11

# Взаимодействие встречных электромагнитных волн в поглощающей пластине, помещенной в волновод

#### © Э.А. Геворкян

Московский государственный университет экономики, статистики и информатики, 119501 Москва, Россия e-mail: gevor\_mesi@mail.ru

(Поступило в Редакцию 5 декабря 2011 г. В окончательной редакции 26 июня 2012 г.)

Рассмотрено взаимодействие двух встречных когерентных поперечных электрических и поперечных магнитных электромагнитных волн в поглощающей пластине в волноводе произвольного поперечного сечения. Предположено, что волны с различными начальными фазами падают на границы пластины с двух сторон. Получено аналитическое выражение интерференционного коэффициента прохождения по мощности. Выявлены некоторые физические особенности туннельной интерференции в пластине. Показано, что при определенном соотношении между начальными фазами и амплитудами встречных волн можно создать ситуацию, когда слева от пластины в волноводе присутствует поток электромагнитной энергии, а справа — отсутствует или наоборот.

#### Введение

Изучению взаимодействия двух встречных когерентных электромагнитных волн в плоскопараллельной поглощающей пластине в неограниченном пространстве в научной литературе посвящено немало теоретических и экспериментальных работ [1-7]. Ниже решается граничная задача отражения и прохождения двух когерентных волн от поглощающей пластины конечной длины, помещенной в волновод произвольного поперечного сечения. Предполагается, что волны падают на пластину с двух сторон. Отметим, что решение поставленной задачи представляет интерес не только с точки зрения развития теории, но и с точки зрения возможности многообразного практического применения физических эффектов, возникающих при взаимодействии встречных электромагнитных волн в поглощающей пластине, помещенной в волновод [8,9].

## Постановка задачи. Волновые уравнения для поперечного электрического и поперечного магнитного полей в волноводе

Пусть мы имеем регулярный волновод произвольного поперечного сечения, образующая которого совпадает с осью *ог* некоторой декартовой системы координат. В волновод помещена поглощающая немагнитная пластина ( $\mu = 1$ ) с постоянной диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon \neq 1$  и толщиной *d*, занимающая область  $-d/2 \le z \le d/2$ . В остальной части волновода  $\varepsilon = 1$  и  $\mu = 1$ . Рассмотрим распространение двух встречных когерентных поперечных электрических (TE) и поперечных магнитных (TM) волн **a** и **b** с частотой  $\omega$  и начальными фазами  $\varphi$  и  $\theta$  в поглощающей пластине

в волноводе, считая при этом, что волна **a** падает на пластину со стороны  $z \leq -d/2$ , а волна **b** — со стороны  $z \geq d/2$  (см. рисунок).

Заметим, что если, как и в наших ранних работах (см., например, [10–12] и указанную в них литературу), ТЕ и ТМ поля в волноводе, полностью заполненном немагнитной поглощающей средой с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon$ , описывать с помощью продольных составляющих магнитного и электрического полей  $H_z(x, y, z, t)$  и  $E_z(x, y, z, t)$ , то из уравнений Максвелла получим волновые уравнения для  $H_z$  и  $E_z$  в виде

$$\Delta_{\perp}H_z + \frac{\partial^2 H_z}{\partial z^2} - \frac{\varepsilon}{c^2} \frac{\partial^2 H_z}{\partial t^2} = \frac{4\pi\sigma}{c^2} \frac{\partial H_z}{\partial t}, \qquad (1)$$

$$\Delta_{\perp}E_{z} + \frac{\partial^{2}E_{z}}{\partial z^{2}} - \frac{\varepsilon}{c^{2}}\frac{\partial^{2}E_{z}}{\partial t^{2}} = \frac{4\pi\sigma}{c^{2}}\frac{\partial E_{z}}{\partial t}, \qquad (2)$$

где  $\Delta_{\perp} = \partial^2 / \partial x^2 + \partial^2 / \partial y^2$  — двумерный оператор Лапласа, c — скорость света в вакууме,  $\sigma$  — электропроводность заполнения волновода.



Геометрия сечения волновода. На пластину падают встречные волны **a** и **b**.

Решения уравнений (1) и (2) ищем в виде разложений

$$H_{z}(x, y, z, t) = \sum_{n=0}^{\infty} H_{n}(z, t) \widehat{\Psi}_{n}(x, y)$$
$$= \sum_{n=0}^{\infty} H_{n}(z) \exp(-i\omega t) \widehat{\Psi}_{n}(x, y), \quad (3)$$

$$E_z(x, y, z, t) = \sum_{n=0}^{\infty} E_n(z, t) \Psi_n(x, y)$$
$$= \sum_{n=0}^{\infty} E_n(z) \exp(-i\omega t) \Psi_n(x, y), \quad (4)$$

где  $\Psi_n(x, y)$  и  $\Psi_n(x, y)$  — ортонормированные собственные функции соответственно второй и первой краевых задач для поперечного сечения волновода. Эти функции удовлетворяют уравнениям Гельмгольца с соответствующими граничными условиями на поверхности волновода (см. формулы (10) и (11) из работы [10]).

