

# Исследование эффекта Яна–Теллера ионов $\text{Cu}^{2+}$ в $\text{ZnGa}_2\text{O}_4$ методом ЭПР

© А.М. Воротынов, Г.А. Петраковский, К.А. Саблина, А.Ф. Бовина, А.Д. Васильев

Институт физики им. Л.В. Киренского СО РАН,  
Красноярск, Россия

E-mail: sasa@iph.krasn.ru

(Поступила в Редакцию 30 марта 2010 г.)

Методом электронного парамагнитного резонанса ионов  $\text{Cu}^{2+}$  исследован эффект Яна–Теллера в монокристалле шпинели  $\text{ZnGa}_2\text{O}_4$  в диапазоне температур 110–560 К. Показано, что ионы меди занимают октаэдрические позиции  $16d$  в кристалле  $\text{ZnGa}_2\text{O}_4$  с кубической симметрией  $O_h^7$  ( $Fd\text{-}3m$ ). При  $T < 560$  К октаэдры испытывают тетрагональные искажения (преимущественно растяжение) и поворот вдоль осей четвертого порядка на угол  $\theta \approx 2.6^\circ$ . Определены параметры спинового гамильтониана, характеризующего вытянутые ( $g_{||} = 2.355$ ,  $g_{\perp} = 2.077$ ,  $A_{||} = 116$  Ое,  $A_{\perp} = 12$  Ое) и сжатые ( $g_{||} = 2.018$ ,  $g_{\perp} = 2.246$ ,  $A_{||} = 75$  Ое,  $A_{\perp} = 44$  Ое) октаэдры. При температурах выше 560 К статический эффект Яна–Теллера переходит в динамический и спектр магнитного резонанса становится изотропным с  $g = 2.116$  (частота эксперимента соответствует X-диапазону).

## 1. Введение

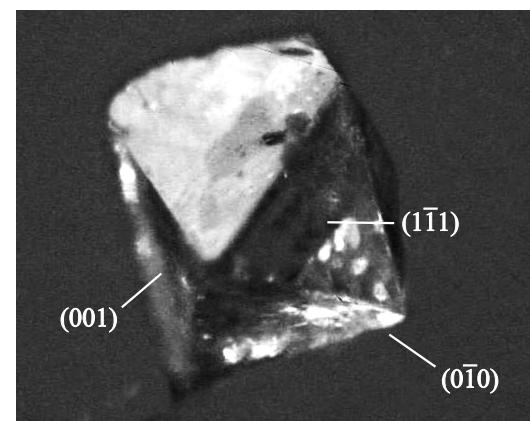
Оксидные шпинели  $\text{AB}_2\text{O}_4$  с катионами, занимающими тетраэдрические и октаэдрические позиции в плотной кубической упаковке анионов кислорода, являются одними из наиболее важных и интересных оксидов благодаря их широкому применению в датчиках, различных электронных и СВЧ-устройствах и в качестве катализаторов [1,2]. Недавно оксидные шпинели на основе меди (медный феррит) были предложены в качестве хорошего катализатора при получении водорода из окисленных углеводородов [3,4]. Наибольший интерес в этом классе соединений представляет ферримагнитная шпинель  $\text{CuFe}_2\text{O}_4$ . Наличие в ее составе ян–теллеровских (ЯТ) ионов  $\text{Cu}^{2+}$  приводит к интересным свойствам данного соединения, например таким, как наличие структурного фазового перехода из тетрагональной в кубическую фазу при изменении температуры. Кроме того, в работах [5–8] исследовался ряд диамагнитно–разбавленных медных ферритов. Авторами сделано предположение, что ЯТ–переход является переходом типа порядок–беспорядок, но точная природа этого перехода до сих пор не ясна.

Известно, что метод магнитного резонанса позволяет обнаруживать локальные искажения кристаллической структуры, координацию магнитных ионов и их неэквивалентные позиции в решетке. С целью исследования искажений кристаллической структуры при ЯТ–переходе в оксидных шпинелях необходимо было получить изоструктурный диамагнитный аналог медного феррита состава  $\text{Zn}_{1-x}\text{Cu}_x\text{Ga}_2\text{O}_4$  ( $x < 0.05$ ), концентрация ионов меди в котором была бы достаточна для наблюдения одноионных спектров магнитного резонанса. Необходимо было также провести исследования температурных и ориентационных зависимостей спектров магнитного резонанса с целью определения координации и параметров спинового гамильтониана ионов меди в кристалле, характера ЯТ–искажений.

