

## ФОРМИРОВАНИЕ ЭНЕРГЕТИЧЕСКОГО СПЕКТРА МОНОЛИНИИ РЕНТГЕНОВСКОГО ИЗЛУЧЕНИЯ ПРИ НЕОДНОРОДНОМ ПОГЛОЩЕНИИ В ПОЛУПРОВОДНИКОВЫХ ДЕТЕКТОРАХ

О. И. Иваницкая, О. А. Матвеев, А. А. Томасов, Н. В. Яковлев

Физико-технический институт им А. Ф. Иоффе Российской академии наук,  
194021, Санкт-Петербург, Россия  
(Получена 22 марта 1993 г. Принята к печати 4 июня 1993 г.)

Показано, что в случае неоднородного поглощения ( $kd \sim 1+30$ ) моноэнергетического излучения при отсутствии в детекторе микро- и макронеоднородностей возможно сильное искажение вплоть до появления двух максимумов энергетического спектра, особенно при близких значениях длин пробега электронов и дырок при малых и средних эффективностях собирания заряда 25—90%. Получено аналитическое выражение и даны качественные критерии для нахождения областей параметров детектора, ответственных за искажение спектра. Объяснены причины такого искажения энергетического спектра.

Одним из способов объяснения причин уширения экспериментальных моноэнергетических линий амплитудных спектров в полупроводниковых детекторах ядерного излучения является сравнение с расчетными спектрами, которые получаются на базе моделей, предложенных в работах [1—3] и основанных на численном решении интегрального уравнения при различных зависимостях эффективности собирания носителей заряда от точки их генерации [1—8, 9] или на методе Монте-Карло [10—12]. Уширение линий по сравнению с расчетными и тем более сильная деформация спектра в однородных кристаллах вплоть до появления дополнительных пиков часто объясняется неоднородностями (вплоть до макронеоднородностей) полупроводникового кристалла.

Этой проблеме посвящено большое число работ, рассматривающих разные типы детекторов, приготовленных на основе различных полупроводниковых кристаллов. Изучалось формирование спектра при однородном [1—8, 10, 12—18] и неоднородном [3, 5, 8, 10—13, 15—19] поглощении гамма-квантов в детекторе, а также в случаях высокой [1, 2, 4, 6, 7, 13] и низкой [3, 5, 8, 10—12, 14—22] эффективности собирания носителей заряда одного или обоих типов при отсутствии и наличии [5, 7, 8, 13, 19] в кристаллах неоднородностей различного типа как для детекторов на основе Si, Ge [1, 2, 4, 9, 13], так и на основе CdTe [3, 5, 7, 9, 12, 14, 15, 18, 21], HgI<sub>2</sub> [8, 11] и других материалов [10, 17, 20—22].

Аналитические выражения, позволяющие рассчитать энергетическое разрешение детекторов по электрофизическим характеристикам кристаллов, получены лишь для случая однородной генерации электронно-дырочных пар при высокой [1] и любой [8] эффективности собирания заряда в электрофизически однородных кристаллах. В большинстве остальных работ приводятся рекомендации по улучшению энергетического разрешения детекторов. При этом даются традиционные рекомендации увеличить эффективность собирания одного или двух типов носителей заряда для детекторов на основе Si и Ge [1, 2, 4], CdTe и HgI<sub>2</sub> [3, 5, 7, 8, 14, 16, 18, 21] и на основе других материалов [10, 17, 20—22]. Рассматривается также

роль неоднородностей электрофизических характеристик кристаллов [5, 8, 13, 19]; показано, что сильно дислокационные и неоднородные кристаллы [8, 19] могут приводить к сложному искажению монолинии вплоть до появления спектра с двумя или даже несколькими пиками. Сложные спектры с признаками «двугорбости» были рассчитаны [3, 12] для детекторов с омическими контактами, т. е. с однородным электрическим полем. Однако не было дано объяснения этих особенностей спектров.

Таким образом, видно, что для наиболее распространенного на практике случая неоднородного поглощения квантов при средней и низкой эффективности собирания заряда в детекторе отсутствуют простые аналитические критерии позволяющие оценить требуемое качество материала для детекторов, что необходимо для совершенствования широко используемых кристаллов CdTe и HgI<sub>2</sub> и новых перспективных материалов [10, 17, 21, 22].

Поэтому настоящая работа посвящена изучению формирования энергетического спектра при неоднородной генерации электронно-дырочных пар вдоль направления электрического поля в детекторе. В этом случае вид функций плотности поглощения и собирания заряда определяет уширение энергетического спектра, а при определенных параметрах этих функций, как будет показано ниже, даже в детекторе из однородного материала приводит к сильной деформации энергетического спектра вплоть до появления двугорбости.

