# 03;07

# Влияние мощности лазерной накачки на сигнал ВКР–КАРС в сжатом водороде

### © Г.М. Михеев, А.Ю. Попов, Т.Н. Могилева

Институт прикладной механики УрО РАН, Ижевск E-mail: gmmikheev@udmnet.ru

#### Поступило в Редакцию 8 сентября 2006 г.

Для диагностики водорода в газовых смесях методом когерентного антистоксова рассеяния света (КАРС) с применением бигармонической накачки на основе вынужденного комбинационного рассеяния света (ВКР) исследовано влияние мощности лазерной накачки на сигнал ВКР–КАРС в сжатом водороде. Обнаружен сдвиг максимума сигнала рассеяния как функции давления газа в КАРС-кювете при увеличении лазерной мощности на входе ВКР-генератора. Полученный результат может объясняться изменением положения энергетических уровней, возникающим за счет существенного движения населенностей в процессе ВКР при больших мощностях лазерной накачки.

PACS: 42.65.Dr

Известно, что ВКР на колебательном переходе  $Q_{01}(1)$  в сжатом водороде сопровождается существенным перераспределением населенностей по колебательным состояниям [1]. При фокусировке излучения накачки  $\omega_p$  в кювету со сжатым водородом (ВКР-кювету) возникает генерация стоксовой компоненты рассеяния на частоте  $\omega_s$ , удовлетворяющей условию резонанса:

$$\omega_p - \omega_s = \Omega_{\rho 0},\tag{1}$$

где  $\Omega_{\rho 0}$  — частота колебательного перехода  $Q_{01}(1)$  при безразмерной плотности газа  $\rho = \rho_0$ , выражаемой в Amagat [2]. В результате происходит эффективное заселение верхнего колебательного уровня (V = 1), незаселенного первоначально. При достаточно мощной лазерной накачке возбуждается ВКР на переходе  $Q_{12}(1)$ , что приводит к неравновесному заселению следующего более высокого уровня V = 2 [3,4]. Изменение равновесного распределения населенностей, возникающее при ВКР, и большее значение поляризуемости молекул,

7

находящихся на более высоких колебательных уровнях [5], приводит к увеличению показателя преломления той области среды, через которую проходит пучок лазера. В результате может возбуждаться волноводное ВКР, которое в экспериментах проявляется в виде яркого конусного излучения на частоте  $\omega_s$  первой стоксовой компоненты рассеяния [6,7].

Другим более тонким эффектом, обусловленным перераспределением населенностей при ВКР, может явиться изменение положения энергетических уровней. В этом случае происходит смещение частоты  $\Omega_{\rho 0}$ молекулярных колебаний, что, в свою очередь, приводит к изменению разности  $\omega_p - \omega_s = \Omega_{ps}$  частотных компонент  $\omega_p$  и  $\omega_s$ . Лазерный пучок, содержащий эти компоненты рассеяния, может применяться в качестве бигармонической накачки при диагностике водорода в газовых смесях методом КАРС [8–12]. Очевидно, что возможные флуктуации частоты  $\Omega_{ps}$  при изменении мощности лазерной накачки на входе ВКРкюветы будут отрицательно влиять на результаты, получаемые при ВКР–КАРС диагностике водорода. Поэтому актуально обнаружение и исследование этого эффекта, что является целью данной работы.