Подставляя (3) и (4) в (1) и (2) и учитывая (10) и (11) работы [10], получим следующие уравнения: для ТЕ поля

$$\frac{d^2 H_n(z)}{dz^2} + \widehat{P}_n^2 H_n(z) = 0,$$
$$\widehat{P}_n^2 = \frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon - \widehat{\lambda}_n^2 + i \frac{4\pi\sigma\omega}{c^2},$$
(5)

для ТМ поля

$$\frac{d^2 E_n(z)}{dz^2} + P_n^2 E_n^2 H_n(z) = 0,$$
$$P_n^2 = \frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon - \lambda_n^2 + i \frac{4\pi\sigma\omega}{c^2},$$
(6)

где  $\lambda_n$  и  $\lambda_n$  — собственные значения второй и первой краевых задач для поперечного сечения волновода, соответствующих собственным функциям  $\widehat{\Psi}_n(x, y)$ и  $\Psi_n(x, y)$ .

Решения (5) и (6) имеют вид

$$H_n(z) = \widehat{A}_n \exp(i\widehat{P}_n z), \quad E_n(z) = A_n \exp(iP_n z), \quad (7)$$

где  $A_n$  и  $A_n$  — известные комплексные амплитуды. Как видно из (5) и (6), волновые числа  $\widehat{P}_n$  и  $P_n$  являются комплексными величинами. Пусть  $\widehat{P}_n = \widehat{\alpha}_n + i\widehat{\beta}_n$ и  $P_n = \alpha_n + i\beta_n$ . Тогда из (5) и (6) имеем

$$\widehat{\alpha}_{n} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[ \sqrt{\left(\frac{\omega^{2}}{c^{2}}\varepsilon - \widehat{\lambda}_{n}^{2}\right)^{2} + \frac{16\pi^{2}\sigma^{2}\omega^{2}}{c^{4}}} + \frac{\omega^{2}}{c^{2}}\varepsilon - \widehat{\lambda}_{n}^{2} \right]^{1/2}, \qquad (8)$$

$$\widehat{\beta}_{n} = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[ \sqrt{\left(\frac{\omega^{2}}{c^{2}}\varepsilon - \widehat{\lambda}_{n}^{2}\right)^{2} + \frac{16\pi^{2}\sigma^{2}\omega^{2}}{c^{4}}} - \left(\frac{\omega^{2}}{c^{2}}\varepsilon - \widehat{\lambda}_{n}^{2}\right) \right]^{1/2}, \qquad (9)$$

$$\alpha_n = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[ \sqrt{\left(\frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon - \lambda_n^2\right)^2 + \frac{16\pi^2 \sigma^2 \omega^2}{c^4}} + \frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon - \lambda_n^2 \right]^{1/2},$$
(10)

$$\beta_n = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[ \sqrt{\left(\frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon - \lambda_n^2\right)^2 + \frac{16\pi^2 \sigma^2 \omega^2}{c^4}} - \left(\frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon - \lambda_n^2\right) \right]^{1/2}.$$
(11)

## Электромагнитные ТЕ и ТМ поля при распространении встречных волн в поглощающей пластине в волноводе

Теперь перейдем к решению поставленной в разд. 1 задачи. Заметим, что электромагнитные ТЕ и ТМ поля двух встречных волн  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$  в различных областях волновода с учетом (7) можно представить в виде

I область 
$$\left(z\leq -rac{d}{2}, \ \ arepsilon=1, \ \ \mu=1
ight).$$

$$H_n^I(z) = A_n^a \exp(i\Gamma_n z) + D_n^{ab} \exp(-i\Gamma_n z), \qquad (12)$$

$$E_n^I(z) = A_n^a \exp(i\Gamma_n z) + D_n^{ab} \exp(-i\Gamma_n z), \qquad (13)$$

где

$$\widehat{\Gamma}_n = \sqrt{\frac{\omega^2}{c^2} - \widehat{\lambda}_n^2}, \quad \Gamma_n = \sqrt{\frac{\omega^2}{c^2} - \lambda_n^2}, \quad (14)$$

$$\widehat{D}_n^{ab} = \widehat{B}_n^a + \widehat{C}_n^b, \quad D_n^{ab} = B_n^a + C_n^b, \quad (15)$$

 $\widehat{A}_{n}^{a} = |\widehat{A}_{n}^{a}| \exp(i\varphi)$  и  $A_{n}^{a} = |A_{n}^{a}| \exp(i\varphi)$  — известные комплексные амплитуды падающей на пластину волны **a**,  $\widehat{B}_{n}^{a}$  и  $B_{n}^{a}$  — неизвестные комплексные амплитуды отраженной от пластины в I область волны **a**,  $\widehat{C}_{n}^{a}$  и  $C_{n}^{b}$  — неизвестные комплексные амплитуды прошедшей в I область волны **b**.

