07

## Статистика интенсивности обратно-рассеянного излучения полупроводникового лазера в одномодовом оптическом волокне

## © А.Э. Алексеев, Я.А. Тезадов, В.Т. Потапов

Научно-техническое объединение "ИРЭ-Полюс", Фрязино Фрязинский филиал Института радиотехники и электроники им. В.А. Котельникова РАН E-mail:aleksey.e.alekseev@gmail.com

## Поступило в Редакцию 1 августа 2011 г.

Приведены результаты исследования статистической зависимости интенсивности обратно-рассеянного излучения полупроводникового лазера в одномодовом волокне от длительности зондирующего импульса и времени когерентности источника. Показано, что при заданном времени когерентности излучения источника функция распределения интенсивности изменяется с ростом длительности импульса, переходя от функции, близкой к экспоненциальной, к функции, близкой к гауссовской. Экспоненциальная статистика позволяет получить лучшую чувствительность для когерентного рефлектометра при использовании метода прямого детектирования. Рассчитанная функция распределения позволяет количественно определить степень ухудшения чувствительности рефлектометра к внешним воздействиям при увеличении длительности зондирующего импульса или уменьшении времени когерентности лазера, что дает критерий для оптимального выбора источника излучения для когерентного рефлектометра.

В последние годы в связи с появлением недорогих телекоммуникационных полупроводниковых лазеров с распределенной обратной связью наблюдается повышенный интерес к рефлектометрам, использующим такие лазеры в качестве источников когерентного излучения [1–4]. Спектральная ширина полосы таких лазеров, как правило, составляет 2–5 MHz, что соответствует времени когерентности 160–60 ns. Типичная длительность зондирующих импульсов в рефлектометре составляет 50–200 ns, что соответствует пространственному разрешению 5–10. В силу того что время когерентности и длительность зондирующих импульсов имеют один порядок величины, контраст рефлектограммы

74

будет сильно зависеть от их соотношения. Целью данной работы являются теоретическая и экспериментальная оценка степени изменения контраста рефлектограммы при изменении соотношения длительности зондирующего импульса и времени когерентности лазера, а также определение условий, при которых данный вид лазеров может быть использован при сохранении высокой чувствительности когерентного рефлектометра.

При анализе процесса рассеяния когерентного излучения в качестве модели рассеивающей среды принимается протяженный отрезок волокна длиной L с равномерно распределенными про объему центрами рассеяния. Количество центров зависит от температуры затвердевания волокна при его вытяжке. Интерференция полей, рассеянных разными центрами рассеяния на участке L, дает результирующее рассеянное поле, интенсивность которого является случайной величиной, подчиняющейся определенной функции распределения [5,6]. Рассматривая различные статистические независимые участки волокна и используя при расчете статистики модель случайных фазоров (комплексных амплитуд рассеянных полей) [5–8] для монохроматического приближения, находим статистическую функцию распределения интенсивности рассеянного излучения, которая регистрируется квадратичным фотоприемником:

$$p_1(I) = \frac{1}{2\sigma^2} \exp\left(-\frac{I}{2\sigma^2}\right), \quad I \ge 0,$$
 (1)

где  $\sigma^2$  — дисперсия распределения.

Для расчета функции распределения интенсивности рассеянного излучения в случае квазимонохроматического поляризованного излучения полупроводникового лазера необходимо рассмотреть причины уширения его спектральной линии. Основной причиной уширения считаются случайные флуктуации фазы излучения — фазовые шумы [9,10]. Обычно предполагается, что фаза излучения полупроводникового лазера меняется в соответствии со статистикой случайного блуждания. В качестве модели изменения фазы принимается винеровский случайный процесс. Производя статистическое усреднение, находим автокорреляционную функцию комплексной огибающей поля источника:

$$E\langle A_s(t)A_s^*(t+\tau)\rangle = I_s \exp\left(-\frac{|\tau|}{\tau_{coh}}\right), \quad 0 \leqslant t \leqslant 2T,$$
(2)

где  $A_s(t)$  — комплексная амплитуда поля источника,  $I_s$  — интенсивность излучения источника,  $\tau_{coh}$  — время когерентности поля

источника,  $\tau = t_1 - t_2$  — разница произвольных моментов времени,  $E\langle \rangle$  — усреднение по ансамблю, T — время распространения излучения на расстояние *L*. По теореме Винера-Хинчина [5] фурье-преобразование [2] дает лоренцевскую форму линии лазера, что подтверждается непосредственным измерением.

