

УДК 621.315.592

## КВАНТОВЫЙ ЭФФЕКТ ХОЛЛА И $g$ -ФАКТОР $2D$ -ЭЛЕКТРОНОВ В ГЕТЕРОСТРУКТУРАХ НА ОСНОВЕ GaAs

Чудинов С. М., Кульбачинский В. А., Манчини Дж.,  
Медведев Б. К., Родичев Д. Ю.

Исследована температурная зависимость ширины плато  $\Delta B_i$  в целочисленном квантовом эффекте Холла в гетероструктурах GaAs—Ga<sub>1-x</sub>Al<sub>x</sub>As. Измерения проведены на образцах гетероструктур с концентрацией  $2D$ -электронов  $N=(2.5 \div 4) \cdot 10^{11}$  см<sup>-2</sup> и подвижностью  $\mu = (3 \div 8) \cdot 10^5$  см<sup>2</sup>/В·с в области температур 0.05—4.2 К в магнитных полях  $B$  до 8.5 Т.

Получены аналитические выражения для описания зависимости  $\Delta B_i$  от  $T$ .

Рассчитано среднее значение ( $g_i$ )  $g$ -фактора  $2D$ -электронов, соответствующее квантовым плато с различными номерами  $i$ . Обнаружено, что  $g_i$  существенно зависит от магнитного поля: быстро возрастает в слабых полях и имеет тенденцию к насыщению — в сильных. В интервале полей 2—5 Т  $g$ -фактор увеличивается более чем в 1.6 раза. Найденная зависимость  $g$  от  $B$  согласуется с представлениями об обменном взаимодействии электронов на соседних подуровнях Ландау.

В настоящее время экспериментально установлено, что  $g$ -фактор электронов в двумерных ( $2D$ ) системах является растущей функцией магнитного поля  $B$ . Впервые этот эффект наблюдался в работе [1] при исследовании электронных свойств инверсионных слоев на поверхности Si, а затем был обнаружен и изучен в других  $2D$ -системах (в частности, в гетероструктурах на основе полупроводников группы A<sup>III</sup>B<sup>V</sup> [2, 3]). Изменение  $g$ -фактора в магнитном поле не может быть объяснено в рамках модели свободных электронов. Наблюдающееся в работе [4] увеличение  $g$ -фактора  $2D$ -электронов было связано с обменным взаимодействием электронов, находящихся на расщепленных по спину подуровнях Ландау.

Теоретически было показано, что  $g$ -фактор зависит от степени заполнения соседних подуровней Ландау и является не только растущей, но и осциллирующей функцией магнитного поля. Следует отметить, что перенормированный в результате обменного взаимодействия электронов  $g$ -фактор определяет далеко не все электронные свойства  $2D$ -систем. Так, например, частота электронного спинового резонанса, а также энергии магнитооптических переходов между различными спиновыми состояниями зависят лишь от перенормированного  $g$ -фактора  $2D$ -электронов [5, 6]. Перенормированный же  $g$ -фактор входит во все параметры, зависящие от плотности электронных состояний на уровне Ферми, и наиболее ярко проявляется в квантовых осцилляционных эффектах.

Для экспериментального определения величины перенормированного  $g$ -фактора в настоящее время широко применяется метод наклонного поля, или метод совпадения уровней. В основе этого метода лежит то обстоятельство, что в магнитном поле  $B$ , направление которого составляет конечный угол  $\theta$  с нормалью к плоскости  $2D$ -слоя, величина орбитального расщепления определяется только нормальной компонентой поля  $B \cos \theta$ , тогда как спиновое расщепление — полным значением напряженности магнитного поля.

Таким образом, изменение угла наклона  $\theta$  позволяет варьировать соотношения между величинами спинового и орбитального расщепления уровней Ландау и при определенных углах создавать условия, соответствующие либо спиновому демпингу первой гармоники осцилляций, либо вырождению различ-

ных подуровней Ландау [7], что в свою очередь позволяет определять спиновое расщепление по известному орбитальному расщеплению. Наиболее детально перенормировка  $g$ -фактора в магнитном поле в гетероструктурах GaAs—Ga<sub>1-x</sub>Al<sub>x</sub>As методом наклонного поля изучена в работе [8].

Другим методом, используемым в настоящее время для определения перенормированного  $g$ -фактора  $2D$ -электронов, является емкостной метод, основанный на изучении осцилляций химического потенциала [9].

