## 07;15

# Влияние температуры окружающей среды на собственные частоты квазиоптического цилиндрического диэлектрического резонатора

#### © А.В. Дормидонтов, Ю.В. Прокопенко

Институт радиофизики и электроники им. А.Я. Усикова НАН Украины, Харьков E-mail: prokopen@ire.kharkov.ua

#### Поступило в Редакцию 29 августа 2012 г.

Проведено исследование влияний температуры и индекса рефракции окружающего воздушного пространства на собственные параметры цилиндрического диэлектрического резонатора с колебаниями "шепчушей галереи". Впервые предпринята попытка разделения влияний указанных факторов на спектральные и энергетические характеристики фторопластового резонатора миллиметрового диапазона длин волн. Обнаружен различный характер поведения собственных частот резонатора и стабильность его добротностей при изменении температуры в интервале от -60 до  $+60^{\circ}$ С и диэлектрической проницаемости воздуха в пределах 1-1.0004. Показано, что резонатор может быть использован в качестве датчика температуры окружающей среды, обеспечивающего точность  $10^{-4\circ}$ С при измерении его резонансных частот с точностью 1 kHz в диапазоне миллиметровых длин волн.

Интерес к квазиоптическим диэлектрическим резонаторам обусловлен чувствительностью полей их собственных колебаний к состояниям их внутренних и внешних сред. В настоящее время они широко применяются в качестве датчиков в устройствах для определения электрофизических параметров веществ [1–4]. Особенностью таких резонаторов является наличие электромагнитных полей вблизи их криволинейных поверхностей. Для собственных слабозатухающих колебаний "шепчущей галереи" в резонаторе всегда выполняется условие  $\varepsilon'_1 > \varepsilon'_2$ , где  $\varepsilon'_1$  и  $\varepsilon'_2$  — относительные диэлектрические проницаемости материала резонатора и окружающей среды соответственно. Основная часть поля этих колебаний сосредоточена внутри диэлектрика, что обеспечивает

71

высокую добротность резонатора, но имеется некоторая часть поля и вне диэлектрика, т.е. в окружающем пространстве [5,6]. Отметим, что чем меньше разность  $\varepsilon'_1 - \varepsilon'_2$ , тем больше глубины проникновений полей собственных колебаний резонатора во внешнюю среду [7]. При этом окружающее пространство является неотьемлемой частью резонатора, вследствие чего собственные параметры (собственные частоты и добротности) такого резонатора полностью зависят от электрофизических параметров окружающего пространства. Следовательно, квазиоптический диэлектрический резонатор может быть использован в качестве контактного параметрического сенсора окружающей его среды.

В данной работе выясняются степени влияния температуры и диэлектрической проницаемости атмосферы  $\varepsilon'_2$  на спектральные и энергетические характеристики квазиоптического цилиндрического диэлектрического резонатора (ЦДР). Необходимость этих исследований обусловлена выявлением возможности использования высокодобротных ЦДР в качестве датчиков резонаторных рефрактометров, в которых обеспечивается измерение частот с точностью до десятков герц [8,9]. Преобладающей особенностью ЦДР является то, что он всегда непосредственно контактирует с окружающей средой, которая является непосредственной его частью. При этом нет необходимости обеспечения принудительного отбора некоторого объема воздуха с целью его внедрения в резонаторный сенсор для диагностирования электрофизических параметров среды в контролируемой точке пространства. Достаточно поместить резонатор в эту точку.

Исследования собственных частот  $\omega'_p$  и добротностей  $Q^j$  ЦДР с проводящими торцевыми поверхностями, окруженного воздушным пространством без электрофизических потерь (tg  $\delta_2 = 0$ ), проведены на фторопластовом ( $\varepsilon'_1 = 2.4$ ; tg  $\delta_1 = 1.7 \cdot 10^{-4}$ ) образце с радиусом  $\rho_0 = 3.9$  ст и продольным размером L = 0.7 ст. Электродинамический анализ исследуемого ЦДР проведен, в частности, в работе [10]. Нами проведены исследования резонатора с модами Е- и Н-типов, имеющими модовые индексы  $p \equiv msl$ : азимутальный m = 36, радиальный s = 1; 2 и продольный (аксиальный) l = 0; 1. Выбор собственных мод с азимутальным индексом m = 36 обусловлен рабочим частотным диапазоном 34-43 GHz.