Для автокорреляционной функции комплексной огибающей случайного поля рассеянного излучения можно получить следующее соотношение:

$$E\langle A_{scat}(t)A_{scat}^{*}(t+\tau)\rangle = \frac{v_{gr}^{2}}{4}\rho_{0}I_{s}\exp\left(-\frac{|\tau|}{\tau_{coh}}\right), \quad 0 \leq t \leq 2T, \quad (3)$$

где  $A_{scat}(t)$  — комплексная амплитуда рассеянного поля,  $\tau = t_1 - t_2$  — разница произвольных моментов рассеяния,  $v_{gr}$  — групповая скорость излучения в среде волокна,  $\rho_0$  — коэффициент пространственной корреляции комплексного коэффициента рассеяния в волокне.

Для расчета статистики интенсивности рассеянного квазимонохроматического излучения применяется разложение Карунена–Лоэва комплексной огибающей случайного поля рассеянного излучения  $A_{scat}(t)$  по системе функций { $\theta_1(t), \theta_2(t), \ldots, \theta_n(t), \ldots$ }, ортонормированных на интервале (-T;T) [5,6,11]. Результатом является выражение для функции распределения интенсивности рассеянного квазимонохроматического излучения:

$$p_1(I) = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{\lambda_n^{-1} \exp\left(-\frac{I}{\lambda_n}\right)}{\prod\limits_{\substack{m=0,\\m\neq n}}^{\infty} \left(1 - \frac{\lambda_m}{\lambda_n}\right)}, \quad I \ge 0,$$
(4)

где  $\lambda_n$  — собственные значения интегрального уравнения, ядром которого является корреляционная функция комплексной огибающей случайного рассеянного поля (3):

$$\int_{-T}^{T} E\langle A_{scat}(t_1) A_{scat}^*(t_2) \rangle \,\theta_m(t_1) dt_1 = \lambda_m \theta_m(t_2).$$
(5)

Уравнение (5) решается путем дифференцирования и исключения интегрального члена [11,12]. График результирующей функции распределения (4), нормированной на среднее значение, при изменении



**Рис. 1.** *а* — плотности распределения вероятностей, нормированные на среднее значение, полученные в результате аналитического решения уравнения (5): *I* — изменение плотности распределения при увеличении отношения  $T/\tau_{coh}$ ; *2* — предельный случай распределения, близкого к экспоненциальному (1), при  $T/\tau_{coh} \ll 1$ ; *3* — предельный случай распределения, близкого к гауссовскому при  $T/\tau_{coh} \gg 1$ . *b* — уменьшение контраста рефлектограммы при увеличении отношения  $T/\tau_{coh}$ .

времени интегрирования от T = 10 ns до T = 200 ns и одном и том же времени когерентности  $\tau_{coh} = 40$  ns изображен на рис. 1, a - 1 (сплошные линии). Кроме того, показаны предельные случаи: 2 -близкий к экспоненциальному распределению (1), когда  $\tau_{coh} \gg 2T$  (случай монохроматического излучения) и 3 -близкий к гауссовому распределению, когда  $\tau_{coh} \ll 2T$  (случай сильно уширенного спектра).

В когерентной рефлектометрии временем интегрирования T следует считать половину длительности зондирующего импульса (область рассеяния составляет половину пространственной протяженности импульса). Время когерентности импульсного излучения не может превышать длительности импульса, в соответствии с теоремой свертки анализа Фурье. Спектр узкополосного оптического сигнала уширяется при модуляции, а время когерентности уменьшается до величины порядка длительности импульса.

Таким образом, при  $\tau_{coh} \sim 2T$  функция распределения интенсивности рассеянного излучения имеет выраженный экспоненциальный участок, при  $\tau_{coh} > 2T$  функция распределения стремится к гауссовской. Изменение контраста распределения (4) — отношение дисперсии к среднему значению:  $C = \sigma_1 / E \langle I \rangle$  — изображено на рис. 1, *b*, контраст уменьшается с увеличением отношения времени интернирования к времени когерентности лазера  $T/\tau_{coh}$ .

При рассеянии степень когерентности излучения может уменьшаться, одной из причин этого уменьшения является эффект деполяризации излучения лазера. Эмпирически это изменение учитывается путем уменьшения времени когерентности в расчете при большой длительности импульса.

