

повышением температуры происходит ионизация рассматриваемого дефекта, что и определяет экспериментально наблюдаемый термически-активационный характер процесса электропроводности.

Таким образом, высокую электропроводность кристаллов ZnSe, отожженных в расплаве селена и легированных Li, можно объяснить значительным содержанием нескомпенсированных акцепторных центров  $Li_{Zn}^x$ .

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- [1] D. J. Chadi, K. J. Chang. Appl. Phys. Lett., 55, 575 (1989).
- [2] А. Н. Краснов, Ю. Ф. Ваксман, Ю. Н. Пуртов, В. В. Сердюк. Деп. в УкрИНТЭИ (1992).
- [3] Д. Д. Недегло, А. В. Симашкевич. Электрические и люминесцентные свойства селенида цинка. Кишинев (1984).
- [4] А. А. Пегов. Автореф. канд. дис. Тарту (1988).
- [5] G. F. Neumark. J. Appl. Phys., 51, 3383 (1980).
- [6] Н. Е. Ruda. J. Appl. Phys., 59, 3516 (1986).
- [7] М. Е. Агельменев, А. Н. Георгобиани, З. П. Илюхина и др. Неорг. матер. 25, 731 (1989).

Редактор В. В. Чалдышев

ФТП, том 26, вып. 11, 1992

### АКУСТОЭЛЕКТРИЧЕСКИЙ ЭФФЕКТ В СИСТЕМАХ С ЛОКАЛИЗОВАННЫМИ СОСТОЯНИЯМИ В РЕЖИМЕ МОТТОВСКОЙ ПРОВОДИМОСТИ

Л. С. Бокачева, Ю. М. Гальперин

Физико-технический институт им. А. Ф. Иоффе Российской академии наук,  
194021, Санкт-Петербург, Россия  
(Получено 15.05.1992. Принято к печати 19.05.1992)

1. Исследование увлечения носителей заряда неупорядоченного полупроводника бегущей звуковой волной оказалось весьма плодотворным. Оно позволило понять целый ряд особенностей явлений переноса и определить характеристики локализованных носителей. Одной из главных характеристик переноса является так называемая эффективная подвижность  $\mu^{eff}$ , введенная Фрицше [1] с помощью соотношения между стационарным акустоэлектрическим полем  $F_{st}$ , создаваемым в разомкнутом образце бегущей звуковой волной, и амплитудой  $E_0$  переменного электрического поля волны в образце:

$$F_{st} = \frac{\mu^{eff} |E_0|^2}{2s}, \quad (1)$$

где  $s$  — скорость звука. В случае зонной проводимости формула (1) вытекает из известного соотношения Вейнрейха [2], где эффективная подвижность совпадает с подвижностью зонных электронов. Фрицше предложил использовать выражение (1) в качестве определения величины  $\mu^{eff}$  и показал, что она несет важную информацию о механизме переноса.

Теория эффективной подвижности в аморфных полупроводниках для случая умеренно низких температур была развита в работе [3], где были получены зависимости эффективной подвижности от температуры и интенсивности внешней подсветки. В рассмотренной области температур статическая проводимость

$$\sigma = e^2 \int_0^{\infty} d\varepsilon g(\varepsilon) D(\varepsilon) \left( -\frac{\partial f_0}{\partial \varepsilon} \right) \quad (2)$$

[ $\varepsilon$  — энергия электрона, отсчитанная от порога подвижности в глубь запрещенной зоны,  $g(\varepsilon)$  — плотность электронных состояний,  $D(\varepsilon)$  — парциальный коэффициент диффузии,  $f_0$  — равновесная функция распределения по энергиям] определяется резким максимумом подынтегрального выражения при  $\varepsilon = \varepsilon_t$ . Величина

$$\varepsilon_t = 3\varepsilon_0 \ln \left( \frac{3\varepsilon_0}{2Lk_B T} \right), \quad (3)$$

где  $L = N^{-1/3}/a$ , получила название транспортной энергии [4-7].

