## 01;02 Фотоотрыв электронов из 1*s*-оболочки отрицательного иона лития

## © В.К. Иванов, К.В. Лапкин, М.А. Кулов

C.-Петербургский государственный политехнический университет E-mail: ivanov@tuexph.stu.neva.ru, const@tuexph.stu.neva.ru

## Поступило в Редакцию 17 марта 2003 г.

Представлены результаты вычислений сечения фотоотрыва электронов из 1*s*-оболочки отрицательного иона лития. Основное внимание уделяется изучению поведения сечения ионизации 1*s*-электрона на пороге и выше порога с одновременным возбуждением наружного 2*s*-электрона в дискретное состояние. Проводится сравнение с результатами расчетов в рамках метода *R*-матрицы (Phys. Rev. Lett. 2001. V. 87. P. 023001-1), предсказывающими необычно сильные резонансы в сечении, и с экспериментальными данными.

Недавние вычисления сечения фотоотрыва внутренних 1s-электронов от отрицательного иона Li- в рамках приближения R-матрицы [1] предсказали существование мощных резонансов как на пороге 1*s*-оболочки ( $\sim 40 \text{ Mb}$ ), так и выше порога 1*s*. Из числа последних наиболее сильный резонанс в сечении, достигающий ~ 20 Mb, связывался с процессом фотоотрыва 1s-электрона с одновременным возбуждением наружного 2s-электрона в 2p-состояние нейтрального лития. Поскольку резонансное поведение сечения фотоотрыва доминировало над фоновым в работах [1,2], была выдвинута идея, что физические процессы во внутренних оболочках отрицательных ионов существенно отличаются от аналогичных процессов в нейтральных атомах. Последующие за этими работами экспериментальные измерения сечения как в абсолютных [3], так и в относительных единицах [2] также получили ряд резонансов за порогом 1s-оболочки, однако их величины оказались существенно меньшими по сравнению с предсказываемыми. Более того, эксперимент показал отсутствие резонанса на пороге 1s-оболочки. Аналогичные результаты были получены для 2*p*-оболочки Na<sup>-</sup> [4].

Цель настоящей работы — провести вычисления сечения фотоотрыва 1*s*-электронов от отрицательного иона лития в окрестности порога ионизации в рамках теории многих тел [5,6], в частности рассмотреть

9

процесс 1*s*-ионизации с возбуждением наружного 2*s*-электрона в ближайшее возбужденное 2*p*-состояние нейтрального Li.

Итак, рассматриваются следующие два канала реакции в дипольном приближении:

$$\mathrm{Li}^{-}(1s^{2}2s^{2}) + \omega \to \mathrm{Li}^{*}(1s2s^{2}) + \varepsilon p, \qquad (1a)$$

$$\mathrm{Li}^{-}(1s^{2}2s^{2}) + \omega \to \mathrm{Li}^{*}(1s2s2p) + \varepsilon l', \tag{16}$$

где  $\omega$  — энергия фотона,  $\varepsilon$  — энергия электрона в сплошном спектре, l' соответствует *s*- и *d*-состояниям в сплошном спектре. Сечение обоих процессов может быть вычислено по обычным формулам (здесь и далее атомная система единиц:  $\hbar = e = m = 1$ , энергия — в Ридбергах, см., например, [5]):

$$\sigma_{nl\to\varepsilon l'}^{(r,\nabla)}(\omega) = \frac{4\pi^2 \alpha}{3} \frac{N_{nl}\omega}{2l+1} \left| D_{nl\to\varepsilon l'}^{(r,\nabla)} \right|^2, \tag{2}$$

где  $\alpha$ — постоянная тонкой структуры,  $N_{nl}$ — число электронов в состоянии nl,  $D_{nl \to \varepsilon l'}^{(r, \nabla)}$ — приведенная амплитуда фотоперехода  $nl \to \varepsilon l'$ , вычисленная с операторами "длины" или "скорости". Амплитуда  $D_{nl \to \varepsilon l'}^{(r, \nabla)}$  вычисляется с учетом многоэлектронных корреляций.

