03

## Интенсификация смешения параллельных сжимаемых потоков с помощью локализованного импульсно-периодического подвода энергии

## © А.А. Желтоводов, Е.А. Пимонов

Институт теоретической и прикладной механики им. С.А. Христиановича СО РАН, Новосибирск E-mail: zhelt@itam.nsc.ru; pimonov@ngs.ru

## Поступило в Редакцию 18 июня 2013 г.

На основе численного моделирования взаимодействия сверхзвуковых и дозвуковых газовых струй пониженной плотности с косым скачком уплотнения обосновывается возможность интенсификации их смешения со спутным сверхзвуковым потоком с помощью локализованного импульсно-периодического подвода энергии. Демонстрируется влияние расположенного перед скачком источника энергии как на оси струи, так и во внешнем потоке на формирование крупномасштабных вихревых структур, способствующих интенсификации процесса смешения.

Развитие методов интенсификации смешения сверхзвуковых газовых потоков является современной и важной задачей. Ее актуальность в значительной степени обусловлена разработкой гиперзвукового прямоточного воздушно-реактивного двигателя (ГПВРД), в котором должны быть реализованы условия для эффективного горения подаваемого топлива (например, водорода) в окружающем сверхзвуковом воздушном потоке в камере сгорания. В течение продолжительного времени применительно к ГПВРД активно изучались возможности использования различных традиционных механических средств и газодинамических методов управления потоком, способствующих развитию неустойчивости и генерации вихревых структур в слоях смешения [1]. Развитие современных технологий стимулировало интерес к перспективе применения локализованного подвода энергии в сверхзвуковые потоки с

73

помощью оптических и электрических разрядов с целью интенсификации смешения и реализации горения [2-4]. Например, в работе [2] продемонстрирована возможность генерации с помощью лазерного разряда локализованной пространственной вихревой структуры в слое смешения на границе между истекающей из сопла сверхзвуковой струи и неподвижной окружающей воздушной средой. Зафиксированный в эксперименте небольшой рост толщины сдвигового слоя в окрестности такой вихревой структуры ассоциировался с интенсификацией процесса смешения. Вместе с тем наблюдавшийся эффект нельзя признать значительным, а рассмотренные условия далеки от реализующихся в камере сгорания ГПВРД, где распространяющиеся в сверхзвуковом потоке струи топлива взаимодействуют с последовательностью падающих и отраженных от внутренних поверхностей скачков уплотнения. Это обстоятельство является важным, поскольку возникающая неустойчивость Рихтмайера-Мешкова (Р-М) при взаимодействии локализованных областей подвода энергии со скачками уплотнения может способствовать образованию более интенсивных вихревых структур, которые стимулируют процесс смешения [5,6]. Как известно, такая неустойчивость обусловлена порождением завихренности при прохождении скачков уплотнения через границы раздела газов с различными плотностями в условиях непараллельности векторов, характеризующих градиенты давления  $\nabla p$  на фронтах скачков и градиенты плотности  $\nabla \rho$  на отмеченных границах раздела.

Для изучения возможности интенсификации процесса смешения в обсуждаемых условиях проведены расчетные исследования воздействия локализованного импульсно-периодического подвода энергии на взаимодействия двумерной сверхзвуковой и дозвуковой струи с косым скачком уплотнения в спутном сверхзвуковом потоке. В качестве основы для таких исследований рассмотрены течения, аналогичные изучавшимся в работе [7] в условиях без подвода энергии. Как и в указанной работе, численные расчеты проводились в рамках нестационарных уравнений Эйлера для идеального совершенного газа. Применимость такого подхода для решения близких задач в условиях с локализованными источниками энергии обоснована в работе [6]. В расчетах использовалась конечно-объемная схема типа Годунова 3-го порядка по пространству, в рамках которой потоки через грани расчетной ячейки на текущем временном слое находятся решением локальной одномерной задачи Римана методом HLLEM. С целью повышения

порядка точности по пространству без потери монотонности алгоритма применялась процедура MUSCL интерполяции (см. [3,5,6]). Для расчета газодинамических величин на следующем шаге по времени применялась явная схема Рунге—Кутты 3-го порядка. Подвод энергии моделировался источниковым членом в уравнении сохранения энергии. Для расчета удельной мощности на единицу массы задавалась начальная форма и размер источника энергии [3,6].

