05

# Коллективные эффекты в системе дефектов масштаба структурного элемента при деформировании гетерогенного материала регулярного строения

© А.М. Лексовский, <sup>1</sup> Г.Н. Губанова, <sup>2</sup> В.Е. Юдин, <sup>2</sup> Б.Л. Баскин<sup>1</sup>

 <sup>1</sup> Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, 194021 Санкт-Петербург, Россия
 <sup>2</sup> Институт высокомолекулярных соединений РАН, 199004 Санкт-Петербург, Россия e-mail: albert.leksowskij@mail.ioffe.ru

(Поступило в Редакцию 9 января 2013 г.)

Изучался процесс накопления трещин (разрывов волокон) при деформировании растяжением в традиционном модельном композитном материале с "мелкомасштабным" структурным элементом ( $\sim 10\,\mu$ m) посредством регистрации сигналов акустической эмиссии (АЭ) в варианте линейной локации. Статистический анализ потока АЭ-сигналов показал, что увеличение степени коррелированности разрыва волокон в одной области не является фатальным, процесс внезапно "срывается" и одновременно провоцируется в сопряженной. Этот процесс контролируется исключительно релаксационным механизмом перераспределения локальных напряжений. Формирование ансамбля дефектов в одной области образует в теле гетерогенность нового масштаба и вследствие совместности деформирования это качественно изменяет структуру объекта на более высоком масштабном уровне. В случае множественного образования микро/мезотрещин зарождение магистральной трещины (макроразрушение) определяется возможностью перераспределения поля напряжений между областями более высокого уровня по сравнению с характерным структурным элементом.

### Введение

Большое число традиционных конструкционных материалов — полимеров, металлов, композитов и таких грубогетерогенных материалов, как горные породы, бетон и др., реагирует на деформирование посредством образования трещин микро/мезо масштаба. Ансамбли таких трещин, например, в статическом режиме формируются достаточно быстро, а затем их развитие по данным интегральных методов практически заканчивается [1,2]. В настоящее время остается все еще нерешенным вопрос, в какой мере и при каких условиях ансамбли этих многочисленных, условно "стабильных" трещин определяют работоспособность материала и критическое состояние нагруженного тела в целом. Представляется, что для формулирования физической модели разрушения тела с трещинами, модели "длительной прочности" экспериментальных данных о развитии ансамбля таких трещин явно недостаточно. Что происходит в ансамбле таких дефектов? Как они развиваются, как взаимодействуют, как объединяются (сливаются)? Известна гипотеза о возможности линейного (упругого) взаимодействия (при определенной концентрации), объединения этих трещинок и формировании таким образом магистральной, разрушающей трещины [3-6]. Однако насколько можно судить по литературе, это наипростейшее предположение до сих пор не нашло своего прямого экспериментального подтверждения. Более того, выявленные в прямом эксперименте свойства индивидуальных, изолированных микротрещин [7–9] дают основание усомниться в физической адекватности такой гипотезы при построении модели разрушения.

Настоящая работа направлена на выяснение реальных свойств ансамбля трещин масштаба структурного элемента.

Для традиционного конструкционного материала в общем случае практически нет инструментальной возможности проследить в реальном масштабе времени не только за взаимодействием индивидуальных микрои мезотрещин, но и за развитием ансамбля таких трещин. При этом в различных областях материаловедения (см., например, [10,11]) широко распространено использование композитных материалов как удобных и эффективных моделей для физического и компьютерного моделирования.

Представляется, что использование амплитудно-временного в варианте линейной локации и статистического анализа потока сигналов акустической эмиссии (АЭ) в случае деформирования модельных гетерогенных материалов с регулярной структурой, например, армированных высокомодульными волокнами, может существенно расширить наши представления об особенностях множественного образования и трансформации микротрещин (микроразрушений). Большое различие в физико-механических свойствах матричного материала и армирующих волокон гарантирует в условиях совместного деформирования первоочередной разрыв высокомодульных элементов и практически однозначную идентификацию источников сигналов АЭ в простейшем случае по амплитуде сигналов АЭ. В случае таких модельных композитов можно задать структуру, свойства элементов, управлять образованием множества трещин известного масштаба. Можно исследовать некоторые статистические аспекты поведения ансамбля таких трещин, в случае линейной локации можно даже проследить за рождением и развитием конкретной ограниченной группы трещин во времени и в конкретном сечении образца, а также рассмотреть с одними и теми же элементами структуры поведение не только модельного образца, но и реального конструкционного материала.