II область 
$$\left(-\frac{d}{2} \le z \le \frac{d}{2}, \quad \varepsilon = \operatorname{const} \neq 1, \quad \mu = 1\right).$$

$$H_n^{II}(z) = \widehat{F}_n^{ab} \exp(i\widehat{P}_n z) + \widehat{F}_n^{ab} \exp(-i\widehat{P}_n z), \qquad (16)$$

$$E_n^{II}(z) = F_n^{ba} \exp(iP_n z) + F_n^{ba} \exp(-iP_n z),$$
(17)

Журнал технической физики, 2013, том 83, вып. 4

где

$$\widehat{F}_{n}^{ab} = \widehat{M}_{n}^{a} + \widehat{N}_{n}^{b}, \quad \widehat{F}_{n}^{ba} = \widehat{M}_{n}^{b} + \widehat{N}_{n}^{a},$$

$$F_{n}^{ab} = M_{n}^{a} + N_{n}^{b}, \quad F_{n}^{ba} = M_{n}^{b} + N_{n}^{a}, \quad (18)$$

 $\widehat{M}_{n}^{a}, M_{n}^{a}, \widehat{M}_{n}^{b}, M_{n}^{b}, \widehat{N}_{n}^{a}, N_{n}^{a}, \widehat{N}_{n}^{b}, N_{n}^{b}$  — незвестные комплексные амплитуды волн в поглощающей пластине в волноводе.

III область 
$$\left(z \geq rac{d}{2}, \ \ arepsilon = 1, \ \ \mu = 1
ight).$$

$$H_n^{\rm III}(z) = \widehat{A}_n^b \exp(-i\widehat{\Gamma}_n z) + \widehat{D}_n^{ba} \exp(i\widehat{\Gamma}_n z), \qquad (19),$$

$$E_n^{\text{III}}(z) = A_n^b \exp(-i\Gamma_n z) + D_n^{ba} \exp(i\Gamma_n z), \qquad (20)$$

где

$$\widehat{D}_n^{ba} = \widehat{B}_n^b + \widehat{C}_n^a, \quad D_n^{ba} = B_n^b + C_n^a, \tag{21}$$

 $\widehat{A}_n^b = |\widehat{A}_n^b| \exp(i\theta)$  и  $A_n^b = |A_n^b| \exp(i\theta)$  — известные комплексные амплитуды падающей на пластину волны **b**,  $\widehat{B}_n^b$  и  $B_n^b$  — неизвестные комплексные амплитуды отраженной от пластины в III область волны **b**,  $\widehat{C}_n^a$  и  $C_n^a$  — неизвестные комплексные амплитуды прошедшей в III область волны **a**.

Теперь требуя, чтобы (12), (13), (16), (17), (19) и (20) удовлетворяли следующим граничным условиям при  $z = \pm \frac{d}{2}$ :

$$H_n^{\mathrm{I}}(z) = H_n^{\mathrm{II}}(z), \quad \frac{dH_n^{\mathrm{I}}(z)}{dz} = \frac{dH_n^{\mathrm{II}}(z)}{dz}, \qquad (22)$$

$$E_n^{\rm I}(z) = \varepsilon E_n^{\rm II}(z), \quad \frac{dE_n^{\rm I}(z)}{dz} = \frac{dE_n^{\rm II}(z)}{dz}, \qquad (23)$$

$$H_n^{\rm II}(z) = H_n^{\rm III}(z), \quad \frac{dH_n^{\rm II}(z)}{dz} = \frac{dH_n^{\rm III}(z)}{dz},$$
 (24)

$$\varepsilon E_n^{\rm II}(z) = E_n^{\rm III}(z), \quad \frac{dE_n^{\rm II}(z)}{dz} = \frac{dE_n^{\rm III}(z)}{dz}, \qquad (25)$$

мы получим систему алгебраических уравнений для определения неизвестных амплитуд. Решение этой системы приводит к следующим выражениям для амплитуд волны **a**:

$$\widehat{B}_{n}^{a} = \frac{\left(\widehat{\Gamma}_{n}^{2} - \widehat{P}_{n}^{2}\right)\exp(-i\widehat{\Gamma}_{n}d)\left[\exp(i\widehat{P}_{n}d) - \exp(-i\widehat{P}_{n}d)\right]}{\widehat{\Delta}_{n}}\widehat{A}_{n}^{a},$$
(26)

$$\widehat{C}_{n}^{a} = -\frac{4\widehat{\Gamma}_{n}\widehat{P}_{n}\exp(-i\widehat{\Gamma}_{n}d)}{\widehat{\Delta}_{n}}\widehat{A}_{n}^{a},$$

$$4\varepsilon\Gamma_{n}P_{n}\exp(-i\Gamma_{n}d)$$

$$C_n^a = -\frac{4\varepsilon\Gamma_n P_n \exp(-i\Gamma_n d)}{\Delta_n} A_n^a, \qquad (28)$$

$$\widehat{M}_{n}^{a} = -\frac{2\Gamma_{n}(\Gamma_{n} + P_{n})\exp[i(P_{n} + \Gamma_{n})\frac{d}{2}]}{\widehat{\Delta}_{n}}\widehat{A}_{n}^{a}, \quad (29)$$