Для выяснения вида спектральной линии при неоднородном поглощении рентгеновских квантов было использовано известное выражение [1] для численного расчета энергетического спектра в случае плоской геометрии

$$\frac{dN(E)}{dE} = \int_0^d \frac{ke^{-kx}}{\sqrt{2\pi}\sigma_{\Sigma}(x)(1-e^{-kx})} \exp\left(\frac{-[E-E_{\gamma 0}\eta(x)]^2}{2\sigma_{\Sigma}^2(x)}\right) dx, \quad (1)$$

где  $k$  — коэффициент поглощения рентгеновского излучения,  $d$  — расстояние между электродами,  $E_{\gamma 0}$  — энергия падающего излучения,  $\eta(x)$  — функция Хехта. В случае плоской геометрии и в отсутствие вторичного выброса носителей заряда при длинах пробега фотоэлектронов, значительно меньших  $d$ , и при неучете первоначальных потерь в треке фотоэлектронов [1-8, 18-20] она имеет вид [1-4, 6]

$$\eta(x) = \frac{\lambda_e}{d} \left(1 - e^{-\frac{d-x}{\lambda_e}}\right) + \frac{\lambda_h}{d} \left(1 - e^{-\frac{x}{\lambda_h}}\right), \quad (2)$$

где  $\lambda_e = \mu_e \tau_e \varepsilon$ ,  $\lambda_h = \mu_h \tau_h \varepsilon$  — длины пробега электронов и дырок соответственно,  $\mu_e, \mu_h, \tau_e, \tau_h$  — подвижности и время до захвата электронов и дырок соответственно;  $\varepsilon = V/d$  — напряженность электрического поля в детекторе,  $V$  — величина приложенного напряжения смещения. Среднеквадратическое отклонение собранного заряда в случае независимости компонент шумов имеет вид  $\sigma_{\Sigma}^2(x) = \sigma_{st}^2 + \sigma_{cl}^2 + \sigma_{col}^2(x)$  [1, 2, 4, 8] и обусловлено флуктуацией образования электронно-дырочных пар  $\sigma_{st} = \sqrt{F\varepsilon_n E_{\gamma 0}}$  [23] ( $F$  — фактор Фано), токовыми и емкостными шумами электроники  $\sigma_{cl}$  и неполным собиранием носителей заряда в зависимости от точки генерации  $\sigma_{col}(x)$ . Выражение  $\sigma_{col}(x)$  для любой величины собирания заряда имеет вид [24]

$$\sigma_{col}(x) = \sqrt{E_{\gamma 0} \varepsilon_n \eta(x) (1 - \eta(x))}, \quad (3)$$

где  $\varepsilon_n$  — средняя энергия образования электронно-дырочной пары.

На рис. 1 приведены расчетные спектры согласно выражению (1) для монолинии изотопа Am<sup>241</sup> ( $E_{\gamma 0} = 59.57$  кэВ,  $k = 40$  см<sup>-1</sup>, шумы электроники  $\Delta E_{el} = 1.0$  кэВ) для CdTe детектора на основе однородного кристалла при различных соотношениях величин  $\lambda_e/\lambda_h$ . При этом использовано значение  $\lambda_e/d = 2$ , соответ-

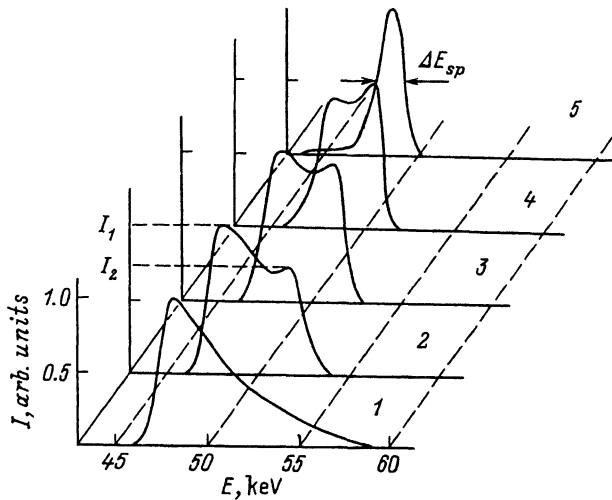


Рис. 1. Вид амплитудного спектра при различных отношениях длин пробега электронов и дырок  $\lambda_c/\lambda_b$  для монолинии изотопа  $\text{Am}^{241}$  при  $\lambda_c/d=2$ ,  $kd=6$ ,  $\Delta E_{el}=1$  кэВ.  $\lambda_c/\lambda_b$ : 1—0.1, 2—1.2, 3—1.6, 4—2.2, 5—5.0.  $\Delta E_{sp}$  — энергетическое разрешение детектора,  $I_1$ ,  $I_2$  — значения максимумов амплитудного спектра.