#### Материалы и методика эксперимента

Исследование проводилось на образцах модельных композиций на основе полимерной материцы, одноосно армированных углеродными волокнами. Углеродное волокно: прочность  $\sigma = 2.5 \,\text{GPa}$ , модуль Юнга E = $= 225 \, \text{GPa},$  разрывная деформация  $\varepsilon = 1.1 - 1.2\%,$ матрица на основе эпоксидной смолы ЭДГ-10: прочность  $\sigma = 70-90$  MPa, модуль сдвига  $E_{\text{shear}} = 0.95-1.1$  GPa, разрывная деформация  $\varepsilon = 6-8\%$ , углепластик (CFRP):  $\sigma = 1890 \,\mathrm{MPa}$ , разрывная деформация прочность  $\varepsilon = 1.31\%$ , модуль Юнга E = 144 GPa. В случае углепластика с однонаправленным расположением волокон на основе эпоксидных связующих и углеродной ленты ЭЛУР-П 0.1 образцы имели вид пластин с  $160 \times (7-10) \times (0.3-1)$  mm. Объемное размерами содержание углеродных волокон диаметром  $\sim 10\,\mu{
m m}$ составляло  $\sim 60\%$ .

Основной комплекс аппаратуры для изучения АЭ на базе микроЭВМ "Электроника-60" и РС-НР-9835А был разработан и ИАЭ им. Курчатова [12]. Аналоговая часть аппаратуры обеспечивает быстродействие не хуже  $10^3$  pulse/s, т.е. интервал  $\tau$  между разрешаемыми импульсами в потоке может быть не менее 1 ms. Динамический амплитудный диапазон не хуже 60 db, полоса рабочих частот 0.1-1.1 MHz при неравномерности амплитудно-частотной характеристики (AЧX)  $\pm 3 \, \text{db}$ , уровень шумов, приведенный ко входу предусилителя, не более 3 µV. В блоке цифровых данных вычисляются: амплитуда сигналов A (µV), число осцилляций (превышений сигналом порога дискриминации), длительность импульса  $\theta$  (ms), интенсивность  $\dot{N}$  (количество сигналов АЭ в единицу времени, N/t), энергия сигнала  $(W = A^2 \cdot \Theta)$ , мощность сигнала  $\dot{W}(A^2 \cdot \Theta/t)$ , энергия на импульс (W/pulse), разность времен прихода сигналов к датчикам антенны для определения координаты источника сигнала, что при 3D представлении экспериментальных данных увеличивает информативность и существенно сокращает область гипотетических построений. Деформирование производилось со скоростью 0.22 mm/min при 20°С. Два пьезокерамических преобразователя с резонансной частотой ~ 400 kHz крепились на рабочей части на расстоянии 80-100 mm друг от друга.

## Результаты экспериментов и их обсуждение

В процессе деформирования растяжением специального модельного образца на основе эпоксидной смолы

ЭД-20 с одним углеродным волокном при достижении разрывной деформации волокна  $\sim 1.1\%$  начинается его дробление на фрагменты. На рис. 1 при съемке в поляризованном свете показан пример дробления единичного волокна. Число зарегистрированных импульсов АЭ в этих опытах и координаты разрывов, вычисленных по данным локации, достаточно хорошо совпали с числом разрывов и координатами, непосредственно измеренными с помощью микроскопии. Результаты статистической обработки длин раздробленных волокон на серии образцов дают оценку среднего значения  $\sim 280 \,\mu$ m.

На рис. 2 показано изменение амплитуды сигналов АЭ при множественной фрагментации волокна при растяжении модельного образца. Некоторое возрастание амплитуды сигнала, вероятнее всего, связано с определенной реализацией масштабного эффекта прочности армирующего волокна по мере уменьшения длины разрываемых участков. Величина амплитуды сигнала АЭ, приведенная к входу предварительного усилителя, от одиночного разрыва составила  $60-100 \mu V$  (рис. 3). Необходимо



**Рис. 1.** Пример дробления единичного углеродного волокна диаметром 10  $\mu$ m в модельном образце.



**Рис. 2.** Изменение амплитуды сигнала АЭ при дроблении моноволокна в модельном образце от времени деформирования со скоростью 0.22 mm/min.