8\* Журнал технической физики, 2013, том 83, вып. 4

$$M_n^a = -\frac{2\Gamma_n(\varepsilon\Gamma_n + P_n)\exp[-i(P_n + \Gamma_n)\frac{d}{2}]}{\Delta_n}A_n^a, \quad (30)$$

$$\widehat{N}_{n}^{a} = \frac{2\widehat{\Gamma}_{n}(\widehat{\Gamma}_{n} - \widehat{P}_{n}) \exp[i(\widehat{P}_{n} - \widehat{\Gamma}_{n})\frac{d}{2}]}{\widehat{\Lambda}} \widehat{A}_{n}^{a}, \qquad (31)$$

$$N_n^a = \frac{2\Gamma_n(\varepsilon\Gamma_n - P_n)\exp[i(P_n - \Gamma_n)\frac{d}{2}]}{\Delta_n}A_n^a,\qquad(32)$$

где

$$\begin{split} \widehat{\Delta}_n &= (\widehat{\Gamma}_n - \widehat{P}_n)^2 \exp(i\widehat{P}_n d) - (\widehat{\Gamma}_n + \widehat{P}_n)^2 \exp(-i\widehat{P}_n d), \\ (33)\\ \Delta_n &= (\varepsilon\Gamma_n - P_n)^2 \exp(iP_n d) - (\varepsilon\Gamma_n + P_n)^2 \exp(-iP_n d). \end{split}$$

Выражения для амплитуд волны **b** отличаются от (26)-(32) тем, что в них вместо величин  $\widehat{A}_n^a$  и  $A_n^a$  будут присутствовать величины  $\widehat{A}_n^b$  и  $A_n^b$ . Это есть следствие того, что случай падения волны **a** на пластину слева симметричен случаю падения волны **b** на пластину сплава.

Полученные выраженя для амплитуд волн **a** и **b** позволяют найти коэффициенты отражения и прохождения по мощности. Вычисления приводят к следующим выражениям:

$$\widehat{R}_{n} = \frac{S_{zn}^{\text{ref},a}}{\widehat{S}_{zn}^{\text{inc},a}} = \frac{\left|\frac{B_{n}^{a}\right|^{2}}{\left|\widehat{A}_{n}^{a}\right|^{2}} = \frac{S_{zn}^{\text{ref},b}}{\widehat{S}_{zn}^{\text{inc},b}} = \frac{\left|\frac{B_{n}^{b}\right|^{2}}{\left|\widehat{A}_{n}^{b}\right|^{2}} = \widehat{R}_{n}^{b} = \widehat{R}_{n}$$

$$= \frac{\operatorname{ch} 2\widehat{\beta}_{n}d - \cos 2\widehat{\alpha}_{n}d}{\operatorname{ch}(\widehat{\eta}_{n} + 2\widehat{\beta}_{n}d) - \cos(\widehat{\gamma}_{n} - 2\widehat{\alpha}_{n}d)}, \qquad (35)$$

$$R_{n}^{a} = \frac{S_{zn}^{\text{ref},a}}{S_{zn}^{\text{inc},a}} = \frac{\left|\frac{B_{n}^{a}\right|^{2}}{\left|A_{n}^{a}\right|^{2}} = \frac{S_{zn}^{\text{ref},b}}{S_{zn}^{\text{inc},b}} = \frac{\left|\frac{B_{n}^{b}\right|^{2}}{\left|A_{n}^{b}\right|^{2}} = R_{n}^{b} = R_{n}$$

$$=\frac{\operatorname{ch} 2\beta_n d - \cos 2\alpha_n d}{\operatorname{ch}(\eta_n + 2\beta_n d) - \cos(\gamma_n - 2\alpha_n d)},$$
(36)

$$\widehat{T}_{n}^{a} = \frac{\widehat{S}_{zn}^{\text{trans},a}}{\widehat{S}_{zn}^{\text{inc},a}} = \frac{\left|\widehat{C}_{n}^{a}\right|^{2}}{\left|\widehat{A}_{n}^{a}\right|^{2}} = \frac{\widehat{S}_{zn}^{\text{trans},b}}{\widehat{S}_{zn}^{\text{inc},b}} = \frac{\left|\widehat{C}_{n}^{b}\right|^{2}}{\left|\widehat{A}_{n}^{b}\right|^{2}} = \widehat{T}_{n}^{b} = \widehat{T}_{n}$$