Изменения собственных частот ЦДР, вызванные изменением температуры T атмосферы и, следовательно, резонатора, приведены на рис. 1. При этом диэлектрическая проницаемость воздушной внешней



Рис. 1. Температурные зависимости a — собственных частот ( $\omega'_p/2\pi$ ) и b — их изменений ( $\Delta \omega'_p/2\pi$ ) ЦДР с модами: I — TM<sub>3610</sub>; 2 — TM<sub>3620</sub>; 3 — HE<sub>3611</sub>; 4 — HE<sub>3621</sub>; 5 — EH<sub>3611</sub>; 6 — EH<sub>3621</sub>.

среды  $\varepsilon'_2 = 1$ . Неравномерность частотных характеристик в интервале температур от -10 до  $+50^{\circ}$ С обусловлена неравномерностью коэффициента линейного расширения фторопласта, величина которого

Таблица 1. Собственные добротности ЦДР с Е- и Н-типами колебаний

Мода	$Q^i$
TM <sub>36 10</sub>	4870
$TM_{3620}$	457
HE <sub>36 11</sub>	6117
HE <sub>36 21</sub>	3062
EH <sub>36 11</sub>	6179
EH <sub>36 21</sub>	3007

при температурах  $-60 - -10^{\circ}$ С изменяется мало и в среднем равна  $8 \cdot 10^{-5}$ , а затем резко возрастает, достигая максимального значения  $25 \cdot 10^{-5}$  при  $+20^{\circ}$ С, и снова резко убывает до  $11 \cdot 10^{-5}$  при  $50^{\circ}$ С [10]. Собственные добротности  $Q^{j}$  резонатора с модами *j*-типов во всем температурном интервале  $-60 - + 60^{\circ}$ С не изменяются и имеют значения, приведенные в табл. 1.

Электромагнитные поля собственных Е- и Н-типов колебаний в основном сосредоточены внутри диэлектрического резонатора вблизи его цилиндрической боковой поверхности. Проникновение полей в окружающее пространство позволяет, с одной стороны, осуществлять эффективное возбуждение мод "шепчущей галереи", а с другой реагировать на изменения параметров окружающей среды. Выбор возбуждаемой моды резонатора осуществляется подбором прицельного расстояния между ним и источником возбуждения совместно с частотной селекцией [7]. Из-за большей глубины проникновения поля моды ТМ<sub>3620</sub>, по сравнению с полем моды ТМ<sub>3610</sub>, собственная добротность резонатора с этой модой ( $Q^E = 457$ ) имеет значение на порядок ниже, чем с модой ТМ<sub>3610</sub> ( $Q^E = 4870$ ). Собственные добротности резонатора с аксиально-неоднородными модами с радиальными индексами s=1(одной вариацией поля вдоль радиальной координаты) и s = 2 (двумя вариациями поля вдоль радиальной координаты) отличаются порядка двух раз (табл. 1). Отметим, что резонатор с модой ЕН<sub>3611</sub> имеет наибольшую добротность  $Q^H = 6179$ . Флуктуации температуры в пределах  $\pm 0.01^{\circ}$ С при  $T = 20^{\circ}$ С приводят к смещению собственных частот резонатора в пределах  $\mp 87$  и  $\mp 98$  kHz соответственно для мод TM<sub>3610</sub> и ТМ<sub>36 20</sub>. Аналогично собственные частоты резонатора с модами НЕ<sub>36 11</sub> и HE $_{36\,21}$  смещаются в пределах  $\mp 95$  и  $\mp 105$  kHz, а с модами EH $_{36\,11}$  и  $EH_{36\,21} - \mp 97$  и  $\mp 107$  kHz соответственно.



**Рис. 2.** a — собственные частоты  $(\omega'_p/2\pi)$  и b — добротности  $(Q^j)$  ЦДР с модами: I —  $TM_{3610}$ ; 2 —  $TM_{3620}$ ; 3 —  $HE_{3611}$ ; 4 —  $HE_{3621}$ ; 5 —  $EH_{3611}$ ; 6 —  $EH_{3621}$  — при различных диэлектрических проницаемостях окружающей среды.

На рис. 2 приведены зависимости собственных частот и добротностей ЦДР от диэлектрической проницаемости окружающей среды. Температура окружающего пространства равна 20°С.



**Рис. 3.** Изменение собственных частот резонатора с модами:  $I - TM_{3610}$ ;  $2 - TM_{3620}$ ;  $3 - HE_{3611}$ ;  $4 - HE_{3621}$ ;  $5 - EH_{3611}$ ;  $6 - EH_{3621} -$ при изменении индекса рефракции воздуха.

