. Здесь  $\Lambda_i$  и  $\Lambda_{i0}$  — обобщенные проводимости  $i$ -тых фаз дисперсной смеси в про-

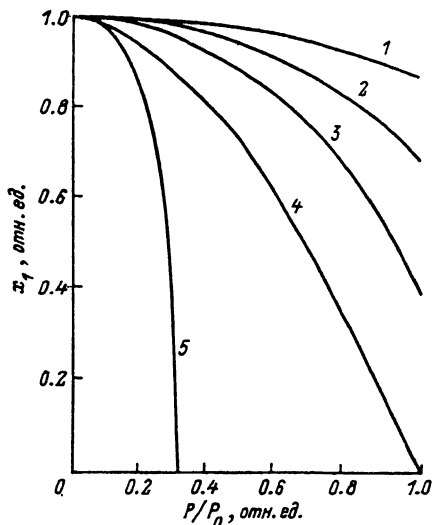


Рис. 1. Зависимость порога протекания от относительного давления, когда одна фаза дисперсной смеси является изолятором  $\Lambda_{1n} = 10^{-6} \cdot \Lambda_{2n}$ ,  $\Lambda_{10} = 10^{-4} \cdot \Lambda_{20}$  и  $P_{10} = P_{20}$  для пороговых значений  $\Lambda_c$ : 1 - 10, 2 - 1.0, 3 - 0.3, 4 - 0.1, 5 - 0.01.

цессе сжатия и предельные (соответствующие проводимостям фаз без пор и включений других фаз - "монокристаллическое" состояние),  $P_i$  и  $P_{i0}$  - давления в среде при сжатии и предельное,  $\theta_i = V_{i0} / V_i$  - относительная плотность фазы при сжатии ее объема  $V_i$  до минимального  $V_{i0}$ .

Эти соотношения применимы для описания группы свойств в гетерогенных средах, объединенных под названием "обобщенной проводимости" (электропроводность, теплопроводность, электрическая и магнитная проницаемость). Объединение основывается на известном формальном совпадении дифференциальных уравнений скалярных и векторных полей для стационарных потоков тепла, электрического тока, электрической и магнитной индукции [2]. Соответственно этому, не будет в дальнейшем придаваться значение тому, какая величина представляется под обобщенной проводимостью  $\Lambda_i$ : будет ли это электропроводность  $\sigma_i$ , диэлектрическая проницаемость  $\epsilon_i$  или теплопроводность  $\lambda_i$ . Важно то, что стационарный поток свойства в гетерогенной среде пропорционален его удельному значению, площади проводящего сечения и обратно пропорционален длине тела с протеканием при сжатии. В приведенные соотношения не входят абсолютные размеры частиц; это не случайно и может быть обобщено на все случаи, в которых отсутствуют

или исключены из рассмотрения поверхностные, линейные и точечные эффекты (например, в случае электропроводности, если пренебрегаются контактные явления). Характер изменения сечения проводимости при сжатии согласуется с изменением геометрии гетерогенной системы и механических свойств фаз при однородных по объему каждой фазы свойствах протекания (подразумевается, что в пределах фазы  $\Lambda_i = const$ ).

Рассматривая порог протекания, ставим ему в соответствие объемную концентрацию наиболее проводящей фазы такую, когда проводимость смеси фаз принята пороговой. Далее будет обсуждаться случай двухфазной смеси при  $i = 1, 2$ . Воспользуемся формулой Оделевского [2]:

$$\Lambda = \Lambda_2 \left[ 1 + x_1 \left( \frac{1 - x_1}{3} + \frac{\Lambda_2}{\Lambda_1 - \Lambda_2} \right)^{-1} \right], \quad (2)$$

где  $x_1$  и  $\Lambda_1$  — объемная концентрация и проводимость более проводящей фазы,  $\Lambda_2$  — проводимость менее проводящей фазы. Формула Оделевского найдена для различных гетерогенных сред с разнообразной формой частиц фаз (сфер, цилиндров, игольчатых и столбчатых структур и т.д.) и в диапазоне объемных концентраций  $0 \leq x_i \leq 1$ . То же можно отнести и к соотношениям (1), найденным при условиях усреднения форм и размеров частиц фаз. Однако это не означает, что для корректного исследования порога протекания в смеси можно брать частицы разных фаз с различными средними размерами. В работах [3, 4] показано существенное влияние соотношения средних размеров частиц фаз в смеси на порог протекания. Полагаем также, что в состоянии квазистатического сжатия смеси должно выполняться условие равенства давлений в обеих фазах  $P_1 = P_2$ , поскольку на поверхности их соприкосновения силы, с которыми частицы действуют друг на друга, должны быть равны и противоположны [5]. Далее, в формуле (1) необходимо учесть наличие начальной проводимости  $\Lambda_{i0}$  в дисперсной среде при отсутствии давления. При этом при любой начальной проводимости предельное значение  $\Lambda_{i0}$  будет все же постоянным. Тогда проводимость фазы при сжатии определяется в виде

