

© 1992

К ВОПРОСУ О ПРЕФЕРЕНСЕ ПОР В УПРУГОАНИЗОТРОПНЫХ КУБИЧЕСКИХ КРИСТАЛЛАХ

П. Н. Остапчук

С помощью тензора Грина неограниченного слабоанизотропного кристалла кубической системы получено выражение для энергии упругого взаимодействия точечного дефекта с газовой порой. Оно отличается от своего (обычно используемого со ссылкой на Эшелби) аналога дополнительным множителем. В случае слабого взаимодействия методом последовательных приближений найдены коэффициенты асимметрии поглощения точечных дефектов газовой порой.

Как известно, концепция предпочтения или предпочтительного поглощения стоком точечных дефектов (ТД) определенного сорта играет важную роль в физике радиационных повреждений твердого тела. В частности, она лежит в основе современных представлений о физической природе явления радиационного набухания металлов [1]. Причину такого предпочтения обычно связывают с различием в упругом взаимодействии вакансий и собственных междоузельных атомов (СМА) со стоком данного типа [2, 3]. Это различие приводит к некоторой асимметрии диффузионных потоков ТД на сток, что и интерпретируется как предпочтение (преференс) данного стока к определенному сорту точечных дефектов. Таким образом, понятие преференса подразумевает, во-первых, знание энергии упругого взаимодействия ТД со стоком и, во-вторых, наличие корректной процедуры вычисления диффузионного потока ТД на сток с учетом этого взаимодействия. Последний момент особенно важен при учете анизотропии кристалла, когда из-за появляющейся угловой зависимости получить решение соответствующей диффузионной задачи в общем виде не удастся.

Для определенности рассмотрим кристаллы кубической системы и ограничимся размерным взаимодействием. Поры будем считать сферическими. В рамках этих предположений были предложены два варианта возможного решения проблемы: 1) усреднение энергии упругого взаимодействия по угловым переменным [4] и сведение тем самым диффузионной задачи к точно решаемому случаю радиальной симметрии [5]; 2) использование теории возмущений [6], считая дрейфовый член в диффузионном уравнении малым возмущением для основного решения, не учитывающего упругого взаимодействия. Поскольку вариант с усреднением не может претендовать на математическую корректность, логично было бы проверить достоверность результатов [4] в каком-либо предельном случае с помощью регулярного метода, например теории возмущений. В этой связи сравнение результатов [4] и [6] в случае слабого взаимодействия приводит к некоторому несоответствию: согласно [4], асимметрия в потоках ТД на пору пропорциональна квадрату параметра анизотропии ξ , в то время как [6] дает линейную зависимость. Последнее означало бы, что преференс пор меняет знак при переходе от кристаллов с $\xi > 0$ к кристаллам с $\xi < 0$. А тогда и кинетика эволюции ансамбля пор в таких материалах существенно отличалась бы. Поэтому основная цель настоящей работы состояла в выяснении истинной зависимости преференса пор от параметра анизотропии в случае слабого взаимодействия. Но, поскольку понятие преференса включает в себя еще и вычисление энергии

упругого взаимодействия ТД с порой, представляя возможность получить ее иным по сравнению с Эшелби [7] способом. Таковым, по нашему мнению, является использование тензора Грина для упругоанизотропной среды, полученного Лифшицем и Розенцвейгом [8]. Таким образом, первая часть работы содержит краткий вывод искомой энергии упругого взаимодействия, а вторая посвящена вычислению потоков точечных дефектов к поре с учетом этой энергии.

1. Энергия упругого взаимодействия газовой поры с точечными дефектами в кубических кристаллах

Энергия размерного взаимодействия ТД α -го сорта с полем упругих деформаций $e_{ij}(\mathbf{r})$ имеет вид [9]

$$E_{\alpha}(\mathbf{r}) = -K\Omega_{\alpha}e_{ii}(\mathbf{r}), \quad (1)$$

где $e_{ii}(\mathbf{r}) = \text{Sp } e_{ij}(\mathbf{r})$ — дилатация поля деформаций e_{ij} , вычисленная в центре ТД «г»; Ω_{α} — объем несоответствия ТД α -го сорта; K — модуль сжатия. Наша задача — найти $e_{ij}(\mathbf{r})$, создаваемое сферической порой радиуса R с давлением газа P в произвольной точке \mathbf{r} бесконечной упругой среды, характеризуемой тензором модулей упругости

$$C_{iklm} = C_{12}\delta_{ik}\delta_{lm} + C_{44}(\delta_{il}\delta_{mk} + \delta_{lm}\delta_{ki}) + d \sum_p \delta_{ip}\delta_{kp}\delta_{lp}\delta_{mp},$$

$$d \equiv C_{11} - C_{12} - 2C_{44}.$$

Здесь C_{11} , C_{12} , C_{44} — минимальные числа отличных от нуля модулей в кристаллах кубической системы; величина d служит мерой анизотропии упругих свойств кубического кристалла.

