

## ОСНОВНОЕ СОСТОЯНИЕ ПЕРЕХОДНЫХ ЭЛЕМЕНТОВ ГРУППЫ ЖЕЛЕЗА В АРСЕНИДЕ И ФОСФИДЕ ГАЛЛИЯ

Н. П. Ильин, А. Э. Васильев, В. Ф. Мастеров

Санкт-Петербургский государственный технический университет,  
195251, Санкт-Петербург, Россия

(Получена 6.05.1992. Принята к печати 7.05.1992)

На основании метода, разработанного в [<sup>1</sup>], проведен теоретический анализ основных тенденций изменения электронного спектра в ряду примесей, создаваемых переходными элементами группы железа, для бинарных полупроводников GaAs и GaP. Показана возможность существования трех типов энергетических уровней одновременно, инициируемых примесными атомами. Обсуждается проблема „начала отсчета“ для этих уровней. Проанализированы зарядовые и спиновые характеристики основного состояния примесных центров, создаваемых 3d-элементами в соединениях A<sup>III</sup>B<sub>2</sub>.

### 1. 8-Уровневая модель примесного центра

В работе [<sup>1</sup>] нами был сформулирован самосогласованный метод расчета электронной структуры примесных центров, создаваемых элементами с частично заполненной 3d-оболочкой в бинарном полупроводнике. В рамках этого метода (в дальнейшем называемого ИВМ) электронная структура примесного центра моделируется системой из восьми уровней, однозначно привязанных к границам зон идеального полупроводника, энергетический спектр которого в методе ИВМ является частным случаем спектра возмущенного кристалла [<sup>2</sup>]. Остановимся сначала на генезисе и правиле заполнения 8-уровневой системы.

Как известно, 3d-состояние свободного атома переходного элемента расщепляется в поле лигандов на состояния  $t_2$  и  $e$ . В методе ИВМ состояние  $t_2(3d)$  фактически замещает в базисе гамильтонiana состояние  $t_2(4p)$  удаленного из кристалла атома галлия. Другими словами, оно не создает дополнительных уровней в спектре кристалла. Однако под влиянием возбуждения, вносимого потенциалом атома переходного элемента, гибридизированный уровень  $t_2$  может выталкиваться как из валентной зоны, оставаясь при этом заполненным (обозначим его  $t_2^-$ , так и из зоны проводимости, оставаясь при этом формально свободным ( $t_2^+$ ). Состояние  $e(3d)$ , взаимодействуя с зонными состояниями, создает в спектре кристалла один дополнительный уровень, так как орбиталь такого типа отсутствует у замещаемого атома галлия. Поэтому из двух уровней  $e^+$  и  $e^-$ , возникающих в методе ИВМ аналогично уровням  $t_2^\pm$ , строго говоря, лишь один выталкивается из разрешенной зоны, тогда как другой накладывается на ту или иную область спектра идеального кристалла. В дальнейшем мы считаем, что именно уровень  $e^-$ , привязанный к валентной зоне, является вытолкнутым и, следовательно, заполненным уровнем. Напротив, привязанный к зоне про-

водимости уровень  $e^+$  является „дополнительным“ уровнем, возникающим в результате взаимодействия состояния  $e(3d)$  с чисто зонным состоянием  $e(\pi)$ , образованным  $p_{\pi}$ -орбиталами лигандов [3].

В итоге характер заполнения уровней  $e^+$  и  $t_2^{\pm}$  практически одинаков: связанные с валентной зоной уровни  $e^-$  и  $t_2^-$  являются целиком заполненными (за счет электронов матрицы и той части электронов атома переходного элемента, которая компенсирует „дырки“, возникающие в результате удаления атома галия); связанные с зоной проводимости уровня  $e^+$  и  $t_2^+$  являются теми свободными уровнями, на которых надо разместить избыточные (или „активные“ по терминологии, используемой в [4]) электроны из 3d-оболочки переходного элемента.