Экспериментальные работы по измерению  $g$ -фактора  $2D$ -электронов показали, что  $g$ -фактор растет в магнитном поле. Были получены некоторые данные, указывающие на осциллирующий характер зависимости  $g$  от  $B$ .

Вместе с тем имеет место значительный количественный разброс в значениях  $g$ -факторов, найденных в различных работах для одной и той же  $2D$ -системы. Это связано с трудностью интерпретации экспериментальных данных, полученных указанными выше методами; необходимость учитывать осциллирующий характер полевой зависимости  $g$  и энергии Ферми  $\epsilon_F$  существенно затрудняет вычисление величины  $g$ .

В настоящей работе предлагается новый метод для определения перенормированного  $g$ -фактора  $2D$ -электронов в магнитном поле. В его основе лежит изучение магнитополевой зависимости квантовой величины холловской компоненты  $\rho_{xy}$  тензора магнитосопротивления  $2D$ -системы в режиме квантового эффекта Холла. Известно, что зависимость  $\rho_{xy}$  от  $B$  для достаточно совершенных  $2D$ -систем при низких температурах имеет вид кривой, состоящей из последовательного числа квантовых плато при значениях  $\rho_{xy} = h/e^2 i$ , где  $i$  — целое число (номер плато) [10].

Интервал магнитных полей  $\Delta B_i$ , соответствующий ширине плато, зависит от номера плато  $i$  и температуры  $T$ . Далее будет показано, что зависимости  $\Delta B_i$  от  $T$  позволяют получить величину перенормированного  $g$ -фактора при различных значениях магнитных полей  $B$ .

В настоящей работе целочисленный квантовый эффект Холла исследован на образцах гетероструктур GaAs—Ga<sub>1-x</sub>Al<sub>x</sub>As, полученных методом молекулярно-лучевой эпитаксии, с концентрацией  $2D$ -электронов  $N = (2.5 \div 4) \cdot 10^{11} \text{ см}^{-2}$  и подвижностью  $\mu = (3 \div 8) \cdot 10^5 \text{ см}^2/\text{В} \cdot \text{с}$ .

Измерения проведены в области температур 0.05—4.2 К в магнитных полях  $B$  до 8.5 Т. Для получения сверхнизких температур использовался рефрижератор растворения He<sup>3</sup>—He<sup>4</sup>. Структуры были выполнены в стандартной холловской геометрии с шириной  $2D$ -канала 100 мкм.

У исследованных гетероструктур GaAs—Ga<sub>1-x</sub>Al<sub>x</sub>As наблюдалась последовательность холловских плато с номерами  $i \geq 3$ , а также пиков на полевой зависимости поперечного магнитосопротивления  $\rho_{xx}$ . При понижении температуры и увеличении подвижности электронов число наблюдаемых плато  $\rho_{xy}$  и пиков  $\rho_{xx}$  увеличивается. Так, например, для структуры с подвижностью электронов  $\mu = 6 \cdot 10^5 \text{ см}^2/\text{В} \cdot \text{с}$  при температуре 0.05 К экспериментально разрешаются плато с номером  $i \approx 50$ . Типичные зависимости  $\rho_{xy}$  и  $\rho_{xx}$  от магнитного поля  $B$  для исследованных структур показаны на рис. 1.

Ширина плато  $\Delta B_i$  определялась по интервалу магнитных полей, на краях которого величина  $\rho_{xy}$  отличается от своего значения в центре плато на 2%. В области температур 4.2—0.5 К ширина плато  $\Delta B_i$  практически линейно возрастала при понижении температуры. При  $T \leq 0.8$  К зависимость  $\Delta B_i$  от  $T$  отклоняется от линейной и становится более резкой. Аналогичные зависимости  $\Delta B_i$  от  $T$  наблюдались также в гетероструктурах InP—In<sub>x</sub>Ga<sub>1-x</sub>As<sub>x</sub> [11].

Зависимости ширины плато  $\Delta B_i$  от температуры для различных  $i$  показаны на рис. 2. Они отражают изменение отношения числа локализованных и делокализованных состояний на уровне Ландау при изменении температуры.

