09

Создание оптических рассеивателей на галоидосеребряных фотоматериалах с помощью мультиплексных голограмм

© Н.М. Ганжерли,¹ С.Н. Гуляев,² И.А. Маурер,¹ Д.Ф. Черных¹

¹ Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН,
 194021 Санкт-Петербург, Россия
 ² Санкт-Петербургский государственный политехнический университет,
 195251 Санкт-Петербург, Россия
 e-mail: nina.holo@mail.ioffe.ru

(Поступило в Редакцию 25 февраля 2014 г.)

Предложен метод создания оптических рассеивателей на основе мультиплексных голограмм. Теоретически обоснована возможность синтеза сложных голографических структур, рассеивающих падающее излучение в объемном телесном угле. Экспериментально показано существенное влияние методов формирования рельефа на поверхности галоидосеребряного фотослоя на характеристики высокоэффективных диффузоров.

Введение

Оптические диффузоры широко используются в жидкокристаллических дисплеях, проекционных системах и в других устройствах, где возникает необходимость в формировании освещающего пучка с заданными параметрами. В отличие от обычного матового стекла голографические диффузоры позволяют управлять шириной индикатрисы рассеяния света для более эффективного использования энергии света от ламп накаливания, светодиодов, полупроводниковых лазеров и других источников. Как показано в работах [1,2], методика формирования рельефно-фазовых структур на галоидосеребряных фотоматериалах обеспечивает коэффициент пропускания света более 97% с одновременным уменьшением нерассеянной компоненты до долей процента. С помощью голографических методов возможно управление характерным размером элементов пространственной структуры за счет угла схождения пучков, интерферирующих при записи голограммы. Для синтеза диффузора голографическим методом в качестве объекта голографирования можно использовать оптический рассеиватель в виде матового стекла [1,2]. В качестве другого метода создания голографического диффузора можно предложить использование дифракционной решетки. Как известно, обычная синусоидальная амплитудная голографическая решетка создает кроме нулевого только два порядка дифракции (±1). Таким образом, подобная решетка рассеивает падающее на нее излучение под обычным плоским углом. Для того чтобы голограмма рассеивала падающее излучение в объемном телесном угле, необходимо, чтобы ее структура была более сложной, т. е. содержала в себе множество дифракционных решеток, ориентированных под разными углами в плоскости голограммы. Метод создания подобных голографических структур и исследование их свойств являются предметом настоящей работы.

Теория синтеза голографического диффузора с помощью мультиплексной голограммы

Рассмотрим N плоских монохроматических волн одинаковой интенсивности, падающих на плоскость с центром координат O, в которую помещается светочувствительная среда (рис. 1, a). В дальнейшем покажем, что подобное множество плоских волн может быть получено с помощью амплитудной мультиплексной голограммы, представляющей собой набор дифракционных решеток. Пусть концы волновых векторов \mathbf{k}_n этих волн равномерно заполняют некоторое кольцо, плоскость которого параллельна плоскости светочувствительной среды. Запишем комплексную амплитуду каждой плоской волны как

$$A_n = A_0 \exp(i\mathbf{k}_n \cdot \mathbf{r}). \tag{1}$$

Тогда комплексная амплитуда суммарной волны в плоскости светочувствительной среды может быть представ-



Рис. 1. Диаграммы, поясняющие процесс синтеза голографического диффузора с помощью мультиплексной голограммы.

лена в виде

$$A_n = \sum_{n=1}^{N} A_0 \exp(i\mathbf{k}_n^{\tau} \cdot \mathbf{r}_{\tau}), \qquad (2)$$

где \mathbf{k}_n^{τ} и \mathbf{r}_{τ} — тангенциальные составляющие волновых векторов плоских волн и радиуса-вектора соответственно. Интенсивность суммарной волны в плоскости голограммы выражается как

$$I = \left| \sum_{n}^{N} A_{0} \exp(i\mathbf{k}_{n}^{\tau} \cdot \mathbf{r}_{\tau}) \right|^{2} = \sum_{n}^{N} A_{0} \exp(i\mathbf{k}_{n}^{\tau} \cdot \mathbf{r}_{\tau})$$
$$\times \sum_{m}^{N} A_{0} \exp(-i\mathbf{k}_{m}^{\tau} \cdot \mathbf{r}_{\tau})$$
$$= NA_{0}^{2} + \sum_{n,m,n \neq m}^{N} A_{0}^{2} \exp[i(\mathbf{k}_{n}^{\tau} - \mathbf{k}_{m}^{\tau}) \cdot \mathbf{r}_{\tau}].$$
(3)