При вычислениях амплитуд и матричных элементов в качестве базисных используются Хартри–Фоковские (ХФ) волновые функции. Однако одноэлектронные ХФ энергии для основного состояния отрицательного иона лития ( $E_{1s} = -63.21 \text{ eV}$  и  $E_{2s} = -0.40 \text{ eV}$ ) существенно отличаются от экспериментальных энергий связи ( $E_{\exp 1s} = -56.9 \text{ eV}$  и  $E_{\exp 2s} = -0.618 \text{ eV}$ ) [3,7]. Для того чтобы подправить энергии связи и соответствующие волновые функции основного состояния, необходимо выйти за рамки приближения ХФ. В частности, точные одночастичные волновые функции  $\phi_E$  и энергии можно определить из интегрального уравнения, получающегося из уравнения Дайсона для одночастичной функции Грина [8]:

$$\hat{H}^{(0)}\phi_E(\mathbf{r}) + \int \Sigma_E(\mathbf{r}, \mathbf{r}')\phi_E(\mathbf{r}')d\mathbf{r}' = E\phi_E(\mathbf{r}).$$
(3)

Здесь  $\hat{H}^{(0)}$  — Хартри-Фоковский гамильтониан иона,  $\Sigma_E(\mathbf{r}, \mathbf{r}')$  — собственно-энергетическая часть одночастичной функции Грина, которая играет роль нелокального, зависящего от энергии потенциала.

В настоящей работе этот потенциал вычисляется во втором порядке теории возмущений, используя базис ХФ волновых функций. Матричный элемент  $\Sigma_E(\mathbf{r}, \mathbf{r}')$  части между состояниями *i* и *i'* в диаграммном представлении имеет вид:



где линия со стрелкой влево (вправо) соответствует дырке (частице), волнистая линия — кулоновскому взаимодействию. Первые два слагаемых представляют прямое и обменное взаимодействия для процессов "вперед во времени", а последующие два — то же для времяобращенных процессов. Суммирование и интегрирование ведется по всем промежуточным  $k_1$ ,  $k_2$  и  $k_3$  состояниям. Физически эти диаграммы описывают поляризацию электронов кора под влиянием рассматриваемого электрона. Аналитически матричный элемент (4) записывается в виде:

$$\langle i | \Sigma_E | i' \rangle = \left( \sum_{k_1 > F} \sum_{\substack{k_2 > F \\ k_3 \leqslant F}} + \sum_{\substack{k_1 \leqslant F \\ k_3 > F}} \sum_{\substack{k_2 \leqslant F \\ k_3 > F}} \right) \frac{\langle i, k_3 | \hat{U} | k_2, k_1 \rangle \langle k_1, k_2 | \hat{V} | k_3, i' \rangle}{E - E_{k_1} - E_{k_2} + E_{k_3} + i\delta(1 - 2n_{k_1})},$$
(5)

где  $\langle \hat{V} \rangle$  — кулоновский матричный элемент,  $\langle \hat{U} \rangle$  — комбинированный матричный элемент, включающий прямое и обменное взаимодействия [5],  $E_k$  — энергия состояния k,  $n_k$  — ступенчатая функция. Поляризационный потенциал вычислялся для 1*s*-и 2*s*-состояний Li<sup>-</sup>, при этом учитывались монопольные, дипольные, октупольные и квадрупольные члены в (5). Полученный потенциал подставлялся в уравнение Дайсона (3), и из его решения находились новые собственные волновые функции (дайсоновские орбитали) и энергии. Новые значения энергии для основного состояния оказались существенно ближе к экспериментальным значениям:  $E_{D1s} = -57.5 \, \text{eV}$  и  $E_{D2s} = -0.59 \, \text{eV}.$ 



**Рис. 1.** Сечение фотоотрыва 1*s*-электронов от отрицательного иона Li<sup>-</sup>. Расчет: I — в приближении ПСФО и 2 — ПСФО с дайсоновскими волновыми функциями основного состояния ( $E_{ph}$  — энергия фотона).