Приведенные на рис. 2 зависимости могут быть проанализированы на основе следующей модели. Как отмечено в [12], делокализованные состояния на подуровне Ландау при  $T=0$  К расположены в его центре в интервале энергий  $\Delta \epsilon_j$ . Ширина интервала  $\Delta \epsilon_j$  зависит от параметра  $\omega_c \tau$  ( $\omega_c = eH/mc$  — циклотронная частота,  $\tau$  — время релаксации электронов на уровне Ландау) и в свою очередь

определяется видом случайного потенциала, зависящего от степени совершенства  $2D$ -слоя. Границы интервала  $\Delta\varepsilon_j$  представляют собой электронный и дырочный пороги подвижности на  $j$ -м подуровне Ландау. При конечной температуре число делокализованных состояний возрастает за счет термически делокализованных электронов вблизи порога подвижности [13]. В  $2D$ -системе это эквивалентно тому, что порог подвижности сдвигается по энергии на некоторую величину, зависящую от  $T$ . При величине  $kT$ , меньшей среднего значения  $V_0$  амплитуды случайного потенциала, сдвиг порога подвижности пропорционален  $\exp(-V_0/kT)$ . При  $kT > V_0$  концентрация термически делокализованных состояний пропорциональна  $T$  и интервал  $\Delta\varepsilon_j$  может быть записан в виде [14]

$$\Delta\varepsilon_j = A_j + C_j kT, \quad (1)$$

где  $A_j, C_j$  зависят от  $\omega_c \tau$  и  $j$ .

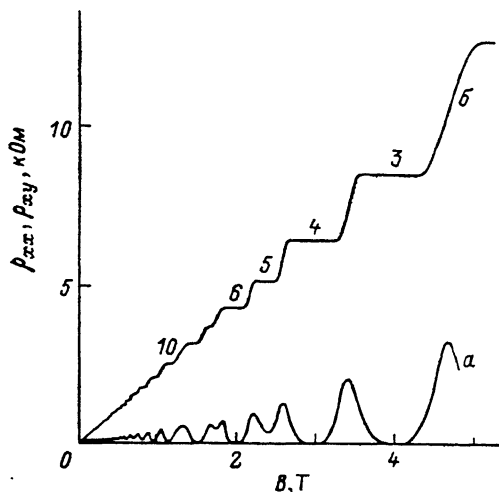


Рис. 1. Зависимости от магнитного поля  $B$  поперечного  $\rho_{xx}$  (а) и холловского  $\rho_{xy}$  (б) сопротивлений для образца гетероструктуры с подвижностью  $\mu = 6.5 \cdot 10^5$  см<sup>2</sup>/В·с при  $T = 0.4$  К.

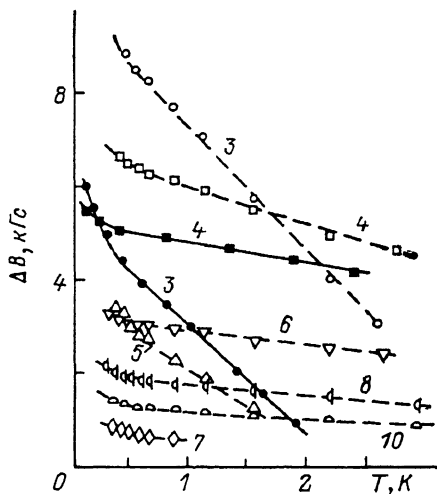


Рис. 2. Зависимость ширины плато  $\Delta B_i$  от температуры  $T$  для двух образцов гетероструктур с подвижностями  $\mu = 6.5 \cdot 10^5$  (светлые точки) и  $\mu = 3.1 \cdot 10^5$  см<sup>2</sup>/В·с (темные).

Цифры на кривой б соответствуют номерам плато  $i$ .

Цифры у кривых соответствуют номерам плато  $i$ .

Плато, наблюдающиеся в целочисленном квантовом эффекте Холла, соответствуют интервалам магнитных полей  $\Delta B_i$ , на краях которых уровень Ферми совпадает с порогами подвижности на соседних подуровнях Ландау с номерами  $j$  и  $j+1$ . При этом номер плато  $i$  совпадает с номером подуровня Ландау  $j+1$ , на котором дырочный порог подвижности определяет верхнюю границу плато по магнитному полю. Главное квантовое число  $n$  уровня Ландау следующим образом связано с номером плато  $i$ :

$$\begin{aligned} i &= 2n + 1 \quad (\text{для нечетных плато}), \\ i &= 2n + 2 \quad (\text{для четных плато}). \end{aligned} \quad (2)$$