При умеренно низких температурах транспортный уровень расположен существенно выше уровня Ферми ( $\varepsilon_t < \varepsilon_F$ ), но с понижением температуры он опускается в глубь запрещенной зоны. При достаточно низких температурах он попадает в полосу энергий вблизи уровня Ферми, ответственную за прыжковую проводимость с переменной длиной прыжка, описываемую законом Мотта [8]. Ширину этой полосы  $\varepsilon_\sigma$  можно оценить, воспользовавшись процедурой оптимизации, предложенной Моттом [8]. В этом случае  $\mu^{\text{eff}}$  будет иметь отличную от полученной в работе [3] температурную зависимость, нахождение которой и будет посвящена данная работа.

2. Мы ограничимся анализом стационарного акустоэлектрического эффекта (см. [3]). Будем считать, что плотность состояний образует «хвост» в запрещенной зоне и описывается выражением

$$g(\varepsilon) = (N/\varepsilon_0) \exp(-\varepsilon/\varepsilon_0), \quad (4)$$

где  $N$  — полная концентрация локализованных состояний,  $\varepsilon_0$  — экспоненциальная длина. (Ось энергий направлена от порога подвижности в глубь запрещенной зоны). Как и в работе [3], для описания прыжкового переноса внутри энергетического слоя  $\varepsilon$ ,  $\varepsilon + d\varepsilon$  введем парциальный коэффициент диффузии  $D(\varepsilon)$ .<sup>1</sup> Тогда стационарный акустоэлектрический ток может быть выражен через линейную по амплитуде электрического поля поправку  $f_1$ :

$$j_{\text{st}} = -e^2 \int_0^{\infty} d\varepsilon g(\varepsilon) D(\varepsilon) \langle E_\bullet \frac{\partial f_1}{\partial \varepsilon} \rangle. \quad (5)$$

В свою очередь [3] вид функции распределения носителей по энергиям сильно зависит от параметра  $\omega\tau$ , где  $\omega$  — частота звуковой волны, а  $\tau$  — время энергетической релаксации. При  $\omega\tau \ll 1$  имеет место полная термализация — энергия и импульс звуковой волны распределяются между многими носителями, и неравновесная функция распределения  $f_1$  оказывается пропорциональной равновесной функции

$$f_0(\varepsilon) = \left( \exp \left( \frac{\varepsilon_F - \varepsilon}{k_B T} \right) + 1 \right)^{-1}.$$

В противоположном случае, когда  $\omega\tau \gg 1$  (а именно такая ситуация реализуется для актуальных энергий  $\varepsilon$  при очень низких температурах), неравновесная

<sup>1</sup> Строго говоря, это действие оправдано лишь в том случае, когда рассеяние внутри одного слоя более эффективно, чем между различными слоями. Для состояний, лежащих глубоко в хвосте плотности состояний, вероятности этих процессов в большинстве ситуаций одного порядка, что обеспечивает достаточную для порядковых оценок точность.

функция распределения в линейном приближении по электрическому полю волны  $E$  имеет вид [3]

$$f_1(\varepsilon) = e \frac{-i(\mathbf{qE}) D(\varepsilon)}{-i\omega + q^2 D(\varepsilon)} \left( -\frac{\partial f_0}{\partial \varepsilon} \right), \quad (6)$$

где  $q$  — волновой вектор акустической волны.

При актуальных для низкотемпературной области энергиях  $\varepsilon$  коэффициент диффузии мал, и выполняется неравенство  $D(\varepsilon) \ll s^2/\omega$ , поэтому выражение (3) можно переписать в виде

$$f_1(\varepsilon) = e \frac{(\mathbf{qE})}{\omega} D(\varepsilon) \left( -\frac{\partial f_0}{\partial \varepsilon} \right). \quad (7)$$

3. Выясним температурную зависимость акустоэлектрического тока и эффективной подвижности в области выполнения закона Мотта. Подставив в (5) функцию распределения  $f_1(\varepsilon)$  из выражения (7), получим

$$j_{st} = \frac{e^3 |E_0|^2}{2s} \int_0^\infty d\varepsilon g(\varepsilon) D(\varepsilon) \left\langle \frac{\partial}{\partial \varepsilon} \left( D(\varepsilon) \frac{\partial f_0}{\partial \varepsilon} \right) \right\rangle.$$