$$=\frac{8\Gamma_n^2\left(\widehat{\alpha}_n^2+\beta_n^2\right)}{\left[\left(\widehat{\alpha}_n^2+\widehat{\beta}_n^2+\widehat{\Gamma}_n^2\right)^2-4\widehat{\alpha}_n^2\widehat{\Gamma}_n^2\right]\left[\operatorname{ch}\left(\widehat{\eta}_n+2\widehat{\beta}_nd\right)-\cos(\widehat{\gamma}_n-2\widehat{\alpha}_nd)\right]},\tag{37}$$

$$T_n^a=\frac{S_{zn}^{\mathrm{trans},a}}{S_{zn}^{\mathrm{sinc},a}}=\frac{\left|C_n^a\right|^2}{\left|A_n^a\right|^2}=\frac{S_{zn}^{\mathrm{trans},b}}{S_{zn}^{\mathrm{sinc},b}}=\frac{\left|C_n^b\right|^2}{\left|A_n^b\right|^2}=T_n^b=T_n$$

$$=\frac{8\varepsilon^2\Gamma_n^2\left(\alpha_n^2+\beta_n^2\right)}{\left[\left(\alpha_n^2+\beta_n^2+\varepsilon^2\Gamma_n^2\right)^2-4\alpha_n^2\varepsilon^2\Gamma_n^2\right]\left[\operatorname{ch}\left(\eta_n+2\beta_nd\right)-\cos(\gamma_n-2\alpha_nd)\right]},\tag{27}$$

где

$$\operatorname{tg} \widehat{\gamma}_{n} = \frac{4\beta_{n} \widehat{\Gamma}_{n} (\widehat{\Gamma}_{n}^{2} - \widehat{\alpha}_{n}^{2} - \beta_{n}^{2})}{(\widehat{\Gamma}_{n}^{2} - \widehat{\alpha}_{n}^{2} - \widehat{\beta}_{n}^{2})^{2} - 4\widehat{\beta}_{n}^{2} \widehat{\Gamma}_{n}^{2}},$$
  
$$\operatorname{tg} \gamma_{n} = \frac{4\beta_{n} \varepsilon \Gamma_{n} (\varepsilon^{2} \Gamma_{n}^{2} - \alpha_{n}^{2} - \beta_{n}^{2})}{(\varepsilon^{2} \Gamma_{n}^{2} - \alpha_{n}^{2} - \beta_{n}^{2})^{2} - 4\beta_{n}^{2} \varepsilon^{2} \Gamma_{n}^{2}},$$
(39)

(38)

$$\operatorname{tg}\widehat{\eta}_{n} = \frac{4\widehat{\alpha}_{n}\widehat{\Gamma}_{n}(\widehat{\Gamma}_{n}^{2} + \widehat{\alpha}_{n}^{2} + \widehat{\beta}_{n}^{2})}{(\widehat{\Gamma}_{n}^{2} + \widehat{\alpha}_{n}^{2} + \widehat{\beta}_{n}^{2})^{2} + 4\widehat{\alpha}_{n}^{2}\widehat{\Gamma}_{n}^{2}},$$
  
$$\operatorname{tg}\eta_{n} = \frac{4\alpha_{n}\varepsilon\Gamma_{n}(\varepsilon^{2}\Gamma_{n}^{2} + \alpha_{n}^{2} + \beta_{n}^{2})}{(\varepsilon^{2}\Gamma_{n}^{2} + \alpha_{n}^{2} + \beta_{n}^{2})^{2} + 4\alpha_{n}^{2}\varepsilon^{2}\Gamma_{n}^{2}}.$$
 (40)

## 3. Потоки электромагнитной энергии в областях I и III в волноводе

Выражения (19) и (20) позволяют с помощью вектора Умова-Пойнтинга найти усредненные по периоду колебаний потоки электромагнитной энергии ТЕ и ТМ волн в области III в волноводе. Вычисления приводят к следующему:

$$\widehat{S}_{zn}^{\text{III}} = \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \overline{\Gamma}_n}{\widehat{\lambda}_n^2} |\widehat{C}_n^a|^2 + \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \overline{\Gamma}_n}{\widehat{\lambda}_n^2} |\widehat{B}_n^b|^2 + \frac{1}{4\pi} \frac{\omega \overline{\Gamma}_n}{\widehat{\lambda}_n^2} \operatorname{Re}\left(\widehat{C}_n^a \overline{B}_n^b\right), \quad (41)$$
$$S_{zn}^{\text{III}} = \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \Gamma_n}{\lambda_n^2} |C_n^a|^2 + \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \Gamma_n}{\lambda_n^2} |B_n^a|^2 + \frac{1}{4\pi} \frac{\omega \Gamma_n}{\lambda_n^2} \operatorname{Re}\left(C_n^a \overline{B}_n^b\right), \quad (42)$$

