## 05 Расчет параметров фазового распада сплава НТ-50 по кинетическим зависимостям внутреннего трения

## © В.М. Аржавитин

Национальный научный центр "Харьковский физико-технический институт", Украина E-mail: vasil@kipt.kharkov.ua (TO: AR)

## Поступило в Редакцию 24 декабря 2003 г.

Получено аналитическое выражение для временной зависимости внутреннего трения  $Q^{-1}(t)$  в изотермически стареющем сплаве Nb-48.5 ± 1.5 wt.% Ti. Численный анализ аномалий  $Q^{-1}(t)$  показал, что в течение первых трех часов отжигов (300 и 375°C) этого сплава  $\alpha$ -фаза Ti выделяется в одну стадию без участия промежуточных  $\alpha'$ -,  $\alpha''$ -,  $\omega$ -фаз. По экспериментальным кривым  $Q^{-1}(t)$  оценены значения параметров K и n кинетического уравнения Аврами, описывающего процесс выпадения  $\alpha$ -Ti.

Ниобий-титановые сплавы состава Nb- $48.5 \pm 1.5$  wt.% Ti с техническим названием НТ-50 обладают достаточной пластичностью для получения проводов. Этот материал наиболее часто используется для изготовления сверхпроводящих соленоидов. Провода из НТ-50 производятся в ряде стран серийно. В сплавах на основе Nb-Ti токонесущая структура формируется в результате диффузионного распада пересыщенного твердого раствора. Принято считать, что критическая плотность тока Nb-Ti сплавов преимущественно обусловлена выделениями  $\alpha$ -Ті вследствие термомеханической обработки. Кинетика образования α-Ті в HT-50 подробно исследована электронно-микроскопическими и другими методами при практически значимых временах отжига  $(\geq 10 h)$ , когда новые  $\alpha$ -частицы почти не образуются, а происходит диффузионный рост уже существующих выделений [1]. Напротив, при малых временах изотермических отжигов ( $\sim 1 h$ ) кинетика  $\alpha$ -выделений изучена недостаточно. Это вызвано тем, что в течение первых часов выделения в HT-50 очень мелкодисперсны и трудно поддаются идентификации. Оказалось, что проблему "первых часов" для НТ-50 удобнее

35



**Рис. 1.** Экспериментальные 1, 3 и расчетные 2, 4 временны́е зависимости внутреннего трения в литом 1, 2 и холоднодеформированном 3, 4 сплавах HT-50 при различных температурах изотермических выдержек: 1, 2 —  $375^{\circ}$ C [2]; 3, 4 —  $300^{\circ}$ C.

решать с помощью методики внутреннего трения [2] в силу ее высокой чувствительности к некогерентным и полукогерентным выделениям. Если же выделения полностью когерентны, то чувствительность метода невелика.

Было обнаружено, что при изотермической выдержке  $(375^{\circ}C)$  в литых образцах HT-50 [2] монотонно уменьшающееся внутреннее трение  $Q^{-1}(t)$  скачкообразно падает вниз после  $t \approx 90$  min измерения методом затухающих крутильных колебаний (рис. 1, кривая *I*). Тем же методом "скачок" внутреннего трения, по форме подобный "скачку", изображенному на рис. 1 (кривая *I*), был обнаружен Дийкстрой [3] при изотермической выдержке ниже 250°C пересыщенного раствора азота в  $\alpha$ -Fe. Металлографический анализ показал, что при распаде железо-

азотистого сплава выделение стабильного нитрида Fe<sub>4</sub>N протекает в две последовательные стадии с образованием промежуточного, менее устойчивого нитрида Fe<sub>8</sub>N. По аналогии с результатами Дийкстры предполагалось [2], что в объеме стареющего сплава HT-50 тоже происходит двухстадийное выделение  $\alpha$ -Ti через образование неких промежуточных (метастабильных) фаз, вероятно обогащенных титаном  $\alpha'$ -,  $\alpha''$ - или  $\omega$ -фаз. Отсутствующие на равновесных диаграммах состояния Nb-Ti фазы  $\alpha'$ ,  $\alpha'''$  и  $\omega$  были обнаружены рентгеноспектральным методом в закаленных от 1000°C двойных сплавах Nb-Ti с содержанием ниобия менее 32 wt.% [4]. В настоящей работе обсуждается механизм зависящего от времени внутреннего трения  $Q^{-1}(t)$ , в котором образование неравновесных фаз в стареющем сплаве HT-50 не является необходимым условием. Вместе с тем появляется возможность для проведения количественного анализа экспериментальных зависимостей  $Q^{-1}(t)$  в HT-50.

