

©1994

## ДРЕЙФ МАГНИТНЫХ ДОМЕННЫХ ГРАНИЦ В ЭЛЕКТРИЧЕСКОМ ПОЛЕ

*В.С.Герасимчук, А.Л.Сукстанский*

Предсказан эффект дрейфа доменных границ в магнетиках, обладающих линейным магнитоэлектрическим взаимодействием. Рассчитаны коэффициенты нелинейной подвижности границы в двухподрешеточном антиферромагнетике во внешних осциллирующих электрическом и магнитном полях. Обсуждается возможность дрейфа полосовой доменной структуры.

В последнее время резко возрос интерес к изучению различных эффектов, связанных с магнитоэлектрическим взаимодействием. Это взаимодействие, как известно, дает возможность влиять на электрическую подсистему кристалла с помощью внешнего электрического поля. В частности, электрическое поле может приводить к вынужденному движению магнитных доменных границ. Этот эффект обсуждался в [1], где было показано, что осциллирующее электрическое поле возбуждает колебания межфазной  $90^\circ$  доменной границы в условиях фазового перехода типа Морины в ромбических сегнетомагнетиках. При этом амплитуда скорости доменной границы была пропорциональна амплитуде поля (эффект первого порядка).

Существует, однако, еще один весьма интересный тип движения доменных границ, а именно ее дрейф, т.е. появление постоянной составляющей скорости доменной границы, в осциллирующем внешнем поле. Теоретически явление дрейфа доменной границы во внешнем магнитном поле было предсказано в [2], а наиболее адекватная теория была предложена для ферромагнетиков в [3] и двухподрешеточных слабых ферромагнетиков (СФМ) в [4].

Целью настоящей работы является изучение дрейфа  $180^\circ$  магнитной доменной границы в магнетике, обладающем линейным магнитоэлектрическим взаимодействием, во внешних осциллирующих электрическом и магнитном полях. В качестве примера рассматривалась двухподрешеточная модель СФМ, аналогичная использованной в [1,4], описывающая, в частности, магнитную подсистему ромбических сегнетомагнетиков типа Ni-Cl-борадитов или редкоземельных манганитов (кристаллический класс  $C_{2v}$ ).

## 1. Уравнения движения

Как показано в работе [5], нелинейная макроскопическая динамика двухподрешеточного СФМ может быть описана на основе плотности функции Лагранжа  $\mathcal{L}$ , записанного в терминах единичного вектора антиферромагнетизма  $\mathbf{l}$ ,  $\mathbf{l}^2 = 1$

$$\mathcal{L} = M_0^2 \left\{ \frac{\alpha}{2c^2} \dot{\mathbf{l}}^2 - \frac{\alpha}{2} (\nabla \mathbf{l})^2 - w_a(\mathbf{l}) - \frac{2}{\delta} (\mathbf{l} \mathbf{h})^2 + \right. \\ \left. + \frac{4}{\delta g M_0} (\mathbf{h} [\dot{\mathbf{l}} \mathbf{l}]) + \frac{2d}{\delta} (h_x l_z - h_z l_x) - w_{me}(\mathbf{l}) \right\}, \quad (1)$$

где точка означает производную по времени;  $M_0$  — модуль вектора намагниченности подрешеток;  $\delta$  и  $\alpha$  — соответственно постоянные однородного и неоднородного обменного взаимодействия;  $g$  — гидромагнитное отношение;  $d$  — константа обменно-релятивистского взаимодействия Дзялошинского (как показано в [6], слабый ферромагнетизм имеет место в плоскости, перпендикулярной пироэлектрической оси  $C_2$ , которую будем считать ориентированной вдоль декартовой оси  $Y$ );  $c = g M_0 (\alpha \delta)^{1/2} / 2$  — характерная скорость, совпадающая с минимальной скоростью спиновых волн;  $\mathbf{h} = \mathbf{H} / M_0$ ;  $\mathbf{H} = \mathbf{H}_0 \cos \omega t$  — внешнее магнитное поле,