Обозначим через  $B_{i-1}^e$  и  $B_i^h$  величины магнитных полей, которые представляют собой границы  $i$ -го плато:  $\Delta B_i = B_i^h - B_{i-1}^e$ , и учтем, что  $g$ -фактор и уровень Ферми  $2D$ -электронов зависят от магнитного поля. Можно показать, что в этом случае ширина плато  $\Delta B_i$  может быть записана в виде следующих выражений:

$$\Delta B_i^{\text{од}} = \frac{m_c}{\mu_B m_0} \left[ \frac{\varepsilon_F(B_i^h) - \frac{\Delta\varepsilon_i}{2}}{i - \frac{m_c}{2m_0} g(B_i^h)} - \frac{\varepsilon_F(B_{i-1}^e) + \frac{\Delta\varepsilon_{i-1}}{2}}{i + \frac{m_c}{2m_0} g(B_{i-1}^e)} \right] \quad (3)$$

для нечетного плато,

$$\Delta B_i^{\text{even}} = \frac{m_c}{\mu_B m_0} \left[ \frac{\varepsilon_F(B_i^h) - \frac{\Delta \varepsilon_i}{2}}{i + 1 + \frac{m_c}{2m_0} g(B_i^h)} - \frac{\varepsilon_F(B_{i-1}^e) + \frac{\Delta \varepsilon_{i-1}}{2}}{i - 1 - \frac{m_c}{2m_0} g(B_{i-1}^e)} \right] \quad (4)$$

для четного плато ( $\mu_B = e\hbar/2m_0c$  — магнетон Бора).

Если принять, что уровень Ферми  $\varepsilon_F$  и  $g$ -фактор  $2D$ -электронов не зависят от магнитного поля  $B$ , то формулы (3) и (4) переходят в аналогичные выражения, полученные нами ранее в работах [14, 15].

Выражения (3) и (4) совместно с (1) способны объяснить характер экспериментальных зависимостей  $\Delta B_i$  от  $T$ . В частности, линейное уменьшение  $\Delta B_i$  при понижении температуры при  $T \geq 0.8$  К можно объяснить линейной зависимостью  $\Delta \varepsilon_i, \Delta \varepsilon_{i-1}$  от  $T$  (1), которая имеет место при  $kT > V_0$ . Переход

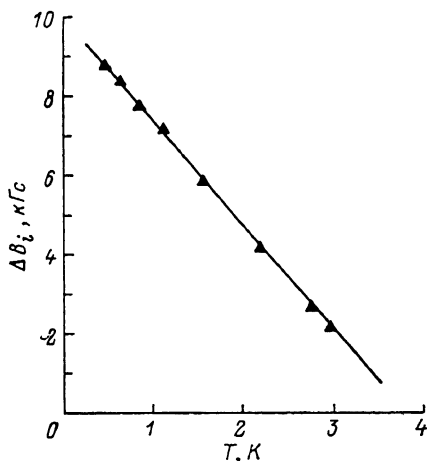


Рис. 3. Расчетная зависимость ширины плато  $\Delta B_i$  с  $i=3$  от температуры для образца гетероструктуры с подвижностью  $\mu = 6.5 \cdot 10^5$  см<sup>2</sup>/В·с (сплошная прямая).

Точки — экспериментальные значения  $\Delta B_i$ .

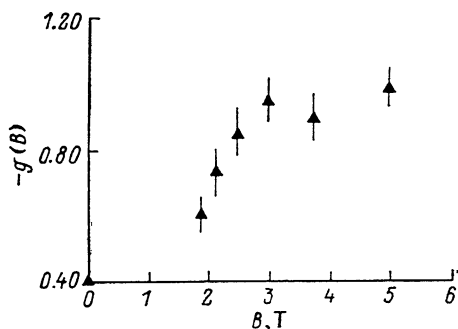


Рис. 4. Зависимость среднего значения ( $g_i$ )  $g$ -фактора на плато с номером  $i$  от магнитного поля  $B_i$ , соответствующего центру плато.

Данные для образца гетероструктуры GaAs—Ga<sub>1-x</sub>Al<sub>x</sub>As с концентрацией  $2D$ -электронов  $N = 4 \cdot 10^{11}$  см<sup>-2</sup> и подвижностью  $\mu = 6.5 \cdot 10^5$  см<sup>2</sup>/В·с при  $T = 4.2$  К.