Одна из возможных конфигураций 4-уровневой системы (без учета спина) представлена на рис. 1, где число активных электронов соответствует основному состоянию примеси хрома [5]. Заметим, что в методе ИВМ как уровни  $e^{\pm}$ , так и уровни  $t_2^{\pm}$  жестко связаны величиной параметров, которые характеризуют возмущение, вносимое атомом переходного элемента в кристалл, поэтому смещение одного из уровней приводит к смещению другого в том же направлении. В результате для примесей переходных элементов наиболее типичными оказываются следующие две ситуации: 1) уровни  $e^{\pm}$ ,  $t_2^{\pm}$  выталкиваются из зоны проводимости вниз, в запрещенную зону; уровни  $e^-$ ,  $t_2^-$  попадают глубоко в валентную зону и играют там роль  $d$ -резонансов (рис. 1, a); 2) уровни  $e^-$ ,  $t_2^-$  выталкиваются из валентной зоны вверх, в запрещенную зону; уровни  $e^+$ ,  $t_2^+$  оказываются  $d$ -резонансами в зоне проводимости (рис. 1, b).

Важной особенностью метода ИВМ является то, что уровни  $e^+$ ,  $t_2^+$  всегда расположены выше, а уровни  $e^-$ ,  $t_2^-$  — ниже уровня катионной квазивакансии  $V_A^0$ , лежащего в запрещенной зоне на расстоянии  $\epsilon_v^0$  от верха валентной зоны:

$$\epsilon_v^0 = \sqrt{\Delta^2 + \beta^2} - \Delta, \quad (1)$$

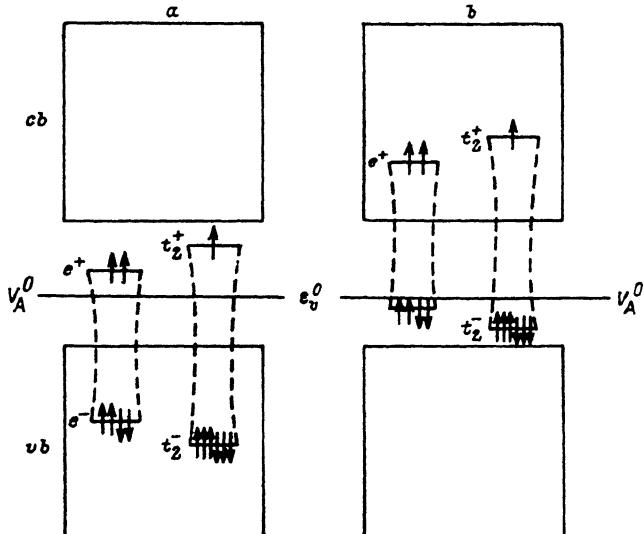


Рис. 1. Конфигурация 4-уровневой системы: a — с резонансами в валентной зоне (vb); b — с резонансами в зоне проводимости (cb).

где  $\Delta$  — половина ионного, а  $\beta$  — половина ковалентного вклада в ширину запрещенной зоны, которая дается в методе ИВМ той же формулой, что и в методе Уэйра—Торпа [6]:

$$E_g = 2\sqrt{\Delta^2 + \beta^2} - 4\epsilon_p, \quad (2)$$

где  $\epsilon_p$  — средняя „энергия промотирования“ для бинарного полупроводника. Значения параметров  $\Delta$ ,  $\beta$  и  $\epsilon_p$  определяются для идеального кристалла самосогласованно [2]. Эти значения таковы: для арсенида галлия  $\Delta = 0.59$ ,  $\beta = 0.87$ ,  $\epsilon_p = 0.14$ ; для фосфида галлия  $\Delta = 0.73$ ,  $\beta = 1.00$ ,  $\epsilon_p = 0.03$  (все величины даны в эВ). Таким образом, еще до расчета структуры конкретных примесных центров мы можем сказать, что уровни активных электронов ( $e^+$ ,  $t_2^+$ ) не могут быть расположены по отношению к валентной зоне ближе, чем на величину  $\epsilon_v^0 = 0.46$  эВ для GaAs и  $\epsilon_v^0 = 0.51$  эВ для GaP.

Используя (1), (2) и учитывая, что  $\epsilon_p \ll E_g$ , можно получить простое универсальное выражение для минимального расстояния уровней активных электронов от верха валентной зоны:

$$\epsilon_v^0 \approx \frac{1}{2} E_g (1 - f_i), \quad (3)$$

которое можно использовать для кристаллов с известной степенью ионности  $f_i = 2\Delta/E_g$  [7].