**Рис. 3.** Итоговое амплитудное распределение сигналов АЭ при множественном дроблении/фрагментации модельного композитного образца с одиночным волокном.



отметить, что наблюдаемый в опытах разброс амплитуд сигналов АЭ может быть связан с разной прочностью волокна по длине, погрешностью расположения волокна в образце относительно оси растяжения, что приводит к появлению сдвиговой компоненты и др.

Перейдем от модельного образца с одним волокном к образцу, который также представляет собой одноосно армированный композит, но содержит уже  $\approx 10^5$  углеродных волокон, объемное содержание которых  $V_f \approx 60\%$ . Пример фрагмента микроструктуры сечения образца углепластика приведен на рис. 4.

Рассмотрим, как происходит накопление разрывов волокон, т. е. образование дефектов типа трещин при растяжении образцов вдоль направления армирующих волокон и что происходит в гетерогенной системе, если в ней зарождается не одиночная трещинка масштаба структурного элемента, а некое множество. Для этого воспользуемся методом локации сигналов АЭ, достаточно эффективным для таких целей (см., например, [13,14]). На базе рабочей длины 100 mm при величине сигнала  $\sim 100 \,\mu V$  точность определения координаты источника сигнала АЭ по длине образца не хуже 2 mm.

На рис. 5 показано, как по мере растяжения с постоянной скоростью в реальном композитном образце происходит накопление разрывов волокон (образование трещин). Как видно, по данным локации сигналов АЭ процесс разрыва волокон по мере деформирования с постоянной скоростью растяжения развивается не монотонно и не лавиннобразно, а содержит этапы и ускорения, и замедления. Разделение образца на две части в данном случае произошло на 666 s деформирования в области с координатами 5-13 mm. Можно видеть, что эта область на всем протяжении деформирования не отличается преимущественным, множественным разрывом волокон, т.е. не наблюдается "предварительная" подготовка места разрыва. В то же время в соседних областях процесс более интенсивного разрыва волокон в определенные моменты деформирования проявляется достаточно явственно. В области с координатами 21-13 mm на протяжении первых 5 min деформирования процесс разрыва волокон идет значительно активнее. Тем не менее итоговая локализация этого процесса, макроразрыв именно в данном локальном объеме не происходит. Это связано с тем, что появление значительной группы трещин вследствие разрывов волокон обусловливает уменьшение эффективного модуля упругости этой части образца и тем самым в условиях совместного деформирования приводит к перераспределению нагрузки на сопряженные, менее "поврежденные" области [13,14].

Рассмотрим более детально развитие этого процесса массового зарождения микроразрушений с помощью статистического анализа потока сигналов АЭ в



**Рис. 5.** Изменение энергии сигнала АЭ ( $V^2$ /pulse) в разных сечениях композитного образца при деформировании растяжением со скоростью 0.22 mm/min.



нескольких локальных объемах. Ожидать взаимосвязь между АЭ-событиями следует на том основании, что исследуемая АЭ обусловлена, главным образом, трещинообразованием. Ранее было показано, что микротрещины зарождаются взрывообразно [7,9] с непременным быстрым спадом первоначальной скорости на несколько порядков. То есть взрывообразное рождение как микро-, так и мезотрещины есть акт дискретного изменения локально запасенной энергии упругой деформации с неотвратимым последующим переходным, релаксационным процессом. Конечный размер микро/мезо трещины зависит от величины локально накопленной энергии и от диссипативных свойств материала [9], которые влияют также и на скорость перераспределения локальных напряжений [15].

Использование аппаратуры с точной фиксацией времени прихода импульса позволяет построить распределение интервалов между импульсами. Для корректного статистического анализа соответствующие выборки должны быть достаточно представительными (70-100 сигналов), а сам процесс практически стационарным, например, изменение интенсивности потока сигналов АЭ, как правило, не должно превышать 20%. В случае полной независимости в появлении сигналов АЭ процесс считается пуассоновским и описывается как  $\rho(\Delta \tau) = m \exp(-m\Delta \tau)$ , где частота следования событий m = N (интенсивность АЭ),  $\Delta \tau$  — интервал времени между событиями,  $\rho(\Delta \tau)$  — плотность вероятности. Рассмотрим распределение интервалов времени между импульсами АЭ в некоторых сечениях образца в разные моменты деформирования с целью выявления особенностей, например, свидетельствующих о коррелированности, взаимосвязанности разрывов армирующих волокон (микроразрушений).