ствующее  $\eta(x) \approx 80\%$ , и величина  $kd=6$ , соответствующая  $d=1.5$  мм. Эти параметры часто встречаются для детекторов на основе  $\text{CdTe}$ ,  $\text{HgI}_2$  и других новых материалов [10, 17, 20, 21].

Из рис. 1 видно, что утвердившееся стремление увеличить и приблизить друг к другу значения  $\lambda_b$  и  $\lambda_c$  с целью улучшения энергетического разрешения [5, 7, 10, 14, 18, 21, 22] не всегда оправдано и может привести даже к обратному, т. е. к увеличению  $\Delta E_{sp}$  — ширины линии, а иногда и к раздвоению монолинии. Такая аномальность наиболее вероятна для детекторов со средними ( $\sim 25\text{--}90\%$ ) значениями эффективности сбора заряда и необоснованно объяснялась ранее только неоднородностями материала детектора.

Для установления критериев уширения спектральной линии рассмотрим подробнее причины возникновения сложного вида спектра при регистрации моноэнергетического излучения, сильно поглощающегося в детекторе.

Очевидно, что скорость счета  $I$  в амплитудном спектре в интервале энергий  $\Delta E$  при энергии  $E$  в первом приближении пропорциональна произведению величины плотности поглощения квантов  $e^{-kx}$  на длину участка  $\Delta x$ , эффективность сбора заряда  $E_{\gamma 0} \cdot \eta(x)$  с которого соответствует энергии  $E$  (рис. 2)

$$I \sim e^{-kx_1} \Delta x_1 + e^{-kx_2} \Delta x_2. \quad (4)$$

Для случая неоднородного поглощения квантов вторым членом в выражении (4) можно пренебречь, тогда

$$I \sim e^{-kx_1} \Delta x_1. \quad (5)$$

Из анализа вида функций  $e^{-kx}$ ,  $\eta(x)$  и  $\eta'(x)$ , так как

$$\Delta x \sim \frac{\Delta E}{E_{\gamma 0} \eta'(x)}, \quad (6)$$

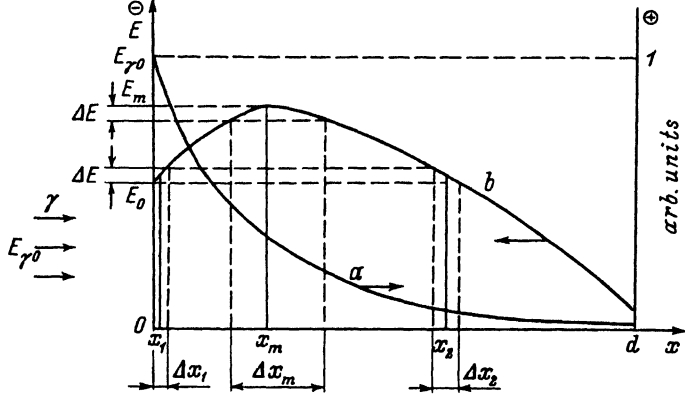


Рис. 2. Схематическое изображение детектора толщиной  $d$  с однородным электрическим полем и неоднородно поглощаемым потоком квантов с энергией  $E_{\gamma 0}$ , совмещенное с кривыми:  $a$  — поглощения  $\gamma$ -квантов в детекторе и  $b$  — эффективности собирания носителей заряда.

следует, что ответственными за особенности, и в том числе максимумы в амплитудном спектре, могут являться точки вблизи  $x=0$  и  $x=x_m$  (где  $x_m$  — координата максимума функции  $\eta(x)$ ), которые соответствуют энергиям  $E(0) = E_{\gamma 0}\eta(0)$  и  $E(x_m) = E_{\gamma 0}\eta(x_m)$ .