$$w_a(\mathbf{l}) = \frac{\beta_1}{2} l_z^2 + \frac{\beta_2}{2} l_y^2$$

— плотность энергии магнитной анизотропии;  $\beta_1, \beta_2$  — константы анизотропии;  $w_{me}(\mathbf{l})$  — плотность энергии магнитоэлектрического взаимодействия. Внешнее электрическое поле  $E(t)$  будем считать направленным вдоль пироэлектрической оси  $C_2$ . Поскольку  $E_y$  преобразуется по единичному представлению пироэлектрического класса  $C_{2v}$ , то  $w_{me}(\mathbf{l})$  можно записать в виде  $w_{me}(\mathbf{l}) = E(t) \tilde{w}(\mathbf{l})$ , где выражение для  $\tilde{w}(\mathbf{l})$  содержит те же слагаемые, что и  $w_a(\mathbf{l})$ , но с другими феноменологическими константами. Далее будем считать, что

$$\tilde{w} = \frac{b_1}{2} l_z^2 + \frac{b_2}{2} l_y^2,$$

где  $b_1, b_2$  — константы магнитоэлектрического взаимодействия.

Динамическое торможение доменной границы, обусловленное различными диссипативными процессами, будем учитывать с помощью диссипативной функции  $Q$

$$Q = \frac{\lambda M_0}{2g} \dot{\mathbf{l}}^2, \quad (2)$$

где  $\lambda$  — феноменологическая релаксационная константа.

Если  $\beta_1 > \beta_2 > 0$ , то в СФМ в отсутствие внешних полей равновесной является ориентация  $\mathbf{l}$  вдоль оси  $X$ , а устойчивой является  $180^\circ$  доменная граница с разворотом вектора  $\mathbf{l}$  в плоскости  $(XZ)$ .

Удобно ввести угловые переменные  $\theta$  и  $\varphi$ , параметризующие единичный вектор  $\mathbf{l}$

$$l_x + il_z = \cos \theta \exp(i\varphi), \quad l_y = \cos \theta. \quad (3)$$

Уравнения движения в терминах угловых переменных  $\theta$  и  $\varphi$  имеют вид

$$\begin{aligned} \alpha \left( \Delta \theta - \frac{\alpha}{c^2} \ddot{\theta} \right) + \sin \theta \cos \theta \left[ \alpha \left( \frac{1}{c^2} \dot{\varphi}^2 - (\nabla \varphi)^2 \right) - (\beta_1 + b_1 E) \sin^2 \varphi + (\beta_2 + b_2 E) \right] - \\ - \frac{2d}{\delta} \cos \theta (h_x \sin \varphi - h_z \cos \varphi) - \\ - \frac{4}{\delta} \left[ (h_x \cos \varphi + h_z \sin \varphi) \sin \theta + h_y \cos \theta \right] \left[ (h_z \sin \varphi + h_x \cos \varphi) \cos \theta - h_y \sin \theta \right] + \\ + \frac{4}{\delta g M_0} \left[ 2 \sin^2 \theta \dot{\varphi} (h_x \cos \varphi + h_z \sin \varphi) - \dot{h}_z \cos \varphi + \dot{h}_x \sin \varphi + h_y \sin 2\theta \dot{\varphi} \right] = \frac{\lambda}{g M_0} \dot{\theta}, \end{aligned} \quad (4)$$

$$\begin{aligned} \alpha \nabla (\sin^2 \theta (\nabla \varphi)) - \frac{\alpha}{c^2} \frac{d}{dt} (\sin^2 \theta \dot{\varphi}) - (\beta_1 + b_1 E) \sin^2 \theta \sin \varphi \cos \varphi + \\ + \frac{4}{\delta} \left[ (h_x \cos \varphi + h_z \sin \varphi) \sin \theta + h_y \cos \theta \right] (h_z \cos \varphi - h_x \sin \varphi) \sin \theta + \\ + \frac{2d}{\delta} \sin \theta (h_z \sin \varphi + h_x \cos \varphi) + \frac{4}{\delta g M_0} \left[ \frac{1}{2} \sin 2\theta (\dot{h}_z \sin \varphi + \dot{h}_x \cos \varphi) - \right. \\ \left. - 2 \sin^2 \theta \dot{\theta} (h_x \cos \varphi + h_z \sin \varphi) - h_y \sin 2\theta \dot{\theta} - \dot{h}_y \sin^2 \theta \right] = \frac{\lambda}{g M_0} \sin^2 \theta \dot{\varphi}. \end{aligned} \quad (5)$$

Покоящейся доменной границе с разворотом вектора  $\mathbf{l}$  в плоскости  $(XZ)$  отвечают (в отсутствие внешних полей)

$$\theta_0 = \pi/2, \quad \cos \varphi_0(y) = -\text{th}(y/y_0), \quad (6)$$

где величина  $y_0 = (\alpha/\beta_1)^{1/2}$  имеет смысл толщины доменной границы.

