## 05;07 Магнитооптическое исследование нечетной составляющей кристаллического поля в тербий-иттрий алюминиевом гранате

© У.В. Валиев, Ј.В. Gruber, У.Р. Рустамов, К.С. Саидов, В.Ю. Соколов

Национальный универститет Узбекистана, Ташкент Physical Department, San-Jose State University, San-Jose, CA 9592-0106, USA.

Поступило в Редакцию 7 марта 2003 г. В окончательной редакции 20 мая 2003 г.

Исследованы спектры люминесценции и степени магнитной циркулярной поляризации люминесценции (МЦПЛ) в области излучательного 4f - 4f перехода  ${}^5D_4 \rightarrow {}^7F_6$  в ионе  $Tb^{3+}$  в матрице граната  $Y_3Al_5O_{12}$ . Из сопоставления опытных данных и теоретически рассчитанных спектров степени МЦПЛ определены параметры нечетной компоненты кристаллического поля, "снимающего запрет" по четности с 4f - 4f переходов в редкоземельном ионе  $Tb^{3+}$  в структуре граната. Приведены результаты расчетов энергетических спектров (и волновых функций) мультиплетов  ${}^5D_4$  и  ${}^7F_6$  иона  $Tb^{3+}$  в кристаллическом поле симметрии  $D_2$ .

Большой интерес, проявляемый в последнее время к оптическим исследованиям 4f-4f переходов в рездкоземельных (P3-) ионах в различных соединениях [1,2], вызван их возможным применением в качестве активных сред в лазерах видимого диапазона, функционирующих как в *ир*-конверсионной [3], так и в традиционной [4] системах оптической накачки.

Однако для большинства РЗ-ионов нечетная составляющая кристаллического поля (КП) в различных матрицах (включая парамагнитные гранаты), ответственная за примешивание возбужденных  $4f^{(n-1)}5d$  (или 5g и т.п.) конфигураций к основной  $4f^{(n)}$  и "снятие запрета" по четности для ряда актуальных в практических приложениях 4f - 4f переходов, фактически неизвестна, в отличие от хорошо установленной

7

четной составляющей КП, отвечающей за штарковское расщепление мультиплетов РЗ-иона [5,6]. Некоторые из параметров нечетного КП в гранатах вычислялись для РЗ-ионов Nd<sup>3+</sup> в рамках модели обменных зарядов [7] и находились для ионов Dy<sup>3+</sup> [8] и Yb<sup>3+</sup> [9] из сопоставления теоретически вычисленного распределения интенсивностей в оптических спектрах с данными эксперимента. Однако для РЗ-иона Tb<sup>3+</sup> в гранатах (и не только в них), несмотря на всю важность использования данных параметров для описания особенностей оптики 4f - 4f переходов, подобная задача вообще не ставилась.

Поэтому в данной работе впервые предпринята попытка непосредственного определения возможных количественных соотношений между коэффициентами разложения нечетной составляющей кристаллического потенциала по нечетным сферическим гармоникам —  $B_{tp}$  и параметров интенсивности 4f - 4f перехода —  $\Xi(t, \lambda)$  [7,9], вытекаюцих из сопоставления теоретически рассчитываемых спектров магнитной циркулярной поляризации люминесценции (МЦПЛ) для РЗ-ионов Tb<sup>3+</sup> в гранате Y<sub>3</sub>Al<sub>5</sub>O<sub>12</sub> (YAG) с опытными данными.<sup>1</sup> Несомненным преимуществом подобного метода определения параметров нечетного КП является относительная простота моделирования и расчета спектров степени МЦПЛ, что объясняется существенным уменьшением числа возможных оптических переходов, разрешаемых правилами отбора в PЗ-соединениях в магнитном поле H, в отличие от их оптических спектров.

Спектры степени МЦПЛ и люминесценции исследовались в окрестности излучательного перехода  ${}^{5}D_{4} \rightarrow {}^{7}F_{6}$  — "голубой" полосы флуоресценции граната  $Tb_{0.2}Y_{2.8}Al_{5}O_{12}$  со спектральным разрешением  $\approx 2 \text{ cm}^{-1}$  в области  $\sim 20400 \text{ cm}^{-1}$  при температурах T = 90 и 78 K соответственно, вдоль кристаллографического направления [001].