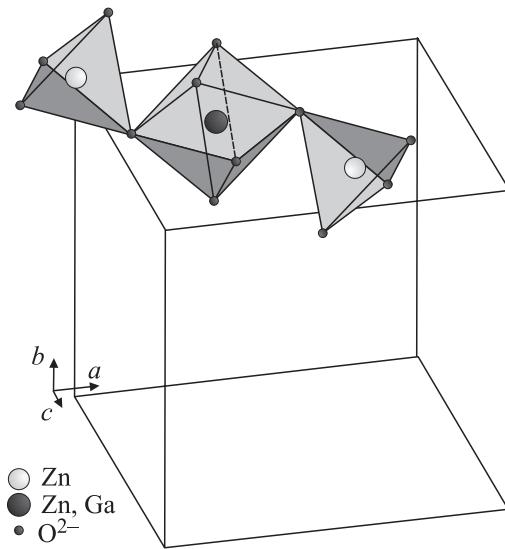
## 2. Образцы и техника эксперимента

Монокристаллы  $\text{Zn}_{1-x}\text{Cu}_x\text{Ga}_2\text{O}_4$  выращены раствор–расплавным методом. В качестве растворителя использовалась смесь  $\text{PbO}$  и  $\text{B}_2\text{O}_3$  эвтектического состава (88.2 wt.%  $\text{PbO}$  и 11.8 wt.%  $\text{B}_2\text{O}_3$ ) с температурой плавления 500°C. Молярное соотношение  $\text{ZnO}$  и  $\text{Ga}_2\text{O}_3$  составляло 1 : 1. Соотношение растворитель/ $\text{ZnGa}_2\text{O}_4$  равнялось 4 : 1. Монокристаллы  $\text{Zn}_{1-x}\text{Cu}_x\text{Ga}_2\text{O}_4$  с  $x = 0.05$  выращивались в платиновых тиглях с крышками при  $T_{\max} = 1200$  °C и скоростью охлаждения 6°C/h до 900°C. Кристаллы освобождались от растворителя с помощью кипячения в 20% растворе азотной кислоты.

Кристаллическая структура образцов исследовалась методом рентгеновского рассеяния на порошках, полученных растиранием выращенных монокристаллов. Определена пространственная группа  $O_h^7$  ( $Fd\text{-}3m$ ) с постоянной решетки  $a = 8.330$  Å. Кристаллы имели линейные размеры до 2 mm и форму правильного октаэдра.



**Рис. 1.** Форма кристалла и направления кристаллографических осей, привязанные к огранке. Оси (001) и (010) выходят из вершин октаэдра, оси (111) перпендикулярны его граням.



**Рис. 2.** Фрагмент кристаллической структуры  $\text{ZnGa}_2\text{O}_4$ .

Расположение кристаллографических осей относительно граней кристалла показано на рис. 1. Оси четвертого порядка выходят из вершин октаэдра, оси третьего порядка перпендикулярны его граням.

Фрагмент кристаллической структуры кубического  $\text{ZnGa}_2\text{O}_4$  показан на рис. 2. Ионы меди могут занимать два кристаллографических положения:  $8a$  (тетраэдрическое окружение из ионов кислорода) и  $16d$  (октаэдрическое окружение из ионов кислорода).

Исследования магнитного резонанса проводились на спектрометрах фирм Bruker Elexsys E580 и Radiopan SE/X-2544, работающих в  $X$ -диапазоне в интервале температур 80–560 К.

### 3. Экспериментальные результаты и обсуждение

Вид спектра при ориентации магнитного поля вдоль одной из осей  $C_4$  ( $T = 110$  К) показан на рис. 3. Спектр состоит из четырех линий почти одинаковой интенсивности (левая часть спектра), интенсивной линии в поле 3265 Ое и линий слабой интенсивности в высокополевой части спектра.

