

## РОЛЬ ДИФРАКЦИОННОЙ ФОКУСИРОВКИ ПРИ УПРУГОМ ОБРАТНОМ РАССЕЯНИИ ЭЛЕКТРОНОВ КРИСТАЛЛИЧЕСКИМИ МИШЕНЯМИ

И. А. Гарафутдинова, Ю. Н. Гордеев, С. Л. Дударев,  
Д. С. Руми, И. А. Шмулевич

В рамках формализма многоволновой динамической теории дифракции показано, что расщепление основных и появление дополнительных пиков в энергетической зависимости сечения упругого обратного рассеяния электронов связаны с фокусировкой частиц вдоль осей цепочек в кристалле. Найдено, что Фурье-преобразование этой зависимости позволяет определить период трансляций решетки вдоль направления движения электрона в мишени. Приведен пример использования метода для определения межплоскостных расстояний в кристалле вольфрама по результатам измерения энергетической зависимости сечения упругого рассеяния электронов на угол 180°.

В последние годы выявился интересный класс явлений, так или иначе связанных с существенным влиянием атомного рассеяния «вперед» на характер движения нерелятивистских электронов в кристаллическом веществе. Оказалось, что в ряде случаев распространение частиц отличается от обычного некоррелированного рассеяния на отдельных центрах. Наоборот, при определенных условиях корреляция в рассеянии различными атомами становится очень сильной, радикально меняя характер протекающих процессов. Наиболее ярко это отражается в явлении, получившем название эффекта дифракционной фокусировки. Эффект этот проявляется в том, что для электронов, движущихся вдоль осей решетки, на относительно небольшом расстоянии от поверхности мишени (или от внутреннего источника) резко возрастает амплитуда волнового поля в окрестности атомных ядер, в связи с чем увеличивается выход всех неупругих процессов с возбуждением фононов и ионизацией внутренних электронных оболочек [1–6]. Важную роль эффект фокусировки играет в задаче EXAFS, где с ним связано резкое усиление амплитуды упругого обратного рассеяния фотоэлектронов атомами далеких координационных сфер и увеличение интенсивности соответствующих пиков на Фурье-образе спектра [7, 8]. В работах [4, 6, 9, 10] показано, что фокусировка электронов связана с малоугловым упругим рассеянием частиц вдоль цепочек атомов кристалла, причем сходные результаты для координатной зависимости волновой функции дают прямое суммирование амплитуд рассеяния на атомах вещества [10] и использование методов многоволновой динамической теории дифракции [6, 8].

В настоящей работе эффект дифракционной фокусировки проанализирован с точки зрения его влияния на форму энергетической зависимости сечения упругого (т. е. без возбуждения внутренних степеней свободы вещества) обратного рассеяния электронов средних энергий  $E_p \sim 200\text{--}1000$  эВ кристаллической мишенью. Авторы книги [11] в рамках кинематической теории дифракции показали, что Фурье-преобразование указанной зависимости  $I(E_p)$  позволяет получить информацию о взаимном расположении атомов в кристалле и о межатомных расстояниях в системе адсорбат—подложка. Однако в рассматриваемой области энергий  $E_p \geq 500$  эВ эффекты фокусировки проявляются достаточно сильно уже на

малых расстояниях от поверхности образца [12] и условия применимости кинематического подхода [11] не выполняются. В этой связи представляет интерес исследование вопроса о влиянии дифракционной фокусировки на форму энергетической зависимости сечения обратного рассеяния и на точность определения межатомных расстояний с использованием Фурье-преобразования спектра  $I(E_p)$ .

Ниже показано, что, с одной стороны, дифракционная фокусировка электронов приводит к расщеплению главных и появлению дополнительных максимумов на кривой  $I(E_p)$ , а с другой — приводит к смещению пиков на Фурье-образе спектра в сторону уменьшения наблюдаемых эффективных межплоскостных расстояний.