Искомый тензор деформаций легко найти, зная смещение $u_i(\mathbf{r})$ в точке \mathbf{r} . Если последнее обусловлено точечной силой F_j , приложенной в точке \mathbf{r}' , то

$$u_i(\mathbf{r}, \mathbf{r}') = G_{ij}(\mathbf{r}, \mathbf{r}') F_j(\mathbf{r}'),$$

где $G_{ij}(\mathbf{r}, \mathbf{r}')$ — тензор Грина данной упругой среды. Наконец, если сила распределена по поверхности S и имеет величину $P'_{jm}n_j dS$ на каждый элемент поверхности dS с нормалью \mathbf{n} , то суммарное смещение в точке \mathbf{r} равно

$$u_i(\mathbf{r}) = \int_S dS P'_{km} n_m G_{ik}(\mathbf{r}, \mathbf{r}'). \quad (2)$$

Согласно работе [8], тензор Грина неограниченного слабоанизотропного монокристалла кубической системы имеет вид

$$G_{ik}(\mathbf{r}, \mathbf{r}') \approx \frac{1}{8\pi b(a+2b)} \left\{ (a+3b) \frac{\delta_{ik}}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|} + (a+b) \frac{(x_i-x'_i)(x_k-x'_k)}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|^3} + \right.$$

$$+ \frac{3\xi}{2} \left[\frac{a-b}{3} \left(1 - \frac{(x_i-x'_i)^2}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|^2} \right) \frac{\delta_{ik}}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|} - (a+b) \frac{(x_i-x'_i)(x_k-x'_k)}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|^3} + \right.$$

$$\left. \left. + \frac{a+b}{2} \frac{(x_i-x'_i)(x_k-x'_k)^3 + (x_k-x'_k)(x_i-x'_i)^3}{|\mathbf{r}-\mathbf{r}'|^5} \right] \right\},$$

где

$$a \equiv C_{12}, \quad b \equiv C_{44}, \quad \xi \equiv d/b, \quad d \ll a, \quad b.$$

Что касается напряжений P_{km}^T , то они, согласно Эшелби [3], обусловлены так называемой «свободной» деформацией e_{km}^T вообразимого включения и связаны с ней законом Гука. Термин «свободная» подразумевает однородную деформацию, которую бы претерпело такое включение в отсутствие окружающей матрицы. Учитывая сферическую симметрию поры, вслед за авторами [2] будем считать, что $e_{km}^T = \delta_{km} \text{const}$, соответственно $P_{km}^T = P^T \delta_{km}$ (неизвестную пока константу P^T не следует путать с давлением газа в поре P). Тогда, преобразуя поверхностный интеграл (2) в объемный, для искомого тензора деформаций получаем

$$e_{ij}(\mathbf{r}) = \frac{1}{2} P^T \{ \Phi_{ik, kj}(\mathbf{r}) + \Phi_{jk, ki}(\mathbf{r}) \}, \quad (3)$$

где

$$\Phi_{ij}(\mathbf{r}) = - \int_V G_{ij}(\mathbf{r}, \mathbf{r}') d\mathbf{r}',$$

$$\Phi_{ik, kj} = \sum_k \frac{\partial^2 \Phi_{ik}}{\partial x_j \partial x_k}$$

(интегрирование проводится по объему сферы радиуса R).