Предположим, что с помощью множества плоских волн без дополнительного опорного пучка можно зарегистрировать сложную тонкую амплитудную голограмму с линейным окликом, имеющую коэффициент пропускания

$$\tau = \alpha + \beta It, \tag{4}$$

где *t* — время экспонирования. Если осветить голограмму плоской волной единичной амплитуды, падающей нормально к поверхности голограммы, то комплексную амплитуду волны, распространяющейся за голограммой, как следует из формул (3) и (4), можно представить как

$$A = \alpha + \beta t N A_0^2 + \beta t \sum_{n,m,n \neq m}^N A_0^2 \exp[i(\mathbf{k}_n^{\tau} - \mathbf{k}_m^{\tau}) \cdot \mathbf{r}_{\tau}].$$
(5)

Как видно из формулы (5), тангенциальные составляющие волновых векторов волн, восстановленных голограммой, представляют собой всевозможные комбинации волновых векторов волн, падавших на фоточувствительную среду при записи $\mathbf{k}_{n-m}^{\tau} = (\mathbf{k}_n^{\tau} - \mathbf{k}_m^{\tau})$. Если все волновые векторы отложить из начала координат (точка О в плоскости голограммы), то концы волновых векторов множества волн, выходящих из голограммы, заполнят собой круг с радиусом $R_2 = 2|\mathbf{k}_n^{\tau}|$, в отличие от концов волновых векторов записывающих волн, заполняющих кольцо вдвое меньшего радиуса $R_1 = |\mathbf{k}_n^{\tau}|$ (см. поясняющий рис. 1, b). Это означает, что лучи, по которым распространяются волны, выходящие из голограммы, лежат внутри кругового конуса. Таким образом, эту голограмму можно рассматривать как амплитудную голограмму-диффузор, поскольку она рассеивает падающее на нее излучение в некотором телесном угле.

Эксперимент по регистрации амплитудной голограммы-диффузора

Практическая реализация уравнения (5), описывающего амплитудную голограмму-диффузор, была осу-



Рис. 2. Оптическая схема записи амплитудной голограммы-диффузора. 1 — Не-Nе-лазер; 2, 3, 4 — коллиматор, 5 — диафрагма, 6 — амплитудная мультиплексная голограмма; 7, 9 — линзы, 8 — пространственный фильтр, 10 — амплитудная голограмма-диффузор, f — фокусное расстояние линз 7, 9.



Рис. 3. Распределение интенсивности света в фокальной плоскости линзы для мультиплексной голограммы за режекторным фильтром (*a*) и для амплитудной голограммы-диффузора (*b*).

ществлена нами с помощью схемы оптической фильтрации, изображенной на рис. 2. Тонкая амплитудная мультиплексная голограмма δ создавалась в результате интерференции двух плоских пучков, сходящихся на фотопластинке ПФГ-01 под углом γ . Производилось N/2 одинаковых экспозиций, между которыми фотопластинка поворачивалась на небольшой фиксированный угол $\delta = 2\pi/N$ вокруг нормали к ее поверхности, величина которого в конечном итоге определяла количество плоских волн N (см. формулу (2)). Следует отметить, что исходя из принципа получения мультиплексной голограммы число N всегда будет четным. Далее фотопластинка проявлялась в проявителе D-19 и фиксировалась.