Как возбуждение, так и наблюдение люминесценции осуществлялось на "просвет" при продольном относительно распространения света намагничивании во внешнем поле  $H = 5 \text{ kOe} (H \parallel [001]$ -оси), при этом источником неполяризованного фотовозбуждения служила ртутная лампа с ультрафиолетовым фильтром. Измерение степени циркулярности вторичного свечения в магнитном поле — степени МЦПЛ  $P = \frac{l_{+}-l_{-}}{l_{+}+l_{-}}$ 

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Хорошо известно, что для РЗ-ионов (l = 3) число  $\lambda = 2, 4, 6$ , в то время как индексы разложения нечетной составляющей КП — t и p по сферическим гармоникам в группе симметрии  $D_2$  равны соответственно t = 3, 5, 7 и p = 2, 4, 6 (при t > p) [8,9].

9

(где  $I_{\pm}$  — интенсивности право- и левоциркулярно поляризованных компонент люминесценции), осуществлялось с использованием высокочувствительной методики модуляции поляризации вторичного свечения фотоупругим модулятором [10,11]. Погрешность в определении степени МЦПЛ составляла в центре линии люминесценции ~ 2–3% и возрастала на краях линии до ~ 5%.

Спектральные зависимости степени МЦПЛ и люминесценции граната  $Tb_{0.2}Y_{2.8}Al_5O_{12}$ , записанные при T = 90 и 78 K соответственно, приведены на рис. 1. Сопоставление спектров степени МЦПЛ и люминесценции (флюоресценции) показывает, что наблюдаемый спектр P(v), где v — волновое число (в cm<sup>-1</sup>), на линиях люминесценции – 3 и –4 представляет собой наклонные (линейные) зависимости в пределах соответствующих линий, обращающиеся в нуль в их центрах. В то же время сложная структура спектра степени МЦПЛ на близкорасположенных линиях вторичного свечения –6 и –7 образуется в результате наложения наклонных зависимостей P(v) в данной области энергий. Кроме того, наблюдаемое в опыте резкое сужение линий люминесценции при понижении температуры T от 300 до 78 K однозначно коррелирует со значительным возрастанием углов наклона спектральных зависимостей степени МЦПЛ на них при T = 90 K.

Отмеченные особенности поведения спектральных зависимостей степени МЦПЛ на излучательном переходе  ${}^{5}D_{4} \rightarrow {}^{7}F_{6}$  свойственны так называемому диамагнитному вкладу (*А*-член [12]) в МЦПЛ, характеризующемуся именно линейной зависимостью величины P(v) в пределах линии люминесценции (со сменой знака эффекта в ее центре). Угол наклона пропорционален "эффективному"<sup>2</sup> зеемановскому расщеплению  $\Delta E_{3cem}^{3\phi\phi}$ . вырожденных (дублетных [12]) либо "квазивырожденных" (квазидублетных [13]) состояний, комбинирующих в излучательном 4f - 4f переходе. При уменьшении ширины линии люминесценции угол наклона растет пропорционально  $1/\Gamma^2$  (где  $2\Gamma$  — ширина линии, определяемая при условии  $I = \frac{I_0}{2.72}$ , где  $I_0$  — интенсивность в центре линии) [12].

Поэтому найденная из экспериментальных данных, приведенных на рис. 1, удвоенная величина произведения угла наклона спектральной

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> "Эффективное" зеемановское расщепление дублета (квазидублета) в данном случае определяется произведением его магнитного момента  $\mu_g$  на величину внешнего поля H [14].



**Рис. 1.** Спектральная зависимость степени МЦПЛ излучательного перехода  ${}^{5}D_{4} \rightarrow {}^{7}F_{6}$  в Tb<sub>0.2</sub>Y<sub>2.8</sub>Al<sub>5</sub>O<sub>12</sub>, записанная при T = 90 K во внешнем поле H = 5 kOe, параллельном оси [001]. В нижней части рисунка приведен спектр люминесценции P3-иона Tb<sup>3+</sup> в гранате, записанный при T = 78 K.