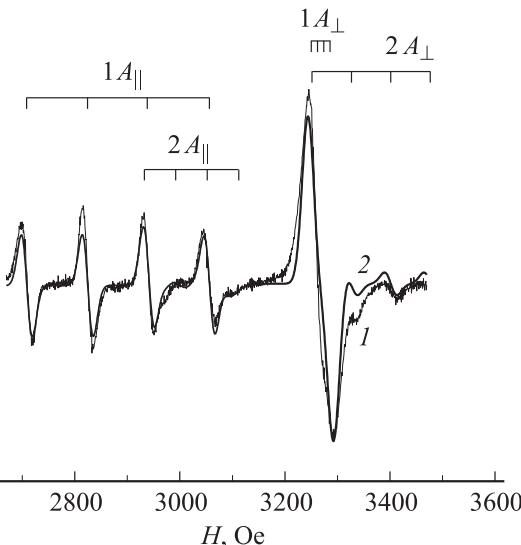
Угловая зависимость спектра магнитного резонанса при ориентации внешнего магнитного поля перпендикулярно одной из осей четвертого порядка при температуре 110 К представлена на рис. 4 (на рисунке не показаны положения резонансных линий, не зависящие от ориентации и соответствующие магнитному центру, для которого всегда  $H \perp C_4$ ). При отклонении внешнего магнитного поля от оси  $C_4$  наблюдается расщепление первых двух низкополевых линий в спектре (рис. 4). Анализ полученных угловых зависимостей позволил сделать предположение о наличии в образце двух неэквивалентных позиций ионов меди, обозначенных на рис. 3 индексами 1 и 2. Обе позиции характеризуются тремя

взаимно перпендикулярными осями  $C_4$ . Соотношение интенсивностей позиций 1 и 2 позволяет сделать вывод о преимущественном заселении ионами меди позиции 1.

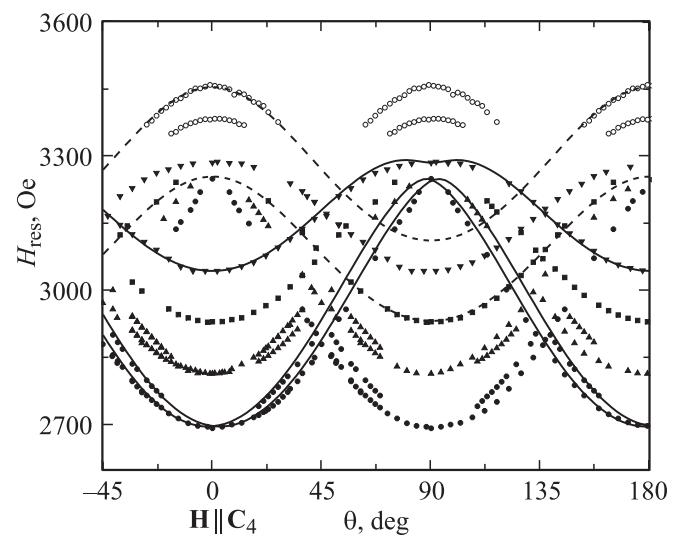
Теоретическое описание спектра магнитного резонанса было проведено в рамках одноосного спинового гамильтониана

$$\mathcal{H} = g_{\parallel}\beta H_z S_z + g_{\perp}\beta(H_x S_x + H_y S_y) + A_{\parallel} I_z S_z + A_{\perp}(I_x S_x + I_y S_y), \quad (1)$$

где  $S$  — спин электрона иона  $\text{Cu}^{2+}$  ( $= 1/2$ ),  $I$  — спин ядра  ${}^{63}\text{Cu}$  ( $= 3/2$ ),  $A$  — константа сверхтонкого взаимо-



**Рис. 3.** Вид спектра магнитного резонанса при ориентации внешнего магнитного поля параллельно одной из осей  $C_4$ . 1 — эксперимент, 2 — теория (см. текст). Сверху показаны положения резонансных переходов для ионов меди в позициях 1 и 2.



**Рис. 4.** Угловая зависимость спектра магнитного резонанса ( $H \perp C_4$ ,  $T = 110$  К). Точки — экспериментальное положение линий СТС, сплошные и штриховые линии — теоретические кривые для позиций 1 и 2 соответственно (см. текст).

Параметры спинового гамильтониана (1) для  $Cu^{2+}$  в  $ZnGa_2O_4$  при  $T = 110$  К

Позиция	$g_{\parallel}$	$A_{\parallel}$ , Ое	$g_{\perp}$	$A_{\perp}$ , Ое	$g_{av} = (g_{\parallel} + 2g_{\perp})/3$
1	2.355 <sup>1</sup>	116 <sup>1</sup>	—	—	2.170
	2.355 <sup>2</sup>	116 <sup>2</sup>	2.077 <sup>2</sup>	12 <sup>2</sup>	
2	2.018 <sup>1</sup>	75 <sup>1</sup>	—	—	2.170
	2.018 <sup>2</sup>	75 <sup>2</sup>	2.246 <sup>2</sup>	44 <sup>2</sup>	

<sup>1</sup> Экспериментальные значения.

<sup>2</sup> Значения, полученные с использованием программы WINEPR SimFonia v. 1.26 (рис. 3).