Очевидно, что те же формулы (1) и (3) дают максимальное расстояние от верха валентной зоны, на котором могут располагаться целиком заполненные уровни  $e^-$ ,  $t_2^-$ . При этом нельзя, однако, забывать о синхронности смещений уровней  $e^+$  (и  $t_2^+$ ), в силу которой уровни активных и „пассивных“ электронов не могут приближаться к уровню  $\epsilon_v^0$  одновременно, если только не существует связи переходного элемента с матрицей. В этом последнем случае система уровней ( $e^+$ ,  $t_2^+$ ) распадается на пару  $e$ ,  $t_2(3d)$ -уровней, соответствует чистым  $3d$ -орбитаям, и пару чисто вакансийных уровней  $e$ ,  $t_2(\pi)$ , чьи волновые функции образованы  $\pi$ -орбитаями лигандов.

С учетом спина мы получаем систему из восьми уровней  $e_\sigma^+$ ,  $t_{2\sigma}^+$ , где  $\sigma$  соответствует условно спину вверх или вниз. Так как уровни для противоположных направлений спина смешены относительно друг друга на величину порядка  $W(N_{d\uparrow} - N_{d\downarrow})$ , где  $W$  — интеграл обменно-корреляционного взаимодействия [8], а  $N_{d\sigma}$  — число электронов со спином  $\sigma$ , для данного примесного центра может одновременно реализоваться и ситуация на рис. 1, a (для спина вверх), и ситуация на рис. 1, b (для спина вниз), что приводит к типичной спинполяризованной структуре примесного центра, представленной на рис. 2.

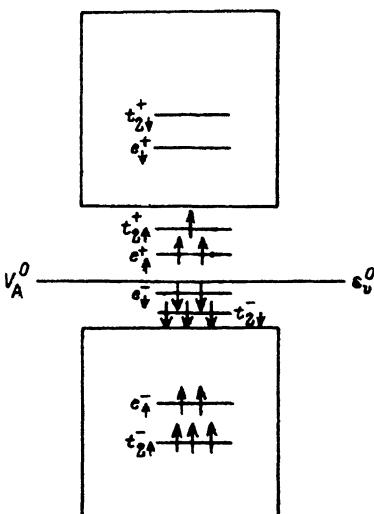


Рис. 2. Конфигурация спин-поляризованной 8-уровневой системы для основного состояния примесного центра с полным спином  $S = 3/2$ .