## 2. Теория возмущений. Линейное приближение

В постоянном внешнем магнитном поле определенной ориентации доменная граница движется с фиксированной скоростью, определяемой балансом магнитного давления, действующего на доменную границу, и силой динамического торможения [5]. В осциллирующем магнитном поле граница колеблется с частотой поля [7] и, как показано в [4], возможен дрейф доменной границы со скоростью, пропорциональной квадрату амплитуды поля (во втором порядке теории возмущений). Как мы убедимся ниже, аналогичное явление — дрейф доменной границы — индуцируется и переменным электрическим полем. Для вычисления соответствующих характеристик мы воспользуемся одним из

вариантов теории возмущений по амплитудам внешних полей, которые будем считать достаточно слабыми (см., например, [3,4]).

Определим коллективную переменную  $Y(t)$  как координату центра доменной границы в произвольный момент времени  $t$  и будем искать решения уравнений движения в виде

$$\theta(y, t) = \frac{\pi}{2} + \vartheta_1(\xi, t) + \vartheta_2(\xi, t) + \dots,$$

$$\varphi(y, t) = \varphi_0(\xi) + \Psi_1(\xi, t) + \Psi_2(\xi, t) + \dots, \quad (7)$$

где  $\xi = y - Y(t)$ , индексы  $n = 1, 2, \dots$  указывают на порядок малости величины по амплитуде поля. Функция  $\varphi_0(\xi)$  описывает движение неискаженной доменной границы, и ее структура такая же, как и в статическом решении  $\varphi_0(y)$  (6).

Скорость дрейфа доменной границы определяется как среднее значение мгновенной скорости  $V(t) = \dot{Y}t$  по периоду осцилляций,  $V = \overline{V(t)}$  (черта означает усреднение по периоду колебаний внешних полей).

Полагая  $V = V_1 + V_2 + \dots$ , уравнение первого приближения по амплитудам полей  $h$  и  $E$  запишем в виде

$$\left( \hat{L} + \frac{1}{\omega_0^2} \frac{d^2}{dt^2} + \frac{\omega_r}{\omega_0} \frac{d}{dt} \right) \Psi_1 = \frac{\sin \varphi_0}{\beta_1} \left( \frac{\alpha \dot{V}_1}{y_0 c^2} + \frac{\lambda V_1}{g M_0 y_0} + \frac{2dh_z}{\delta} \right) + \frac{2d}{\beta_1 \delta} h_x \cos \varphi_0 - \frac{g M_0}{\omega_0^2} \dot{h}_y - \frac{b_1}{\beta_1} E(t) \sin \varphi_0 \cos \varphi_0, \quad (8)$$

$$\left( \hat{L} + \delta + \frac{1}{\omega_0^2} \frac{d^2}{dt^2} + \frac{\omega_r}{\omega_0} \frac{d}{dt} \right) \vartheta_1 = \frac{g M_0}{\omega_0^2} \left( \dot{h}_x \sin \varphi_0 - \dot{h}_z \cos \varphi_0 \right), \quad (9)$$

где приняты обозначения:  $\sigma = (\beta_2 - \beta_1)/\beta_1$ ,  $\omega_0 = c/y_0$  — частота активации нижней ветви спиновых волн,  $\omega_r = \lambda \delta g M_0 / 4$  — характерная релаксационная частота.

Оператор  $\hat{L}$  имеет вид оператора Шредингера с безотражательным потенциалом

$$\hat{L} = -y_0^2 \frac{d^2}{d\xi^2} + 1 - \frac{2}{\text{ch}^2 \xi / y_0}. \quad (10)$$

Спектр и волновые функции оператора  $\hat{L}$  (10) хорошо известны. Он обладает одним дискретным уровнем с собственным значением  $\lambda_0 = 0$ , которому отвечает локализованная волновая функция

$$f_0(\xi) = \frac{1}{(2y_0)^{1/2}} \text{ch}^{-1} \xi / y_0, \quad (11)$$

а также непрерывным спектром  $\lambda_k = 1 + k^2 y_0^2$ , которому соответствуют собственные функции

$$f_k(\xi) = \frac{e^{ik\xi}}{b_k L^{1/2}} \left( \text{th} \frac{\xi}{y_0} - ik y_0 \right), \quad (12)$$

где  $b_k = (1 + k^2 y_0^2)^{1/2}$ ,  $L$  — длина кристалла.