Итак, нам остается подставить $G_{ij}(\mathbf{r}, \mathbf{r}')$ в (3) и вычислить $\text{Sp } e_{ij}(\mathbf{r})$. Сразу заметим следующее. При $\xi = 0$ ($C_{11}^0 = C_{12}^0 + 2C_{44}^0$) первые два слагаемых $G_{ik}(\mathbf{r}, \mathbf{r}')$ представляют собой тензор Грина изотропной среды, которой, как показано в [2], не дает вклада в размерное взаимодействие. Поэтому в дальнейшем нас будут интересовать только слагаемые, пропорциональные параметру $\xi \ll 1$, которые можно представить в виде

$$G_{ik}^{(1)} = \frac{3\xi}{16\pi b(a+2b)} \left[-\frac{\delta_{ik}}{2} \left(\frac{a+5b}{3} \frac{\partial^2}{\partial x_i^2} + (a+b) \frac{\partial^2}{\partial x_k^2} \right) \times \right. \\ \left. \times |\mathbf{r} - \mathbf{r}'| + \frac{a+b}{18} \left(\frac{\partial^4}{\partial x_k \partial x_i^3} + \frac{\partial^4}{\partial x_i \partial x_k^3} \right) |\mathbf{r} - \mathbf{r}'|^3 \right]. \quad (4)$$

Таким образом, все вычисления сводятся к частным производным от выражений

$$\int_V |\mathbf{r} - \mathbf{r}'| d\mathbf{r}' = \frac{4\pi}{3} R^3 r \left(1 + \frac{1}{5} \frac{R^2}{r^2} \right), \\ \int_V |\mathbf{r} - \mathbf{r}'|^3 d\mathbf{r}' = \frac{4\pi}{3} R^3 r^3 \left(1 + \frac{6}{5} \frac{R^2}{r^2} + \frac{3}{35} \frac{R^4}{r^4} \right).$$

В результате для $\text{Sp } e_{ij}(\mathbf{r})$ получаем

$$\text{Sp } e_{ij}(\mathbf{r}) = \frac{5}{2} \frac{P^T}{a+2b} \left(\frac{R}{r} \right)^3 \left(1 + \frac{7q}{5b} \frac{R^2}{r^2} \right) \left\{ -\frac{3}{5} + \frac{\sum_k x_k^4}{r^4} \right\}. \quad (5)$$

Далее, так как параметр анизотропии $\xi \equiv (C_{11} - C_{12} - 2C_{44})/C_{44}$ мал, для сохранения линейности по ξ величины a , b , P^T , фигурирующие в (5), следует взять из решения аналогичной задачи для изотропной среды [2]

$$P^T = \frac{3}{2} \frac{1-\nu}{1-2\nu} \left(P - \frac{2\gamma}{R} \right),$$

$$a + 2b \approx 2\mu \frac{1-\nu}{1-2\nu},$$

$$\frac{a}{b} = \frac{2\nu}{1-2\nu},$$

где ν — коэффициент Пуассона. И после их подстановки в (5) окончательно получаем

$$E_\alpha(r) = \frac{5\Omega_\alpha}{4} \frac{1+\gamma}{1-2\nu} \left(P - \frac{2\gamma}{R} \right) \xi \left(\frac{R}{r} \right)^3 \left\{ \frac{\sum_k x_k^4}{r^4} - \frac{3}{5} \right\} \left(1 + \frac{7}{5} \frac{2\nu}{1-2\nu} \frac{R^2}{r^2} \right). \quad (6)$$

Обратим внимание на то, что это выражение отличается от обычно используемого [4, 6] со ссылкой на Эшелби множителем

$$1 + \frac{7}{5} \frac{2\nu}{1-2\nu} \frac{R^2}{r^2}.$$

Возможно, он и не играет заметной роли в конкретных приложениях, однако он следует из приведенного выше тензора Грина и пренебрегать им нет особых оснований.

2. Влияние упругоанизотропного взаимодействия на диффузионные потоки точечных дефектов к поре

Нас будет интересовать решение следующей диффузионной задачи:

$$\operatorname{div} \mathbf{j}(r) = 0, \quad \mathbf{j} = -e^{-\beta E(r)} \nabla \left\{ \frac{DC(r)}{\omega} e^{\beta E(r)} \right\}, \quad (7)$$

$$C|_{r=R} = C_R^c e^{-\beta E(R)}, \quad C|_{r \rightarrow \infty} = \bar{C}.$$

Здесь $\mathbf{j}(r)$ — плотность потока ТД с учетом дрейфового члена; ω — атомный объем; $C(r)$ — концентрация ТД в точке r ; $\beta = 1/kT$; D — объемный коэффициент диффузии ТД (для простоты D считается константой, т. е. мы не учитываем возможного эффекта изменения энергии активации миграции ТД за счет упругого взаимодействия с порой [2]); C_R^c — равновесная концентрация ТД вблизи поверхности поры в отсутствие упругого взаимодействия. Индекс, нумерующий тип ТД, опущен, чтобы не загромождать последующие выкладки.