Так как функции  $\eta(x)$  и  $\eta'(x)$  в общем случае не имеют аналитического решения, для нахождения связи между  $\Delta x$  и  $\Delta E$  разложим в ряд Тейлора функцию  $\eta(x)$  и решим, ограничиваясь первыми ненулевыми членами, следующее уравнение:

$$E_{\gamma 0}\eta(x) + \Delta E = E_{\gamma 0}\eta(x) + E_{\gamma 0}\eta'(x)\Delta x + \frac{1}{2}E_{\gamma 0}\eta''(x)\Delta x^2 + \dots \quad (7)$$

Определив  $\Delta x_0$  и  $\Delta x_m$  и подставив в экспоненту выражения (5)  $\Delta x_0/2$  и  $x_m$ , а в  $\eta(x)$  — значения  $x=0$  и  $x=x_m$ , получаем, согласно (5)–(7), отношение скорости счета при  $E(x_m)$  и  $E(0)$  в виде

$$\frac{I(x_m)}{I(x_0)} = 2\sqrt{2} \exp \left[ \frac{kd}{\left(\frac{\lambda_e}{\lambda_b} + 1\right)} + \frac{kd\Delta E_{\Sigma}}{2E_{\gamma 0}\left(1 - e^{-\frac{d}{\lambda_e}}\right)} + \frac{d}{2\lambda_e} \frac{1}{\left(\frac{\lambda_b}{\lambda_e} + 1\right)} \right] \times \\ \times \sqrt{\frac{E_{\gamma 0}\lambda_e\left(1 - e^{-\frac{d}{\lambda_e}}\right)^2}{\Delta E_{\Sigma}d\left(\frac{\lambda_e}{\lambda_b} + 1\right) \cdot d}} \quad (8)$$

При выводе приближенного выражения (8), полученного для нахождения областей возможного существования спектра с двумя максимумами, значение  $\Delta E$  было выбрано равным  $\Delta E_{\Sigma} = 2.35\sigma_{\Sigma}(x)$  при подстановке в выражение (3) значения  $\eta = (\eta(0) + \eta(x_m))/2$ . Это, как будет показано ниже, хорошо соответствует значениям плотностей распределения спектров, полученных по полному выражению (1), в области значений  $I(x_m)/I(x_0)$  вблизи единицы.

Из условий вывода выражения (8) ясно, что энергетические спектры с двумя максимумами должны появляться при значениях  $I(x_m)/I(x_0) \sim 1$ . Однако существенное искажение спектра будет наблюдаться в более широкой области значений  $I(x_m)/I(x_0)$  в диапазоне  $0.5 \div 2$ .

Использование значений  $\Delta x_0/2$  и  $x_m$  в выражении (5) для определения количества актов поглощения квантов вместо усреднения по интервалам  $\Delta x_0$  и  $\Delta x_m$  приводит к ошибке в значениях  $I(x_m)$  и  $I(x_0)$  не более  $\sim 100\%$  даже при  $k\Delta x \approx 4$  и  $\sim 15\%$  при  $k\Delta x \approx 2$ . Ошибка же в значении  $I(x_m)/I(x_0)$  будет значительно меньше и в случае  $\Delta x_0 = \Delta x_m$  вообще будет равна нулю. Это соответствует, например,  $\Delta x \approx 1$  мм (CdTe,  $k = 40^{-1}$ ,  $E_{\gamma 0} = 60$  кэВ) и справедливо во многих практических случаях. При больших значениях  $k$  появляются другие ограничения. Таким образом, использование приближенного выражения вполне оправдано.

Ясно, что для образования спектров с двумя максимумами должно выполняться следующее условие:

$$0.1 < e^{-kx_m} < 0.9, \quad (9)$$

приводящее к

$$0.1 \left( \frac{\lambda_e}{\lambda_h} + 1 \right) < kd < 2.3 \left( \frac{\lambda_e}{\lambda_h} + 1 \right). \quad (10)$$

Следующим необходимым условием существования спектра с двумя максимумами является  $\Delta x_0 \leq \Delta x_m$  (рис. 2), означающее, что области  $\Delta x_0$  и  $\Delta x_m$ , где формируются максимумы  $E(x_0)$  и  $E(x_m)$ , перекрываются не более чем наполовину, и приводящее к условию

$$\frac{\Delta E_{\Sigma}}{E_{\gamma 0}} \leq \frac{1 - e^{-\frac{d}{\lambda_e}}}{\frac{\lambda_e}{\lambda_h} + 1}. \quad (11)$$

Также естественным необходимым условием существования двух максимумов является

$$\Delta E_{\Sigma} \leq E(x_m) - E(0), \quad (12)$$

приводящее к

$$\frac{\Delta E_{\Sigma}}{E_{\gamma 0}} \leq \frac{\lambda_e}{d} \left[ \left( 1 - e^{-\frac{d}{\lambda_e} \left( \frac{\lambda_h}{\lambda_e} + 1 \right)} \right) \left( \frac{\lambda_h}{\lambda_e} + 1 \right) - \left( 1 - e^{-\frac{d}{\lambda_e}} \right) \right]. \quad (13)$$

В таблице приведены максимальные значения  $\Delta E_{\Sigma}$  [полученные из выражения (13)], при которых могут наблюдаться спектры с двумя максимумами при различных значениях  $\lambda_e/d$  и  $\lambda_e/\lambda_h$  для линии 60 кэВ. Из таблицы следует, что, например, для  $\lambda_e/d \sim 1$  величина  $\Delta E_{\Sigma}$  должна быть меньше 9, 4, 3, 1.5 кэВ при  $\lambda_e/\lambda_h$ , равных 1, 3, 5, 10 соответственно.