Пусть бигармоническая накачка на частотах  $\omega_p$  и  $\omega_s$ , удовлетворяющая условию (1) и возникающая в ВКР-кювете при фиксированной плотности водорода  $\rho = \rho_0$ , фокусируется в другую кювету (КАРС-кювету) со сжатым водородом при плотности  $\rho$ . При этом под действием бигармонической накачки в КАРС-кювете возникает антистоксова компонента рассеяния на частоте  $\omega_a = 2\omega_p - \omega_s$ , интенсивность которой  $I_a$ , в пренебрежении нерезонансным вкладом, будет определяться следующим выражением [13,14]:

$$I_{a} = \left|\frac{1}{3} \cdot \Delta_{k}^{n} \cdot \frac{2\pi n_{\mathrm{H}_{2}}c^{4}}{h\omega_{s}^{4}} \cdot \frac{d\sigma}{do} \cdot \frac{1}{\Omega_{\rho} - (\omega_{p} - \omega_{s}) - i\Gamma_{\rho}}\right|^{2} \cdot l^{2} \cdot \frac{\sin^{2}\left(\frac{\Delta kl}{2}\right)}{\left(\frac{\Delta kl}{2}\right)^{2}} I_{p}^{2} I_{s},$$

$$(2)$$

где  $I_p$ ,  $I_s$  — интенсивности излучения на частотах  $\omega_p$  и  $\omega_s$  соответственно;  $\Omega_\rho$ ,  $\Gamma_\rho$  — частота колебательного перехода  $Q_{01}(1)$  и полуширина линии комбинационно-активного перехода, определяемая на половинном уровне, при плотности газа  $\rho$  соответственно;  $n_{\rm H_2}$  — концентрация молекул;  $\Delta_k^n$  — разность населенностей уровней;  $d\sigma/do$  — молекулярное сечение спонтанного комбинационного рассеяния света на указанном переходе;  $\Delta k$  — волновая расстройка,  $\Delta k = k_a + k_s - 2k_p$ ,  $k_a$ ,  $k_s$ ,  $k_p$  волновые вектора частотных компонент  $\omega_a$ ,  $\omega_s$ ,  $\omega_p$  соответственно; l длина взаимодействия. Волновая расстройка может быть рассчитана из

известной зависимости показателя преломления водорода от длины волны и определяется следующим образом:  $\Delta k = 0.168\rho/l_0$ , где  $l_0 = 1$  сm. Заметим, что  $I_a = \varepsilon_a/\tau_a$ , где  $\varepsilon_a$  и  $\tau_a$  — энергия и длительность импульса излучения на антистоксовой частоте  $\omega_a$  соответственно. Известно, что величины  $\Gamma_{\rho}$  и  $\Omega_{\rho}$  для газообразного водорода зависят от его плотности  $\rho$  следующим образом [2]:

$$\frac{2\Gamma_{\rho}}{2\pi} = \frac{a}{\rho} + b\rho, \qquad (3)$$

$$\frac{\Omega_{\rho}}{2\pi} = \frac{\Omega_0}{2\pi} - c\rho, \qquad (4)$$

где  $a = 309 \text{ MHz} \cdot \text{Amagat}$ , b = 52.2 MHz/Amagat, c = 96 MHz/Amagat при температуре 298 K,  $\Omega_0$  — частота перехода  $Q_{01}(1)$  при нулевой плотности газа. При заданных интенсивностях  $I_p$  и  $I_s$  выражение (2) с учетом (1), (3) и (4) можно привести к следующему виду:

$$\varepsilon_a = \frac{D\sin^2(d\rho)}{\left[\frac{a}{2\rho} + \frac{b\rho}{2}\right]^2 + c^2(\rho_0 - \rho)^2},\tag{5}$$

где  $d = 0.084 l/l_0$ , D — коэффициент, имеющий размерность.