## 1. Энергетическая зависимость сечения упругого обратного рассеяния электронов

Как известно, дифференциальное сечение столкновений электронов средних энергий  $E_p \geq 500$  эВ с атомами сильно анизотропно и вытянуто в направлении «вперед» [13]. Учет этого обстоятельства в задаче упругого обратного рассеяния позволяет при вычислении амплитуды процесса ограничиться вкладом траекторий с однократным отклонением частицы на угол  $\theta > 90^\circ$  (см., например, [11, с. 149]). В обозначениях [14] амплитуду упругого рассеяния электрона с переходом из состояния  $|p\rangle$  в состояние  $|p'\rangle$  можно записать в виде ( $\hbar=1$ )

$$F(p', p) = -\frac{m}{2\pi} \sum_a \int d^3r d^3r' (\psi_{p'}^{(-)}(r'))^* T_a(r', r) \psi_p^{(+)}(r), \quad (1)$$

где  $m$  — масса электрона, суммирование по  $a$  производится по всем атомам кристалла,  $T_a(r', r)$  — усредненная по тепловым колебаниям матрица рассеяния электрона на атоме  $a$  [15]. Волновая функция  $\psi_p^{(+)}(r)$  описывает распространение падающей на кристалл волны  $\exp(ipr)$  до окрестности атома  $a$  с учетом многократного рассеяния в веществе на малые углы. Функция  $\psi_{p'}^{(-)}(r')$  суть решение аналогичной задачи столкновений, соответствующее граничному условию вида

$$\psi_{p'}^{(-)}(r')|_{|r'| \rightarrow \infty} \sim \exp(-ip'r'). \quad (2)$$

Выражение для амплитуды (1) имеет простой смысл: из общего разложения решения задачи многократного рассеяния в ряд по атомным  $T$ -матрицам [15] в (1) в явном виде выделен акт упругого взаимодействия с отклонением электрона на большой угол, в то время как функции  $\psi_p^{(+)}(r)$  и  $\psi_{p'}^{(-)}(r')$  описывают малоугловое упругое рассеяние до и после указанного столкновения. Отметим, что близкое к (1) по смыслу приближение обсуждали авторы работы [16] при анализе энергетической зависимости коэффициента квазиупругого обратного рассеяния электронов.

Между системами волновых функций непрерывного спектра  $\psi_p^{(+)}(r)$  и  $\psi_{p'}^{(-)}(r)$  существует связь [14]

$$(\psi_{p'}^{(-)}(r))^* = \psi_{-p}^{(+)}(r), \quad (3)$$

которая позволяет записать выражение (1) в виде

$$F(p', p) = -\frac{m}{2\pi} \sum_a \int d^3r d^3r' \psi_{-p}^{(+)}(r') \psi_p^{(+)}(r) T_a(r', r). \quad (4)$$

Амплитуда (4) удовлетворяет соотношению [15, с. 157]

$$F(p', p) = F(-p, -p'), \quad (5)$$

которое позволяет рассматривать свойство (3) как следствие теоремы взаимности для функции Грина задачи упругого рассеяния [6, 17]. В кине-

матическом приближении волновые функции  $\psi_p^{(+)}(\mathbf{r})$  представляют собой плоские волны

$$\psi_p^{(+)}(\mathbf{r}) = \exp\left(i\mathbf{p}\mathbf{r} - \frac{z}{2\lambda \cos \vartheta}\right), \quad (6)$$

где ось  $z$  сферической системы координат  $(r, \vartheta, \varphi)$  направлена вдоль внутренней нормали к поверхности кристалла  $z=0$ ;  $\lambda=\lambda(E_p)$  — средняя длина свободного пробега электрона относительно неупругих столкновений;  $\vartheta$  — угол падения частиц на поверхность кристалла. Подстановка (6) в (4) дает

$$F_k(\mathbf{p}', \mathbf{p}) = \sum_a f_a(\mathbf{p}', \mathbf{p}) \times \\ \times \exp\left[i(\mathbf{p}' - \mathbf{p}) \mathbf{R}_a - \frac{z_a}{2\lambda} \left(\frac{1}{\cos \vartheta} + \frac{1}{|\cos \vartheta'|}\right) - \frac{M_a(\mathbf{p}' - \mathbf{p})}{2}\right], \quad (7)$$