зависимости степени МЦПЛ на линии -7 на квадрат ее полуширины —  $\Gamma^2$  при T = 90 К позволила определить величину "эффективного" зеемановского расщепления  $\Delta E_{3 \text{сем.}}^{3 \text{ф} \text{ф}} = 1.48 \text{ cm}^{-1}$  (при H = 5 kOe) квантовых состояний мультиплетов  ${}^5\text{D}_4$  и  ${}^7\text{F}_6$  иона  $\text{Tb}^{3+}$  в гранате, ответственных за возникновение *А*-члена степени МЦПЛ на ней ( $2\Gamma \cong 9.5 \text{ cm}^{-1}$ ).

Для интерпретации результатов магнитооптических и оптических и сследований излучательного перехода  ${}^5D_4 \rightarrow {}^7F_6$  нами были выполнены численные вычисления волновых функций и энергий штарковских подуровней мультиплетов  ${}^5D_4$  и  ${}^7F_6$  иона  $Tb^{3+}$ , занимающего одну из неэквивалентных позиций кристаллографической структуры граната YAG, характеризующейся группой симметрии  $D_2$ , с использованием полного гамильтониана КП:

$$\hat{H}_{\rm kp} = \sum_{k,q} B_{kq} (C_k^q + C_k^{-q}) + g_0 \mu_B \mathbf{HJ},$$
(1)

в котором для симметрии D<sub>2</sub> отличны от нуля девять параметров КП —  $B_{kq}(k = 2, 4, 6; q = 0, 2, 4, 6), C_k^q$  — неприводимые тензорные операторы [15],  $\mu_B$  — магнетон Бора,  $g_0 = 1.5$  — фактор Ланде мультиплетов <sup>7</sup>F<sub>6</sub> и <sup>5</sup>D<sub>4</sub>, **J** — оператор полного углового момента.

Классификация (по симметрии) рассчитанных штарковских энергетических подуровней мультиплетов и соответствующих им волновых функций, записанных в простом  $|J, M_J\rangle$  базисе, осуществлялась с использованием неприводимых представлений  $\Gamma_1$  (i = 1, 2, 3, 4) группы симметрии D<sub>2</sub> [6,14] (ориентация осей симметрии КП аналогична принятой в [13,15]). При численных расчетах в качестве исходных данных использовались набор параметров КП —  $B_{kq}$  из [5,6] и результаты оптических исследований тербий-иттриевых гранатов из [15].

Надежная идентификация наблюдаемых особенностей *А*-типа степени МЦПЛ (рис. 1) с излучательными переходами, происходящими между штарковскими подуровнями возбужденного  ${}^{5}D_{4}$  и основного  ${}^{7}F_{6}$ мультиплетов  $4f^{(9)}$ -конфигурации РЗ-иона Tb<sup>3+</sup> в YAG (рис. 2), может быть выполнена при рассмотрении правил отбора (по симметрии) для компонент дипольного момента оптических переходов, определяющих величину (и знак) *А*-члена степени МЦПЛ. Действительно, "диамагнитный" вклад в степень МЦПЛ некрамерсовского РЗ-иона (или *А*-член) обусловлен возникновением разрешенных (в электродипольном приближении) излучательных переходов типа "изолированный синглетквазидублет", и выражение для него может быть записано как [13]

$$P^{A} = \frac{1}{2} \mu_{B} H \frac{(\nu - \nu_{0})}{\Gamma^{2}} \left(\frac{A'}{D_{2}}\right)$$
(2)

в приближении гауссовского контура люминесценции  $I = I_0 \times \exp\left(\frac{\nu - \nu_0}{\Gamma}\right)^2$ .