В работе [5] для изотермически стареющих сплавов предложен микроскопический (атомарный) механизм высокотемпературного внутреннего трения. Предполагается, что возникновение новой фазы вещества начинается термофлуктуационным зарождением центров роста (зародышей) критических размеров и последующим их диффузионным ростом. Внешнее напряжение  $\sigma(t)$  меняет энергию активации образования зародышей с U(0) на  $U(\sigma) = U(0) - ve\sigma(t)$ , где  $ve\sigma$  — работа внешнего гармонического напряжения, затраченная на образование зародыша; v — эффективный объем критического зародыша; e — относительное изменение параметра решетки в точке фазового превращения. Из-за отклонения количества зародышей от равновесного их значения уравнение для низкочастотного внутреннего трения будет

$$2\pi Q^{-1} = \frac{G}{f} \cdot \frac{v e^2 V}{k T V_0},\tag{1}$$

где G — модуль упругости материала; f — частота вынужденных колебаний; k — постоянная Больцмана;  $V_0$  — общий объем материала; V — превращенный объем материала на текущий момент времени. В термофлуктуационном механизме внутреннего трения деформирующее напряжение  $\sigma \ll \sigma_{0.2}$  значительно меньше условного предела текучести сплавов и поэтому влияние средств измерения на кинетику фазового распада будет пренебрежимо малым.

При анализе кинетики полиморфных превращений, прерывистых выделений, эвтектоидного распада чаще всего используется уравнение Аврами [6,7]

$$V = V_0 \lfloor 1 - \exp(-Kt^n) \rfloor, \tag{2}$$

в котором K и n — параметры исследуемого процесса. Уравнение (2) описывает при n = 1 зарождение на границах зерен после исчерпания мест зарождения, при n = 2 зарождение на ребрах зерен после исчерпания мест зарождения, при  $3 \le n \le 4$  случай убывающей скорости зарождения. Величине n > 4 отвечает распад с возрастающей скоростью зарождения фаз. В принципе, одностадийное выделение одной и той же фазы (например,  $\alpha$ -Ti) может характеризоваться различными парами чисел K и n.

С учетом кинетического уравнения Аврами (2) формула (1) для термофлуктуационного внутреннего трения сводится к математической форме:

$$Q^{-1}(t) = c K n t^{n-1} \exp(-K t^n),$$
(3)

где  $c = ve^2G/2\pi f kT$  = const. Из (3) следует, что при n = 1 (кинетика первого порядка) внутреннее трение с течением времени монотонно уменьшается по экспоненциальному закону  $Q^{-1}(t) \sim \exp(-Kt)$ . При n > 1 внутреннее трение со временем "проходит" через максимум. Из условия экстремума  $dQ^{-1}/dt = 0$  получим

$$t_p = \left(\frac{n-1}{nK}\right)^{1/n}$$

где  $t_p$  — время до появления пика внутреннего трения. Оно однозначно определяется двумя постоянными распада K и n.

Поскольку формулы (1) и соответственно (3) выведены для режима вынужденных колебаний образцов, то возникает вопрос об их применимости для анализа фазового распада с помощью методики затухающих колебаний. В формулу (1) частота возмущающей нагрузки входит как 1/f, что отвечает поведению твердого тела Максвелла, для которого уравнение вязкоупругости имеет вид [8,9]:

$$\frac{d\gamma}{dt} = \frac{1}{G}\frac{d\sigma}{dt} + \frac{\sigma}{\eta},\tag{4}$$

где G — нерелаксированный модуль упругости среды,  $\gamma$  и  $\eta$  — неупругая деформация и вязкость материала, отношение  $\tau = \eta/G$  —