где  $\vartheta'$  — угол между импульсом  $\mathbf{p}'$  и осью  $z$ ,  $\cos \vartheta' < 0$ ,  $M_a(\mathbf{q}) = \langle (\mathbf{q}\mathbf{u}_a)^2 \rangle$  — фактор Дебая—Уоллера,  $f_a(\mathbf{p}', \mathbf{p})$  — амплитуда рассеяния на атоме  $a$ . В дальнейшем в соответствии с условиями эксперимента (см. ниже) мы ограничимся анализом следствий из формул (4), (7) в случае, когда импульс  $\mathbf{p}'$  антипараллелен  $\mathbf{p}$  и угол рассеяния равен  $180^\circ$ . В этом случае при нормальном падении частиц на поверхность моноатомной мишени из (7) можно получить

$$F_k(-\mathbf{p}, \mathbf{p}) = f(-\mathbf{p}, \mathbf{p}) \sum_a \exp\left(-2ipz_a - \frac{z_a}{\lambda} - 2\langle(\mathbf{p}\mathbf{u}_a)^2\rangle\right). \quad (8)$$

Аналогичным образом, учитывая, что поворот импульса электрона на угол  $180^\circ$  происходит в непосредственной близости от атомного ядра, прямо из формулы (4) находим

$$F(-\mathbf{p}, \mathbf{p}) = f(-\mathbf{p}, \mathbf{p}) \sum_a [\psi_p^{(+)}(\mathbf{R}_a)]^2 \exp(-2\langle(\mathbf{p}\mathbf{u}_a)^2\rangle). \quad (9)$$

Сравнение (8) с (9) показывает, что переход от кинематического к динамическому описанию задачи упругого обратного рассеяния в основном сводится к замене экспоненциального фазового множителя (8) на квадрат точного решения уравнения Шредингера в эффективном потенциале кристалла  $\psi_p^{(+)}(\mathbf{r})$ . Интересующая нас зависимость  $I(E_p)$  связана с (8), (9) соотношением

$$I(E_p) \sim |F(-\mathbf{p}, \mathbf{p})|^2, \quad (10)$$

где  $E_p = \mathbf{p}^2/2m$ .

## 2. Динамические эффекты при обратном рассеянии электронов

Прежде чем обратиться к детальному анализу следствий из формулы (9), рассмотрим некоторые качественные различия кинематической и динамической зависимостей (8) и (9).

Как известно, во многих веществах координаты атомов  $\mathbf{R}_a$  принадлежат эквидистантно расположенным плоскостям, параллельным плоскости поверхности ( $x, y$ ). Обозначив расстояние между плоскостями через  $b$ , из (8) нетрудно получить

$$I(E_p) \sim |f(-\mathbf{p}, \mathbf{p})|^2 \exp(-4p^2\langle u^2 \rangle) |1 - e^{-2ipb-b/\lambda}|^{-2}. \quad (11)$$

Последний множитель в (11) имеет резкие максимумы в окрестностях точек, определенных обычным условием Брэгга

$$p = \pi L/b, \quad L = 1, 2, 3\dots. \quad (12)$$

Таким образом, положение максимумов  $I(E_p)$  в кинематической теории определяется лишь расстоянием между последовательными атомными плоскостями и не зависит от характера расположения атомов в этих плоскостях. Совершенно иная ситуация возникает в динамическом режиме (9). Теперь функция  $\psi_p^{(+)}(\mathbf{r})$  суть функция трех координат ( $x, y, z$ ) и амплитуда  $F(-\mathbf{p}, \mathbf{p})$  зависит от расположения атомов в плоскостях, параллельных по верхности. В частности, легко убедиться, что такая особенность формулы (9) может привести к появлению дополнительных пиков интенсивности  $I(E_p)$  в точках, не удовлетворяющих обычному условию Брэгга для отражения «назад» (12). Например, грань {110}ОЦК-кристалла образована последовательно расположеными атомными плоскостями, смещенными относительно друг друга на половину периода плоской решетки [18]. В этом случае истинным периодом трансляций вдоль нормали будет удвоенное межплоскостное расстояние, что должно немедленно отразиться на форме кривой  $I(E_p)$  в виде появления на ней ряда дополнительных максимумов с полуцелыми индексами  $L$  (см. также подробное обсуждение этого вопроса в [19]).