Максимальные значения суммарных шумов ( $\Delta E_{\Sigma}$ ), выше которых на энергетическом спектре не будут проявляться два максимума

$\lambda_e/\lambda_h$	$\lambda_e/d$						
	0.1	0.25	0.5	1	2	4	10
1	5.92	11.13	11.99	9.29	5.83	3.34	1.43
3	1.98	4.21	5.1	4.25	2.78	1.66	0.7
5	1.2	2.61	3.26	2.78	1.84	1.11	0.47
10	0.6	1.33	1.7	1.48	0.99	0.63	0.26

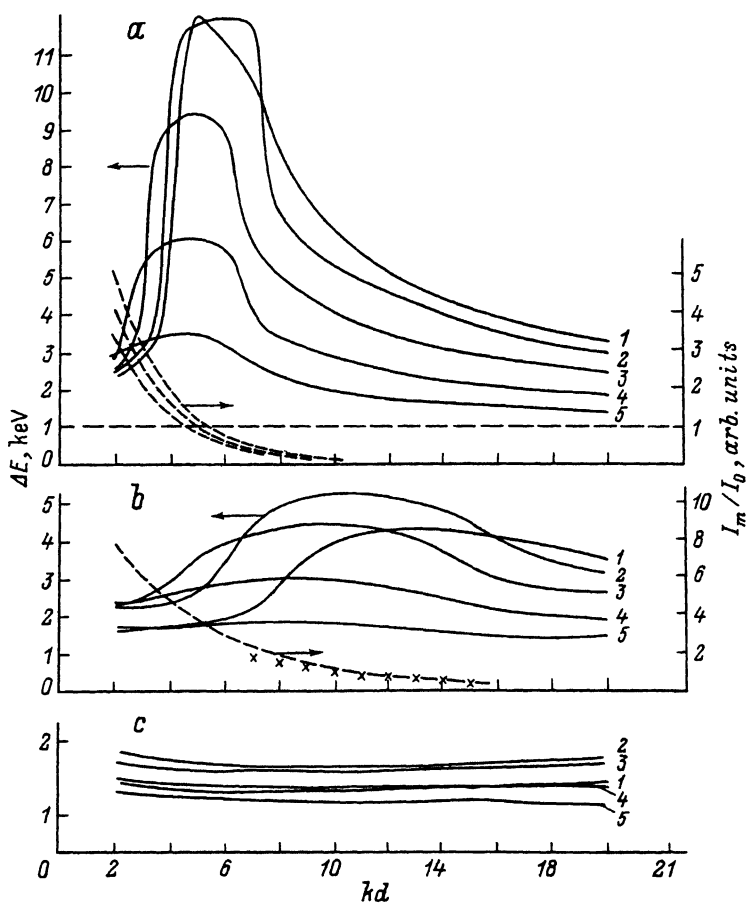


Рис. 3. Зависимость энергетического разрешения  $\Delta E_{sp}$  от параметра  $kd$  для  $\lambda_c/\lambda_h$  1 (а), 3 (б), 10 (с);  $E_{\gamma 0} = 60$  кэВ,  $\Delta E_{cd} = 1$  кэВ.  $\lambda_c/d$ : 1 — 0.25, 2 — 0.5, 3 — 1.0, 4 — 2.0, 5 — 4.0, что соответствует  $\eta$  (0) 25, 43, 63, 78, 88% соответственно. Штриховые кривые — зависимость  $I(x_m)/I(x_0)$  от  $kd$  для соответствующих сплошных кривых, крестики — проверочные точки для кривой 2', полученные из отношения максимумов  $I_2/I_1$  расчетных спектров.