Функции  $\{f_0, f_k\}$  образуют полный ортонормированный набор, и решения уравнений первого приближения (8), (9) естественно искать в виде разложения по этому набору. Для монохроматического внешнего поля частоты  $\omega$  положим

$$\vartheta_1(\xi, t) = \operatorname{Re} \left\{ \left[ \sum_k c_k f_k(\xi) + c_0 f_0(\xi) \right] e^{i\omega t} \right\}, \quad (13)$$

$$\Psi_1(\xi, t) = \operatorname{Re} \left\{ \left[ \sum_k d_k f_k(\xi) + d_0 f_0(\xi) \right] e^{i\omega t} \right\}. \quad (14)$$

Здесь следует сделать существенное замечание. Уравнения первого приближения (8), (9) описывают возбуждение линейных спиновых волн на фоне доменных границ. Последнее слагаемое в разложении функции  $\Psi_1(\xi, t)$  соответствует сдвиговой (голдстоуновской) моде, т.е. движению доменных границ как целого. Однако соответствующая степень свободы системы уже учтена введением коллективной координаты  $Y(t)$  в определении переменной  $\xi$ . Поэтому в разложении (14) сдвиговая мода должна быть опущена, т.е. следует положить  $d_0 = 0$  (детальное обсуждение этого вопроса см. в монографии [8]). Это условие приводит к требованию ортогональности правой части уравнения (8) функции  $f_0$ , что в свою очередь определяет уравнение для скорости доменной границы  $V_1(t)$  в линейном по полю приближении

$$\dot{V}_1 + \frac{\lambda c^2}{\alpha g M_0} V_1 = -\frac{2dc^2 y_0}{\alpha \delta} \dot{h}_z + \frac{2\pi c^2 y_0}{\alpha \delta g M_0} \dot{h}_y. \quad (15)$$

Уравнение (15) описывает колебания доменной границы во внешнем осциллирующем магнитном поле, а электрическое поле в линейном приближении движения  $180^\circ$  доменной границы не вызывает (в отличие от  $90^\circ$  межфазной доменной границы, рассмотренной в [1]). Дрейфовое движение доменной границы в рассматриваемом линейном приближении отсутствует, так как  $\bar{V}_1 = 0$ .

Коэффициенты  $c_0, c_k, d_k$  разложений (13), (14) находятся стандартным образом путем умножения правой части уравнений (8), (9) на  $f_k^*$  или  $f_0^*$  и интегрирования по переменной  $\xi$ .

Для монохроматического внешнего электрического поля частоты  $\omega$ ,  $E = E_{0y} \cos \omega t$  и магнитного поля той же частоты, но все три компоненты которого имеют некоторые произвольные сдвиги фаз относительно электрического поля

$$h_1 = h_{01} \cos(\omega t + \chi_1), \quad (16)$$

из уравнений (8), (9) получим

$$\vartheta_1(\xi, t) = 2 \operatorname{Re} \left\{ a_1(t) \sin \varphi_0(\xi) + a_2(t) \cos \varphi_0(\xi) \right\},$$

$$\Psi_1(\xi, t) = 2 \operatorname{Re} \left\{ a_3(t) \cos \varphi_0(\xi) + a_4(t) G(\xi) + a_5(t) B(\xi) \right\}. \quad (17)$$

Здесь введены обозначения:

$$a_5(t) = \frac{2b_1}{\beta_1} E_{0y} e^{i\omega t},$$

$$a_1(t) = \frac{i\omega g M_0}{\omega_0^2} \frac{h_{0x} e^{i(\omega t + \chi_x)}}{(\sigma - q_1 + iq_2)},$$

$$a_2(t) = \frac{i\omega g M_0}{\omega_0^2} \frac{h_{0z} e^{i(\omega t + \chi_z)}}{(1 + \sigma - q_1 + iq_2)},$$

$$a_3(t) = \frac{2d}{\beta_1 \delta} \frac{h_{0x} e^{i(\omega t + \chi_x)}}{(1 - q_1 + iq_2)},$$

$$a_4 = -\frac{i\omega g M_0}{\omega_0^2} h_{0y} e^{i(\omega t + \chi_y)},$$

$$G(\xi) = \frac{y_0}{2} \int_{-\infty}^{+\infty} dk \frac{\left( \text{th}(\xi/y_0) \sin k\xi - ky_0 \cos k\xi \right)}{b_k^2 (\lambda_k - q_1 + iq_2) \text{sh} \left( \frac{\pi ky_0}{2} \right)},$$

$$B(\xi) = \frac{y_0}{2} \int_{-\infty}^{+\infty} dk \frac{\left( \text{th}(\xi/y_0) \cos k\xi - ky_0 \sin k\xi \right)}{b_k^2 (\lambda_k - q_1 + iq_2) \text{sh} \left( \frac{\pi ky_0}{2} \right)}, \quad (18)$$

