# 01;02 Синглетный молекулярный азот в авроральной ионосфере и в условиях лабораторного разряда

#### © А.С. Кириллов

Полярный геофизический институт Кольского научного центра РАН, 184209 Апатиты, Мурманская обл., Россия e-mail: kirillov@pgia.ru

(Поступило в Редакцию 22 сентября 2010 г. В окончательной редакции 18 апреля 2011 г.)

На основании предложенной модели электронной кинетики синглетных состояний N<sub>2</sub> проведен расчет заселенностей колебательных уровней состояний  $(a')^1 \Sigma_u^-$ ,  $a^1 \Pi_g$ ,  $w^1 \Delta_u$  молекулярного азота для условий ионосферы Земли во время вторжения в атмосферу высокоэнергичных авроральных электронов. Впервые показано, что распределение заселенностей колебательных уровней v = 0-6 состояния  $a^1 \Pi_g$  в авроральной ионосфере, а также для условий лабораторного разряда незначительно изменяется с ростом атмосферного давления. Аналогичные расчеты в атмосфере чистого азота указывают на значительный рост относительных заселенностей для нижних колебательных уровней v = 0-2 с ростом давления.

## Введение

Полосы системы Лаймана—Бирджа—Хопфилда молекулярного азота N<sub>2</sub> являются наиболее ярко выраженными в ультрафиолетовой (УФ) области свечения авроральной ионосферы и дневной атмосферы Земли [1]. Излучение фотонов данной системы происходит в результате спонтанных переходов с электронно-возбужденного состояния  $a^1\Pi_g$  на основное состояние  $X^1\Sigma_g^+$ . Измерения интенсивностей УФ-полос молекулярного азота в авроральной ионосфере и в условиях свечения дневной атмосферы проводились с ракет [2–4], спутников [5,6], Шаттлов [7,8].

Как показали теоретические исследования электронной кинетики синглетного молекулярного азота на высотах авроральной ионосферы [9-11], для корректного расчета заселенносей колебательных уровней состояния  $a^1 \Pi_g$ , ответственного за свечение полос Лаймана-Бирджа-Хопфилда, необходимо учитывать переходы между нечетными (ungerade) состояниями  $(a')^1 \Sigma_u^-$ ,  $w^1 \Delta_u$  и четным (gerade) состоянием  $a^1 \Pi_g$ . При этом в работах [9,10] учитывались только спонтанные излучательные переходы, а в работе [11] были также учтены квазирезонансные по энергии переходы во время молекулярных столкновений. В дальнейшем один из авторов [11] продолжил подобные исследования УФ-свечения неба Земли в условиях освещения солнечным излучением и образования фотоэлектронов в атмосфере [12], аналогично учитывая  $(a')^1 \Sigma_{\mu}^- \leftrightarrow a^1 \Pi_g$ и  $w^1\Delta_u \leftrightarrow a^1\Pi_g$ -переходы при неупругих столкновениях.

Однако, на наш взгляд, модель электронной кинетики синглетного азота, представленная в работах [11,12] при расчете заселенностей колебательных уровней синглетных состояний  $N_2$  для различных высот авроральной ионосферы и атмосферы, освещенной солнечным излучением, страдает рядом недостатков и требует некоторых изменений, чтобы быть универсальной для подобных аэрономических и лабораторных исследований в смеси азота и кислорода. Во-первых, все переходы между синглетными состояниями во время молекулярных столкновений  $N_2^* - N_2$  предполагались внутримолекулярными, хотя в [13] было показано, что для многих колебательных уровней этих состояний необходимо учитывать межмолекулярные переносы электронного возбуждения. При этом расчеты коэффициентов гашения электронного возбуждения для синглетных состояний в [13] показали удовлетворительное согласие с имеющимися экспериментальными данными.

Во-вторых, авторы [11] предположили, что 1/3 столкновений  $N_2((a')^1 \Sigma_u^-)$ ,  $N_2(a^1 \Pi_g)$ ,  $N_2(w^1 \Delta_u)$  с молекулярным кислородом О2 приводит к переносу электронного возбуждения между синглетными состояниями, ссылаясь на результаты только одной работы [14], выполненной для триплетного состояния  $A^3 \Sigma_{\mu}^+$ . Однако расчеты коэффициентов электронного гашения при столкновениях  $N_2(A^3\Sigma_{\mu}^+) + O_2$ , выполненные в работах [15,16], показали, что для колебательных уровней v > 0 состояния  $A^{3}\Sigma_{\mu}^{+}$  межмолекулярный перенос энергии с последующей диссоциацией молекулы кислорода является доминирующим механизмом гашения  $N_2(A^3\Sigma_u^+, v)$ . Лишь для нулевого колебательного уровня v = 0 эффективен перенос энергии на состояния Герцберга молекулярного кислорода. Кроме того, последующие измерения квантовых выходов продуктов взаимодействия  $N_2(A^3\Sigma^+_{\mu}, v = 0-2) + O_2$  в [17] подтвердили высокую эффективность канала образования атомов кислорода, причем полученные авторами работы [17] значения концентраций [О] в 3 раза превышали возможные значения, что указывало на вклад других состояний в процессы диссоциации О2 во время эксперимента.