Из анализа выражения (8) следует, что спектры с двумя максимумами не должны появляться как при больших значениях  $\Delta E_x$ , так и при стремлении  $\Delta E_x$  к нулю. Второе утверждение не столь очевидно и может быть качественно объяснено следующим образом. При стремлении  $\Delta E_x$  к нулю экспоненциальный член в выражении (5) будет стремиться к постоянной величине, и значение  $\Delta x$  устремится к нулю. В то же время значение  $(\Delta x_m/\Delta x) \sim (\sqrt{\Delta E_x})^{-1} \rightarrow \infty$ , что способствует появлению максимума при  $E(x_m)$ . В отличие от случая больших  $\Delta E_x$  эти спектры могут довольно сильно отличаться от гауссовых и в основном определяются видом функции  $\eta(x)$ . Нижней границей значения  $\Delta E_x$  является сумма шумов, связанных с флуктуациями сбора и генерации носителей заряда  $\Delta E_d = \sqrt{\Delta E_{col}^2 + \Delta E_{st}^2} = 2.35 \cdot \sqrt{\sigma_{col}^2(x) + \sigma_{st}^2}$ , и для энергии  $E_{\gamma 0} = 60$  кэВ соответствует  $\sim 0.4 \div 0.7$  кэВ в зависимости от значения  $\eta(x)$ . С учетом шумов электроники, сравнимых с  $\Delta E_d$ , нижней границей для  $\Delta E_x$  является величина  $\sim 0.5 \div 1.0$  кэВ.

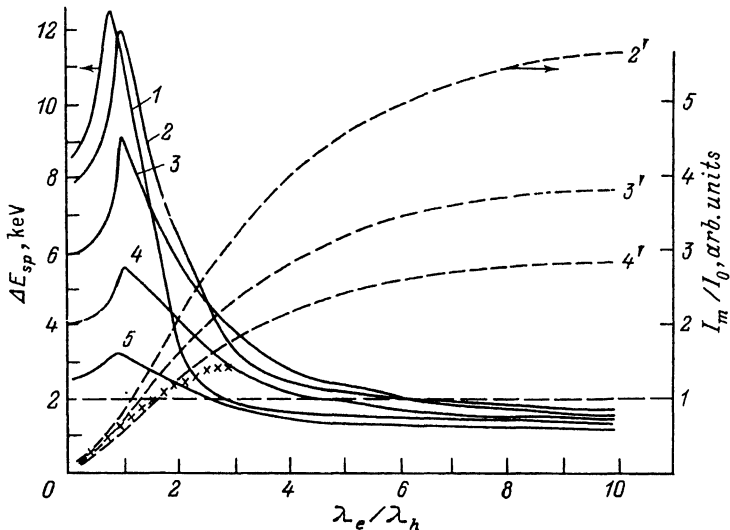


Рис. 4. Зависимость энергетического разрешения  $\Delta E_{sp}$  от параметра  $\lambda_e/\lambda_h$  для  $kd = 6$ ,  $E_{\gamma 0} \approx 60$  кэВ,  $\Delta E_{cl} = 1$  кэВ.  $\lambda_e/d$ : 1—0.25, 2—0.5, 3—1.0, 4—2.0, 5—4.0. Штриховая кривая — зависимость  $I(x_m)/I(x_0)$  от  $\lambda_e/\lambda_h$  для соответствующих сплошных кривых, крестики — проверочные точки для кривой 4', полученные из отношения максимумов  $I_2/I_1$  расчетных спектров.

Проведенные расчеты энергетического разрешения и отношения интенсивностей пиков в спектре для самых разных параметров собирания заряда и поглощения излучения в детекторе сведены в графики.

На рис. 3 приведены: зависимость энергетического разрешения  $\Delta E_{sp}$  детектора, полученная на основе расчета общего выражения (1) при различных  $\lambda_e/\lambda_h$  и  $\lambda_e/d$ ; зависимость отношения  $I(x_m)/I(x_0)$ , согласно выражению (8), для разных  $\lambda_e/\lambda_h$  и  $\lambda_e/d$ ; а также зависимость отношения максимумов в расчетных спектрах  $I_2/I_1$  от параметра  $kd$  ( $E_{\gamma 0} = 59.57$  кэВ,  $k = 40$  см $^{-1}$ ).

На рис. 4 представлены зависимости  $\Delta E_{sp}$ ,  $I(x_m)/I(x_0)$  и  $I_2/I_1$  для различных  $\lambda_e/d$  от параметра  $\lambda_e/\lambda_h$  при  $kd = 6$ .