Граничные условия реализованы при помощи 2 слоев фиктивных ячеек вокруг расчетной области. На левой границе задавались постоянные параметры в набегающем однородном сверхзвуковом потоке и во входном сечении струи. На правой границе использовались стандартные "мягкие" условия, на верхней границе — условия отсутствия отражения возмущений, а на нижней — условия непротекания. Сходимость полученных решений проверялась предварительными расчетами на равномерных в основной области регулярных сетках различной размерности (1800 × 450, 2400 × 600 и 3000 × 750), которые, начиная с некоторой ординаты и абсциссы в окрестностях соответственно верхней и правой границ расчетных областей, экспоненциально разрежались для рассмотренных различных задач. Это позволило обосновать размерность используемой сетки 2400 × 600.

С целью формирования исходного течения для последующего изучения влияния локализованного подвода энергии на первом этапе численно моделировалось развитие двумерной спутной изобарической струи. Струя, распространяясь от левой границы расчетной области в сверхзвуковом потоке с числом Маха  $M_{\infty} = 2.0$ , взаимодействовала с косым скачком уплотнения, который генерировался установленной на нижней поверхности наклонной ступенькой с углом отклонения наветренной грани 20° (рис. 1, *a*). В соответствии с условиями работы [7] приняты значения давления торможения внешнего потока  $p_0 = 0.25$  MPa и температуры торможения  $T_0 = 288$  K. При этом плотность в струе была в 2 раза меньше ее значения в невозмущенном внешнем потоке, а постоянное по толщине число Маха задавалось равным  $M_c = 1.05$  или 0.7. Исходная толщина плоской струи принималась равной 1 ст, и ее плоскость симметрии располагалась на высоте  $y_0 = 10.5$  ст от нижней поверхности.

Полученное в расчетах поле мгновенных значений числа Маха для исходного течения со сверхзвуковой струей с числом Маха  $M_c = 1.05$  (рис. 1, *a*) демонстрирует его газодинамическую структуру



**Рис. 1.** Взаимодействие сверхзвуковой струи ( $M_c = 1.05$ ) с косым скачком в окружающем спутном потоке с числом Маха  $M_{\infty} = 2.0$ : a — без подвода энергии, b — с пульсирующим источником энергии на оси струи ( $x_0 = 3$  cm,  $y_0 = 10.5$  cm), c — с источником над струей ( $x_0 = 3$  cm,  $y_0 = 13.5$  cm).

для указанного на рисунке момента времени  $t = 2500 \,\mu$ s, которая аналогична зафиксированной в работе [7]. В этих условиях струя проникает через фронт косого скачка с формирующимся в ней выше по потоку прямым скачком—предвестником, который вне струи трансформируется в наклонные скачки. При пересечении такого наклонного скачка под струей с распространяющимся косым скачком от вершины угла сжатия возникает дополнительный прямой скачок. Характер течения в струе после взаимодействия с исходным косым скачком уплотнения не обнаруживает признаков ее активного перемешивания с окружающим сверхзвуковым потоком. Лишь при x > 32 ст в ней начинают развиваться волны, ассоциируемые с неустойчивостью Кельвина—Гельмгольца (К- $\Gamma$ ), которые постепенно трансформируются в вихревые структуры, способствующие росту интенсивности смешения.

Для проверки возможности интенсификации процесса смешения в рассмотренных условиях численно моделировалось влияние локализованного подвода энергии при различных положениях пульсирующего с частотой  $f = 5 \,\mathrm{kHz}$  источника с эллипсоидальным сечением, центр которого располагался в струе перед косым скачком при  $x_0 = 3$  cm. Длины горизонтальной и вертикальной полуосей такого источника составляли соответственно  $\Delta x = 0.5$  ст и  $\Delta y = 0.25$  ст. Подводимая в импульсе энергия была равной  $E = 0.3 \, \text{J}$ , а продолжительность импульса  $\tau = 10$  ns. Полученные результаты при импульсно-периодическом подводе энергии на оси струи  $y_0 = 10.5$  cm (рис. 1, *b*) для указанного на рисунке момента времени  $t = 4500 \, \mu s$  демонстрируют сносимые потоком локальные зоны подвода энергии, которые инициируют возникающие непосредственно за скачком крупномасштабные вихревые структуры вследствие неустойчивостим Р-М. Такие крупномасштабные вихри существенно активизируют процесс смешения. Примечательно, что и в случае расположения энергоисточника над струей при  $y_0 = 13.5 \, \text{cm}$ (рис. 1, c) распространяющиеся от него близкие к сферическим ударные волны инциируют начальные возмущения в струе, достаточные для формирования аналогичных крупномасштабных вихревых структур за скачком. При этом дорожка вихрей, возникающих в результате взаимодействия локальных областей подводимой энергии со скачком, распространяется над более крупными вихрями, появляющимися в возмущенной сферическими ударными волнами струе.