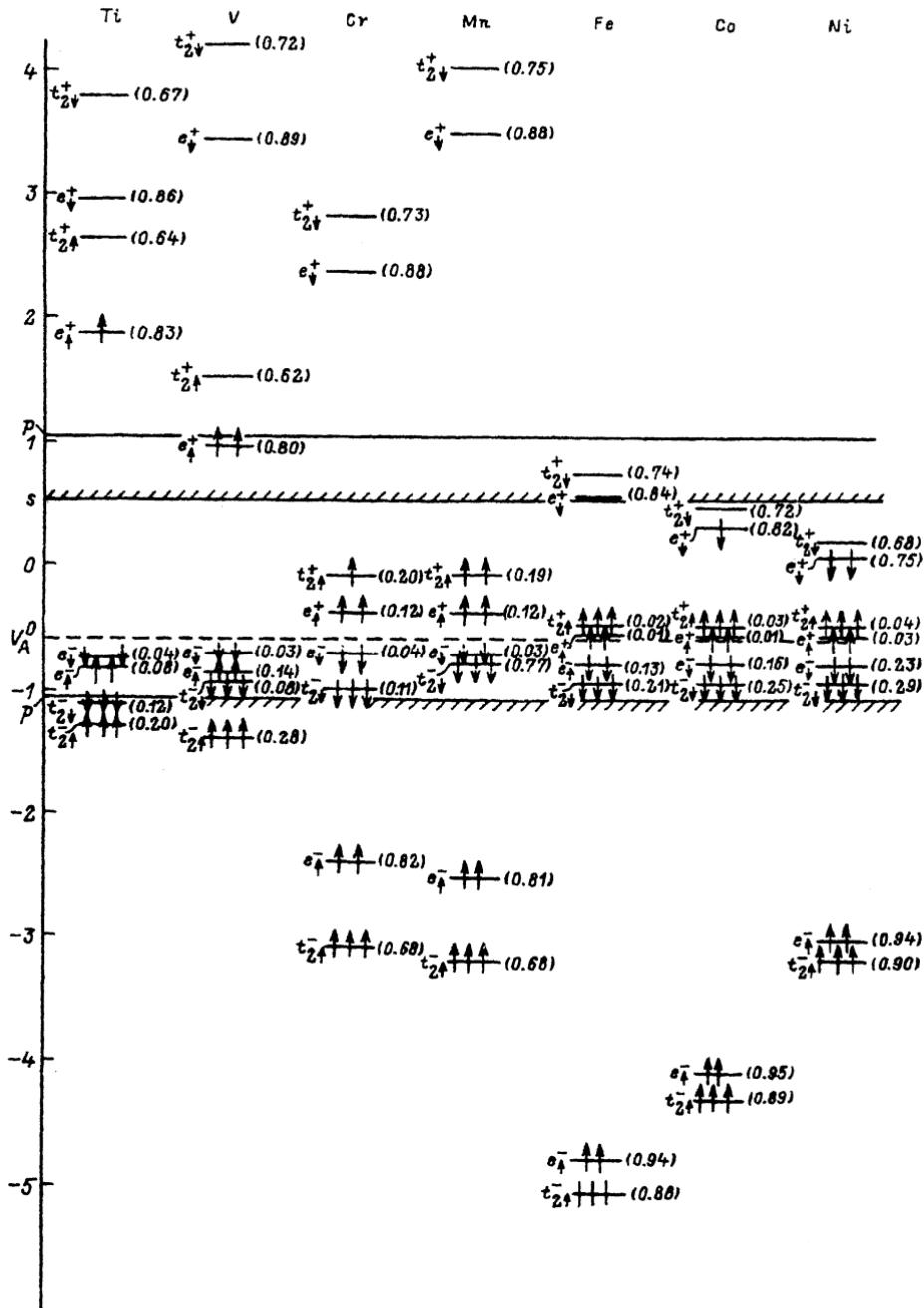
$\alpha$ 

Рис. 3. Электронная структура примесных центров, создаваемых переходными элементами группы железа: *a* — в GaAs; *b* — в GaP. В скобках рядом с уровнями энергии указаны значения  $C_2^2$ .