к более резкой зависимости  $\Delta B_i$  от  $T$  при  $T \leq 0.8$  К связан с переходом к экспоненциальному уменьшению  $\Delta \varepsilon_i$  с температурой при  $kT < V_0$ . Таким образом, изменение характера температурных зависимостей ширины плато в области  $T \simeq 0.8$  К позволяет оценить среднее значение амплитуды случайного потенциала  $2D$ -слоя:  $V_0 \simeq 0.07$  мэВ.

В области линейной зависимости ширины плато от температуры формулы (3), (4) и (1) могут быть использованы для вычисления  $\Delta B_i$  при известных параметрах  $\varepsilon_F(B_i^h), \varepsilon_F(B_{i-1}^e), g(B_i^h), g(B_{i-1}^e), A_i, C_i, A_{i-1}, C_{i-1}$ .

Указанные параметры можно найти с помощью подгоночного расчета путем их варьирования и сопоставления вычисленного  $\Delta B_i$  с экспериментальными значениями  $\Delta B_i$  при различных температурах.

Учитывая то, что формулы (3) и (4) достаточно сложны и содержат 8 неизвестных параметров, в настоящей работе в качестве первого приближения использовались формулы (8) и (9) из работы [14], в которых по существу предполагается, что  $\varepsilon_F(B_i^h) = \varepsilon_F(B_{i-1}^e) = \varepsilon_F^0$  ( $\varepsilon_F^0$  — энергия Ферми при  $H=0$ ) и  $g(B_i^h) = g(B_{i-1}^e) = g_i$ . Это позволяет сократить число параметров до 3. Приближение  $\varepsilon_F(B) = \varepsilon_F^0$  вполне допустимо, поскольку в эксперименте измерялись плато с номерами  $i \geq 3$ , для которых, согласно [9], изменение  $\varepsilon_F$  в магнитном поле не превышает 15 % от  $\varepsilon_F^0$ . Для вычисления параметров  $A_i, C_i$  и  $g_i$  был использован координатный метод наименьших квадратов с фиксированным шагом. Процесс минимизации контролировался по параметру  $SQ$ :

$$SQ = \sum_k [Y_k - f_k(g_i^{(k)}, A_i^{(k)}, C_i^{(k)})]^2, \quad (5)$$

где функция  $f_k$  определялась уравнениями (3) или (4) для нечетных и четных плато соответственно.

Значения параметров  $A_i$ ,  $C_i$  и  $g_i$ , а также параметра минимизации  $SQ$  для различных плато с квантовыми номерами от 3 до 8 для образца гетероструктуры GaAs—Ga<sub>1-x</sub>Al<sub>x</sub>As с подвижностью  $\mu=6 \cdot 10^5$  см<sup>2</sup>/В·с и концентрацией  $2D$ -электронов  $N=2 \cdot 10^{11}$  см<sup>-2</sup> приведены в таблице.

Число точек	№ плато $i$	Магнитное поле $B_i$ в середине плато, Т	$\frac{A_i}{\epsilon_i}$	$\frac{C_i k}{\epsilon_i} \cdot 10^2, \text{К}^{-1}$	$g_i$	Параметр минимизации $SQ$
8	3	4.98	0.170	3.2 (8)	0.98 (9)	0.24240
8	4	3.74	0.126	1.2 (0)	0.90 (4)	0.28869
6	5	3.01	0.090	3.0 (7)	0.95 (4)	0.18819
8	6	2.48	0.084	0.6 (9)	0.85 (1)	0.11696
6	7	2.14	0.069	0.6 (4)	0.7 (40)	0.14533
9	8	1.87	0.085	0.5 (9)	0.6 (1)	0.25101

Примечание.  $\epsilon_i$  — энергия, соответствующая середине подуровня Ландау с номером  $i$ .

Пример соответствия расчетной зависимости  $\Delta B_i$  от  $T$  экспериментальным значениям  $\Delta B_i$  при различных  $T$  показан на рис. 3.

Таким образом, используемый в настоящей работе в качестве первого приближения метод вычисления  $g_i$  по существу позволяет определить некоторое среднее значение  $g$ -фактора в интервале магнитных полей  $\Delta B_i$ , при вычислении которого предполагается равенство значений  $g$ -факторов электронов на границе интервала  $\Delta B_i$ .

Естественно, что найденная система  $g_i$  должна быть отнесена к значению магнитного поля  $B_i$  в центре плато с номером  $i$ .

Зависимость  $g_i$  от магнитного поля в центре соответствующего плато приведена на рис. 4.