Дипольные амплитуды  $D_{1s \to \varepsilon p}^{(r, \nabla)}$  вычислялись в приближении случайных фаз с обменом (ПСФО) [5]:

$$\langle \varepsilon p | D(\omega) | 1s \rangle = \langle \varepsilon p | d | 1s \rangle + \sum_{\substack{k_3 \leqslant F \\ k_4 > F}} \left( \frac{\langle k_2 | \hat{D}(\omega) | k_1 \rangle \langle k_1, \varepsilon p | \hat{U} | k_2, 1s \rangle}{\omega - E_2 + E_1 + i\delta} - \frac{\langle k_1 | \hat{D}(\omega) | k_2 | \rangle \langle k_2, \varepsilon p | \hat{U} | k_1, 1s \rangle}{\omega + E_2 - E_1 - i\delta} \right),$$

$$(6)$$

где  $\langle d \rangle$  — дипольный матричный элемент в одночастичном приближении. Дипольные амплитуды  $D_{1s \to \varepsilon p}^{(r, \nabla)}$  вычислялись с двумя наборами волновых функций для основного состояния: с использованием ХФ орбиталей и дайсоновских орбиталей. Волновые функции возбужденных состояний сплошного спектра определялись в рамках ХФ приближения в замороженном остове.

Результаты расчетов сечения процесса (1а) в рамках ПСФО (рис. 1) показывают обычное поведение сечения фотоионизации на пороге

внутренней оболочки: небольшой максимум на пороге ионизации 1*s* и дальнейшее плавное падение сечения с ростом энергии кванта. Причем большой разницы, за исключением ожидаемого сдвига по энергии, в поведении сечения не наблюдается при использовании чисто ХФ базиса (ПСФО) и дайсоновских орбиталей для основного состояния отрицательного иона (ПСФО+Дайсон).

Для рассмотрения процесса фотоотрыва (16) с возбуждением  $2s \rightarrow 2p$  учитывались следующие диаграммы теории возмущений:



Здесь пунктирная линия соответствует налетающему фотону, блок при вершине учитывает корреляции ПСФО для амплитуды фотоэффекта. Первые две амплитуды описывают процесс ионизации, при котором фотоэлектрон выбивает (возбуждает) второй электрон, другие две — процесс "встряски".

Вычисление амплитуд (7) проводилось с использованием дайсоновских волновых функций для дырочных 1s- и 2s-состояний и с различным выбором волновых функций возбужденных состояний. Волновая функция возбужденного электрона в состоянии 2p не может быть получена в рамках приближения XB в замороженном остове Li<sup>-</sup>. Поэтому 2p-функция выбиралась из возбужденного состояния 1s2s2pнейтрального Li, вычисленного в самосогласованном приближении XФ.

Волновые функции вылетающего  $\varepsilon p$ -электрона в промежуточном состоянии амплитуд (7) были вычислены в рамках ХФ в двух случаях:



**Рис. 2.** Сечение фотоотрыва 1s-электронов Li<sup>-</sup>. Экспериментальные данные из работ [2,3]. Теоретические результаты: 1 - R-матрица [2];  $2 - \varepsilon s$ ,  $\varepsilon p$ ,  $\varepsilon d$  волновые функции в поле дайсоновского замороженного остова;  $3 - \varepsilon p$  функция в поле замороженного остова и перестроенные  $\varepsilon s$ ,  $\varepsilon d$  волновые функции в поле 1s2s2p Li (Положение теоретического порога 1s2s2p возбуждения сдвинуты на 0.5 eV); 4 -экспериментальные данные [3]; 5 -экспериментальные данные [2].