b

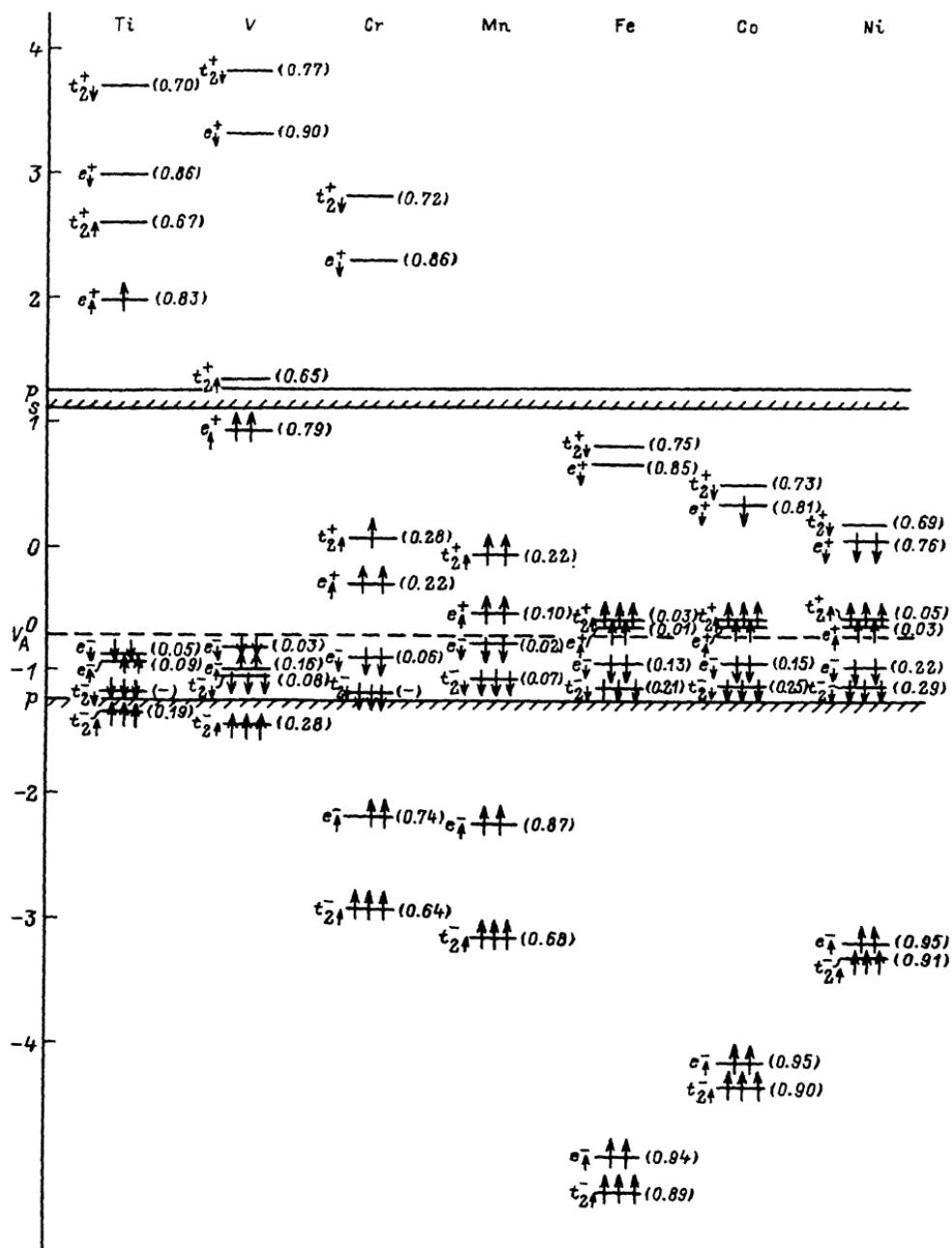


Рис. 3 (продолжение).

## 2. Основные тенденции изменения электронного спектра в ряду переходных элементов для арсенида и фосфида галлия

Результаты расчета для ряда переходных элементов от титана до никеля в GaAs и GaP представлены на рис. 3 *a, b*. Заметим, что в методе ИВМ отсутствуют подгоночные параметры, но имеет место определенная зависимость от ряда величин (например, от энергии 2d-электронов в свободном атоме переходного элемента, относительно значений которых и в экспериментальных, и в теоретических работах нет полного единодушия). Поэтому мы выделяем только те общие тенденции изменения электронного спектра при переходе от более легких элементов к более тяжелым, которые практически не зависят от конкретных значений такого рода величин. Каждый отдельно взятый примесный центр требует особого рассмотрения, с учетом указанной неоднозначности, а также специфики его основного состояния. Это относится прежде всего к примеси марганца, для которой, по-видимому, является наиболее вероятным состоянием типа „ $d^5 +$  дырка в валентной зоне“ [8]. В данной работе мы строим основное состояние этого примесного центра по тем же правилам, что и для остальных элементов, т. е. оставляем валентную зону заполненной.

Остановимся сначала на структуре волновых функций, соответствующих уровням  $e_s^\pm$ ,  $t_{2s}^\pm$ . Данные, приведенные на рис. 3, говорят о том, что мы имеем фактически три качественно различных типа волновых функций (и соответственно одноэлектронных уровней). Для уровней, попадающих в валентную зону проводимости, характерны волновые функции с большим значением квадрата амплитуды на 3d-орбиталах  $C_d^2 \gtrsim 1$ , что дает основание говорить о них, как о  $\alpha$ -резонансах или уровнях D-типа. Уровням, попадающим в запрещенную зону, но находящимся достаточно далеко от лимитирующего уровня квазивакансии  $V_A^0$ , отвечают волновые функции молекулярного типа с заметным вкладом как 3d-орбиталей, так и орбиталей лигантов; назовем эти уровни уровнями M-типа. По мере приближения уровней к предельному значению  $\epsilon_v^0$  их волновые функции приобретают (почти) несвязывающий характер ( $C_d^2 \lesssim 0$ ), т. е. формируется (почти) исключительно из орбиталей лигантов (L-уровни). Заметим, что в методе ИВМ (в отличие, например, от метода [4]) уровни D- и L-типа не являются генетически различными уровнями, но переходят друг в друга в зависимости от значений параметров, характеризующих данный примесный центр (переходя в промежутке через состояния M-типа).