Несмотря на то что в наших экспериментах с линейной локацией точность определения координат источника АЭ составляет  $\sim 2 \text{ mm}$  для набора достаточной статистики сигналов, для большей надежности (определенности) будем рассматривать события в зонах несколько бо́льших размеров  $\approx 9 \text{ mm}$  по длине образца.

На рис. 6, а показан пример пуассоновского распределения интервалов времен между импульсами АЭ в образцах углепластика на участке деформирования 480-510 s в зоне 5-13 mm, т.е. в зоне итогового разделения образца на две части. Как можно видеть, распределение интервалов времен следования в этом случае практически не отличается от теоретической "пуассоновской" экспоненты. Это означает, что в данной области образца на этом этапе деформирования (за 150 s до макроразрыва, который произошел на 666 s) процесс разрыва волокон является независимым, пуассоновским. Но, как и можно было ожидать, такая ситуация может быть не всегда и не в любом месте. На рис. 6, b приведено распределение интервалов времен следования в той же зоне 5-13 mm общей диаграммы, но на более позднем участке деформирования — 590-616 s. Это распределение уже отличается от "теоретического" пуассоновского. Основное отличие от экспоненты наблюдается



**Рис. 6.** Распределение интервалов времен следования сигналов АЭ в зоне будущего макроразрыва на разных стадиях деформирования.

в области времен ~ 70 ms. В этом случае [16] можно говорить о пуассоновском процессе скоплений, в пределах которых имеется некоторая упорядоченность, хотя в целом события в анализируемом потоке событий являются независимыми. Количественной мерой отклонения от "пуассоновости", т.е. мерой "упорядоченности", может служить [17] параметр  $\delta = |1 - \Delta \tau / \sigma_{\tau}|$ . Здесь  $\Delta \tau$  — средний интервал времени между импульсами в данной выборке событий,  $\sigma_{\tau}$  — среднеквадратичное отклонение. Оказалось, что такой анализ позволяет получить более детальную информацию о развитии процесса разрушения.

На рис. 7 показано изменение этого параметра "упорядоченности", коррелированности АЭ-событий  $\delta$  по ходу деформирования образца углепластика (АЭ-диаграмма которого представлена на рис. 5) в зоне будущего разрыва и в 2 соседних областях. Из данных рис. 7 можно видеть, что в последние ~ 30% общего времени деформирования образца углепластика процесс разрыва волокон, процесс трещинообразования начинают переходить со стадии независимых, несвязанных событий к этапу коррелированного взаимодействия. При этом

**Рис. 7.** Изменение параметра "упорядоченности" ( $\delta$ ) потока АЭ-событий  $\delta$  в трех соседних зонах однонаправленного углепластика при деформировании со скоростью 0.22 mm/min.

в локальных областях, соседних с местом будущего макроразрыва, этот процесс развивается интенсивнее. Тем не менее в будущей зоне разрыва 5-13 mm параметр  $\delta$  имеет устойчиво значимую величину и при этом наблюдается явная тенденция его кратного увеличения. То есть имеет место рост степени упорядоченности, коррелированности в потоке АЭ-событий — влияния одного события на последующее. Эта тенденция не монотонна, имеет пульсирующий характер с периодом спада и подъема при данной скорости деформирования в несколько десятков секунд. Наблюдается противофазность в изменении степени упорядоченности потока АЭ-событий в локальных областях, соседних с местом макроразрыва. Увеличение степени коррелированности АЭ-событий разрыва волокон (трещинообразования) в одной области образца внезапно прерывается, но одновременно такой же процесс провоцируется в соседней области. При этом необходимо отметить, что даже простое сохранение некоторого уровня коррелированности в потоке сигналов АЭ в течение десятков секунд в условиях нарастания внешней нагрузки свидетельствует о протекании в локальном объеме эффективной разрядки концентрации энергии упругой деформации. Именно снижение уровня локальных напряжения в результате бурного процесса микроструктурных перестроений ликвидирует на определенное время движущую силу этого процесса в данной области, провоцируя его развитие в соседних областях. Каждое увеличение  $\delta$  — это увеличение общей "длины" или числа цепочек коррелированных разрывов волокон. Это уже как бы старт того лавинообразного процесса, который при нарастающей внешней нагрузке обязан привести к макроразрыву, как можно было бы ожидать, если бы была справедлива гипотеза концентрационного критерия разрушения [5]. Но оказывается, что каждый раз это всего лишь фальстарт. В эксперименте с композицией D16T-B(2.5%), в которой при деформировании вследствие фрагментации борных волокон диаметром  $100\,\mu{
m m}$  в объеме  $(2.1 \times 4.3 \times \sim 3)\,{
m mm}$  рабочей части образца образуется всего ~ 30 трещин, подобная перегруппировка при варьировании температуры и скорости деформирования проявляется предельно явственно [14,18]. Следует обратить внимание на некоторые тонкие детали формирования "критического" состояния деформируемого образца. В интервале 630-645 s деформирования можно увидеть дополнительное снижение параметра  $\delta$  в зоне будущего разрыва, в то время как в соседних зонах резко увеличивается степень коррелированности. И еще дополнительный нюанс — в течение последних 10 s деформирования непосредственно перед макроразрывом во всех трех рассматриваемых областях наблюдается резкое снижение степени коррелированности. Это означает, что в данный отрезок времени происходит перераспределение напряжений на другие участки образца. Но отследить эту фактически "последнюю" перегруппировку в данном случае корректно не удается из-за недостаточного количества АЭ-событий (« 50).