Результаты расчета взаимодействия с косым скачком дозвуковой струи ( $M_c = 0.7$ ) без подвода энергии также демонстрируют газоди-



**Рис. 2.** Взаимодействие дозвуковой струи ( $M_c = 0.7$ ) с отсоединенным скачком в окружающем спутном потоке с числом Маха  $M_{\infty} = 2.0$ : a — без подвода энергии, b — с пульсирующим источником энергии на оси струи ( $x_0 = 3$  cm,  $y_0 = 10.5$  cm).

намическую структуру течения (рис. 2, *a*), во многом аналогичную наблюдавшейся в работе [7]. В таких условиях резко возрастает протяженность распространяющейся вверх по потоку через струю области повышенного давления по сравнению со случаем сверхзвуковой струи (рис. 1, *a*). Границы дозвуковой струи расширяются до места падения на нее инициированного углом сжатия скачка, который в рассмотренных условиях становится отсоединенным. При взаимодействии этого скачка с нижней границей расширяющейся дозвуковой струи формируются отраженные волны разрежения, в которых струя ускоряется и при x > 52 ст становится сверхзвуковой. Вниз по течению в такой струе проявляются признаки неустойчивости К–Г. Отсоединение скачка от вершины угла сжатия свидетельствует о приближении режима запирания сверхзвукового потока между струей и поверхностью. Такой эффект

не наблюдался в работе [7], где аналогичная струя располагалась выше над поверхностью.

Описанный выше пульсирующий источник энергии, расположенный на оси рассмотренной струи ( $x_0 = 3 \text{ cm}$ ,  $y_0 = 10.5 \text{ cm}$ ), способствует подавлению проникающей против потока расширяющейся дозвуковой области и инициирует крупномасштабные вихревые структуры за фронтом распространяющегося от угла возмущенного скачка (рис. 2, *b*). Согласно выполненным дополнительным расчетам, аналогичные эффекты сохраняются и в условиях подвода энергии вне такой струи при  $y_0 = 16 \text{ cm}$ .

Таким образом, проведенные исследования демонстрируют возможность существенной интенсификации процесса смешения сверх- и дозвуковых струй с окружающим спутным сверхзвуковым потоком с помощью локализованного импульсно-периодического подвода энергии в условиях их взаимодействия с косым скачком уплотнения. Показано, что положительный эффект может быть достигнут при подводе энергии перед скачком как внутри струй, так и во внешнем потоке. Планируемые дальнейшие экспериментальные и расчетные исследования позволят уточнить влияние пространственных и вязких эффектов на процесс смешения в рассматриваемых условиях, а также обосновать параметры и схемы энергоподвода, наиболее приемлемые для практического использования.

## Список литературы

- Seiner J.M., Dash S.M., Kenzakowski D.C. // J. Propulsion and Power. 2001.
  V. 17. N 6. P. 1273–1286.
- [2] Elliott G.S., Grawfold J., Mosedale A. // AIAA J. 1998. V. 36. N 9. P. 1730-1732.
- [3] Желтоводов А.А., Пимонов Е.Е. // Теплофиз. и аэромех. 2005. Т. 12. № 4. С. 553–574.
- [4] Leonov S., Bityurin V., Savelkin K., Yarantsev D.A. // AIAA 2003–0699. 2003.
- [5] Schülein E., Zheltovodov A.A., Pimonov E.A., Loginov M.S. // AIAA 2009–3568. 2009.
- [6] Желтоводов А.А., Пимонов Е.А. // ЖТФ. 2013. Т. 83. В. 2. С. 21–35.
- [7] Зудов В.Н. // Письма в ЖТФ. 2010. Т. 36. В. 16. С. 82-88.