Чувствительность резонаторного микроволнового рефрактометра определяется степенью изменения собственных параметров резонатора (частоты  $\omega'_p$  и добротности  $Q^j$  резонатора с *p*-й модой *j*-типа) к изменению диэлектрической проницаемости окружающей воздушной среды  $\varepsilon'_2$  и, следовательно, индекса рефракции  $N = 10^6(n_2 - 1)$ , где  $n_2 = \sqrt{\varepsilon'_2}$  — коэффициент преломления воздуха. Использование количественного параметра N обусловлено малым отличается в четвертом знаке после запятой [9]). На рис. З приведены зависимости изменений собственных параметров исследуемого ЦДР от индекса рефракции N. Повышение диэлектрической проницаемости внешней среды приводит к снижению собственных частот и добротностей резонатора. Отметим, что при изменении индекса рефракции воздуха в пределах 0-11 N- units добротности резонатора с модами  $TM_{36\,10}$  и  $TM_{36\,20}$  не изменяются. Постоянство добротностей резонатора с аксиально-неоднородными (HE<sub>36\,11</sub>, HE<sub>36\,21</sub>, EH<sub>36\,11</sub> и EH<sub>36,21</sub>) модами сохраняется при изменении

индекса рефракции воздуха в пределах 0–40 *N*-units. Флуктуации индекса рефракции порядка 0.05 *N*-units, что эквивалентно увеличению  $\varepsilon_2'$  на 10<sup>-7</sup>, приводят к смещению собственных частот резонатора на 92 и 151 Hz в сторону уменьшения соответственно для мод TM<sub>3610</sub> и TM<sub>3620</sub>. Аналогично собственные частоты резонатора с модами HE<sub>3611</sub> и HE<sub>3621</sub> уменьшаются на 78 и 133 Hz, а с модами EH<sub>3611</sub> и EH<sub>3621</sub> — на 98 и 164 Hz соответственно.

Следовательно, высокий температурный коэффициент частоты, обусловленный главным образом температурной зависимостью линейного коэффициента расширения диэлектрика резонатора, практически затрудняет использование ЦДР в качестве измерительной ячейки рефрактометра. Преодоление отмеченной трудности достигается измерением температуры окружающей среды с точностью ±10<sup>-5</sup>°C, что обеспечивает определение диэлектрической проницаемости (индекса рефракции) воздуха по собственным частотам резонатора с учетом их смещений изза теплового расширения его объема. При этом необходимая точность измерения частоты должна быть равна 10 Hz. Отметим, что использование диэлектрика с меньшим порядком коэффициента линейного расширения (например, ситалла, у которого он на три порядка ниже, чем у фторопласта) и со сравнимыми диэлектрическими потерями значительно снизит требование к точности измерения температуры до приемлемых значений. В то же время исследованный квазиоптический ЦДР может быть использован в качестве датчика температуры, обеспечивающего точность 10<sup>-4</sup> °C при измерении его резонансных частот с точностью 1 kHz. При этом допустимое изменение индекса рефракции атмосферы не должно превышать значение 0.05 N-units, обеспечивающее смещение собственных частот резонатора в пределах 150 Hz.

В табл. 2 приведены чувствительности изменений собственных частот исследуемого фторопластового резонатора с Е- и Н-типами колебаний к изменениям индекса рефракции и температуры воздуха. Их отрицательные значения указывают на уменьшение собственных частот резонатора с ростом индекса рефракции и/или температуры окружающего воздушного пространства, что соответствует общим физическим законам. Максимальные значения модулей чувствительностей ЦДР к изменениям температуры имеют место при максимальном, а минимальные — при минимальном значении коэффициента линейного расширения фторопласта.

Мода	$\frac{\Delta \omega_p'}{2\pi\Delta N}$ , $\frac{\mathrm{kHz}}{\mathrm{1}N\text{-unit}}$	$\frac{\Delta \omega'_p}{\Delta T}, \frac{\mathrm{MHz}}{\circ \mathrm{C}}$
$\begin{array}{c} TM_{36\ 10} \\ TM_{36\ 20} \\ HE_{36\ 11} \\ HE_{36\ 21} \\ EH_{36\ 11} \end{array}$	$\begin{array}{c} -1.84\pm 0.03\\ -3.03\pm 0.03\\ -1.55\pm 0.01\\ -2.65\pm 0.01\\ -1.97\pm 0.01\end{array}$	$\begin{array}{r} -(1.0-8.7) \\ -(1.1-9.8) \\ -(1.1-9.5) \\ -(1.2-10.5) \\ -(1.1-9.7) \end{array}$
EH <sub>36 21</sub>	$-3.28\pm0.02$	-(1.3-10.7)