Рассмотрим теперь задачу расчета волновой функции  $\psi_p^{(+)}(\mathbf{r})$ , описывающей малоугловое многократное рассеяние в кристалле. В настоящее время надежно установлено, что в различных интервалах энергий адекватные результаты дают разные подходы к построению  $\psi_p^{(+)}(\mathbf{r})$ . В области относительно низких энергий удовлетворительную точность обеспечивает непосредственное разложение волновой функции в ряд по атомным  $T$ -матрицам [10, 11, 15, 16, 20], в то время как для больших энергий наиболее удобными оказываются методы многоволновой динамической теории дифракции [4, 6, 12, 16, 17]. Указанные интервалы изменения энергии электронов лежат по разные стороны от граничной энергии

$$E_0 \sim 13.6Z^{1/3} (\text{эВ}), \quad (13)$$

выше которой для описания электрон-атомных соударений можно использовать борновское приближение [14, § 70, 139]. Для легких элементов, таких как кремний ( $Z=14$ ), величина  $E_0$  не превосходит нескольких сотен электронвольт, возрастая до нескольких килоэлектронвольт в тяжелых элементах, таких как вольфрам ( $Z=74$ ). Это обстоятельство ограничивает возможности приложения методов динамической теории дифракции для анализа энергетической зависимости амплитуды (9) случаем легких элементов. Однако, с другой стороны, проведенный в [6] анализ показывает, что указанный динамический подход оказывается значительно более простым в вычислительном отношении, чем разложение по  $T$ -матрицам [10, 20], демонстрируя при этом даже в области относительно низких энергий близкое качественное сходство результатов. По этой причине ниже для построения волновой функции  $\psi_p^{(+)}(\mathbf{r})$  нами использован многоволновой динамический метод, развитый в работах [4, 6, 9]. Представим волновую функцию  $\psi_p^{(+)}(\mathbf{r})$  в виде суперпозиции собственных функций электрона в усредненном вдоль  $z$  потенциале кристалла  $b_j(x, y)$  с коэффициентами, описывающими квазиклассическую эволюцию фазы частицы в каждом из блоховских состояний  $|j\rangle$

$$\psi_p^{(+)}(\mathbf{r}) = \sum_j \alpha_j \exp(i p_j z - z/2\lambda) b_j(\mathbf{p}), \quad (14)$$

где  $p_j = p - (m\epsilon_j/p) \rightarrow$  квазимпульс продольного движения электрона, имеющего поперечную энергию  $\epsilon_j$ ;  $|\epsilon_j| \ll E_p$ . В формуле (14) коэффициенты  $\alpha_j$  выбираются исходя из граничных условий на поверхности кристалла  $z=0$ , а процедура построения собственных функций  $b_j(\mathbf{p})$  и поиска собственных значений  $\epsilon_j$  подробно описана в [6].

В разложении (14) основную роль играют две качественно различные группы состояний: подбарьерные, обладающие большой отрицательной

энергией связи  $\epsilon_j$ , и локализованные в плоскости  $(x, y) = \rho$  вблизи осей атомных цепочек, и надбарьерные, имеющие близкие к нулю или положительное значение  $\epsilon_j$ , и локализованные в межатомных пространствах. В силу различия энергий связи  $\epsilon_j$  этих групп состояний соответствующие им условия Брэгга  $p_j = \pi L/b$  лежат в различных точках шкалы энергий, что приводит к расщеплению «кинематических» пиков на несколько (в основном на две) компонент. Интересно отметить, что наибольшую интенсивность в каждом дублете должна иметь низкоэнергетическая составляющая, соответствующая брэгговскому отражению электрона, находящегося в подбарьерном, локализованном вблизи  $R_a$  (см. формулу (9)) состоянии.