Удобно ввести новую переменную $\psi(\bar{r})$

$$\psi(r) = \frac{\bar{C} - C(r) \exp \beta E(r)}{C - C_R^c}.$$

Тогда (7) принимает вид

$$\begin{aligned} \Delta \psi(r) &= \beta \nabla \psi(r) \nabla E(r), \\ \psi(R) &= 1, \quad \psi(\infty) = 0, \end{aligned} \quad (8)$$

а искомый поток ТД на пору равен

$$I(R) = \frac{D}{\omega} (\bar{C} - C_R^e) \oint dS e^{-\beta E} \mathbf{n} \nabla \psi. \quad (9)$$

Интеграл берется по поверхности поры (dS — элемент поверхности с нормалью \mathbf{n} , направленной от центра поры).

В отсутствие упругого взаимодействия ($E=0$) из (8) и (9) имеем

$$I_0(R) = -4\pi R \frac{D}{\omega} (\bar{C} - C_R^e). \quad (10)$$

Учитывая (10), $I(R)$ запишем в виде

$$I(R) = -4\pi R \frac{D}{\omega} (\bar{C} - C_R^e) Z(R), \quad (11)$$

где

$$Z(R) = -\frac{1}{4\pi R} \oint dS e^{-\beta E} \mathbf{n} \nabla \psi$$

— эффективность поглощения ТД порой, обусловленная их упругим взаимодействием (при $E=0$ $Z(R)=1$).

В физике радиационного материаловедения, однако, играет существенную роль не абсолютная величина $Z(R)$ по отношению к точечным дефектам разного сорта, а их разность, называемая фактором предпочтения или преференсом данного стока (в нашем случае — поры)

$$\delta_c(R) = Z_i(R) - Z_v(R),$$

где i, v — СМА и вакансии соответственно. Так, в изотропном случае в силу радиальной симметрии (8) эффективность поглощения дается выражением общего вида

$$Z(R) = \left[R \int_R^{\infty} e^{\beta E(r)} \frac{dr}{r^2} \right]^{-1}. \quad (12)$$

Если для простоты считать поры чисто вакансионными ($P=0$), то, согласно [10], основной вклад в энергию их упругого взаимодействия с ТД вносит взаимодействие изображения, и $Z(R)$ в этом случае имеет вид

$$Z(R) \approx 1 + \frac{\alpha}{R},$$

где α — некоторая константа, такая, что $\alpha/R \ll 1$ и $\alpha_i > \alpha_v$.

Отсюда следует, что $\delta_c(R) = (\alpha_i - \alpha_v)/R > 0$ и обратно пропорционален радиусу. Таким образом, все поры имеют предпочтение к поглощению СМА, однако тем меньше, чем больше их радиус. В коллективной борьбе за СМА выигрывают, очевидно, маленькие поры и растворяются. Остающиеся в избытке вакансии поглощаются более крупными порами, обуславливая их рост. В результате такой механизм (в [11] он получил название механизма радиационно-индуцированной коалесценции пор) может быть ответствен за экспериментально наблюдаемое падение плотности пор с ростом дозы облучения.

В нашем случае основная задача состоит в выяснении зависимости δ_c от параметра анизотропии кристалла ξ . Но, поскольку решить (8) в общем виде не удастся, рассмотрим лишь предельный случай слабого взаимодействия, когда правую часть (8) можно считать малым возмущением. Роль малого параметра

будет играть ξ . Тогда решение (8) ищем в виде ряда $\psi = \psi_0 + \xi\psi_1 + \xi^2\psi_2 + \dots$. Аналогично $Z = Z_0 + \xi Z_1 + \xi^2 Z_2 + \dots$. Нулевое приближение соответствует отсутствию взаимодействия и имеет вид

$$\psi_0(r) = \frac{R}{r}, \quad Z_0 = 1.$$

Для приближения первого порядка имеем

$$\begin{aligned} \Delta\psi_1(r) &= \beta\nabla\psi_0\nabla\vec{E}, \\ \psi_1(R) &= 0, \quad \psi_1(\infty) = 0, \\ Z_1(R) &= -\frac{1}{4\pi R} \int \mathbf{n}(\nabla\psi_1 - \beta\vec{E}\nabla\psi_0) dS, \end{aligned} \quad (13)$$

где $\vec{E}(r)$ дается формулой (6), но без параметра ξ . Решение (13) можно построить, если принять во внимание, что величина

$$\left\{ \frac{3}{5} - \frac{1}{r^4} \sum_k x_k^4 \right\}$$

в сферических координатах есть поверхностная сферическая гармоника степени 4

$$\frac{3}{5} - \frac{1}{r^4} \sum_k x_k^4 = Y_4(\theta, \varphi) = -\frac{2}{5} P_4^0(\cos\theta) - \frac{1}{4 \cdot 105} P_4^4(\cos\theta) \cos 4\varphi,$$

$P_l^m(x)$ — присоединенные функции Лежандра первого рода.