где последние члены есть интерференционные потоки, возникающие в результате взаимодействия волн **a** и **b** в пластине, а величины  $\overline{\overline{B}}_{n}^{b}$  и  $\overline{B}_{n}^{b}$  есть комплексно сопряженные выражения  $\overline{\overline{B}}_{n}^{b}$  и  $\overline{B}_{n}^{b}$ . Итак имеем

$$\widehat{S}_{zn}^{\text{inter},ba} = \frac{1}{4\pi} \frac{\omega \widehat{\Gamma}_n}{\widehat{\lambda}_n^2} \operatorname{Re}(\widehat{C}_n^a \overline{\widehat{B}}_n^b),$$
$$S_{zn}^{\text{inter},ba} = \frac{1}{4\pi} \frac{\omega \Gamma_n}{\lambda_n^2} \operatorname{Re}(C_n^a \overline{B}_n^b),$$
(43)

$$\widehat{S}_{zn}^{\text{inc},a} = \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \widehat{\Gamma}_n}{\widehat{\lambda}_n^2} \left| \widehat{A}_n^a \right|^2, S_{zn}^{\text{inc},a} = \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \Gamma_n}{\lambda_n^2} \left| A_n^a \right|^2, \quad (44)$$

$$\widehat{S}_{zn}^{\text{inc},b} = \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \widehat{\Gamma}_n}{\widehat{\lambda}_n^2} |\widehat{A}_n^b|^2, S_{zn}^{\text{inc},b} = \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \Gamma_n}{\lambda_n^2} |A_n^b|^2.$$
(45)

Как и в работах [1,2], введем коэффициенты интерференционного прохождения по мощности  $\widehat{T}_n^{\text{inter},ba}$ и  $T_n^{\text{inter},ba}$  формулами

$$\frac{\sqrt{\widehat{S}_{zn}^{\text{inter},ba}}}{\sqrt{\widehat{S}_{zn}^{\text{inc},a} \cdot \widehat{S}_{zn}^{\text{inc},b}}} = \widehat{T}_{n}^{\text{inter}} \sin(\varphi - \theta + \widehat{\delta}), \qquad (46)$$

$$\frac{\sqrt{S_{zn}^{\text{inter},ba}}}{\sqrt{S_{zn}^{\text{inc},a} \cdot S_{zn}^{\text{inc},b}}} = T_n^{\text{inter}} \sin(\varphi - \theta + \delta), \qquad (47)$$

где

 $\widehat{T}$ 

$$\widehat{T}_{n}^{\text{inter},ba} = \sqrt{\widehat{T}_{1n}^{2} + \widehat{T}_{2n}^{2}}, \quad T_{n}^{\text{inter}} = \sqrt{T_{1n}^{2} + T_{2n}^{2}},$$

$$\operatorname{tg} \widehat{\delta} = \frac{\widehat{T}_{2n}}{\widehat{T}_{1n}}, \quad \operatorname{tg} \delta = \frac{T_{2n}}{T_{1n}}, \quad (48)$$

$$\operatorname{tg} = -\frac{16\widehat{\Gamma}_{n}}{|\widehat{\Delta}_{n}|^{2}} \left[ \widehat{\beta}_{n} \left( \widehat{\Gamma}_{n}^{2} + |\widehat{P}_{n}|^{2} \right) \operatorname{sh} \left( \widehat{\beta}_{n} d \right) \cos \left( \widehat{\alpha}_{n} d \right) \right]$$

$$+\widehat{\alpha}_{n}\left(\widehat{\Gamma}_{n}^{2}+\left|\widehat{P}_{n}\right|^{2}\right)\operatorname{ch}\left(\widehat{\beta}_{n}d\right)\sin\left(\widehat{\alpha}_{n}d\right)\bigg],\qquad(49)$$

$$T_{1n} = -\frac{16\epsilon\Gamma_n}{|\Delta_n|^2} \left[\beta_n \left(\epsilon^2 \Gamma_n^2 + |P_n|^2\right) \operatorname{sh}\left(\beta_n d\right) \cos\left(\alpha_n d\right) + \alpha_n \left(\epsilon^2 \Gamma_n^2 + |P_n|^2\right) \operatorname{ch}\left(\beta_n d\right) \sin\left(\alpha_n d\right)\right],$$
(50)

$$\widehat{T}_{2n} = -\frac{16\widehat{\Gamma}_n}{\left|\widehat{\Delta}_n\right|^2} \left[\widehat{\alpha}_n \left(\widehat{\Gamma}_n^2 - \left|\widehat{P}_n\right|^2\right) \operatorname{sh}\left(\widehat{\beta}_n d\right) \cos\left(\widehat{\alpha}_n d\right) -\widehat{\beta}_n \left(\widehat{\Gamma}_n^2 + \left|\widehat{P}_n\right|^2\right) \operatorname{ch}\left(\widehat{\beta}_n d\right) \sin\left(\widehat{\alpha}_n d\right)\right], \quad (51)$$

$$T_{2n} = -\frac{16\epsilon \Gamma_n}{|\Delta_n|^2} \left[ \alpha_n \left( \epsilon^2 \Gamma_n^2 - |P_n|^2 \right) \operatorname{sh} \left( \beta_n d \right) \cos \left( \alpha_n d \right) \right. \\ \left. - \beta_n \left( \epsilon^2 \Gamma_n^2 + |P_n|^2 \right) \operatorname{ch} \left( \beta_n d \right) \sin \left( \alpha_n d \right) \right],$$
(52)