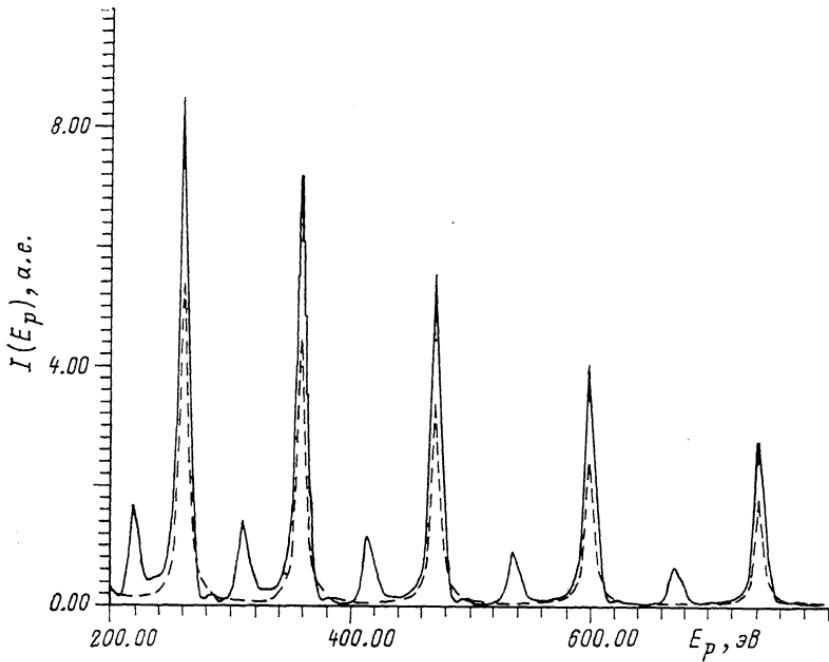


Рис. 1. Зависимость интенсивности упругого обратного рассеяния электронов «назад» гранью  $\{110\}$  кристалла с решеткой вольфрама и  $Z=7.4$ .

Сплошная линия — расчет по формулам (9), (14) с учетом 13 векторов обратной решетки в плоскости  $(x, y)$ , штрихи — кинематическое приближение. Интенсивность нормирована на сечение обратного рассеяния неупорядоченной мишенью того же состава.

Другим следствием динамической фокусировки (14) должно стать обсуждавшееся выше появление небрэгговских максимумов [19] в промежутках между обычными пиками кинематической теории.

На рис. 1 приведен пример расчета зависимости  $I(E_p)$  для модельной системы, соответствующей  $Z=7.4$  и имеющей кристаллическую решетку, совпадающую с решеткой вольфрама. Условие (13) позволяет для такой системы использовать приближение (14) начиная с  $E_0 \approx 196$  эВ. Внутренняя нормаль к поверхности мишени направлена вдоль оси  $\langle 110 \rangle$ . Изображенные на рис. 1 кривые демонстрируют все обсуждавшиеся выше особенности зависимости  $I(E_p)$ , соответствующие кинематическому и динамическому режимам упругого рассеяния (8) и (9). На рис. 2 приведены результаты численного Фурье-преобразования изображенных на рис. 1 зависимостей  $I(E_p)$ , полученные по стандартной схеме [11]. Обращает на себя внимание небольшое смещение максимумов  $F(b)$  в сторону уменьшения эффективных межплоскостных расстояний, возникающее в случае динамического рассеяния (9). Ниже рассмотрена природа этого явления, влияющего на точность восстановления структурной информации с использованием метода Фурье-преобразования данных эксперимента по измерению зависимости  $I(E_p)$ .

### 3. Экспериментальные данные и обработка результатов наблюдений

Измерение зависимости  $I(E_p)$  в направлении «назад» (т. е. при  $\psi = 180^\circ$ ) выполнено на сверхвысоковакуумном стенде для исследования структуры и свойств твердых тел методами ДМЭ, ОЭС и дифракции электронов средних энергий [21, 22]. Объектом исследования служила монокристаллическая эпитаксиальная пленка вольфрама толщиной 50 мкм, выращенная на молибденовой подложке. На поверхность мишени была выведена грань {110}. Точность выведения грани, по данным рентгеноструктурного анализа, составляла  $1^\circ$ . Совершенство поверхности и ориентировка образца контролировались методом ДМЭ.

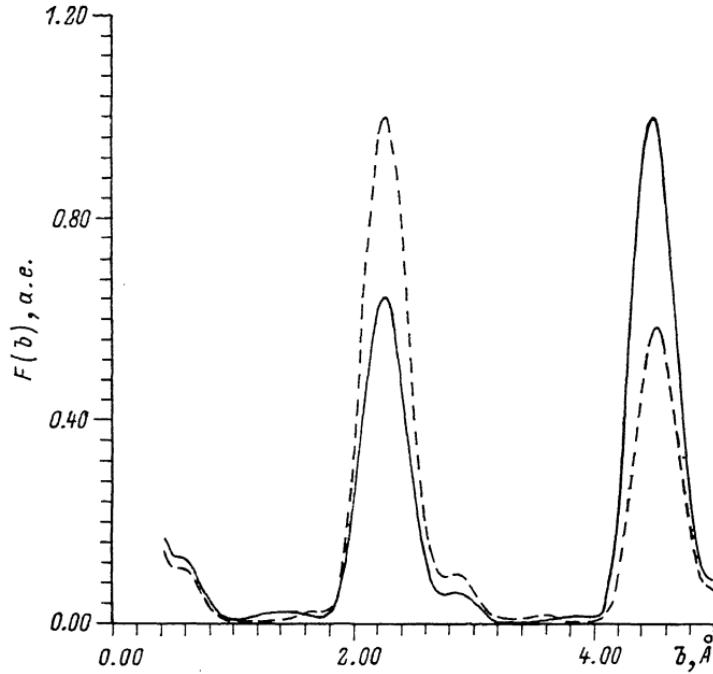


Рис. 2. Квадрат модуля Фурье-образов изображенных на рис. 1 зависимостей, вычисленный в диапазоне  $7 \text{ \AA}^{-1} \leq p \leq 15 \text{ \AA}^{-1}$ .