время релаксации напряжений по Максвеллу. Крутильный маятник, реологические свойства которого описываются моделью Максвелла (4), может совершать затухающие колебания [10]. Если пренебречь вкладом высших мод в затухание колебаний такого крутильного маятника, то угол его закручивания дается выражением

$$\varphi = a \{ 1 + b[\exp(-\beta t)] \sin(2\pi f t - \vartheta) \}.$$

Здесь *a*, *b*,  $\vartheta$  — постоянные в данном опыте величины,  $\beta$  — коэффициент затухания колебаний. При достаточно малом уровне затухания  $\beta \ll 1$  внутреннее трение характеризует отношение

$$2\pi Q^{-1} = \frac{1}{f\tau} = \frac{G}{f} \cdot \frac{1}{\eta},\tag{5}$$

в котором f — собственная частота свободных колебаний маятника. По своей математической структуре выражения (1) и (5) эквивалентны. Поэтому формулу (1) можно использовать в режиме затухающих колебаний для анализа фазовых изменений (например, в сегнетокерамиках [11,12]), если распадающийся сплав формально рассматривать как среду Максвелла, обладающую вязкостью  $\eta = kTV_0/ve^2\dot{V}$ .

На рис. 1 показаны экспериментальные зависимости  $Q^{-1}(t)$  для двух образцов HT-50 при температурах их отжига 375°C (рис. 1, кривая *I*) и 300°C (рис. 1, кривая *3*). Первый образец (литой) диаметром 3 mm вырезался из исходного слитка. Второй образец (холоднодеформированный) получен волочением на 90% исходного слитка в проволоку диаметром 1.5 mm без предварительной и промежуточных термических обработок. Регистрацию внутреннего трения в этой проволоке осуществляли в режиме затухающих крутильных колебаний с максимальной амплитудой  $\gamma_0 \leq 10^{-4}$  и частотой  $f \approx 3$  Hz. На температурной оси точка T = 300°C расположена вблизи температуры пика  $Q^{-1}(T)$  (рис. 2), образованного выделениями  $\alpha$ -Ti в холоднодеформированном сплаве HT-50 [2]. При измерениях холоднодеформированного образца вместо временно́го "скачка" отчетливо регистрируется временно́й максимум внутреннего трения. Принимая во внимание формы экспериментальных кривых *I*, *3* (рис. 1), представим вклад фазовых выделений  $\Delta Q^{-1}(t)$  в



**Рис. 2.** Температурная зависимость внутреннего трения в холоднодеформированном сплаве HT-50.

общее внутреннее трение  $Q^{-1}(t)$  как сумму

$$\Delta Q^{-1}(t) = c K_1 \exp(-K_1 t) + c K_2 n t^{n-1} \exp(-K_2 t^n), \tag{6}$$

в которой монотонному уменьшению во времени и временно́му максимуму внутреннего трения отвечают первое и второе слагаемые соответственно.

В общем случае внутреннее трение не аддитивная величина. Сложение (6) внутреннего трения допустимо только для существенно меньших единицы значений внутреннего трения [8]. Оно означает, что два разных одностадийных процесса выделения  $\alpha$ -Ті реализуются параллельно (одновременно). С помощью (6) отношение  $\Delta Q^{-1}(t)/\Delta Q^{-1}(0)$ 

аппроксимируется трехпараметрической формой

$$\Delta Q^{-1}(t) / \Delta Q^{-1}(0) = \exp(-K_1 t) + (K_2 / K_1) n t^{n-1} \exp(-K_2 t^n), \quad (7)$$

в которой три параметра распада  $K_1$ ,  $K_2$ , n подлежат определению. Из перечисленных параметров знание n наиболее информативно, так как числовые значения n и соответствующие им механизмы распада протабулированы [7]. С учетом (7) временную зависимость внутреннего трения представим в виде

$$Q^{-1}(t) = Q_0^{-1}(t) + \Delta Q^{-1}(t) = Q_0^{-1}(t) + \Delta Q^{-1}(0) [\exp(-K_1 t) + (K_2/K_1)nt^{n-1} \exp(-K_2 t^n)], \quad (8)$$

где  $Q_0^{-1}(t)$  — аналитически неопределенная фоновая компонента, которая изменяется со временем медленнее, чем второе слагаемое в последнем выражении. С течением времени фон  $Q_0^{-1}(t)$  может меняться в силу различных причин, например упрочнения сплава продуктами распада по механизму Орована или развития небольшой микропластичности (безотносительно к фазовым изменениям) при амплитудной деформации  $\gamma_0 \leq 10^{-4}$ . В первом приближении примем, что величина фона неизменна во времени  $Q_0^{-1}(t) = \text{const. Torga из (8) } Q_0^{-1}$  имеет смысл значения внутреннего трения при бесконечно большом времени  $Q^{-1}(\infty)$  по экспериментальным данным (рис. 1) не представляется возможным. С приемлемой точностью считаем, что регистрируемые процессы распада в основном завершаются при  $t \geq 90$  min, когда в эксперименте достигаются минимальные значения  $Q^{-1}(t)$ , примерно равные  $Q_0^{-1}$ .