В основном приближении это выражение можно переписать в виде

$$j_{st} = \frac{e^3 |E_0|^2}{2s} \int_0^\infty d\varepsilon g(\varepsilon) D^2(\varepsilon) \frac{\partial^2 f_0}{\partial \varepsilon^2}. \quad (8)$$

Примем во внимание, что коэффициент диффузии

$$D(\varepsilon) = (1/3) r^2(\varepsilon) \nu(\varepsilon), \quad (9)$$

где  $r(\varepsilon)$  — характерная длина прыжка, а  $\nu$  — частота прыжков, которую можно представить в виде

$$\frac{1}{\tau} = \nu_0 \exp \left( -\frac{2r(\varepsilon)}{a} \right), \quad (10)$$

где  $\nu_0 \approx 10^{-12} \text{ с}^{-1}$  — частота, характеризующая взаимодействие электронов с фононами,  $a$  — радиус локализации.

Длина прыжка связана с энергией Ферми и характерной шириной  $\varepsilon_j$  энергетического интервала, ответственного за эффект, соотношением

$$(4\pi/3) r^3(\varepsilon_F) g(\varepsilon_F) \varepsilon_j \approx 1. \quad (11)$$

Тогда для оценки интеграла в (8) необходимо найти экстремум следующего выражения:

$$\exp \left( -\frac{4r}{a} - \left( \frac{4\pi}{3} k_B T r g(\varepsilon_F) \right)^{-1} \right).$$

Это выражение имеет максимум при  $r = r_j$ , где

$$r_j = 0.55 \left( \frac{a}{g(\epsilon_F) k_B T} \right)^{1/4} = 0.32a (T_\sigma/T)^{1/4}, \quad (12)$$

где  $T_\sigma = 9.17/g(\epsilon_F) k_B a^3$  — температура, фигурирующая в законе Мотта для статической проводимости:

$$\sigma = \sigma_0 \exp [ - (T_\sigma/T)^{1/4} ]. \quad (13)$$

[Сравнивая  $r_j$  с характерной длиной прыжка для статической проводимости [8]  $r_\sigma = 0.38a (T_\sigma/T)^{1/4}$ , видим, что характерная длина прыжка в случае проводимости больше, и, таким образом, проводимость в основном определяется более удаленными друг от друга центрами]. Вычисление интеграла дает

$$j_{st} = j_0 \exp [ - (T_j/T)^{1/4} ], \quad (14)$$

где

$$T_j = \frac{72.45}{g(\epsilon_F) k_B a^3} \approx 7.90T_\sigma. \quad (15)$$

Выясним теперь, какой вид будет иметь зависимость от температуры эффективной подвижности. Для этого воспользуемся выражением (1), а также тем фактом, что постоянное электрическое поле  $F_{st}$  можно представить в виде

$$F_{st} = \frac{j_{st}}{\sigma}. \quad (16)$$

Тогда, согласно выражениям (13) и (14),

$$\mu^{eff} = \mu_0 \exp [ - (T_\mu/T)^{1/4} ], \quad (17)$$

где

$$T_\mu = \frac{1.95}{g(\epsilon_F) k_B a^3} \approx 0.21T_\sigma. \quad (18)$$

Таким образом, в режиме прыжковой проводимости с переменной длиной прыжка эффективная подвижность должна зависеть от температуры по закону Мотта. Отметим, что этот вывод справедлив в равновесной ситуации. При наличии же внешней накачки, как показано в работе [3], главную роль играют носители с достаточно большими энергиями (порядка  $\epsilon_\bullet = 3\epsilon_\sigma \ln [(1/2L) \ln (\nu_0/\omega)]$ ), и эффективная подвижность должна слабо зависеть от температуры.