экспериментах излучение одномодового В одночастотного YAG:Nd<sup>3+</sup>-лазера с пассивной модуляцией добротности [15] после преобразования во вторую гармонику (при радиусе пучка w около 1 mm) фокусировалось в ВКР-кювету ( $L_1 = 0.86$  m) с газообразным водородом при плотности  $\rho_0 = 7.9 \,\mathrm{Amagat}$  с помощью линзы  $(F_1 = 0.66 \text{ m})$ . Энергия  $\varepsilon_p$  лазерных импульсов  $(\tau_p = 16 \text{ ns})$  на входе ВКР-кюветы менялась с помощью нейтральных фильтров. Бигармоническая лазерная накачка ( $\lambda_p = 532 \text{ nm}, \lambda_s = 683 \text{ nm}$ ), возникающая в ВКР-кювете (после коллимирования, а также ослабления более чем в 10 раз и частотной селекции от антистоксовых и высших стоксовых компонент рассеяния), с помощью другой линзы  $(F_2 = 0.18 \text{ m})$  фокусировалась в центр КАРС-кюветы  $(L_2 = 0.2 \text{ m})$  со сжатым водородом. Энергия импульса  $\varepsilon_a$  антистоксовой компоненты рассеяния (длина волны  $\lambda_a = 435.7 \text{ nm}$ ), возникающая в КАРС-кювете, после коллимирования и выделения с помощью диспергирующей призмы регистрировалась с помощью фотодиода и многоканальной системы регистрации лазерных импульсов [11].



**Рис. 1.** Экспериментальные зависимости энергии импульса  $\varepsilon_a$  излучения антистоксовой компоненты рассеяния на выходе КАРС-кюветы от плотности газа  $\rho$  при плотности водорода в ВКР-кювете  $\rho_0 = 7.9$  Атадат и аппроксимирующие их кривые по формуле (5) для импульсной энергии излучения накачки на входе ВКР-кюветы  $\varepsilon_{p1} = 4.3$  mJ (•, кривая l),  $\varepsilon_{p2} = 7.4$  mJ ( $\Delta$ , кривая 2),  $\varepsilon_{p3} = 11.4$  mJ ( $\blacksquare$ , кривые 3, 4) (кривая 4 получена в результате аппроксимации с помощью четырех подгоночных параметров с учетом уширения частотного спектра бигармонической накачки), а также рассчитанная теоретическая зависимость  $\varepsilon_a$  от  $\rho$  (кривая 5) при  $\rho_0 = 7.9$  Атадат и длине взаимодействия  $l = l_{eff} = 1.7$  ст.

В экспериментах для заданной плотности водорода в ВКР-кювете  $\rho_0$  при различных фиксированных значениях  $\varepsilon_p$  исследовались зависимости  $\varepsilon_a$  от плотности газа  $\rho$  в КАРС-кювете. На рис. 1 показаны экспериментальные зависимости  $\varepsilon_a(\rho)$  ( $\rho_0 = 7.9$  Amagat), полученные



Рис. 1 (продолжение).

при  $\varepsilon_{pi}$  (где i = 1, 2, 3) после соответствующего нормирования на максимальные значения. Необходимо отметить, что для данной геометрии эксперимента и плотности водорода в ВКР-кювете импульсная энергия  $\varepsilon_{p1} = 4.3$  mJ превосходит порог возбуждения вынужденного рассеяния не более чем на десять процентов. Видно, что максимумы представленных зависимостей смещены относительно друг друга по оси  $\rho$ , причем чем больше энергия импульса лазерной накачки  $\varepsilon_{pi}$ , тем сильнее выражено смещение максимума соответствующей зависимости  $\varepsilon_a(\rho)$  влево. Такая закономерность справедлива и для экспериментальных зависимостей, полученных при других значениях  $\rho_0$ . Необходимо



**Рис. 2.** Экспериментальные зависимости энергии импульса  $\varepsilon_a$  излучения антистоксовой компоненты рассеяния на выходе КАРС-кюветы от плотности газа  $\rho$  в ней при  $\rho_0 = 7.9$  Amagat,  $\varepsilon_{p3} = 11.4$  mJ без дополнительного ослабления компонент бигармонической лазерной накачки на входе КАРС-кюветы (кривая *I*) и с дополнительным ослаблением их в 1.3 раза (кривая *2*), 1.7 раза (кривая *3*).