**Рис. 2.** Схема излучательных переходов типа "синглет (квазидублет)– квазидублет", вносящих вклады в МЦПЛ парамагнитного граната  $Tb_{0.2}Y_{2.8}Al_5O_{12}$  на излучательном переходе  ${}^5D_4 \rightarrow {}^7F_6$ . Разрешенные излучательные переходы обозначены вертикальными стрелками.  $g_x$ ,  $g_y$ ,  $g_z$  рассчитанные в работе компоненты *g*-тензора квазидублетов относительно осей локальной системы координат РЗ-иона в структуре граната YAG. Рядом с каждым штарковским подуровнем приведена его энергия (в ст<sup>-1</sup>), отсчитываемая от самого нижнего (основного) состояния в мультиплете  ${}^7F_6$ . На вставке: зависимость отношения коэффициентов нечетной составляющей КП  $-B_{52}/B_{54}$  от порядкового номера РЗ-иона. При построении использованы данные работ [7–9].

Отношение  $A'/D_2$ , от которого зависит величина и знак A-члена степени МЦПЛ, с одной стороны, определяется магнитным моментом квазидублета —  $\mu_g$ , а с другой — пропорционально произведению матричных элементов излучательного перехода "синглет-квазидублет": электродипольных — со штарковского синглета в состояния квазидублета и магнитодипольного — между смешиваемыми внешним магнитным полем Н состояниями кваздублета.<sup>3</sup> Поэтому, используя известные правила отбора по симметрии для них [13,15] и вычисленные в настоящей работе энергии штарковских подуровней мультиплетов <sup>5</sup>D<sub>4</sub> и  ${}^{4}F_{6}$ , можно построить схему излучательных 4f - 4f переходов, ответственных за возникновение наблюдаемых особенностей спектра степени МЦПЛ граната Tb<sub>0.2</sub>Y<sub>2.8</sub>Al<sub>5</sub>O<sub>12</sub> в данном интервале энергий (рис. 2). Существенно отметить, что моделирование спектров степени МЦПЛ, помимо использования правил отбора, должно включать в себя суммирование вкладов от РЗ-ионов, находящихся в разных неэквивалентных позициях (с-местах) РЗ-подрешетки граната при переходе от локальной к кристаллической системе координат. В нашем случае оси -y и -z локальной системы координат РЗ-иона совпадают с кристаллографическими направлениями типа [110], а ось -х параллельна направлениям типа [100] кристалла граната [13,15]. При намагничивании кристалла вдоль оси [001] действующие (т.е. расщепляющие) магнитные поля в квазидублетах, характеризуемых  $g_x$ ,  $g_y$  и  $g_z$  компонентами g-тензора (описывающего анизотропию зеемановского расщепления в редкоземельных гранатах [14]), составляют соответственно:  $H_{\text{действ.}}^X = H$  и  $H_{\text{действ.}}^{Y,Z} = H/\sqrt{2}$ . Согласно результатам численных расчетов, "эффективное" зеемановское расщепление квазидублета  ${}^{7}F_{6}(\Gamma_{1}, \Gamma_{3})$  при энергии  $212 \,\mathrm{cm}^{-1}$ , равное  $\Delta E_{3eem}^{3\phi\phi} = 1.43 \text{ cm}^{-1}$  во внешнем поле H = 5 kOe (при  $H \parallel [001]$ -оси), определяется "изинговским" (т.е. резко анизотропным [14]) механизмом намагничивания РЗ-иона с магнитным моментом —  $\mu_g = 1/2 \cdot g_z \cdot \mu_B$  $(g_z = 17, 21; g_x, g_y \le 0.5),$ ориентированным вдоль оси -*z* локальной системы координат *с*-места. Отметим, что

$$A'/D_2 \sim 2\text{Im}\left\{\langle j|\hat{\mu}_z|k\rangle\langle a|\hat{P}_x|j\rangle\langle k|\hat{P}_y|a\rangle\right\},\tag{3}$$

где  $\hat{\mu}_z$  — оператор *z*-проекции магнитного момента квазидублета РЗ-иона;  $\hat{P}_x$ ,  $\hat{P}_y$  — компоненты оператора дипольного момента иона;  $|j\rangle$ ,  $|k\rangle$  — волновые функции штарковских синглетов, образующих квазидублет в мультиплете <sup>7</sup>F<sub>6</sub>;  $|a\rangle$  — волновая функция штарковского синглета возбужденного мультиплета <sup>5</sup>D<sub>4</sub>.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Согласно [13],