Отметим, что типичным методом исследования акустоэлектрического эффекта в аморфных материалах является использование поверхностных акустических волн [1] и аморфных пленок. Если толщина такой пленки  $d$  гораздо меньше длины волны звука  $2\pi s/\omega$  и меньше характерных длин прыжка  $r_j$ ,  $r_\sigma$ , то ситуация становится двумерной. При этом изменяется показатель степени в соответствующих законах Мотта для проводимости и эффективной подвижности с  $1/4$  на  $1/3$ , а также выражения для  $T_j$  и  $T_\sigma$ :

$$T_\sigma = \frac{4.32}{g(\epsilon_F) k_B a^2},$$

$$T_j = 3.96T_\sigma. \quad (19)$$

Таким образом, исследование акустоэлектрического эффекта дает возможность дополнительного исследования механизмов проводимости с переменной длиной прыжка и эффективной размерности прыжковой системы.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- [1] H. Fritzsche. Phys. Rev. B, 29, 6672 (1984).
- [2] G. Weinreich, T. M. Sanders, H. G. White. Phys. Rev. 114, 33 (1959).
- [3] Yu. M. Galperin, Jin Anjun, B. I. Shklovskii. Phys. Rev. B, 44, 5497 (1991).
- [4] F. R. Shapiro, D. Adler. J. Non-Cryst. Sol., 74, 189 (1985).
- [5] F. R. Shapiro, D. Adler. J. Non-Cryst. Sol., 77-78, 139 (1985).
- [6] M. Grünevald, P. Thomas. Phys. St. Sol. B, 94, 125 (1979).
- [7] D. Monroe. Phys. Rev. Lett., 54, 146 (1985).
- [8] Н. Мотт, Э. Дэвис. Электронные процессы в некристаллических веществах, 472. М. (1974).

Редактор Л. В. Шаронова

ФТП, том 26, вып. 11, 1992

### ОБ АКЦЕПТОРНЫХ УРОВНЯХ ДИВАКАНСИИ В КРЕМНИИ

Ф. П. Коршунов, В. П. Маркевич, И. Ф. Медведева, Л. И. Мурин

Институт физики твердого тела и полупроводников Белорусской академии наук, 220726, Минск, Беларусь  
(Получено 1.04.1992. Принято к печати 27.05.1992)

Дивакансия ( $W$ ) является одним из наиболее изученных радиационных дефектов (РД) в кремнии [1]. Она может находиться в четырех зарядовых состояниях ( $W^+$ ,  $W^0$ ,  $W^-$  и  $W^{--}$ ) и вносит соответственно один донорный и два акцепторных уровни в запрещенную зону Si. Положение данных уровней определялось с помощью различных методов, однако наиболее точными считаются данные, полученные методом релаксационной спектроскопии DLTS [2-7]. Согласно [2-7], дивакансии соответствуют уровни  $E_v + (0.21-0.25)$ ,  $E_c - (0.39-0.41)$  и  $E_c - (0.21-0.23)$  эВ. Это заключение основывается на следующих экспериментальных фактах: одинаковой эффективности введения ( $\eta$ ) всех трех уровней независимо от примесного состава облучаемых кристаллов, а также идентичном поведении этих уровней при отжиге; более высокой пороговой энергии ( $E_d$ ) появления данных уровней по сравнению с пороговой энергией образования пар Френкеля; соответствии полученных значений  $\eta$ ,  $T_{\text{анн}}$  и  $E_d$  аналогичным величинам для  $W$ , определенным ранее методом ЭПР [8]. В то же время в ряде работ [9-12], в которых энергетический спектр РД в кремнии изучался методом эффекта Холла, принадлежность уровня  $E_c - 0.21$  эВ дивакансии была поставлена под сомнение. Авторами [9-12] наблюдалась зависимость эффективности введения данного уровня от примесного состава (метода получения) кристаллов Si. В частности, в [9, 10] отмечается, что РД с уровнем  $E_c - 0.21$  эВ вообще не образуются в кристаллах, полученных методом зонной плавки. Кроме того, наблюдалось несовпадение концентраций уровней  $E_c - 0.21$  и  $E_c - 0.4$  эВ, а также их различное поведение при отжиге.

С целью выяснения возможных причин вышеуказанных различий в результатах, получаемых методами DLTS и эффекта Холла, мы провели более детальное исследование электрических свойств кристаллов *n*-Si, облученных  $\gamma$ -квантами  $^{60}\text{Co}$  (когда эффективность введения  $W$  очень низка) и быстрыми электронами