действия (СТС). Для определения параметров спинового гамильтониана (1) при  $\theta = 90^\circ$  (когда линии СТС практически сливаются, рис. 4) использовалась программа WINEPR SimFonia v. 1.26. Полученные значения констант спинового гамильтониана приведены в таблице. Теоретическая угловая зависимость центра тяжести спектров 1 и 2 позиций и двух крайних для каждой позиции компонент СТС с параметрами спинового гамильтониана из таблицы показаны на рис. 4. Модельный спектр и положение резонансных переходов для ионов меди в позициях 1 и 2 показаны на рис. 3.

Полученные значения  $g$ -факторов являются типичными для ионов  $Cu^{2+}$  в октаэдрическом окружении [9,10]. В этом случае схема энергетических уровней иона  $Cu^{2+}$  показана на рис. 5 и значения  $g$ -факторов определяются выражениями [9,11]  $g_{\parallel} = 2 - 8\lambda/\Delta$ ,  $g_{\perp} = 2 - 2\lambda/\Delta$  для позиции 1 вытянутого октаэдра и  $g_{\parallel} = 2$ ,  $g_{\perp} = 2 - 6\lambda/\Delta$  для позиции 2 сжатого октаэдра, где  $\lambda$  — константа спин-орбитальной связи,  $\Delta$  — величина расщепления уровней  $t_{2g}$  и  $e_g$  в кубическом кристаллическом поле. Таким образом, можно идентифицировать наблюдаемые нами неэквивалентные позиции 1 и 2 как вытянутые и сжатые вдоль одной из трех взаимно перпендикулярных осей  $C_4$  октаэдры соответственно.

Как уже указывалось выше, для резонансного спектра ионов  $Cu^{2+}$  в позиции 1 наблюдается расщепление резонансных линий, особенно хорошо заметное для первых двух низкополевых компонент СТС (рис. 4). Данный факт свидетельствует о том, что в результате эффекта Яна–Теллера происходит не только тетрагональное искажение октаэдрического окружения, но и разворот октаэдров (по крайней мере в позиции 1) на угол  $\theta \approx 2.6^\circ$ .

Модификация спектра магнитного резонанса при повышении температуры и произвольной ориентации внешнего магнитного поля показана на рис. 6.

С повышением температуры линии СТС заметно уширяются и при температуре 560 К спектр представляет собой изотропную линию с параметрами  $g = 2.116$ ,  $\Delta H = 373$  Ое. Данний факт объясняется тем, что при температурах ниже 560 К не происходит переходов между тремя колебательными уровнями октаэдров, которые соответствуют трем равновесным ЯТ-конфигурациям (искажениям вдоль трех осей четвертого порядка) с

минимальной энергией. При повышении температуры становятся возможными термические переходы из одной равновесной конфигурации в другую (переориентация искаженных осей октаэдров). Если такие переходы происходят с большой вероятностью, то реализуется динамический эффект Яна–Теллера; если же они идут медленно, т. е. система „заморожена“ в одном из состояний, то имеет место статический эффект Яна–Теллера. В динамическом случае деформации усредняются и картина становится сферически-симметричной. При этом наблюдается одиночная линия резонансного поглощения со значением  $g$ -фактора, равным  $g_{av} = (g_{\parallel} + 2g_{\perp})/3$ . Отметим, что температура перехода от статического к динамическому эффекту Яна–Теллера в исследуемом образце, на наш взгляд, достаточно близка к температуре структурного фазового перехода в медном феррите  $CuFe_2O_4$  —  $T_c = 633$  К [12].

Следует подчеркнуть, что для изолированных центров отличие статического от динамического эффекта ЯТ не носит принципиального характера: одна и та же система с характерным временем перехода  $\tau \sim \hbar/\omega$  может в некоторых экспериментах, где проводится усреднение по большим промежуткам времени (например, в ЯМР), проявлять характеристики динамического эффекта ЯТ,

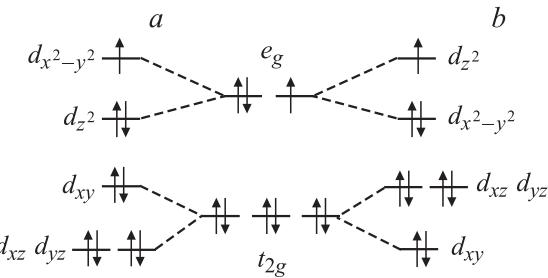


Рис. 5. Электронная конфигурация иона  $Cu^{2+}$  в октаэдрическом окружении с тетрагональным искажением. *a* — вытянутый октаэдр, *b* — сжатый октаэдр.