График пульсации параметра коррелированности на рис. 7 свидетельствует о постепенном исчерпании энергоемкости не только отдельных областей, но и системы как целого. При этом видно, что в этом процессе, контролируемом релаксационным механизмом перераспределения напряжений, нет точки "невозврата"; изменением текущего напряженно-деформированного состояния (температура, скорость деформирования) его можно замедлить или даже приостановить.

Что можно сказать о масштабе генерируемых трещин в этом образце при растяжении со скоростью 0.22 mm/min в последние 150 s? В пределах физичческого объема зоны разрыва размером ~  $(9 \times 10 \times 0.3)$  mm находится ~  $10^5$  волокон, т.е.  $16.1 \cdot 10^5$  структурных элементов длиной  $21_{\rm ineff} = 560\,\mu$ m, которые в традиционной композитной системе с однонаправленным расположением волокон гипотетически могли бы быть разорваны независимо. Всего для образца в целом было зарегистрировано  $\approx 1.2 \cdot 10^4$  сигналов АЭ с амплитудой ~  $60-100\,\mu$ V. На зону разрыва приходится ~  $10^3$ , т.е. итоговая поврежденность в этой зоне составляет



**Рис. 8.** Изменение амплитуды АЭ-сигналов в зоне будущего макроразрыва однонаправленного углепластика в течение последних 150 s деформирования.





всего 0.08% от максимально возможной. Из данных на рис. 8 можно видеть, что в зоне разрыва 5-13 mm на последнем этапе деформирования 510-660 s "длина цепочек" коррелированного (при релаксационном перераспределении напряжений) трещинообразования (разрыв волокон) в среднем составляла всего 3-4 структурного элемента. При этом разрывы могут быть как изолированными геометрически несопряженными, так и составить "эффективную" единую трещину. Ни в зоне разрыва, ни в соседних с ней областях, нигде в течение последней 1 ms (!) в эксперименте не было зарегистрировано сигнала большей величины, в то время как АЭ-система способна фиксировать амплитуды, на два порядка превышающие максимальные сигналы 3D АЭкартины на рис. 5. Это означает, что релаксационный механизм перераспределения локальных напряжений, несмотря на постоянно растущую нагрузку, не позволяет в пределах 1 ms последовательно генерировать большего размера "цепочек" связанных событий.

### Заключение

Как можно было видеть выше, результаты исследования процесса накопления трещин мезомасштаба (разрывов волокон) в традиционном модельном композитном материале с "мелкомасштабным" структурным элементом ( $\sim 10\,\mu{\rm m}$ ) посредством регистрации сигналов АЭ в варианте линейной локации при деформированни растяжением дают нетривиальную информацию о коллективных эффектах в системе дефектов.