а — в поле замороженного остова основного состояния Li<sup>-</sup> с дыркой в 1*s*-оболочке (в поле дайсоновского остова  $1s2s^2$ ) и b — в поле полностью перестроенного  $1s2s^2$  остова [5]. В последнем случае вначале вычислялось самосогласованно в рамках XФ возбужденное состояние  $1s2s^2$ , а затем в его поле находились  $\varepsilon p$ -функции.

Волновые функции конечных  $\varepsilon s$ -,  $\varepsilon d$ -состояний также определялись двумя способами. В первом случае  $\varepsilon s$ -,  $\varepsilon d$ -функции были получены в поле дайсоновского замороженного остова с дыркой в 1*s*-оболочке. Другой подход заключался в рассмотрении этих волновых функций как волновых функций внешнего электрона, движущегося в поле конечного состояния 1s2s2p — полностью перестроенного остова.

Парциальное сечение фотоотрыва 1*s* с возбуждением (16) определяется по той же формуле (2), в которой вместо амплитуды  $D_{nl \to \ell l'}^{(r, \nabla)}$ 

подставляется амплитуда (7). Полное сечение фотоионизации представляет собой сумму двух парциальных сечений: сечения процесса (1а) — ПСФО + Дайсон и сечения процесса (1б) с фотоамплитудами (7).

Результаты вычислений полных сечений фотоотрыва 1*s*-электронов с различными волновыми функциями  $\varepsilon s$ ,  $\varepsilon p$ ,  $\varepsilon d$ -электронов в амплитудах (7) представлены на рис. 2.

Отметим два основных момента. 1. На пороге вычисленное в работе сечение не имеет мощного максимума, предсказанного в [1], и хорошо согласуется с экспериментально полученными данными [2,3]. 2. Все вычисления демонстрируют резонансное поведение сечения при энергиях фотона, соответствующих открытию канала (16):  $1s^22s^2 \rightarrow 1s2s2p\epsilon l$ . Полученные нами сечения имеют в максимуме существенно меньшее сечение, чем предсказано в работах [1,2] и численно лучше согласуются с экспериментом. Наилучшее согласие достигается при использовании волновых функций, полученных в рамках дайсоновского замороженного остова. Однако отметим, что эксперимент дает более острое и симметричное резонансное поведение сечения в окрестности возбуждения 2*p*-состояния, в то время как расчет дает результат ближе к обычной пороговой ступеньке в сечении. Очевидно, что для улучшения согласия с экспериментом необходимо выйти за рамки первого порядка теории возмущений и учесть влияние динамической поляризации остова на вылетающие фотоэлектроны, как это было сделано для основного состояния. Отметим также, что в целом многоэлектронные эффекты во внутренних оболочках отрицательных ионов проявляются сильнее, чем в нейтральных атомах.

Авторы выражают благодарность профессору М.Я. Амусья за обсуждение результатов работы.

Работа выполнена при поддержке гранта Министерства образования России (грант E02–3.2–267).

## Список литературы

- Zhou H.L., Manson S.T., VoKy L. et al. // Phys. Rev. Lett. 2001. V. 87 (2). 023001-1/4.
- [2] Berrah N., Bozek J.D., Wills A.A. et al. // Phys. Rev. Lett. 2001. V. 87 (25). 253002-1/4.
- [3] Kjeldsen H., Andersen P., Folkmann F. et al. // J. Phys. B: At. Mol. Opt. Phys. 2001.

- [4] Covington A.M., Agilar A., Daves V.T. et al. // J. Phys. B: At. Mol. Opt. Phys. 2001.
- [5] Амусья М.А. Атомный фотоэффект. М., 1987.
- [6] Ivanov V.K. // J. Phys. B: At. Mol. Opt. Phys. 1999. V. 32 (12). R67-R101.
- [7] Andersen T., Andersen H.H., Balling P. et al. // J. Phys. B: At. Mol. Opt. Phys. 1997. V. 30. P. 3317–3332.
- [8] Gribakin G.F., Gul'tsev B.V., Ivanov V.K. et al. // J. Phys. B: At. Mol. Opt. Phys. 1990. V. 23. P. 4505–4519.