где

$$q_1 = (\omega/\omega_2)^2, \quad q_2 = (\omega\omega_\tau/\omega_0^2).$$

Из соотношений (17), (18) следует, что компоненты внешнего магнитного поля  $h_x$  и  $h_z$  возбуждают объемные колебания только с  $k = 0$ , в то время как наличие  $h_y$ -компонент магнитного и электрического поля  $E_y$  позволяет даже в первом порядке теории возмущений возбуждать объемные спиновые волны с  $k \neq 0$ .

### 3. Второе приближение. Дрейф доменной границы

Перейдем теперь к анализу уравнений второго приближения по амплитуде внешнего магнитного поля.

Соответствующую систему уравнений второго порядка по амплитуде внешнего поля в общем виде мы не будем выписывать из-за ее чрезмерной громоздкости, а приведем лишь усредненное по периоду колебаний уравнение, которое следует из уравнения (5)

$$\hat{L}\Phi_2(\xi) = \frac{\lambda}{gM_0} \varphi'_0(\xi) \bar{V}_2 + \overline{N(\xi, t)}, \quad (19)$$

где

$$\Phi_2(\xi) = \overline{\Psi_2(\xi, t)},$$

а функция  $N(\xi, t)$  определяется выражением

$$\begin{aligned}
 N(\xi, t) = & \left( \frac{d}{c^2} \dot{V}_1 + \frac{\lambda}{gM_0} V_1 \right) \Psi_1' - \frac{d}{c^2} V_1^2 \varphi_0'' - 2\alpha \varphi_0' \vartheta_1 \vartheta_1' + \beta_1 \sin 2\varphi_0 \Psi_1^2 - \\
 & - \frac{4}{\delta} \left[ (h_z^2 - h_x^2) \sin \varphi_0 \cos \varphi_0 + h_x h_z \cos 2\varphi_0 \right] - \\
 & - \frac{4}{\delta q M_0} \left[ (\dot{h}_x \cos \varphi_0 + \dot{h}_z \sin \varphi_0) \vartheta_1 + 2(h_x \cos \varphi_0 + h_z \sin \varphi_0) \dot{\vartheta}_1 \right] - \\
 & - \frac{2}{\delta} (h_z \cos \varphi_0 - h_x \sin \varphi_0) \Psi_1 - b_1 E_y \Psi_1 \cos 2\varphi_0. \quad (20)
 \end{aligned}$$

Второе уравнение системы, которое следует из уравнения (5) и определяет функцию  $\bar{\vartheta}_2(\xi, t)$  имеет аналогичную структуру, однако оно не содержит слагаемого второго порядка в разложении скорости доменной границы  $V_2$  и поэтому нас в дальнейшем интересовать не будет.

Так же как и в уравнении первого приближения (8), мы должны потребовать, чтобы в разложении функции  $\Phi_2(\xi)$  по собственным функциям оператора  $\hat{L}$  отсутствовала сдвиговая мода, т.е. необходимо, чтобы правая часть уравнения (19) была ортогональна  $f_0(\xi)$  (11). Отсюда получаем выражение для скорости дрейфа доменной границы  $V_{dr} = \bar{V}_2$ ,

$$V_{dr} = -\frac{gM_0 y_0}{2\lambda} \int_{-\infty}^{+\infty} d\xi \overline{N(\xi, t)} \varphi_0'(\xi). \quad (21)$$

Подставляя вычисленные в предыдущем разделе функции  $\Psi_1(\xi, t)$  и  $\vartheta_1(\xi, t)$  (17), (18) в (20), выполняя усреднение по периоду колебаний и интегрирование в (21), получим для скорости дрейфа  $V_{dr}$

$$\begin{aligned}
 V_{dr} = & \nu_{xz}(\omega) H_{0x} H_{0z} + \nu_{xy}(\omega) H_{0x} H_{0y} + \\
 & + \tilde{\nu}_{yz}(\omega; \chi_z) H_{0z} E_{0y} + \tilde{\nu}_{yy}(\omega; \chi_y) H_{0y} E_{0y}, \quad (22)
 \end{aligned}$$