В достаточно представительном (практически макромасштаба) объеме  $\sim (9 \times 10 \times 0.3) \, \mathrm{mm}$  с числом характерных структурных элементов  $\sim 1.5 \cdot 10^6$  оказалось возможным проследить как формирование ансамбля дефектов в одной локальной области образует в теле гетерогенность нового масштаба. В условиях совместности деформирования это по существу качественно изменяет структуру объекта на более высоком масштабном уровне, вследствие чего и происходит "макро" перераспределение напряжений. Это проявление одного и того же релаксационного механизма перераспределения напряжений, но уже не только локального масштаба, а следующего, более высокого масштабного уровня. Будущая область макроразрыва в такой ситуации никак жестко не связана с накопленными на предыдущих этапах мезотрещинами, причем в ней отсутствует иерархия нарастания размеров коррелированно возникающих мезотрещин; она формируется достаточно "случайным" образом в результате попеременного активного образования группы (ансамбля) мезотрещин в разных локальных областях на фоне прогрессирующего под действием нагрузки сокращения диссипативной способности окружающего объема. В целом процесс накопления микро/мезо разрушений контролируется не "упругим" (линейным), а релаксационным механизмом перераспределения локальных напряжений. Ансамбль коррелированно рождающихся трещин не является ни

Журнал технической физики, 2013, том 83, вып. 6

необходимым и ни достаточным условием образования магистральной трещины.

В случае множественного образования микро/мезотрещин при статическом деформировании гетерогненной системы зарождение магистральной трещины и тем более финальный акт макроразрушения происходят там и тогда, когда при заданных условиях деформирования исчерпывается возможность перераспределения поля напряжений между областями более высокого масштабного уровня.

### Список литературы

- [1] Регель В.Р., Слуцкер А.И., Томашевский Э.Е. Кинетическая природа прочности твердых тел. М.: Наука, 1974. 560 с.
- [2] Kraus R., Payer A., Wilke W. // J. Material. Sci. 1993. Vol. 28.
   P. 4047–4052.
- [3] Raj B., Moorthy V. // Transactions of the Indian Institute of Metals. 1996. Vol. 49. N 4. P. 277–302.
- [4] Tamuzs V.P., Petrova V.E. // Intern. Appl. Mechan. 2002.
   Vol. 38. N 10. P. 1157–1177.
- [5] Куксенко В.С. // ФТТ. 2005. Т. 47. Вып. 5. С. 788-792.
- [6] Ботвина Л.Р. Разрушение: кинетика, механизмы, общие закономерности. М.: Наука, 2008. 334 с.
- [7] Лексовский А.М., Баскин Б.Л., Горенберг А.Я. и др. // ФТТ. 1983. Т. 25. № 4. С. 109.
- [8] Kytopoulos V.N. // J. of Rein. Plast. Compos. 2004. Vol. 23. N 12. P. 1325–1349.
- [9] Лексовский А.М., Баскин Б.Л. // ФТТ. 2011. Т. 53. Вып. 6. С. 1223–1233.
- [10] Lei Jun, Zhang Chuanzeng, Yang Qingsheng et al. // Intern. J. of Fract. AUG. 2010. Vol. 164. N 2. P. 271–283.
- [11] Khoshravan Mohammadreza, Mehrabadi Farhad Asgari // Intern. J. Adhesion and adhesives. DEC. 2012. Vol. 39. P. 8– 14.
- [12] Ефремов М.И., Ржевкин В.Р. и др. // В кн.: Акустическая эмиссия материалов и конструкций. Ростов-на-Дону. 1984. Ч. 1. С. 139–140.
- [13] Лексовский А.М., Гаврилин А.В., Баскин Б.Л. // Письма в ЖТФ. 2008. Т. 34. Вып. 5. С. 46–53.
- [14] Leksovskij F., Baskin B.L., Tichkin A.P., Abdulmanov A. // Sol. Stat. Phenomena. 2008. Vol. 137. P. 9–14.
- [15] Tishkin A.P., Gubanova G.N., Leksowski A.M., Yudin V.E. // J. of Mater. Sci. 1994. Vol. 29. P. 632–639.
- [16] *Tishkin A.P., Leksowski А.М. //* Письма в ЖТФ. 1988. Т. 14. Вып. 8. С. 636–638.
- [17] Брагинский А.П., Виноградов А.Ю., Лексовский А.М. // Письма в ЖТФ. 1986. Т. 12. В. 9. С. 459–460.
- [18] Leksovskii A. Chapter in book "Acoustic emission" / Ed. W. Sikorski. InTech. 2012. P. 295–316.