Очистка поверхности осуществлялась попеременным высокотемпературным ( $\sim 2000^\circ\text{C}$ ) отжигом и травлением ионами  $\text{Cs}^+$  и  $\text{Cl}^-$  при  $E=7$  кэВ. Результат очистки контролировался методами ОЭС и вторичной ионной масс-спектрометрии. В пределах чувствительности ОЭС следов загрязнений в конце полного цикла очистки не обнаруживалось. Все наблюдения были выполнены в вакууме  $5 \cdot 10^{-8}$  Па.

В эксперименте измерялась зависимость тока упругоотраженных в направлении «назад» электронов от их энергии  $E_p$ . Разрешение спектрометра в диапазоне  $E_p \leq 1.5$  кэВ составляло 1.5 эВ. Геометрия эксперимента позволяла максимальным образом исключить влияние микрошероховатостей поверхности за счет прохождения прямого и отраженного пучков частиц строго вдоль нормали к поверхности мишени. Результаты измерений представлены на рис. 3.

При сравнении изображенной на рис. 3 кривой с расчетными зависимостями (рис. 1) обращают на себя внимание асимметрия и характерные особенности на правых крыльях пиков, которые указывают на влияние эффекта дифракционной фокусировки. По-видимому, в рассматриваемом случае дифракции в сильном потенциальном поле атомов кристалла вольфрама сдвиг кинематических пиков в сторону низких энергий оказывается

столь значительным, что происходит частичное перекрытие этих пиков с небрэговскими пиками полуцелого порядка, изображенными на рис. 1.

Фурье-образ экспериментального спектра  $I(E_p)$  по переменной  $k$ , определенной равенством

$$\frac{k^2}{2m} = \frac{p^2}{2m} - \operatorname{Re} U_0 = E_p - \operatorname{Re} U_0, \quad (15)$$

где  $U_0$  — нулевая Фурье-компоненты эффективного внутреннего потенциала кристалла [23], приведен на рис. 4. Значение  $\operatorname{Re} U_0 = -9$  эВ в (15) найдено из условия минимума квадратичного отклонения экспериментальных данных от кинематической зависимости (11). Положение максимумов изображенных на рис. 4 пиков  $b=2.26$  и  $b=4.46$  Å с точностью  $\Delta b=0.02$  Å совпадает с известными кристаллографическими параметрами грани {110} W. Положение других максимумов зависит от условий эксперимента и, возможно, связано с поверхностными загрязнениями и структурными неоднородностями.

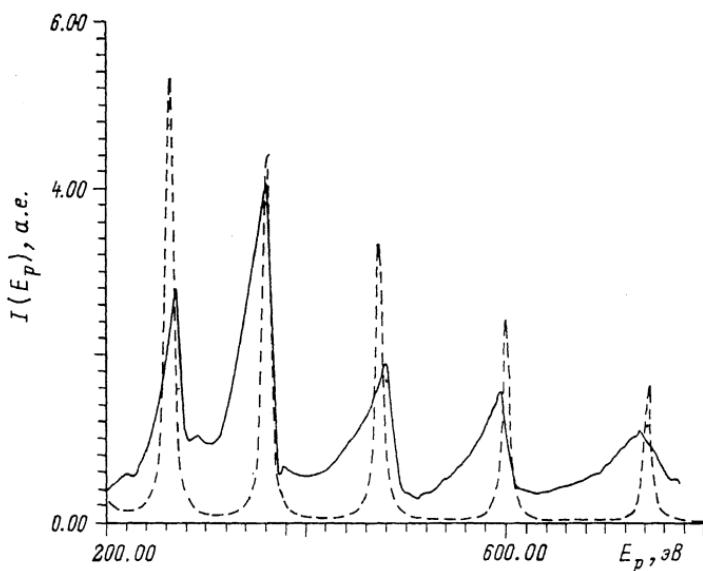


Рис. 3. Энергетическая зависимость сечения упругого обратного рассеяния электронов гранью {110} кристалла W, измеренная при нормальном падении частиц на поверхность мишени.