На рис. 3, 4 видно хорошее совпадение значений  $I(x_m)/I(x_0)$ , пропорциональных отношениям площадей под максимумами (рис. 3, б, кривая 2' и рис. 4, кривая 4') и значений отношений амплитуд максимумов  $I_2/I_1$  (рис. 3, б и рис. 4, крестики), что подтверждает корректность приближений, сделанных при выводе выражения (8). Так, для спектров, изображенных на рис. 1, значения  $I(x_m)/I(x_0)$  и  $I_2/I_1$  составляют 0.65 и 0.72, 0.93 и 0.93, 1.13 и 1.32 соответственно для  $\lambda_e/\lambda_h$  1.2, 1.6, 2.2. Из рис. 1, 3, 4 видно, что эти значения особенно близки в случае примерно одинаковых амплитуд обоих максимумов, т. е. при  $I(x_m)/I(x_0) \sim 1$ .

На рис. 3, 4 видна хорошая корреляция между значениями  $kd$ ,  $\lambda_e/\lambda_h$  в области  $I(x_m)/I(x_0) \sim 1$  и максимумами значений  $\Delta E_{sp}$  при различных величинах  $\lambda_e/d$ . Слабую зависимость и отсутствие максимума значений  $\Delta E_{sp}$  при  $\lambda_e/\lambda_h = 10$  в диапазоне  $kd$  2—20 можно объяснить следующим образом. При больших значениях  $kd$  ( $\sim 20$ ) величина  $I(x_m)/I(x_0)$  незначительно отличается от единицы и равна 1.1, 1.3, 1.8 для  $\lambda_e/d$  2.0, 1.0, 0.5 соответственно, но при  $\lambda_e/d = 2.0$  не выполняется условие (13) (см. таблицу). Для  $\lambda_e/d$ , равного 1.0 и особенно 0.5, приближенное условие (13) выполняется, однако форма спектральной линии искажена незначительно и значение  $\Delta E_{sp}$  ( $\lambda_e/d = 1.0$ ), рассчитанное согласно (1), равно 1.73 кэВ при  $kd = 24$  ( $I(x_m)/I(x_0) = 1$ ) и слабо отличается от минимального  $\Delta E_{sp} = 1.6$  кэВ, что связано со значением  $kd$ , близким к граничному, сог-

наполюсую (10). При  $\lambda_e/d = 0.5$  величина  $kd$  возрастает и равна 28, что приводит к еще большему нарушению условия (10).

При уменьшении значения  $\Delta E_z$  происходит дальнейшее смещение по оси абсцисс точки  $I(x_m)/I(x_0) = 1$  и еще большее нарушение условия (10). Существующая слабая зависимость  $\Delta E_{sp}$  от  $kd$  при  $\lambda_e/\lambda_n = 10$  обусловлена эффектами второго порядка малости, не рассматриваемыми в данной работе.

Таким образом, для нахождения параметров детекторов, приводящих к существенному ухудшению энергетического разрешения, необходимо, используя рис. 3, 4 или выражение (8), найти значения  $kd$  и  $\lambda_e/\lambda_n$ , где величина  $I(x_m)/I(x_0) \sim 0.5 \pm 2$ , и проверить выполнение условий (10), (11), (13). Например, для энергии 60 кэВ при  $kd = 6$  опасной, с этой точки зрения, является область значений  $\lambda_e/\lambda_n$  0.5—5 (рис. 4) при  $\eta(0) \leq 90\%$ .

На рис. 3 четко видно, что в зависимости от параметров детектора могут существовать области значений  $kd$ , приводящие к ухудшению энергетического разрешения.

Из данных, приведенных на рис. 3, 4, следует, что существует вполне понятная общая тенденция улучшения энергетического разрешения детектора в абсолютных величинах с ростом величины  $\lambda_e/d$  при  $\lambda_e/d \geq 0.25$ . Некоторые отклонения от этой тенденции (рис. 3, а, кривые 1, 2 и рис. 4, кривые 1—3) вполне объяснимы.

Однако наиболее интересным выводом из данных, приведенных на рис. 3 и особенно на рис. 4, является тот, что (вопреки частым рекомендациям [3, 5, 7, 8, 10, 14, 16—18, 20—22]) абсолютное значение энергетического разрешения детектора заметно ухудшится при приближении  $\lambda_b$  к  $\lambda_e$ , особенно при средних эффективностях собирания заряда ( $\eta(0) \approx 25 + 90\%$ ). Так, при  $kd = 6$  и  $\lambda_e/d = 2$   $\Delta E_{sp} = 5.5$  и 1.5 кэВ для  $\lambda_b/\lambda_n = 1$  и 10 соответственно (рис. 4).