где  $\nu_{xz}$ ,  $\nu_{xy}$  — нелинейные подвижности доменных границ в магнитном поле, полученные в [4], а коэффициенты  $\tilde{\nu}_{yz}$  и  $\tilde{\nu}_{yy}$ , имеющие смысл нелинейных подвижностей доменных границ в комбинированных магнитном и электрическом полях, имеют вид

$$\nu_{yz}(\omega; \chi) = \tilde{\nu}_0 \eta_1 d \frac{[1 - (\omega^2/\omega_0^2)] \cos \chi - (\omega\omega_\tau/\omega_0^2) \sin \chi}{[1 - (\omega^2/\omega_0^2)] + (\omega\omega_\tau/\omega_0^2)^2}, \quad (23)$$

$$\tilde{\nu}_{yy}(\omega; \chi) = \tilde{\nu}_0 (\omega/gM_0) \frac{(\eta_2 \omega\omega_\tau/\omega_0^2) \cos \chi + \eta_3 [1 - (\omega^2/\omega_0^2)] \sin \chi}{[1 - (\omega^2/\omega_0^2)]^2 + (\omega\omega_\tau/\omega_0^2)^2}, \quad (24)$$

где  $\tilde{\nu}_0 = \pi^2 g^2 y_0 b_1 / 16 \omega_\tau \beta_1$ ,  $\eta_{1-3}$  — численные коэффициенты порядка единицы.

Из (22) следует, что дрейф доменных границ возможен либо в магнитном поле, в котором обязательно две компоненты отличны от нуля ( $h_x$  и  $h_z$  или  $h_x$  и  $h_y$ ) (характерные свойства соответствующих нелинейных подвижностей  $\nu_{xz}$  и  $\nu_{xy}$  детально проанализированы в [4]), либо в скрещенных ( $h_z$  и  $E_y$ ) или параллельных пироэлектрической оси магнитном и электрическом полях ( $h_y$  и  $E_y$ ). Отметим, что в первом из этих случаев (скрещенные поля) дрейф доменных границ связан с наличием в магнетике обменно-релятивистского взаимодействия Дзялошинского. Во втором случае (параллельные поля) дрейф доменных границ возможен и в «чистом» коллинеарном антиферромагнетике, т.е. при  $d = 0$ .

Формулы (23), (24) описывают типичную резонанс-антирезонансную зависимость нелинейных подвижностей  $\tilde{\nu}_{yz}$  и  $\tilde{\nu}_{zy}$  от частоты. При малых частотах ( $\omega \ll \omega_0$ )  $\tilde{\nu}_{zy} \ll \tilde{\nu}_{yz} \sim d\tilde{\nu}_0$ . Величину  $d\tilde{\nu}_0$  нетрудно связать с известной экспериментально линейной подвижностью доменных границ в СФМ в постоянном магнитном поле  $\mu_0$  [5,9]

$$d\tilde{\nu}_0 = \mu_0 \frac{\pi^2}{16} \left( \frac{b_1}{\beta_1} \right), \quad \mu_0 = \frac{g^2 y_0 d M_0}{\omega_\tau}. \quad (25)$$

Принимая характерное значение  $\mu_0 \sim 6 \cdot 10^3 \text{ cm/s} \cdot \text{Oe}$  и полагая  $b_1/\beta_1 \sim 10^{-4}$  [10], получим  $d\tilde{\nu}_0 \sim 10^{-1}$  ед. CGSE. В узкой ( $\sim \omega_\tau$ ) резонансной области частот нелинейные подвижности доменных границ возрастают в  $(\omega_0/\omega_\tau) \sim 10^2$  раз, а при больших частотах убывают по степенному закону.

#### 4. Дрейф доменной структуры

В предыдущих разделах обсуждался дрейф уединенных доменных границ. Обсудим теперь возможность дрейфа во внешнем переменном поле плоскопараллельной доменной структуры (ПДС), состоящей из  $180^\circ$  доменных границ. При этом надо иметь в виду, что соседние доменные границы в ПДС обладают противоположными топологическими зарядами, которые определяются граничными условиями к уравнениям (4), (5). Кроме того, разворот вектора  $\mathbf{l}$  в различных доменных границах может происходить либо через положительное, либо через отрицательное направление оси  $Z$ . От этих двух факторов зависит направление дрейфа доменных границ в поле с фиксированной частотой  $\omega$  и сдвигом фазы  $\chi_1$ . Дрейф ПДС, естественно, возможен лишь в том случае, когда соседние доменные границы движутся в одном и том же направлении.