Тогда (13) допускает разделение переменных и его решение представимо в виде

$$\begin{aligned} \psi_1(r) &= \eta Y_4(\theta, \varphi) \left\{ \frac{3}{8} \left(\frac{R^5}{r^5} - \frac{R^4}{r^4} \right) - \frac{7}{5} \frac{\nu}{1-2\nu} \left(\frac{R^5}{r^5} - \frac{R^6}{r^6} \right) \right\}, \\ \eta &\equiv -\frac{5}{4} \Omega\beta \frac{1+\nu}{1-2\nu} \left(P - \frac{2\gamma}{R} \right). \end{aligned} \quad (14)$$

Далее, поскольку

$$\mathbf{n}\nabla\psi_1 = \frac{\partial}{\partial r} \psi_1, \quad \mathbf{n}\nabla\psi_0 = \frac{\partial}{\partial r} \psi_0,$$

а поверхностный интеграл от $Y_4(\theta, \varphi)$ равен нулю, очевидно, что $Z_1 = 0$. Таким образом, результат [6] представляется неверным: поправка в $Z(R)$, обусловленная анизотропией кристалла, квадратична по ξ .

Для приближения второго порядка имеем

$$\begin{aligned} \Delta\psi_2(r) &= \beta\nabla\psi_1\nabla\vec{E}, \\ \psi_2(R) &= 0, \quad \psi_2(\infty) = 0, \\ Z_2(R) &= -\frac{1}{4\pi R} \int \mathbf{n}(\nabla\psi_2 - \beta\vec{E}\nabla\psi_1 + \frac{1}{2}\beta^2\vec{E}^2\nabla\psi_0) dS. \end{aligned} \quad (15)$$

Поскольку нас интересует только величина Z_2 (именно она входит в результирующий поток (11)), приводить решение для $\psi_2(r)$ мы не будем. Ограничимся лишь аргументацией того, что $\psi_2(r)$ в поверхностный интеграл (а следовательно, и в Z_2) вклада не дает. Действительно, поскольку

$$\begin{aligned}\psi_1(r) &= \eta Y_4(\Theta, \varphi) U(r), \\ \beta \tilde{E}(r) &= \eta Y_4(\theta, \psi) W(r),\end{aligned}$$

где U , W , согласно (6), (14), зависят только от $|r|$, решение (15) можно искать в виде

$$\psi_2(r) = \sum_j \sum_{m=0}^j P_j^m(\cos \theta) (\alpha_{jm}(r) \cos m\varphi + \beta_{jm}(r) \sin m\varphi),$$

предварительно разложив аналогичным образом угловую зависимость в правой части (15). Но тогда результат очевиден — соответствующий поверхностный интеграл равен нулю и

$$\begin{aligned}Z_2(R) &= \frac{1}{8} \eta^2 \left(1 + \frac{7}{5} \frac{2\nu}{1-2\nu}\right) \frac{1}{4\pi} \int_0^{2\pi} d\varphi \int_0^\pi d\theta \sin \theta [Y_4(\theta, \varphi)]^2 = \\ &= 2.7 \cdot 10^{-3} \left(1 + \frac{7}{5} \frac{2\nu}{1-2\nu}\right) \eta^2.\end{aligned}$$

Окончательно для эффективности поглощения ТД порой в случае слабого взаимодействия имеем

$$Z_a(R) \approx 1 + 0.0042 \left(1 + \frac{7}{5} \frac{2\nu}{1-2\nu}\right) \left(\frac{1+\nu}{1-2\nu} \xi\right)^2 \left[\beta \Omega_a \left(P - \frac{2\gamma}{R}\right)\right]^2, \quad (16)$$

и так как $\Omega_i > |\Omega_\nu|$, пора обладает преференсом к СМА независимо от знака параметра анизотропии кристалла ξ и знака величины $P - 2\gamma/R$.