Штрихи — результат расчета по формуле (8), кинематическое приближение.

Как видно из рис. 4, метод преобразования Фурье энергетической зависимости сечения упругого рассеяния на угол  $180^\circ$  позволяет с относительно высокой точностью определить расстояние между атомами кристалла вдоль направления движения электронов. Оценим эту точность в условиях фокусировки частиц атомной цепочкой. Для этого заметим, что в эйкональном приближении [15, с. 297] волновую функцию  $\psi_p^{(+)}(r)$  можно найти в явном виде

$$\psi_p^{(+)}(r) = \exp \left( i p z - \frac{im}{p} \int_0^z d\zeta U(\rho, \zeta) \right). \quad (16)$$

Фаза волновой функции (16), которую электрон набирает на периоде цепочки  $d_0$  (не совпадающим, вообще говоря, с межплоскостным расстоянием  $b$  [18]), равна

$$\varphi = pd_0 - \frac{m}{p} \int_{-\infty}^{\infty} U_a(\rho, \zeta) d\zeta, \quad (17)$$

где  $U_a(\mathbf{r})$  — потенциал отдельного атома. На Фурье-образе спектра  $I(E_p)$  закону  $\varphi(p)$  (17) соответствует максимум в точке

$$d = \frac{\partial \varphi}{\partial p} \Big|_{p_1} = d_0 + \frac{m}{p_1^2} \int_{-\infty}^{\infty} d\zeta U_a(\mathbf{p}, \zeta), \quad (18)$$

где значение  $p_1$  по теореме о среднем лежит внутри области определения функции  $I(p)$ . Как видно из (18), присутствие фокусирующего атомного потенциала  $U(\mathbf{r}) < 0$  приводит к уменьшению наблюдаемого межплоскостного расстояния по сравнению с его истинным значением. Порядок ве-

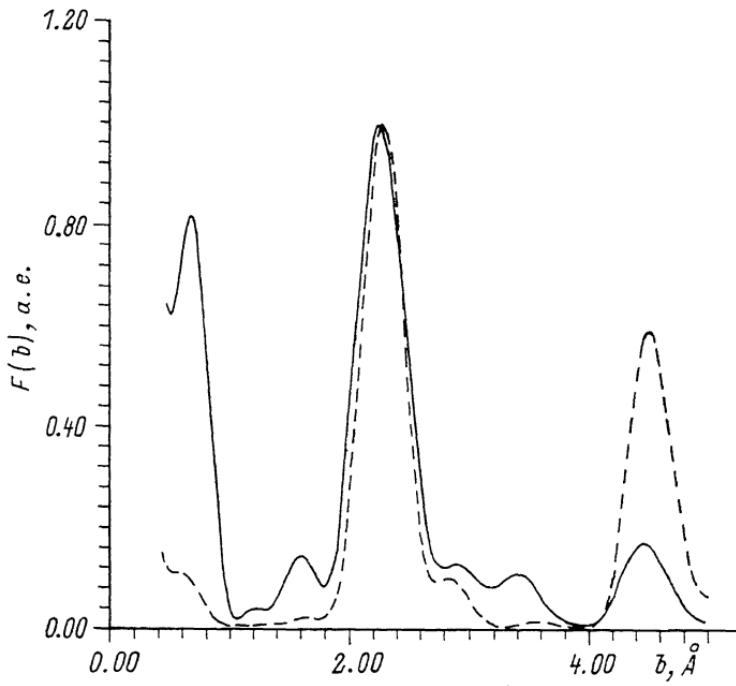


Рис. 4. Квадрат модуля Фурье-образа экспериментального спектра, вычисленный в диапазоне  $7\text{ Å}^{-1} \leq k \leq 15\text{ Å}^{-1}$ ,  $\text{Re } U_0 = -9$  эВ.

Штрихи — Фурье-образ кинематической зависимости.