отметить, что при тех же условиях эксперимента дополнительное ослабление мощности бигармонической лазерной накачки на входе КАРС-кюветы не приводит к сдвигу положения максимумов в зависимостях  $\varepsilon_a(\rho)$  (рис. 2). Все это указывает на то, что частоты компонент бигармонической лазерной накачки  $\omega_p$  и  $\omega_s$ , возникающей в ВКР-кювете, могут не удовлетворять условию (1).

Можно показать, что в ВКР-кювете генерация бигармонической накачки происходит с частотой  $\Omega_{ps}$ , большей чем  $\Omega_{\rho 0}$ . Для этого проведем аппроксимацию каждой экспериментальной зависимости, представленной на рис. 1, целевой функцией (5) для поиска трех неизвестных параметров  $D, \rho_0, l.$  В результате можно получить следующие значения:  $\rho_{01} = 6.0$  Amagat,  $\rho_{02} = 5.7$  Amagat,  $\rho_{03} = 4.3$  Amagat и  $l_1 = 1.5$  сm,  $l_2 = 1.7 \, {
m cm}, \ l_3 = 0.06 \, {
m cm}$  для экспериментальных зависимостей  $\varepsilon_a(\rho)$ при  $\varepsilon_{p1} = 4.3 \text{ mJ}, \ \varepsilon_{p2} = 7.4 \text{ mJ}, \ \varepsilon_{p3} = 11.4 \text{ mJ}$  соответственно. Примечательно, что найденные значения параметра длины взаимодействия l<sub>1</sub> и l<sub>2</sub> для первых двух зависимостей близки друг другу и совпадают с рассчитанным значением длины перетяжки  $l_{eff} = 1.7 \text{ cm} (l_{eff} = 2 \times \Delta z)$ , где  $\Delta z = F_2^2 \lambda_p / 2w^2$ ) сфокусированного излучения в КАРС-кювету. На рис. 2 представлены кривые аппроксимирующих функций. Из них видно, что экспериментальная зависимость  $\varepsilon_a(\rho)$  ( $\varepsilon_{p3} = 11.4 \text{ mJ}$ ) неудовлетворительно описывается целевой функцией (5) (кривая 3, рис. 1) при параметрах  $\rho_{03} = 4.3$  Amagat,  $l_3 = 0.06$  cm. Это можно объяснить некоторым увеличением ширины линии стоксовой компоненты рассеяния при больших мощностях лазерной накачки. Введение четвертого подгоночного параметра  $\Delta \omega_{\scriptscriptstyle DS}^2$ , учитывающего это уширение в виде дополнительного слагаемого в знаменатель выражения (5), позволяет найти другую аппроксимирующую функцию (кривая 4, рис. 1) с новыми параметрами  $\rho_{03}^* = 2.5$  Amagat,  $l_3^* = 2.2$  cm,  $\Delta \omega_{ps} = 293$  MHz, которая удовлетворительно описывает экспериментальную зависимость, полученную при  $\varepsilon_{p3} = 11.4 \text{ mJ}$ . Знание параметра  $l_{eff}$  позволяет построить график теоретической зависимости  $\varepsilon_a(\rho)$  по формуле (5) для  $\rho_0 = 7.9$  Amagat (рис. 1, кривая 5). Видно, что этот график теоретической зависимости находится правее (по оси  $\rho$ ) от всех экспериментально полученных зависимостей. Кроме того, найденные при аппроксимации значения параметров  $\rho_{0i}$  подчиняются следующей закономерности:  $\rho_{03}^* < \rho_{02} < \rho_{01} < \rho_0$ . Это означает, что увеличение  $\varepsilon_p$  как бы сопровождается некоторым уменьшением плотности газа. В соответствии с (4) меньшей плотности газа соответствует большая частота колебательного перехода. Поэтому, поскольку в наших экспериментах плотность газа  $\rho_0$ в ВКР-кювете фиксирована, то из вышесказанного можно сделать вывод о том, что при увеличении  $\varepsilon_p$  происходит некоторое возрастание энергии колебательного перехода, смещение которой при  $\varepsilon_{p3} = 11.4 \, \mathrm{mJ}$ составляет около  $1.7 \cdot 10^{-2} \, {\rm cm}^{-1}$ . Все это находится в качественном

согласии с результатами работы [16] по исследованию динамики спектра обратного ВКР.