Похожая схема последовательных приближений может быть развита и в случае, когда упругоанизотропное взаимодействие рассматривается как малая поправка к изотропному взаимодействию, т. е. $E(r) = E_1(r) + \xi E_2(r)$ и $\xi \ll 1$. Тогда нулевое приближение $Z_0(R)$ определяется только изотропной частью $E_1(r)$ и совпадает с (12), линейная по ξ поправка, как легко показать, отсутствует $Z_1(R) = 0$, а $Z_2(R)$, естественно, пропорциональна ξ^2 . Вычислить Z_2 в общем виде, однако, не удастся из-за трудностей, связанных с вычислением $\varphi_1(r)$. Но если $\beta E_1(r) \ll \ll 1$, то полный преференс поры есть простая сумма преференсов, обусловленных отдельно изотропным и анизотропным взаимодействием.

И последнее замечание, касающееся критерия слабого взаимодействия $\beta E < 1$. Простые численные оценки показывают, что при $|\xi| \sim 0.1$ и $T = 800$ К (температура в районе максимума распухания Ni и ряда конструкционных сталей при реакторном облучении) этот критерий имеет место лишь для достаточно крупных ($R \geq 50$ Å) вакансионных ($P = 0$) пор либо пузырьков, давление газа в которых $P \sim 2\gamma/R$. В случае же мелких ($R < 50$ Å) вакансионных пор либо перепрессованных ($P - 2\gamma/R) \sim 0.1\mu$ газовых пузырьков имеет место обратное неравенство $\beta E > 1$. При этом ничего разумного по части решения исходного диффузионного уравнения (8) придумать не удастся и вопрос о корректности результата [4] для сильного взаимодействия остается открытым.

Обратим внимание на то, что выражение (6) для энергии упругого взаимодействия ТД с газовой порой отличается от своего (обычно используемого со ссылкой на Эшелби) аналога дополнительным множителем

$$\left(1 + \frac{7}{5} \frac{2\nu}{1 - 2\nu} \frac{R^2}{r^2}\right) \leq 4.$$

Возможно, что Эшелби просто отбросил слагаемое, пропорциональное $(R/r)^2$, считая его малым по сравнению с единицей. Возможно, однако, что с этим множителем связано принципиальное различие метода функций Грина и метода последовательных приближений, использующего идею выделения изотропной составляющей C_{ij}^0 из упругих модулей C_{ij} : $C_{ij} C_{ij}^0 + C'_{ij} C'_{ij} \ll C_{ij}^0$.

В случае слабого взаимодействия ($\beta E < 1$) найдены потоки точечных дефектов на пору с учетом полученного выражения для энергии их упругого взаимодействия. Вклад анизотропии в коэффициент асимметрии поглощения точечных дефектов порой пропорционален ξ^2 . Аналогичный результат дает усреднение дрейфового члена по угловым переменным [4], однако численное значение поправки оказывается на порядок большим, чем в (16).

Автор выражает признательность В. В. Слезову за полезные дискуссии.

Список литературы

- [1] Зеленский В. Ф., Неклюдов И. М. и др. Некоторые проблемы физики радиационных повреждений металлов. Киев, 1979. 185 с.
- [2] Wolfer W. G., Ashkin M. // J. Appl. Phys. 1975. V. 46. N 2. P. 151—157.
- [3] Wolfer W. G., Ashkin M. // J. Appl. Phys. 1975. V. 47. N 3. P. 791—798.
- [4] Бородин В. А., Маничев В. М., Рязанов А. И. // ФММ. 1987. Т. 63. № 3. С. 435—443.
- [5] Слезов В. В., Остапчук П. Н. // ФТТ. 1990. Т. 32. № 2. С. 193—199.
- [6] Васильев А. А., Корольков М. Д., Мелькер А. И. // ФТТ. 1990. Т. 32. № 11. С. 3345—3349.
- [7] Eshelby J. D. // Acta Met. 1955. V. 3. N 5. P. 487—490.
- [8] Лифшиц И. М., Розенцвейг Л. Н. // ЖЭТФ. 1947. Т. 17. № 9. С. 783—791.
- [9] Эшелби Дж. Континуальная теория дислокаций. М., 1963. 215 с.
- [10] Wolfer W. G. // Proceedings of an Int. Conf. held at Gatlinburg, Tennessee, USA, 1975. P. 812—819.
- [11] Дубинко В. И., Остапчук П. Н., Слезов В. В. // ФММ. 1988. Т. 65. № 1. С. 32—43.

Харьковский физико-технический институт
АН Украины

Поступило в Редакцию
3 февраля 1992 г.