После обработки голографическая структура мультиплексной голограммы представляла собой совокупность множества амплитудных решеток, повернутых относительно друг друга. При освещении мультиплексной голограммы δ каждая из элементарных решеток создавала пучки ± 1 -х порядков дифракции, которые в фурьеплоскости линзы 7 собирались в кольцо, заполненное светящимися точками (рис. 3, *a*). Применение режекторного кольцеобразного пространственного фильтра 8 было вызвано необходимостью подавить волну нулевого порядка дифракции и уменьшить когерентные шумы мультиплексной голограммы 6. Плоские волны, порожденные мультиплексной голограммой, в соответствии с формулой (2) (см. рис. 1, *a*) собирались второй линзой 9 на фотопластинку 10 (фотоматериал ПФГ-01), которая экспонировалась, проявлялась и фиксировалась с целью получения амплитудной голограммы-диффузора.

На рис. 3, b приведен фурье-спектр голограммы-диффузора, полученный с помощью линзы, идентичной линзе 7. Как видно из рисунка в точном соответствии с формулой (5) и рис. 1, b фурье-спектр амплитудной голограммы-диффузора представляет собой заполненный светящимися точками круг вдвое большего диаметра по сравнению с фурье-спектром мультиплексной голограммы. Очевидно, что плотность расположения светящихся точек в дифракционной картине будет задавать оптические свойства амплитудной голограммы-диффузора, т.е. определять долю энергии рассеянного света, дифрагированного в том или ином телесном угле. При преобразовании амплитудной голограммы-диффузора в более эффективную рельефно-фазовую структуру дифракционный спектр существенно изменится хотя бы из-за того, что вследствие ярко выраженной нелинейности подобного преобразования произойдет генерация высших пространственных гармоник. При этом ширина индикатрисы рассеяния фазовой голограммы-диффузора и ее форма будут определяться, во-первых, исходным дифракционным спектром амплитудной голограммы-диффузора, поскольку он отражает наличие тех или иных пространственных частот в структуре голограммы. Вовторых, оптические свойства фазовой голограммы- диффузора существенно зависят от самого характера нелинейного преобразования амплитудной структуры в фазовую. Вначале рассмотрим и оценим плотность расположения светящихся точек в дифракционном спектре амплитудной голограммы-диффузора.

Анализ фурье-спектра амплитудной голограммы-диффузора

Как видно из рис. 3, *b*, плотность расположения светящихся точек существенно неравномерна. Ее можно оценить, рассмотрев пространство (x, y) векторов $\mathbf{k}_{n-m}^{\tau} = (\mathbf{k}_{n}^{\tau} - \mathbf{k}_{m}^{\tau})$ (см. рис. 1, *b*), каждый из которых, если его отложить из начала координат, указывает на одну светящуюся точку в дифракционном спектре (рис. 3, *b*). Обозначим через r_{l} длину векторов \mathbf{k}_{n-m}^{τ} и расположим в порядке возрастания их модуля:

$$r_{1} = |\mathbf{k}_{2}^{\tau} - \mathbf{k}_{1}^{\tau}| = |\mathbf{k}_{3}^{\tau} - \mathbf{k}_{2}^{\tau}| = |\mathbf{k}_{4}^{\tau} - \mathbf{k}_{3}^{\tau}| \dots,$$

$$r_{2} = |\mathbf{k}_{3}^{\tau} - \mathbf{k}_{1}^{\tau}| = |\mathbf{k}_{4}^{\tau} - \mathbf{k}_{2}^{\tau}| = |\mathbf{k}_{5}^{\tau} - \mathbf{k}_{3}^{\tau}| \dots,$$

(6)

$$r_{l} = |\mathbf{k}_{l+1}^{i} - \mathbf{k}_{1}^{i}| = |\mathbf{k}_{l+2}^{i} - \mathbf{k}_{2}^{i}| = |\mathbf{k}_{l+3}^{i} - \mathbf{k}_{3}^{i}| \dots$$

Максимальное значение l равно N/2, тогда максимальное значение r_l будет $r_{N/2} = R_2 = 2|\mathbf{k}_n^{\tau}|$. В соответствии



Рис. 4. Конфигурация векторов \mathbf{k}_{n-m}^{τ} для случая n-m=2 и N=16.