По характеру основного состояния все переходные элементы в обеих матрицах можно условно разбить на три группы: легких, средних и тяжелых элементов.

Титан и ванадий создают пустые и частично занятые D-уровни только в зоне проводимости, а также систему заполненных уровней L-типа ниже уровня  $\epsilon_v^0$ . Однако на примере GaP(V) видно, что у этих элементов может появиться „классический“ глубокий уровень M-типа в запрещенной зоне, в данном случае уровень  $e_t^\pm$  (на расстоянии 0.21 эВ от дна зоны проводимости).

У элементов из середины ряда (хром и марганец) в зоне проводимости остаются только D-уровни для спина вниз, а D-уровни для спина вверх перемещаются в валентную зону. Активные электроны занимают уровни M-типа в запрещенной зоне, расщепленные на величину  $D_d = t_{2s}^\pm - e_t^\pm = 0.3 - 0.4$  эВ.

Наконец, тяжелые элементы (железо, кобальт и никель) создают (в данных матрицах) для спина вверх типичные системы „квазивакансия + d-резонанс“, т. е. уровни L-типа в запрещенной зоне (с малым  $D_q < 0.1$  эВ) и уровни D-типа глубоко в валентной зоне. В то же время для спина вниз мы имеем типичные глубокие уровни M-типа в запрещенной зоне, при отсутствии явно выраженных резонансов в разрешенных зонах.

Таким образом, метод ИВМ дает для рассматриваемых элементов и матриц синтетическую картину электронной структуры, в которой могут проявляться (для различных направлений спина) одновременно уровни  $D$ -,  $M$ - и  $L$ -типа. Из анализа положения этих уровней можно сделать вывод, что проблема начала отсчета для их энергий, широко обсуждаемая в последние годы (см., например, [9]), требует более точной постановки. Если речь идет об уровнях активных электронов, определяющих полный магнитный момент примесного центра (а обычно именно они и имеются в виду), то их положение, согласно методу ИВМ, ограничено снизу по формулам (1) — (3), т. е. лимитируется свойствами матрицы. С другой стороны,  $D$ -уровни (т. е. явные всплески локальной плотности состояний в разрешенных зонах) могут располагаться, вообще говоря, в любой области спектра кристалла. В частности, если потенциал ионизации  $3d$ -электронов свободного атома переходного элемента (играющий роль затравочного уровня в методе ИВМ) очень велик (по абсолютной величине),  $D$ -уровни могут попадать глубоко в валентную зону и даже ниже, но в этом случае они заняты максимальным числом электронов и не дают вклада в полный спин.

### 3. Зарядовые и спиновые характеристики основного состояния примесного центра

В таблице представлены результаты, отражающие изменение конфигурации  $d$ -оболочки примесного центра по сравнению со свободным атомом переходного элемента. Под  $d$ -оболочкой мы понимаем, как обычно, эффективное число электронов, локализованных на  $3d$ -орбиталах, входящих в волновые функции, которые соответствуют уровням (в спектре кристалла) с ненулевыми числами заполнения. С использованием обозначений, введенных выше, полное эффективное число  $d$ -электронов  $N_d = N_{d\uparrow} + N_{d\downarrow}$ ; локальный магнитный момент  $M_d = 1/2(N_{d\uparrow} - N_{d\downarrow})$  (магнетонов Бора). Эффективный заряд примесного центра (в единицах элементарного заряда) определяется выражением  $Q = N_d^0 - N_d$

Зарядовые и спиновые характеристики примесных центров, создаваемых переходными элементами группы железа: а — в GaAs; б — в GaP

Переход- ный элемент	$N_d^0$	$N_d$		$Q$		$M_d^0$	$M_d$		$S$
		а	б	а	б		а	б	
Ti	2	2.12	2.10	-0.12	-0.10	1	0.58	0.57	1/2
V	3	3.10	3.10	-0.10	-0.10	1.5	1.25	1.24	1
Cr	5	5.00	5.02	0.00	-0.02	2.5	2.06	1.91	3/2
Mn	5	5.04	5.04	-0.04	-0.04	2.5	2.25	2.24	2
Fe	6	5.90	5.86	0.10	0.14	2.0	2.05	2.07	5/2
Co	7	6.90	6.90	0.10	0.10	1.5	1.55	1.55	2
Ni	8	7.92	7.92	0.08	0.08	1.0	1.02	1.04	3/2