Вычисляя  $\widetilde{T}_n^{\text{inter}}$  и  $T_n^{\text{inter}}$  по формулам (48) с учетом (49)–(52), получим

$$\widehat{T}_{n}^{\text{inter}} = \frac{8\widehat{\Gamma}_{n}\sqrt{\left(\widehat{\alpha}_{n}^{2}+\widehat{\beta}_{n}^{2}\right)\left(\operatorname{ch}2\widehat{\beta}_{n}d-\cos 2\widehat{\alpha}_{n}d\right)}}{\sqrt{2}\sqrt{\left(\widehat{\alpha}_{n}^{2}+\widehat{\beta}_{n}^{2}+\widehat{\Gamma}_{n}^{2}\right)-4\widehat{\alpha}_{n}^{2}\widehat{\Gamma}_{n}^{2}}\left[\operatorname{ch}\left(\widehat{\eta}_{n}+2\widehat{\beta}_{n}d\right)-\cos\left(\widehat{\gamma}_{n}-2\widehat{\alpha}_{n}d\right)\right]},$$

$$T_{n}^{\text{inter}} =$$
(53)

$$\frac{8\varepsilon\Gamma_n\sqrt{\left(\alpha_n^2+\beta_n^2\right)(\operatorname{ch} 2\beta_n d-\cos 2\alpha_n d)}}{\sqrt{2}\sqrt{\alpha_n^2+\beta_n^2+\varepsilon^2\Gamma_n^2-4\alpha_n^2\Gamma_n^2}\left[\operatorname{ch}\left(\eta_n+2\beta_n d\right)-\cos\left(\gamma_n-2\alpha_n d\right)\right]}.$$
(54)

Как видно из (35)–(38), (53), (54), величины  $T_n^{\text{inter}}, T_n^{\text{inter}}, \widetilde{R_n}, \widetilde{T_n}, R_n, T_n$  удовлетворяют условию

$$\widehat{T}_{n}^{\text{inter}} = 2\sqrt{\widehat{T}_{n}\widehat{R}_{n}}, \quad T_{n}^{\text{inter}} = 2\sqrt{R_{n}T_{n}}.$$
(55)

Отметим, что аналогичный результат в случае неограниченного пространства получен и в работах [1,2].

Теперь из (41) и (42) с учетом (35)–(38), (46), (47) и (55) для потоков электромагнитной энергии в области III в волноводе получим

$$\begin{split} \widehat{S}_{zn}^{\text{III}} &= \widehat{S}_{zn}^{\text{ref},b} + \widehat{S}_{zn}^{\text{trans},a} + \widehat{S}_{zn}^{\text{inter},ba} \\ &= \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \widehat{\Gamma}_n}{\widehat{\lambda}_n^2} \left[ \widehat{T}_n |\widehat{A}_n^a|^2 + \widehat{R}_n |\widehat{A}_n^b|^2 \\ &+ 2 |\widehat{A}_n^a| |\widehat{A}_n^b| \sqrt{\widehat{R}_n \widehat{T}_n} \sin\left(\varphi - \theta + \widehat{\delta}\right) \right], \quad (56) \\ S_{zn}^{\text{III}} &= S_{zn}^{\text{ref},b} + S_{zn}^{\text{trans},a} + S_{zn}^{\text{inter},ba} \\ &= \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \Gamma_n}{\lambda_n^2} \left[ T_n |A_n^a|^2 + R_n |A_n^b|^2 \right] \end{split}$$

$$+ 2 |A_n^a| |A_n^b| \sqrt{R_n T_n} \sin \left(\varphi - \theta + \delta\right) \bigg].$$
 (57)