Значения  $Q_0^{-1}$  и других постоянных старения НТ-50, установленные по экспериментальным кривым распада  $Q^{-1}(t)$ , сведены в таблицу.

T,°C	$Q_0^{-1} \cdot 10^3$	$K_1 \cdot 10^2, 1/\min$	$K_2, 1/(\min)^n$	п	$t_p, \min$
300	4.85	$4.10\pm0.33$	$(1.6\pm 0.1)\cdot 10^{-5}$	$4.4\pm0.50$	65
375	2.033	$4.38\pm0.17$	$(6.9\pm 0.2)\cdot 10^{-9}$	$2.6\pm0.75$	_

Письма в ЖТФ, 2004, том 30, вып. 12

На рис. 1 сплошными линиями (кривые 2, 4) изображены результаты машинной обработки экспериментальных кривых 1 и 3 по формулам (7), (8). Из расчетных кривых 2 и 4 видно, что доминирующий в первые минуты процесс выделения  $\alpha$ -Ті характеризуется кинетикой первого порядка. Затем при t = 65 min на кривой 4 (относящейся к холоднодеформированному образцу) дополнительно появляется временной пик внутреннего трения, для которого параметр n = 4.4 (см. таблицу). Применительно к литому образцу аппроксимирующая функция (8) не имеет экстремума.

Однако надежные значения параметров K и n кинетического уравнения Аврами с помощью математической модели (8) можно получить только тогда, когда экспериментальные данные достаточно точны, а уровень фона внутреннего трения  $Q_0^{-1}$  практически не меняется в течение всей процедуры наблюдения фазового распада. Тем не менее термофлуктуационный механизм внутреннего трения [5] в совокупности с кинетическим подходом Аврами [7] позволяют объяснить "скачки" (рис. 1, кривая I) и пики (рис. 1, кривая 3) на временны́х зависимостях внутреннего трения в НТ-50 выпадением в одну стадию  $\alpha$ -Ті при отсутствии неравновесных  $\alpha'$ -,  $\alpha''$ -,  $\omega$ -фаз.

## Список литературы

- Chernyj O.V., Tikhinsckij G.F., Storozhilov G.E. et al. // Supercond. Sci. Technol. 1991. N 4. P. 318–323.
- [2] Шаповал Б.И., Тихинский Г.Ф., Сомов А.И. и др. // ВАНТ. Серия: Общая и ядерная физика. 1980. В. 3 (13). С. 6–9.
- [3] Фаст Дж.Д. Взаимодействие металлов с газами. М.: Металлургия, 1976. С. 262–265.
- [4] Багаряцкий Ю.А., Носова Г.И., Тягунова Т.В. // ДАН СССР. 1958. Т. 122. № 4. С. 593–599.
- [5] Белко В.Н., Даринский Б.М., Постников В.С., Шаршаков И.М. // ФХОМ. 1969. № 2. С. 131–137.
- [6] Cahn R.W. // Acta Met. 1059. V. 7. N 1. P. 18-28.
- [7] Физическое металловедение. Фазовые превращения / Под ред. Р.У. Кана. М.: Мир, 1968. В. 2. С. 270–278.
- [8] Шестопал В.О. Реологические свойства чистых металлов при высоких температурах. М.: Металлургия, 1978. С. 91–92.
- [9] Новиков В.В., Войцеховский К.В. // ЖЭТФ. 2002. Т. 122. В. 3 (9). С. 538–548.

- [10] Постников В.С. Внутреннее трение в металлах. М.: Металлургия, 1974. 330 с.
- [11] Гриднев С.А., Даринский Б.М., Постников В.С. // Изв. АН СССР. Сер. Физ. 1969. Т. 33. С. 1187–1194.
- [12] Гриднев С.А., Павлов В.С., Постников В.С., Турков С.К. // Аналитические возможности метода внутреннего трения. М.: Наука, 1973. С. 108–121.