Для подтверждения теоретических результатов была создана экспериментальная установка (рис. 2). Излучение полупроводникового лазера со спектральной шириной полосы 2 MHz ( $\tau_{coh} = 160$  ns) генерируется в непрерывном режиме на длине волны 1550 nm и усиливается эрбиевым волоконным усилителем до мощности 25 dBm. Далее, с помощью акустооптического модулятора излучение модулируется прямоугольными импульсами с периодом 100  $\mu$ s. Длительность импульсов может меняться от 100 до 500 ns. Импульсное излучение через циркулятор заводится в оптическое волокно SMF-28 длиной 2 km.

Излучение, рассеянное волокном, попадает на фотоприемник с полосой частот 50 MHz и отображается на цифровом осциллографе. В результате наблюдается шумоподобная картина — когерентная рефлектограмма. Рефлектограмма нестабильна во времени, однако характерное



Рис. 2. Экспериментальная установка для исследования статистики когерентного рассеяния.

время ее изменения составляет 5 s. Прежде всего, нестабильность вызвана флуктуациями центральной длины волны полупроводникового лазера, флуктуациями его тока накачки и изменением условий окружающей среды.

Рефлектограммы участка длиной 2 km при длительностях импульсов излучения 100 и 500 ns изображены на рис. 3, *a*, *b*. Из графиков видно, что по мере увеличения длительности импульса изменяются статистические свойства интенсивности рассеянного излучения. Контраст рефлектограммы уменьшается.

Гистограммы распределения интенсивности, построенные по ансамблю реализаций рефлектограмм, при длительностях импульсов 100 и 500 пѕ изображены на рис. 3, *a*, *b*; также показаны теоретические кривые плотности распределеняи интенсивности, хорошо совпадающие с экспериментальными данными. Таким образом, максимальный контраст рефлектограммы и максимальная чувствительность реализуются при экспоненциальной функции распределения интенсивности рассеянного излучения, которая в свою очередь имеет место при длинах когерентности лазера, равных длительности зондирующих импульсов. Поэтому, если требуется рефлектометр с высоким пространственным разрешением (5–10 m), достаточно использовать стандартный телекоммуникационный лазер с распределенной обратной связью со спектральной шириной линии 2 MHz. Если рефлектометр предназначен для работы с разрешением 50–100 m и более, то в этом случае максимальную чувствительность к внешним воздействиям можно получить, используя



Письма в ЖТФ, 2012, том 38, вып. 2

**Рис. 3.** Рефлектограммы, соответствующие гистограммы и теоретические кривые плотности вероятности для распределения интенсивности излучения, рассеянного с участка длиной 2 km при длительности импульса 100 ns (*a*) и 500 ns (*b*).

08

в качестве источников специальные высококогерентные лазеры со спектральной шириной полосы 500 kHz и менее.

## Список литературы

- Mamedov A.M., Potapov V.T., Shatalin S.V., Juškaitis R. // Opt. Lett. 1994. V. 19. N 3. P. 225–227.
- [2] Горшков Б.Г., Парамонов В.М., Курков А.С., Кулаков А.Т. // Lighwave Rus. Ed. 2005. N 4. P. 47–49.
- Juarez J.C., Maier E.W., Vhoi K.N., Taylor H.F. // J. Lightwave Technol. 2005.
   V. 23. N 6. P. 2081–2086.
- Yuelan Lu, Tao Zhu, Liang Chen, Xiaoyi Bao. // J. Lightwave Technol. 2010.
   V. 28. N 22. P. 3243–3249.
- [5] Goodman J.W. Statistical Optics. New York: John Wiley & Sons, 1985. Перевод: Гудмен Дж. Статистическая оптика. М.: Мир, 1988.
- [6] Goodman J.W. Statistical properties of laser speckle patterns // Laser speckle and related phenomena. Topics in Applied Physics / Ed. J.C. Dainty. Berlin: Springer-Verlag, 1975.
- [7] Gysel P., Staubli R.K. // J. Lightwave Technol. 1990. V. 8. N 4. P. 561-567.
- [8] Staubli R.K., Gysel P. // IEEE Trans. Commun. 1992. V. 40. P. 1091–1097.
- [9] Henry C.H. // J. Lightwave Technol. 1986. V. LT-4. P. 298-311.
- [10] Moslehi B. // J. Lightwave Technol. 1986. V. 4. N 9. P. 1334-1351.
- [11] Davenport W.B., Root W.L. An Introduction to the Theory of Random Signals and Noise. New York: McGraw-Hill Book Co., 1958.
- [12] Манжиров А.В., Полянин А.Д. Методы решения интегральных уравнений. М.: Факториал, 1999.