$$\Lambda_i - \Lambda_{i0} = V_i (\Lambda_{i0} - \Lambda_{in}). \quad (3)$$

Объемную концентрацию фазы рассчитываем так же просто, как и в [3, 6]:

$$x_i = \frac{m_i}{\rho_i V(\rho)} = \frac{V_i}{V(\rho)},$$

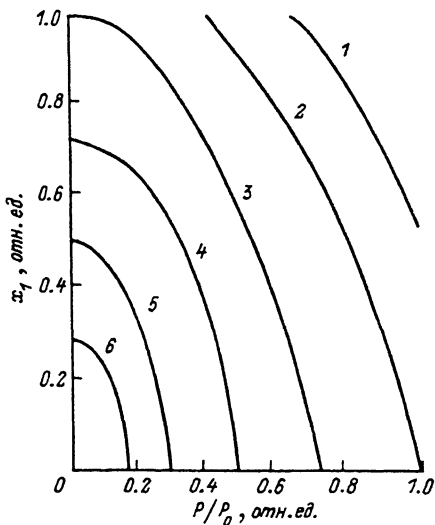


Рис. 2. Зависимость порога протекания от относительного давления, когда обе фазы смеси проводники  $\Lambda_{1n} = 10 \cdot \Lambda_{2n}$ ,  $\Lambda_{10} = 5 \cdot \Lambda_{20}$  и  $\rho_{10} = \rho_{20}$  для пороговых значений  $\Lambda_c$ : 1 - 30, 2 - 15, 3 - 10, 4 - 5.0, 5 - 2.8, 6 - 2.0.

где  $V(P)$  — объем смеси при сжатии,  $m_i$  и  $\gamma_i$  массы и плотности фаз.

Задаваясь пороговым значением обобщенной проводимости  $\Lambda_c$ , и подставляя (3) и (2) отдельно для каждой фазы, найдем зависимость порога протекания  $x_1$  от давления в следующем виде

$$x_1 = \frac{\eta(1+3c)}{\eta+3}, \quad (4)$$

где

$$c = \frac{\Lambda_2}{\Lambda_1 - \Lambda_2} = \frac{\Lambda_{2n} + B_2(\Lambda_{20} - \Lambda_{2n})}{(\Lambda_{1n} - \Lambda_{2n}) + B_2(\Lambda_{2n} - \Lambda_{20}) + B_1(\Lambda_{10} - \Lambda_{1n})}$$

и

$$\eta = \frac{\Lambda_c}{\Lambda_2} - 1 = \frac{\Lambda_c}{\Lambda_{2n} + B_2(\Lambda_{20} - \Lambda_{2n})} - 1.$$

В случае, если одна из фаз является изолятором для данного свойства  $\Lambda_1 \gg \Lambda_2$ , то порог протекания при сжатии имеет вид

$$x_1 = \frac{2}{\eta + 3} \quad (5)$$

и представлен графически для разных значений заданного порога  $\Lambda_c$  на рис. 1. Для случая обоих проводящих фаз  $\Lambda_1 > \Lambda_2$  зависимость  $x_1(\rho)$  представлена на рис. 2. В обоих случаях на участке давлений  $\rho < 0.1 \cdot \rho_0$  зависимость порога протекания от давления незначительна. Данный факт согласуется с результатами работы [3], где показано отсутствие влияния давления в интервале  $\rho < 0.8$  КБар на порог протекания в случае электропроводности смеси пековый кокс - портландцемент. Такие давления лежат в интервале  $\rho < 0.1 \cdot \rho_0$ , где слабый рост проводящего сечения для гетерогенных структур различных веществ [1].

Автор считает своим приятным долгом выразить благодарность Т.В. Бакишкой за ценные замечания, высказанные в дискуссии.

#### С п и с о к л и т е р а т у р ы

- [1] Ф а т е е в Е.Г. // ЖТФ. 1990. Т. 60. В. 2. С. 72-77.
- [2] О д е л е в с к и й В.И. // ЖТФ. 1951. Т. 21. В. 6. С. 668-677.
- [3] З и н о в ь е в С.И., М а н ч у к Р.В., С а р и н Л.И., Э н т и н Н.А. // Письма в ЖТФ. 1988. Т. 14. В. 4. С. 348-350.
- [4] Н е й м а р к А.В. // ЖТФ. 1989. Т. 59. В. 6. С. 22-26.
- [5] Л а н д а у Л.Д., Л и ф ш и ц Е.М. Статистическая физика. Ч. 1. М.: Наука, 1976. 584 с.
- [6] M a l l i a r i s A., T u r n e r D. // J. Appl. Phys. 1971. V. 41. N 2. P. 614-618.

Поступило в Редакцию  
3 марта 1990 г.