Таблица 2. Чувствительности ЦДР с Е- и Н-типами колебаний

Изученная возможность разделения влияния двух факторов изменений температуры и диэлектрической проницаемости окружающей среды на собственные параметры высокодобротного квазиоптического ЦДР позволяет констатировать следующее. С одной стороны, не исключается возможность использования резонатора в качестве измерительной ячейки индекса рефракции воздуха в рефрактометре, для чего необходимо высокоточное измерение температуры, что весьма затруднительно. Нами были проведены аналогичные исследования в том же частотном диапазоне лейкосапфирового резонатора с радиусом 2.83 ст. Такой резонатор, например, с модой ТМ<sub>6410</sub> обладает чувствительностями  $(0.05 \pm 0.005)$  kHz/1 N-unit и  $(1.75 \pm 0.01)$  MHz/°C, а с модой  $TM_{64\,20}$  —  $(0.061 \pm 0.002)$  kHz/1 N-unit и  $(1.89 \pm 0.01)$  MHz/°C. При этом резонатор с обеими модами имеет добротности  $Q^E = 100\,160$ в интервале температуры-60-+60°С. Из-за меньших смещений собственных частот лейкосапфирового резонатора, что обусловлено малой глубиной проникновения поля в окружающее пространство, для разделения отмеченных двух факторов необходим контроль температуры той же точности, что и для исследованного фторопластового резонатора. Отметим, что ЦДР обладает приемлемыми чувствительностями изменений собственных частот к изменениям индекса рефракции окружающего воздушного пространства, которые соизмеримы с чувствительностями других резонансных сенсоров рефрактометров [8]. С другой стороны, ЦДР является высокоточным сенсором температуры окружающего пространства, обеспечивающим точность 10<sup>-4</sup>°C при измерении его резонансных частот с точностью 1 kHz, что приемлемо для современной измерительной аппаратуры. При этом смещения собственных частот резонатора из-за изменения индекса рефракции воздуха не влияют на

точность определения температуры. Наличие строгого электродинамического решения спектральной задачи ЦДР исключает необходимость калибровки сенсора.

Таким образом, определены степени влияния изменений температуры и диэлектрической проницаемости воздушной внешней среды на изменения собственных частот и добротностей ЦДР с колебаниями "шепчущей галереи". Определены абсолютные чувствительности фторопластового резонатора как средства измерения параметров указанных факторов в диапазоне частот 34–43 GHz. Решения обратной задачи электродинамики, с учетом поправок к спектральным характеристикам квазиоптического резонатора из-за объемного теплового расширения и/или изменения диэлектрической проницаемости воздуха, позволяют определять температуру и/или проницаемость воздушного внешнего пространства на основе экспериментально измеренных резонансных частот резонатора с точностью 10 Hz.

### Список литературы

- [1] Ильченко М.Е., Взятышев В.Ф., Гасанов Л.Г. и др. Диэлектрические резонаторы. М.: Радио и связь, 1989. 328 с.
- [2] Barannik A.A., Cherpak N.T., Prokopenko Yu.V. et al. // Measurement Science Technology. 2007. V. 18. N 6. P. 2231–2238.
- [3] Кириченко А.Я., Прокопенко Ю.В., Суворова О.А. и др. // Радиофизика и электроника. Сборник. Харьков: ИРЭ НАН Украины, 2009. Т. 14. № 3. С. 275–281.
- [4] Barannik A.A., Bunyaev S.A., Cherpak N.T. et al. // IEEE Trans. on Microwave Theory and Techniques. 2010. V. 58. N 10. P. 2682–2691.
- [5] Прокопенко Ю.В., Филиппов Ю.Ф., Шипилова И.А. и др. // ЖТФ. 2006. Т. 76. В. 2. С. 102–111.
- [6] Derkach V.N., Filippov Yu.F., Plevako A.S. et al. // Int. J. Infrared and Millimeter Waves. 2004. V. 25. N 1. P. 139–148.
- [7] Кириченко А.Я., Прокопенко Ю.В., Филиппов Ю.Ф., Черпак Н.Т. Квазиоптические твердотельные резонаторы. Киев: Наук. думка, 2008. 286 с.
- [8] Бин Б.Р., Даттон Е.Д. Радиометеорология. Л.: Гидрометеоиздат, 1971. 362 с.
- [9] *Казаков Л.Я., Ломакин А.Н.* // Распространение радиоволн. М.: Наука, 1975. 368 с.
- [10] Горяинова А.В., Божков Г.К., Тихонова М.С. Фторопласты в машиностроении. М.: Машиностроение, 1971. 233 с.