Отметим, что на рис. 3, 4 значения  $\Delta E_{sp}$  для наглядности приведены в абсолютных значениях для часто используемой монолинии  $E_{\gamma 0} = 59.57$  кэВ ( $\text{Am}^{241}$ ). Эти графики могут быть использованы [см. выражение (1)] для любой энергии  $E_\gamma$  при домножении значения  $\Delta E_{sp}$  на коэффициент  $E_\gamma/E_{\gamma 0}$  и при значении  $\Delta E_{el}/E_\gamma = 1/60$  (использовалось в данном расчете) для  $\Delta E_{el} \approx \sqrt{\Delta E_{col}^2 + \Delta E_{st}^2}$ .

Таким образом, в работе получено аналитическое выражение и установлены критерии для нахождения параметров детекторов, ухудшающих энергетический спектр; рассмотрены причины появления при регистрации моноэнергетического излучения сильной деформации энергетического спектра вплоть до образования двух максимумов и показано, что при приближении значений  $\lambda_b$  к  $\lambda_e$  возможно значительное ухудшение энергетического разрешения детектора. Эти процессы обусловлены неоднородным поглощением излучения в детекторе и никак не связаны с наличием микро- и макронеоднородностей в кристалле.

Результаты работы позволяют объяснить причины появления ранее непонятных сложных энергетических спектров и дают конкретные рекомендации по выбору параметров детекторов, изготавливаемых из различных материалов, с целью оптимизации амплитудного разрешения для необходимого диапазона энергии квантов.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- [1] R. Trammel, J. F. Walter. Nucl. Instr. Meth., 76, 317 (1969).
- [2] T. A. Mc Math, Martini. Nucl. Instr. Meth., 86, 245 (1970).
- [3] R. O. Bell. Nucl. Instr. Meth., 93, 341 (1971).
- [4] H. R. Zulliger, L. M. Middleman, D. W. Aitken. IEEE Trans., NS-16, 46 (1969).
- [5] T. Shoji, T. Taguchi, Y. Hiratate, Y. Inuishi. IEEE Trans. NS-26, 316 (1979).
- [6] J. Iwahczyk, A. J. Dabrowski. Nucl. Instr. Meth., 134, 505 (1976).
- [7] E. Frederick, A. Clapp, G. Entine, T. Harlett, J. S. Lund, F. Sinclair, M. R. Squillante. IEEE Trans. NS-34, 354 (1987).



- [8] J. S. Iwanczyk, W. F. Schnepfle, M. J. Masterson. Nucl. Instr. Meth. A, 322, 421 (1992).
- [9] А. А. Томасов, О. А. Матвеев, П. Г. Кашерининов. ФТП, 15, 2097 (1981).
- [10] W. Bencivelli, E. Bertolucci, V. Bottigli, A. Del Guerra, A. Messineo, W. R. Nelson, P. Randaccio, V. Rosso, P. Russo, A. Stefanin. Nucl. Instr. Meth. A, 310, 210 (1991).
- [11] M. Conti, A. Del Guerra, D. Mazzei, P. Russo, W. Bencivelli, E. Bertolucci, A. Messineo, V. Rosso, A. Stefanin, V. Bottigli, P. Randaccio, W. R. Nelson. Nucl. Instr. Meth. A, 322, 591 (1992).
- [12] С. Manfredotti, R. Marchiso, V. Nastasi. Nucl. Instr. Meth. A, 322, 331 (1992).
- [13] В. К. Еремин, Н. Б. Строкан, Н. И. Тиснек. ФТП, 9, 530 (1975).
- [14] Л. А. Алексеева, П. Г. Дорогов, В. Н. Иванов, А. Х. Хусаинов. ПТЭ, № 1, 54 (1985).
- [15] E. Raiskin, J. F. Butler. IEEE Trans., NS-35, N 1, 81 (1988).
- [16] M. Richter, P. Siffert. Nucl. Instr. Meth. A, 322, 529 (1992).
- [17] F. Olschner, K. S. Shah, J. C. Lund, J. Zhang, K. Daley, S. Medrick, M. R. Squillante. Nucl. Instr. Meth. A, 322, 504 (1992).
- [18] А. Кн. Khusainov, Nucl. Instr. Meth. A, 322, 335 (1992).
- [19] P. T. Randtke, C. Ortale. IEEE Trans., NS-24, 129 (1977).
- [20] F. Nava, C. Canali, M. Artuso, E. Gatti, F. Manfredi, S. F. Kozlov. IEEE Trans., NS-26, 309 (1979).
- [21] M. Roth. Nucl. Instr. Meth. A, 283, 291 (1989).
- [22] В. Equer. Nucl. Instr. Meth. A, 322, 457 (1992).
- [23] U. Fano. Phys. Rev., 72, 26 (1947).
- [24] О. А. Матвеев, А. А. Томасов. Дефектоскопия, № 8, 36 (1986).

Редактор В. В. Чалдышев

---