Потоки электромагнитной энергии в области I в волноводе будут иметь вид

$$\begin{split} \widehat{S}_{zn}^{I} &= \widehat{S}_{zn}^{\text{ref},a} + \widehat{S}_{zn}^{\text{trans},b} + \widehat{S}_{zn}^{\text{inter},ab} \\ &= \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \widehat{\Gamma}_{n}}{\widehat{\lambda}_{n}^{2}} \left[ \widehat{R}_{n} |\widehat{A}_{n}^{a}|^{2} + \widehat{T}_{n} |\widehat{A}_{n}^{b}|^{2} \\ &+ 2 |\widehat{A}_{n}^{a}| |\widehat{A}_{n}^{b}| \sqrt{\widehat{R}_{n} \widehat{T}_{n}} \sin \left(\varphi - \theta + \delta\right) \right], \end{split}$$
(58)  
$$S_{zn}^{I} &= S_{zn}^{\text{ref},a} + S_{zn}^{\text{trans},b} + S_{zn}^{\text{inter},ab} \end{split}$$

$$= \frac{1}{8\pi} \frac{\omega \Gamma_n}{\lambda_n^2} \left[ R_n |A_n^a|^2 + T_n |A_n^b|^2 + 2|A_n^a| |A_n^b| \sqrt{R_n T_n} \sin\left(\varphi - \theta + \delta\right) \right].$$
(59)

Анализ выражений (56)-(59) приводит к следующим результатам:

1. Если 
$$\varphi - \theta + \widehat{\delta} = -\frac{\pi}{2}, \ \varphi - \theta + \delta = -\frac{\pi}{2}$$
 и  $\frac{|\widehat{A}_{n}^{b}|}{|\widehat{A}_{n}^{a}|} = \frac{\widehat{T}_{n}}{\widehat{R}_{n}},$   
 $\frac{|A_{n}^{b}|}{|\widehat{A}_{n}^{a}|} = \frac{T_{n}}{\widehat{R}_{n}},$  то  
 $\widehat{S}_{zn}^{III} = 0, \quad S_{zn}^{III} = 0, \quad \widehat{S}_{zn}^{I} \neq 0, \quad S_{zn}^{I} \neq 0.$  (60)  
2. Если  $\theta - \varphi + \widehat{\delta} = -\frac{\pi}{2}, \ \theta - \varphi + \delta = -\frac{\pi}{2}$  и  $\frac{|\widehat{A}_{n}^{b}|}{|\widehat{A}_{n}^{a}|} = \frac{\widehat{R}_{n}}{\widehat{T}_{n}},$ 

$$\frac{|A_n^h|}{|A_n^a|} = \frac{R_n}{T_n}, \text{ to}$$

$$\widehat{S}_{zn}^{I} = 0, \quad S_{zn}^{I} = 0, \quad \widehat{S}_{zn}^{III} \neq 0, \quad S_{zn}^{III} \neq 0. \quad (61)$$

### Заключение

Резюмируя плученные выше результаты, приходим к выводу, что выбором соответствующим образом начальных фаз  $\varphi$ ,  $\theta$  и фазовых сдвигов  $\delta$ ,  $\delta$  встречных волн, а также амплитуд этих волн можно достичь того, что в области I вне пластины будут присутствовать потоки электромагнитной энергии TE и TM волн, а в области III вне пластины они будут отсутствовать, или наоборот. Другими словами, появляется возможность управления электромагнитными потоками встречных волн, проходящих через поглощающую пластину в волноводе. Интерференция встречных волн при их распространении в поглощающей пластине, в результате которой возникает туннельный интерференционный поток энергии (см. [3]), может иметь широкие применения при создании различных радиофизических устройств и при проведении различных измерений.

### Список литературы

- Сидоренков В.В., Толмачев В.В. // Письма в ЖТФ. 1989.
   Т. 15. Вып. 21. С. 34–37.
- [2] Сидоренков В.В., Толмачев В.В. // Письма в ЖТФ. 1990.
   Т. 16. Вып. З. С. 20-25.
- [3] Сидоренков В.В., Толмачев В.В., Федотова С.В. // Известия РАН. Сер. физическая. 2001. Т. 65. № 12. С. 1176-1182.
- [4] Сидоренков В.В., Толмачев В.В. http://www.scitsclibrary.ru/texsts/rus/stat/st. 2251. pdf.
- [5] Афанасьев С.А., Семенцов Д.И. // ЖТФ. 1997. Т. 67. Вып. 10. С. 77-80.
- [6] Астахов П.В., Митюрич Г.С. // Письма в ЖТФ. 1998. Т. 24. Вып. 15. С. 85-89.
- [7] Санников Д.Г., Семенцов Д.И. // Письма в ЖТФ. 2007.
   Т. 33. Вып. 23. С. 19–26.
- [8] Сидоренков В.В., Толмачев В.В. // Вестник МГТУ. Сер. Приборостроение. 1992. № 1. С. 43-56.
- [9] Колоколов А.А., Скроцкий Г.В. // УФН. 1992. Т. 162. № 12. С. 165–174.
- [10] Геворкян Э.А. // Успехи современной радиоэлектроники. 2006. № 1. С. 3–29.
- [11] Геворкян Э.А. // ЖТФ. 2006. Т. 76. Вып. 5. С. 134–137.
- [12] Геворкян Э.А. // Радиотехника и электроника. 2008. Т. 53. № 5. С. 565–569.