Полученная зависимость  $g_i$  от  $B_i$  качественно согласуется с представлениями о связи  $g$ -фактора с обменным взаимодействием электронов, находящихся на расщепленных по спину подуровнях Ландау. Действительно, согласно [4], энергия  $E_{\text{ex}}$  обменного взаимодействия, которая определяет перенормированный  $g$ -фактор, пропорциональна разности заселенностей  $N_{\uparrow}$  и  $N_{\downarrow}$  подуровней с противоположными направлениями спинов:  $E_{\text{ex}} = E_{\text{ex}}^0 (N_{\uparrow} - N_{\downarrow})$ , где  $E_{\text{ex}}^0$  — постоянная величина. При низких температурах и конечной ширине подуровней разность заселенностей быстро растет в слабых полях в результате уменьшения перекрытия подуровней и насыщается в сильных полях, при которых спиновое расщепление превышает ширину подуровня и перекрытие снимается. Такой характер полевой зависимости обменной энергии  $E_{\text{ex}}$  отражен в полученной кривой  $g_i(B_i)$ , которая быстро возрастает в слабых полях и имеет тенденцию к насыщению — в сильных. Немонотонный характер расположения точек на рис. 4 в принципе может быть связан с осциллирующей зависимостью  $g$  от  $B$ . Для выяснения детального хода зависимости  $g$  от  $B$  в дальнейшем будет проведено вычисление с помощью более точных формул (3) и (4), в которых не предполагается постоянство  $g$  в интервале полей  $\Delta B_i$  и не используется приближение  $\epsilon_F(B) = \epsilon_F^0$ .

В заключение отметим, что абсолютные значения  $g$ -фактора, полученные в настоящей работе, численно хорошо согласуются с величиной  $\bar{g}$  среднего  $g$ -фактора, найденного методом наклонного поля для гетероструктур GaAs—Ga<sub>1-x</sub>Al<sub>x</sub>As в работе [8].

#### Список литературы

- [1] Fang F. F., Stiles P. J. // Phys. Rev. 1968. V. 174. N 3. P. 823—828.
- [2] Nicholas R. J., Brummell M. A., Portal J. C., Cheng K. Y., Cho A. Y., Pearsall T. P. // Sol. St. Commun. 1983. V. 45. N 13. P. 911—915.
- [3] Raymond A., Robert J. L., Bousquet C. // Sol. St. Commun. 1985. V. 55. N 3. P. 271—274.
- [4] Ando T., Uemura Y. // J. Phys. Soc. Japan. 1974. V. 37. N 4. P. 1044—1052.
- [5] Stein D., Klitzing K., Weimann G. // Phys. Rev. Lett. 1983. V. 51. N 2. P. 130—133.
- [6] Ando T., Fowler A. B., Stern F. // Rev. Mod. Phys. 1982. V. 54. N 2. P. 437—462.

- [7] Брандт Н. Б., Чудинов С. М. Энергетические спектры электронов и фононов в металлах. М., 1980. 340 с.
- [8] Nicholas R. J., Hang R. J., Klitzing K., Weimann G. // Phys. Rev. 1988. V. B37. N 3. P. 1294—1302.
- [9] Нижанковский В. И., Медведев Б. К., Мокеров В. Г. // Письма ЖЭТФ. 1988. Т. 47. В. 7. С. 343—345.
- [10] Klitzing K., Dorda G., Pepper M. // Phys. Rev. Lett. 1980. V. 45. N 6. P. 494—501.
- [11] Briggs A., Guldner Y., Vierren J.-P., Voos M., Hirtz J. P., Raseghi M. // Phys. Rev. 1983. V. B27. N 10. P. 6549—6554.
- [12] Рашба Э. И., Тимофеев В. В. // ФТП. 1986. Т. 20. В. 6. С. 977—1024.
- [13] Ando T., Murayama Y. J. // J. Phys. Soc. Japan. 1985. V. 53. N 4. P. 44—49.
- [14] Chudinov S. M., Kulbachinskii V. A., Lozovik Yu. E., Rodichev D. Yu., Devoli I., Mancini G., Stizza S. // Sol. St. Commun. 1990. V. 73. N 8. P. 583—587.
- [15] Брандт Н. Б., Кульбачинский В. А., Лозовик Ю. Е., Медведев Б. К., Мокеров В. Г., Родичев Д. Ю., Чудинов С. М. // ФТП. 1989. Т. 31. В. 3. С. 73—78.

Московский государственный университет  
им. М. В. Ломоносова

Получена 11.03.1990  
Принята к печати 21.05.1990