с формулой (6) и поясняющим рис. 4 количество векторов \mathbf{k}_{n-m}^{r} , имеющих одинаковую длину, равно *N*. Отсюда линейная плотность светящихся точек в дифракционной картине вблизи оси *x* вдоль направления *y* (по окружности с радиусом r_l) на расстоянии r_l от центра координат равна

$$\rho_y = N/2\pi r_l. \tag{7}$$

Линейная плотность светящихся точек вдоль оси x определяется частотой расположения величин r_l вдоль радиального направления

$$r_l = 2r_0 \sin(\pi l/N),\tag{8}$$

где $r_0 = |\mathbf{k}_n^{\tau}|$. Ее можно оценить, например, следующим образом. Каждые три смежных светящихся точки вдоль радиального направления занимают интервал $r_l - r_{l-3}$. Исходя из этого, усредненная линейная плотность светящихся точек вдоль направления *x* будет равна

$$\rho_x = 3/(r_l - r_{l-3}). \tag{9}$$

Поверхностную плотность светящихся точек в дифракционной картине можно представить как произведение линейных плотностей

$$o = \rho_x \rho_y = 3N/[(2\pi r_l(r_l - r_{l-3})]$$
(10)

или с учетом формулы (8)

$$\rho = 3N / \left\{ 8\pi r_0^2 [\sin(\pi l/N) [\sin(\pi l/N) - \sin(\pi (l-3)/N)] \right\}.$$
(11)

Из выражений (8) и (11) можно вычислить зависимость плотности светящихся точек ρ от расстояния от центра дифракционной картины r (рис. 5). Из рис. 5



Рис. 5. Зависимость плотности светящихся точек ρ от расстояния от центра дифракционной картины r для N = 100 и $r_0 = 1$.

видно, что светящиеся точки главным образом сгущаются вблизи центра дифракционной картины, в то время как на краях имеются узкие побочные максимумы. Поведение функции плотности расположения светящихся точек имеет прямую аналогию с оптической передаточной функцией оптических систем с кольцеобразными апертурами [3].

Преобразование амплитудной голограммы-диффузора в рельефно-фазовый диффузор

Для получения практически применимого оптического рассеивателя необходимо преобразовать амплитудную голограмму-диффузор в высокоэффективную рельефно-фазовую структуру. Для этого мы использовали два альтернативных метода создания рельефнофазовых структур на галоидосеребряных фотоэмульсиях. Первый метод связан с избирательным дублением фотоэмульсии с помощью отбеливателя типа R-10 [4]. Второй метод основан на фотодеструкции желатиновых слоев под воздействием коротковолнового УФ-излучения (метод ВКУФ) [5]. Следует подчеркнуть, что в результате фотохимической обработки голограмм с помощью этих двух методов серебряное изображение полностью удалялось из фотоэмульсии, что в итоге приводило к формированию чисто рельефно-фазовой структуры голограммы.

Особое внимание уделялось измерению интенсивности нерассеянной компоненты света (нулевой порядок дифракции). Для этого образец диффузора помещался вплотную к линзе и освещался пучком Не–Nе-лазера ($\lambda = 0.63 \,\mu$ m) диаметром 6 mm. Измерение производилось в плоскости фокуса линзы на расстоянии 870 mm фотоприемником типа OPT101, размер апертуры которого 2.3 × 2.3 mm. На рис. 6, *а* приведены зависимости относительной интенсивности нулевого порядка I_0 (в процентах от интенсивности освещающего диффузор пучка) от средней оптической плотности *D* первичного серебряного изображения амплитудной голограммы-диффузора для угла схождения пучков при записи мультиплексной голограммы $\gamma = 5.6^{\circ}$. Аналогичные характеристики были получены и для других углов схождения пучков γ . Минимальная величина нерассеянной компоненты излучения, прошедшего через диффузор, лежит в интервале 0.05-0.07% независимо от способа получения рельефно-фазовой структуры и угла схождения пучков γ , что лучше ранее достигнутых результатов по синтезу голографических диффузоров с помощью стеклянных матовых рассеивателей [2] (рис. 6, *b*).