личины поправки  $(d - d_0)/d_0 \sim |\bar{U}|/E_p$  падает с ростом  $E_p$  и в диапазоне 500 эВ — 1.5 кэВ составляет несколько процентов. По-видимому, указанное обстоятельство нужно учитывать во всех тех случаях, когда точность анализа оказывается сопоставимой с величиной деформаций решетки, например при исследовании реконструкции поверхности [18]. Отметим, что наибольшая точность метода Фурье-преобразования энергетической зависимости сечения упругого обратного рассеяния достигается не в диапазоне низких [11], а в диапазоне средних энергий электронов  $E_p \sim 1$  кэВ, что следует учитывать при использовании этого метода для изучения взаимного расположения атомов в объеме и на поверхности твердых тел.

Авторы признательны С. Э. Бородянскому и И. С. Тилинину за обсуждение работы.

#### Список литературы

- [1] Гомоюнова М. В., Заславский С. Л., Пронин И. И. // ФТТ. 1978. Т. 20. № 5. С. 1586.
- [2] Артемьев В. П., Макаров В. В., Петров Н. Н. // ФТТ. 1981. Т. 23. № 11. С. 3441.
- [3] Дубов В. В., Кораблев В. В., Румянцев В. В. // ФТТ. 1982. Т. 24. № 7. С. 1953.
- [4] Andersen S. K., Howie A. // Surf. Sci. 1975. V. 50. N 1. P. 197.
- [5] Городничев Е. Е., Дударев С. Л. // ФТТ. 1990. Т. 32. № 4. С. 1068.
- [6] Дударев С. Л., Рязанов М. И. // Поверхность. 1990. № 7. С. 43.
- [7] Teo B.-K. // EXAFS and Near Edge Structure / Eds Bianconi et al. Springer, 1983. Р. 11.

- [8] Zschech E., Rennert P. // Abstracts of XII European Crystallographic meeting. Moscow, 1989. V. 1 P. 125.
- [9] Гомююнова М. В., Константинов О. В., Шмулевич И. А. // Изв. АН СССР, сер. физ. 1982. Т. 46. № 12. С. 2308.
- [10] Xu M.-L., Barton J. J., Van Hove M. A. // Phys. Review B. 1989. V. 39. N 12. P. 8275
- [11] Van Hove M. A., Weinberg W. H., Chan C. M. Low Energy Electron Diffraction. Springer, 1986. Р. 214—230.
- [12] Гомююнова М. В., Дударев С. Л., Пронин И. И. // ФТТ. 1988. Т. 30. № 9. С. 2710.
- [13] Gregory D., Fink M. // Atomic Data Nucl. Data Tables. 1974. V. 14. N 1. P. 39.
- [14] Ландау Л. Д., Либштадт Е. М. Квантовая механика. Нерелятивистская теория. М.: Наука, 1974. § 136.
- [15] Гольдбергер М., Ватсон К. Теория столкновений. М.: Мир, 1967.
- [16] Румянцев В. В., Кораблев В. В., Дубов В. В., Морозов Ю. А. // Изв. АН СССР, сер. физ. 1982. Т. 46. № 7. С. 1336.
- [17] Дударев С. Л., Пенг Л.-М., Рязанов М. И. // Препринт МИФИ. 1990. № 047-90. 24 с.
- [18] MacLaren J. M., Pendry J. B., Rous P. J., Saldin D. K. et al. Surface Crystallography Information Service. A Handbook of Surface Structures. Dordrecht: Reidel, 1988.
- [19] Barton J. J., Xu M.-L., Van Hove M. A. // Phys. Review B. 1988. V. 37. N 18. P. 10 475.
- [20] Ведринский Р. В., Бугаев Л. А., Раховский В. И., Запорожченко В. И. и др. // Поверхность. 1989. № 6. С. 35.
- [21] Руми Д. С., Гарафутдинова И. А., Джамалетдинов И. Х. / Материалы Всесоюзного семинара «Материалы для элементной базы вычислительной техники». М.: МДНТП, 1987. 158 с.
- [22] Руми Д. С., Мариенгоф В. Я., Гарафутдинова И. А. // Тез. докл. I школы «Взаимодействие электронов малых и средних энергий с твердым телом». Ростов-на-Дону, 1988. С. 66—68.
- [23] Городничев Е. Е., Дударев С. Л., Рогозкин Д. Б., Рязанов М. И. // Поверхность. 1989. № 4. С. 22.

НТП «Протон»  
института электроники АН УзССР  
Московский  
инженерно-физический институт

Поступило в Редакцию  
19 ноября 1990 г.