"изинговское" поведение *g*-тензора данного состояния в существенной степени связано с тем, что волновые функции квазидублета в хорошем приближении описываются "чистыми"  $|J, M_J\rangle$  состояниями:  $/\Gamma_1 > = -0.672 (/6, +6 > +/6, -6 >) + 0.129 (/6, +4 > +/6, -4 >) + + 0.083 (/6, +2 > +/6, -2 >)$  и  $/\Gamma_3 > = 0.696 (/6, +6 > -/6, -6 >) - -0.076 (/6, +4 > -/6, -4 >) - 0.038 (/6, +2 > -/6, -2 >).$  Хорошее соответствие по величине рассчитанных теоретически и найденных экспериментальных величин  $\Delta E_{3 \text{сем.}}^{3 \phi \phi}$  квазидублета <sup>7</sup>F<sub>6</sub>( $\Gamma_1$ ,  $\Gamma_3$ ) подтверждает корректность идентификации наблюдаемой особенности спектра степени МЦПЛ на линии -7 с излучательным переходом <sup>5</sup>D<sub>4</sub>( $\Gamma_4$ )  $\rightarrow$  <sup>7</sup>F<sub>6</sub>( $\Gamma_1$ ,  $\Gamma_3$ ).

С другой стороны, непосредственное вычисление отношения  $A'/D_2$ , выполненное для данного перехода с использованием теоретического подхода, базирующегося на теории Джадда-Офельта, развитого в [13], и рассчитанной нами волновой функции штарковского синглета  $^{5}D_{4}(\Gamma_{4}) - /\Gamma_{4} > = 0.637(/4, +1 > + /4, -1 >) - 0.302(/4, +3 > + /4, -3 >)$ показало, что согласие с экспериментальными данными может быть получено в случае, если параметры нечетного КП удовлетворяют следующим соотношениям:  $B_{32}\Xi(3, 4)/B_{52}\Xi(5.6) = -1.26$  и  $B_{54}/B_{52} =$ = 0.852. При этом расчеты матричных элементов 4f - 4f переходов, фигурирующих в выражении для  $A'/D_2$  (см. формулу (3)), были выполнены с учетом доминирующего вклада джаддовского механизма "подмешивания" нечетными компонентами КП состояний смешанной возбужденной  $4f^{n-1}5d$  (l'=2)к состояниям основной  $4f^n$  $Tb^{3+}$ (l = 3)конфигурации РЗ-иона при "снятии запрета" по четности с 4f - 4f переходов в первом порядке теории возмущений<sup>4</sup> (см. также [16]). Найденные нами соотношения между параметрами нечетного КП в Tb<sub>0.2</sub>Y<sub>2.8</sub>Al<sub>5</sub>O<sub>12</sub> позволяют объяснить распределение интенсивностей на линиях люминесценции -3 -7 при T = 78 K. Расчет квадратов матричных элементов и переходов  ${}^{5}D_{4}(\Gamma_{1}, \Gamma_{4}) \rightarrow {}^{7}F_{6}(\Gamma_{1}, \Gamma_{3})$  и  ${}^{5}D_{4}(\Gamma_{4}) \rightarrow {}^{7}F_{6}(\Gamma_{1}, \Gamma_{3})$  для линий -3 и -7 соответственно, выполненный с использованием рассчитанных в данной работе волновых функций квазидублета  ${}^{5}D_{4}(\Gamma_{4}, \Gamma_{1})$ :  $/\Gamma_{4} > = -0.643(/4, +3 > +/4, -3 >) - 0.305(/4, +1 > +)$ +/4, -1 >) и  $/\Gamma_1 >= 0.095(/4, +4 > +/4, -4 >) + 0.696(/4, +2 > +$ 

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Запрет по спину в переходе  ${}^{5}D_{4} \rightarrow {}^{7}F_{6}$  снимается во втором порядке спинорбитальным взаимодействием, "смешивающим" мультиплет  ${}^{5}D_{4}$  с состояниями терма  ${}^{7}D$  возбужденной конфигурации  $4f^{n-1}5d$  иона  $Tb^{3+}$  [14,16].

+/4, -2 >) + 0.114/0 >, показал, что их отношение при T = 78 К равно 4.1, в то время как найденное из опыта отношение сил осцилляторов (или площадей) линий люминесценции -3 и -7 друг к другу при той же температуре близко к 5.