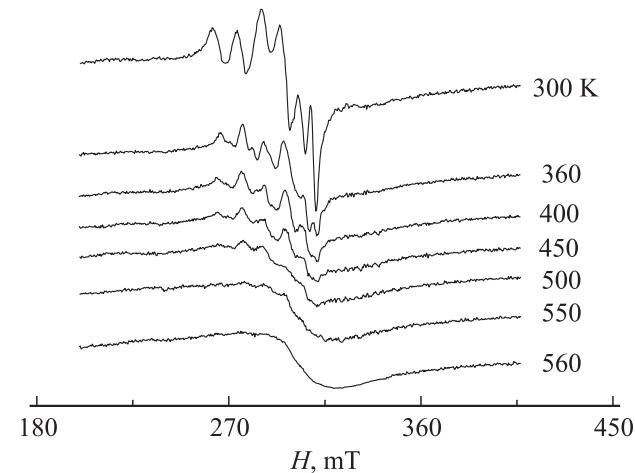


Рис. 6. Модификация спектра магнитного резонанса при повышении температуры и произвольной ориентации внешнего магнитного поля.

а в других, характеризуемых малым собственным временем (например, при оптическом поглощении), — статического.

#### 4. Заключение

В результате проведенных исследований показано, что ионы меди находятся в октаэдрических позициях  $16d$  кубического кристалла  $\text{ZnGa}_2\text{O}_4$ . Спектры магнитного резонанса описываются спиновым гамильтонианом

$$\mathcal{H} = g_{\parallel}\beta H_z S_z + g_{\perp}\beta(H_x S_x + H_y S_y) + A_{\parallel} I_z S_z + A_{\perp}(I_x S_x + I_y S_y).$$

Обнаружен эффект Яна-Теллера, при котором происходит тетрагональное искажение (как растяжение, так и сжатие) кислородных октаэдров, а также их поворот на угол  $\theta \approx 2.6^\circ$ . Определены параметры спинового гамильтониана при  $T = 110\text{ K}$ , характеризующего вытянутые ( $g_{\parallel} = 2.355$ ,  $g_{\perp} = 2.077$ ,  $A_{\parallel} = 116\text{ Oe}$ ,  $A_{\perp} = 12\text{ Oe}$ ) и сжатые ( $g_{\parallel} = 2.018$ ,  $g_{\perp} = 2.246$ ,  $A_{\parallel} = 75\text{ Oe}$ ,  $A_{\perp} = 44\text{ Oe}$ ) октаэдры. При температурах выше  $560\text{ K}$  статический эффект Яна–Теллера переходит в динамический (частота эксперимента соответствует  $X$ -диапазону).

#### Список литературы

- [1] A. Laobuthee, S. Wongkasemjit, E. Traversa, R.M. Laine. *J. Eur. Ceram. Soc.* **20**, 91 (2000).
- [2] U. Luders, M. Bibes, K. Bouzehouane, E. Jacquet, J.P. Contour, S. Fusil, J.F. Bobo, J. Fontcuberta, A. Barthelemy, A. Fert. *J. Appl. Phys.* **99**, 08K301 (2006).
- [3] S. Kameoka, T. Tanabe, A.P. Tsai. *Catal. Lett.* **100**, 89 (2005).
- [4] K. Faungnawakij, Y. Tanaka, N. Shimoda, T. Fukunaga, S. Kawashima, R. Kikuchi, K. Eguchi. *Appl. Catal. A* **304**, 40 (2006).
- [5] R.K. Selvan, V. Krishnam, Ch.O. Augustin, H. Bertagnolli, Ch.S. Kim, A. Gedanken. *Chem. Mater.* **20**, 429 (2008).
- [6] X.X. Tang, A. Manthiram, J.B. Goodenough. *J. Solid State Chem.* **79**, 250 (1989).
- [7] C. Villette, Ph. Tailhades, A. Rousset. *J. Solid State Chem.* **117**, 64 (1995).
- [8] N.S. Gajbhiye, G. Balaji, S. Bhattacharyya, M. Ghafari. *Hyperfine Interact.* **57**, 156 (2004).
- [9] А. Абрагам, Б. Блинни. Электронный парамагнитный резонанс переходных ионов. Мир, М. (1972). 651 с.
- [10] С.А. Альтшулер, Б.М. Козырев. Электронный парамагнитный резонанс. Наука, М. (1972). 671 с.
- [11] Дж. Верти, Дж. Болтон. Теория и практические приложения метода ЭПР. Мир, М. (1975). 548 с.
- [12] К.И. Кугель, Д.И. Хомский. *УФН* **136**, 4, 621 (1982).