Определим топологический заряд доменных границ  $R = \pm 1$  и параметр  $\rho = \pm 1$ , описывающий направление разворота вектора  $\mathbf{l}$  в доменных границах, следующим образом:

$$l_x(\pm\infty) = \mp R, \quad l_z(y=0) = \pm \rho.$$

Рассмотренной в предыдущих разделах доменной границе с распределением намагниченности (6) соответствуют  $R = \rho = +1$ . В общем случае вместо (6) имеем

$$\varphi_0 = \frac{1}{y_0} R \sin \varphi_0 = \frac{1}{y_0} R \rho \operatorname{ch}^{-1} \frac{y}{y_0}, \quad \cos \varphi_0 = -R \operatorname{th} \frac{y}{y_0}. \quad (26)$$



Анализ показывает, что в общем случае скорость дрейфа доменных границ с данным значением параметров  $R$  и  $\rho$  определяется формулой, аналогичной (22)

$$V_{dr} = R\rho\nu_{xz}(\omega)H_{0x}H_{0z} + R\nu_{xy}(\omega)H_{0x}H_{0y} + \\ + R\tilde{\nu}_{yz}(\omega; \chi_z)E_{0y}H_{0z} + R\rho\tilde{\nu}_{yy}(\omega; \chi_y), \quad (27)$$

где нелинейные подвижности  $\nu_{xz}$  и  $\nu_{xy}$  по-прежнему описываются теми же выражениями, что и в формуле (22).

Таким образом, из (27) видим, что дрейф ПДС в магнитном поле, поляризованном в плоскости  $(XY)$ , и в скрещенных магнитном и электрическом полях вообще невозможен, так как топологические заряды  $R$  у соседних доменных границ различны. В магнитном поле, поляризованном в плоскости  $(XZ)$ , а также в коллинеарных оси  $Y$  магнитном и электрическом полях дрейф ПДС возможен, но для этого необходимо, чтобы параметр  $\rho$  в соседних доменных границах, так же как и топологический заряд  $R$ , должен быть различен, т.е. вращение вектора  $\mathbf{l}$  в соседних доменных границах должно происходить в одном и том же направлении. Аналогичный результат (возможность дрейфа ПДС в магнитном поле) имеет место как в ферромагнетике [3], так и в слабом ферромагнетике [4].

Авторы признательны И.Е. Чупис за обсуждения и ценные замечания.

Эта работа частично поддержана грантом Фонда Сороса, предоставленным Американским физическим обществом, а также Министерством образования Украины.

#### Список литературы

- [1] Соболева Т.К., Стефановский Е.П., Сукстанский А.Л. // ФТТ. 1984. Т. 26. № 9. С. 2725.
- [2] Schlomann E., Miln I.D. // JEEE Trans. Magn. 1974. V. MAG-10. P. 117.
- [3] Барьяхтар В.Г., Горобец Ю.И., Денисов С.И. // ЖЭТФ. 1990. Т. 98. С. 1345.
- [4] Герасимчук В.С., Сукстанский А.Л. // ЖЭТФ. 1993. Т. 103. С. 151.
- [5] Барьяхтар В.Г., Иванов Б.А., Сукстанский А.Л. // ЖЭТФ. 1980. Т. 78. С. 1509.
- [6] Brunskill I.H., Schmid H. // Ferroelectrics. 1981. V. 36. P. 395.
- [7] Барьяхтар В.Г., Иванов Б.А., Сукстанский А.Л. и др. // Письма в ЖЭТФ. 1983. Т. 37. С. 35.
- [8] Раджараман Р. Солитоны и инстантоны в квантовой теории поля. М.: Мир, 1985. 414 с.
- [9] Барьяхтар В.Г., Иванов Б.А., Четкин М.В. // УФН. 1985. Т. 146. С. 417.
- [10] Смоленский Г.А., Чупис И.Е. // УФН. 1982. Т. 137. С. 415

Донецкий физико-технический институт АН Украины

Поступило в Редакцию  
2 декабря 1993 г.