Таким образом, найденные в данной работе величины отношений параметров нечетного КП позволяют, с одной стороны, дать непротиворечивое объяснение особенностям оптических и магнитооптических спектров РЗ-иона  $Tb^{3+}$  в гранате YAG, а с другой — подтверждают определенную закономерность в их поведении в зависимости от порядкового номера редкой земли. Действительно, если построить зависимость отношения коэффициентов нечетного КП —  $B_{52}/B_{54}$  от порядкового номера РЗ-иона (используя также результаты работ [7–9]), то хорошо видно, что данная зависимость достигает максимума в центре лантаноидного ряда (рис. 2). Поэтому доминирование ромбической составляющей  $B_{52}$  над кубической компонентой кристаллического потенциала  $B_{54}$  для РЗ-ионов  $Tb^{3+}$  и  $Dy^{3+}$  и объясняет, в принципе, "изинговский" характер поведения этих ионов (в отличие от ионов  $Nd^{3+}$  и  $Yb^{3+}$ ) в структуре граната YAG.

Полученные выше данные могут быть использованы при расчете относительных интенсивностей штарковских компонент полос люминесценции, связанных с излучательными переходами  ${}^{5}D_{4} \rightarrow {}^{7}F_{J}$  (где J = 6, 5), представляющих особый интерес при создании *ир*-конверсионных лазеров на тербий-иттрий алюминиевом гранате.

## Список литературы

- [1] Le Booulanger P., Doualan J.-L., Girard S. et al. // Phys. Rev. B. 1999. V. 60. N 16. P. 11 380–11 390.
- [2] Эдельман И.С., Малаховский А.В., Поцелуйко А.М. и др. // ФТТ. 2001. Т. 43.
  В. 6. С. 1004–1009.
- Brede R., Heumann E., Koetke J. et al. // Appl. Phys. Lett. 1993. V. 63. N 15. P. 2030–2031.
- [4] Sekita M., Miyazawa Y., Morita S. et al. // Appl. Phys. Lett. 1994. V. 65. N 19. P. 2380–2382.
- [5] Morrison C.A., Leavitt R.P. // Handbook on the Physics and Chemistry of Rare-Earth. North-Holland: Publ. Co., 1982. V. 5. P. 461–692.
- [6] Gruber J.B., Hills M.E., Macfarlane R.M. et al. // Phys. Rev. B. 1989. V. 40. N 14. P. 9464–9478.

- [7] Каминский А.А., Малкин Б.З., Бумагина Л.Л. // Изв. АН СССР. Сер. Физ. 1982. Т. 46. В. 3. С. 979–984.
- [8] Washimiya S. // J. Phys. Soc. Jap. 1969. V. 27. № 1. P. 56-66.
- [9] Колмакова Н.П., Копцик С.В., Кринчик Г.С. и др. // ФТТ. 1991. Т. 33. № 9. С. 2674–2681.
- [10] Richardson F.S., Reihl J.P. // Chem. Rev. 1977. V. 77. N 6. P. 773-792.
- [11] Валиев У.В., Асилов Т., Салюков Р.А. // ПТЭ. 1994. № 8. С. 87–92.
- [12] Запасский В.С., Феофилов П.П. // УФН. 1975. Т. 116. В. 1. С. 41–78.
- [13] Valiev U.V., Nekvasil V., Mukhamedhanova Sh.I. et al. // Phys. Stat. Sol. (b). 1999. V. 213. P. 493–501.
- [14] Звездин А.К., Матвеев В.М., Мухин А.А., Попов А.И. // Редкоземельные ионы в магнитоупорядоченных кристаллах. М.: Наука, 1985. 296 с.
- [15] Baurer R., Heber J., Mateika D. // Z. Phys. B (Condensed Matter.). 1986. Bd. 64. S. 201–210.
- [16] Валиев У.В., Клочков А.А., Москвин А.С. // ФТТ. 1992. Т. 34. № 2. С. 406–413; Judd B.R. // Phys. Rev. 1962. V. 127. № 2. Р. 750–761.