Смещение частоты колебательного перехода вверх не может быть связано с оптическим эффектом Штарка [17], который приводит не к увеличению, а к уменьшению частоты перехода при достаточно больших мощностях лазерного излучения. Одним из возможных объяснений смещения частоты колебательного перехода вверх является появление значительного количества колебательно-возбужденных молекул (инородных частиц), приводящих к изменению характера столкновений между молекулами, следовательно, и к смещению положения энергетических уровней. Теоретический расчет смещения, обусловленного указанным механизмом, является предметом отдельной работы.

Таким образом, в данной работе экспериментально показано, что при ВКР-КАРС диагностике водорода в газовых смесях изменение мощности лазерной накачки на входе ВКР-генератора может заметно влиять на уровень измеряемого сигнала, что накладывает определенные требования на стабильность лазерной накачки по мощности. Полученные результаты могут быть объяснены смещением частоты ВКР-бигармонической накачки, возникающим при больших мощностях лазерной накачки на входе ВКР-генератора.

Авторы весьма признательны Д.Г. Калюжному за помощь при проведении экспериментов.

Работа выполнена при финансовой помощи РФФИ (проект № 04-02-96011).

## Список литературы

- [1] DeMartini F., Ducuing J. // Phys. Rev. Lett. 1966. V. 17. N 3. P. 117-119.
- [2] Bischel W.K., Dyer M.J. // Phys. Rev. A. 1986. V. 33. P. 3113-3123.
- [3] Венкин Г.В., Михеев Г.М. // Квантовая электроника. 1985. Т. 12. № 2. С. 394– 397.
- [4] Михеев Г.М. // Квантовая электроника. 1999. Т. 27. № 1. С. 59-64.
- [5] Дерюгин А.А., Кочетов И.В., Малинкевич Ю.Л., Напартович А.П. // Журнал прикладной спектроскопии. 1990. Т. 53. № 5. С. 793–800.
- [6] Ильинский Ю.А., Михеев Г.М. // Письма в ЖЭТФ. 1991. Т. 53. В. 8. С. 397– 399.
- [7] Ильинский Ю.А., Михеев Г.М. // ЖЭТФ. 1992. Т. 101. В. 5. С. 1445-1454.

- [9] Михеев Г.М., Могилева Т.Н. // Квантовая электроника. 1996. Т. 23. № 10. С. 943–946.
- [10] Oki Yuji, Kawada Noriyuki, Abe Yoshiteru, Maeda Mitsuo // Opt. Commun. 1999. V. 161. P. 57–62.
- [11] Михеев Г.М., Могилева Т.Н., Попов А.Ю., Калюжный Д.Г. // ПТЭ. 2003. № 2. С. 101–107.
- [12] Михеев Г.М., Калюжный Д.Г., Попов А.Ю. // Письма в ЖТФ. 2003. Т. 29.
   В. 24. С. 61–68.
- [13] Бункин А.Ф., Коротеев Н.И. // УФН. 1981. Т. 134. В. 1. С. 93–123.
- [14] Hall R.J., Eckbreth A.C. // Laser applications. 1984. V. 5. P. 213–309.
- [15] *Михеев Г.М., Малеев Д.И., Могилева Т.Н.* // Квантовая электроника. 1992. Т. 19. № 1. С. 45–47.
- [16] Беспалов В.Г., Ефимов Ю.Н., Стаселько Д.И. // Оптика и спектроскопия. 1997. Т. 82. № 5. С. 734–738.
- [17] Rahn L.A., Farrow R.L., Koszykowski, Mattern P.L. // Phys. Rev. Lett. 1980.
   V. 45. P. 620–623.