поскольку предполагается, что отсутствует перераспределение заряда за счет гибридизации  $4s$ -электронов переходного элемента (т. е. химическая связь этих электронов с лигандами считается чисто ковалентной). Наряду с числами  $N_d$ ,  $M_d$  и  $Q$  в таблице приведен полный спин  $S$  основного состояния примесного центра, определяемый уже не локально, а через распределение активных электронов на уровнях  $e_g^+$  и  $t_{2g}^+$  (по правилу Хунда).

Из данных таблицы следует, что для всех переходных элементов  $|Q_d| \ll 1$ , т. е. зарядовое состояние примесного центра оказывается близким к нейтральному (слабо отрицательному для более легких и слабо положительному для более тяжелых элементов). Последнее обстоятельство становится понятным, если

учесть, что в предельном случае оболочки  $d^{10}$  мы можем получить только электроположительный центр, тогда как для элемента с пустой  $d$ -оболочкой — только электроотрицательный (если не учитывать вклада других оболочек). В рамках метода ИВМ был проведен расчет ряда примесных центров с учетом делокализации  $4s$ -оболочки переходного элемента, который показал, что уход одного  $s$ -электрона частично компенсируется увеличением эффективного числа  $d$ -электронов на  $0.5 \div 0.6$ ; в этом случае примесный центр приобретает положительный эффективный заряд порядка  $0.4 \div 0.5$ .

В отличие от зарядового магнитное состояние примесного центра существенно отличается от состояния свободного атома с точки зрения как локального момента  $M_d$ , так и полного спина  $S$  (для свободного атома спин  $S^0$  численно равен  $M_d^0$ ). Представляет интерес (например, для интерпретации спектров ЭПР) то обстоятельство, что для более тяжелых элементов  $M_d \approx M_d^0$ , т. е. к концу ряда практически восстанавливается атомная величина локального магнитного момента, хотя полный спин центра, естественно, отличается от атомного.

В заключение отметим, что на характер зарядового и спинового состояния примесного центра влияет положение затравочных уровней  $3d$ -электронов в свободном атоме, если их энергия по отношению к краю валентной зоны сравнима с удвоенным значением кулоновского интеграла  $U_{dd} \approx 15 - 20$  эВ. Так как край валентной зоны относительно вакуума расположен (для данных матриц) на расстоянии порядка  $5 - 6$  эВ [4], речь может идти только о затравочных уровнях, попадающих в область энергий много ниже валентной зоны. В этом случае можно было бы ожидать образования примесного центра с заполненной немагнитной  $d$ -оболочкой, однако данные спин-поляризованного расчета для свободных атомов примесных центров указывают на то, что такая ситуация маловероятна.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- [1] Н. П. Ильин, В. Ф. Мастеров, А. Э. Васильев. ФТП, 26.
- [2] Н. П. Ильин, В. Ф. Мастеров, А. Э. Васильев. ФТП, 25, 185 (1991).
- [3] И. Б. Берсукер. Электронное строение и свойства координационных соединений, 350. Л. (1976).
- [4] A. Zunger. Sol. St. Phys., 39, 275 (1986).
- [5] A. Э. Васильев, Н. П. Ильин, В. Ф. Мастеров. ФТП, 23, 804 (1989).
- [6] Вычислительные методы в теории твердого тела (под ред. А. А. Овчинникова). М. (1975).
- [7] N. E. Christiansen, S. Satpathy, Z. Rawlowska. Phys. Rev. B, 36, 1032 (1987).
- [8] A. Э. Васильев, Н. П. Ильин, В. Ф. Мастеров. ФТП, 22, 1253 (1988).
- [9] M. Hamerd, W. Walukiewicz, D. D. Nolte. Phys. Rev. B, 39, 10114 (1989).
- [10] Дж. Слэтер. Методы самосогласованного поля для молекул и твердых тел, 662. М. (1978).

Редактор Л. В. Шаронова