Регистрация индикатрисы рассеяния производилась на установке, аналогичной вышеописанной, при этом фото-приемное устройство перемещалось по дуге окружно-



Рис. 6. Зависимость интенсивности нулевого порядка I_0 от средней оптической плотности первичного серебряного изображения *D. а* — голографические диффузоры, полученные с помощью мультиплексной голограммы ($\gamma = 5.6^{\circ}$) и обработанные в отбеливателе *R*-10 (кривая *I*) и методом ВКУФ (кривая *2*); *b* — диффузоры, полученные с помощью матового стекла при различных формах апертуры оптической системы регистрации и обработанные по методу ВКУФ (криве *I*, *2*, *3*) [2].



сгущения светящихся точек фурье-спектра амплитудной голограммы диффузора (рис. 3, b; 5). В то же время для метода избирательного дубления при отбеливании в R-10 ПЧХ имеет резкий провал в области низких пространственных частот [7], что приводит к подавлению центрального сгущения светящихся точек в фурье-спектре амплитудной голограммы диффузора и усилению вклада средних и высоких пространственных частот из области, ограниченной кругом (рис. 3, b).

имущественно остаются низкие частоты центрального

Заключение

Применение мультиплексной голограммы для создания диффузоров имеет определенное преимущество по сравнению с ранее опубликованным вариантом [2], поскольку позволяет существенно сократить время экспонирования фотослоя при регистрации голографических диффузоров. Описанный способ получения голографических диффузоров позволяет существенно снизить долю нерассеянной компоненты света до сотых долей процента в более широком диапазоне изменения оптической плотности D серебряного изображения амплитудной голограммы-диффузора. Это значительно упрощает процесс изготовления диффузоров на практике. Таким образом, теоретические и экспериментальные исследования показывают возможность использования мультиплексных голограмм для получения высокоэффективных узконаправленных диффузоров.

Список литературы

- [1] Ганжерли Н.М., Гуляев С. Н // Оптический журнал. 2007. T. 74. № 9. C. 56–61.
- [2] Ганжерли Н.М., Гуляев С.Н., Гурин А.С., Крамущенко Д.Д., Маурер И.А., Черных Д.Ф. // ЖТФ. 2009. Т. 79. Вып. 7. C. 76-80.
- [3] О'Нейл Э. Введение в статистическую оптику. М.: Мир, 1966. C. 151-152.
- [4] Бруй Е.Б., Корешев С.Н. // Опт. и спектр. 1989. Т. 76. Вып. 3. С. 685-688.
- [5] Гуляев С.Н., Ратушный В.П. // Оптический журнал. 2003. T. 70. № 2. C. 45–49.
- [6] Гуляев С. Н. // Научно-технические ведомости СПбГПУ. Основной выпуск 3(59). 2008. С. 105-114.
- [7] Smith H.M. // J. Opt. Soc. Am. 1968. Vol. 58. N 4. P. 533-539.

Рис. 7. Индикатрисы рассеяния для голографических диффузоров, изготовленных с помощью мультиплексной голограммы и обработанных методом ВКУФ (UV) и в отбеливателе R-10.

сти, в центре которой находился образец диффузора. На рис. 7 приведены индикатрисы рассеяния для нескольких образцов. В целом анализ индикатрис рассеяния диффузоров, полученных при разных углах схождения пучков и обработанных различными методами, показал, что явно прослеживается тенденция увеличения полуширины индикатрисы рассеяния с ростом угла схождения пучков у. В то же время эксперимент выявил существенное отличие между индикатрисами рассеяния для голограмм-диффузоров, обработанных двумя различными методами. Полуширина индикатрисы рассеяния в случае обработки голограммы в отбеливателе R-10 $\Delta \theta_1$ значительно больше, чем для метода ВКУФ $\Delta \theta_2$ (таблица), независимо от угла схождения пучков у при записи мультиплексной голограммы. Предполагаем, что это обусловлено различием пространственно-частотных характеристик (ПЧХ), связанных с частотным откликом среды для разных методов обработки фотоэмульсий. Метод ВКУФ имеет равномерную ПЧХ в области низких пространственных частот [6]. Поэтому при нелинейном преобразовании амплитудной голограммы в фазовую в дифракционном спектре фазовой голограммы пре-

Сравнительная характеристика диффузоров

Угол схождения пучков γ , deg	3.69°	5.6°	7.35°
Отношение $\Delta \theta_2 / \Delta \theta_1$	0.7	0.73	0.6