Поэтому можно предположить, что в случае столкновения синглетного молекулярного азота с молекулой кислорода практически вся энергия переходит в энергию диссоциации O<sub>2</sub>, а внутримолекулярные переходы учитываются аналогично столкновениям с N<sub>2</sub>. Интересен тот факт, что одновременные экспериментальные измерения констант гашения синглетного молекулярного азота  $N_2(a^1\Pi_g, v = 0)$  при столкновениях с молекулами азота и кислорода в [18] показали, что  $O_2$  более чем на порядок эффективнее в процессах гашения, нежели азот. И кроме того, расчет потенциальных кривых в [19,20] для различных состояний молекулы  $O_2$  указал на наличие многих термов, соответствующих отталкиванию атомов, поэтому возбуждение их неизбежно приведет к диссоциации молекулы.

Наконец, авторы в работе [11] предположили, что атомарный кислород на порядок эффективнее молекулярного кислорода в процессах переноса электронного возбуждения между синглетными состояниями во время столкновений. Свое предположение они основывали на том экспериментальном факте, что скорости гашения  $N_2(A^3\Sigma_u^+) + O$ , измеренные в [21,22], на порядок выше скоростей гашения  $N_2(A^3\Sigma_{\mu}^+) + O_2$ . Однако известно, что атомарный кислород эффективно химически реагирует даже с колебательно-возбужденной молекулой  $N_2(X^1\Sigma_{\rho}^+, v > 11)$  [23–25], образуя окись азота и атом N, причем данная реакция может вносить значительный вклад в инфракрасное свечение NO в авроральной ионосфере [26] во время развития пучково-плазменной неустойчивости [27]. При этом именно высокая скорость химической реакции инициирует повышенное инфракрасное свечение в тонких слоях авроральной ионосферы на высотах порядка 120 km [26,27]. Поэтому, на наш взгляд, говорить об очень высоких скоростях внутримолекулярных переходов у синглетного азота при столкновении с атомом кислорода преждевременно.

Основной целью настоящей работы является расчет заселенностей колебательных уровней синглетных состояний  $(a')^1 \Sigma_u^- (v = 0 - 17)$ ,  $a^1 \Pi_g (v = 0 - 6)$ ,  $w' \Delta_u (v = 0 - 13)$  в ионосфере Земли во время вторжения в атмосферу высокоэнергичных авроральных электронов, а также для условий лабораторного разряда. При этом в качестве коэффициентов скоростей гашения состояний  $(a')^1 \Sigma_u^-$ ,  $a^1 \Pi_g$ ,  $w^1 \Delta_u$  при столкновениях с молекулами N<sub>2</sub> воспользуемся рассчитанными в работе [13] константами, где учитывались как внутримолекулярные, так и межмолекулярные процессы переноса энергии электронного возбуждения при неупругих молекулярных столкновениях.

#### Метод расчета

Основными составляющими верхней атмосферы Земли на уровне ионосферы являются атомы кислорода О, молекулы азота N<sub>2</sub> и кислорода О<sub>2</sub>. Поэтому при исследовании кинетики синглетного азота на высотах авроральной ионосферы необходимы данные о скоростях гашения молекул N<sub>2</sub>( $(a')^{1}\Sigma_{u}^{-}$ ), N<sub>2</sub> $(a^{1}\Pi_{g})$ , N<sub>2</sub> $(w^{1}\Delta_{u})$  при столкновениях с N<sub>2</sub>, O<sub>2</sub>, O. Для процессов гашения синглетного азота молекулами N<sub>2</sub> воспользуемся результатами расчетов коэффициентов в работе [13] (вариант 2 в указанной работе), для столкновений с атомами и молекулами кислорода используем имеющиеся в научной литературе экспериментальные данные.

Лабораторные измерения констант гашения N<sub>2</sub>  $(a^{1}\Pi_{e}, v = 0$  и 1) молекулами N<sub>2</sub>, O<sub>2</sub> и атомами O были проведены не так давно в работах [28,29]. Эти измерения показали, что гашение синглетного состояния  $a^{1}\Pi_{e}$  молекулами О<sub>2</sub> и атомами О происходит в 15 и 50 раз быстрее, чем молекулами N2, т.е. константы гашения равны  $5 \cdot 10^{-10}$  и  $2 \cdot 10^{-9}$  cm<sup>3</sup>/s соответственно. Этот результат для молекул О2 хорошо согласуется с данными работы [18]  $(4.3 \cdot 10^{-10} \text{ cm}^3/\text{s})$ , где измерялись скорости гашения N<sub>2</sub>( $a^{1}\Pi_{g}, v = 0$ ) различными молекулами. Как уже ранее указывалось, столь значительное превышение констант для молекул О2 над константами для молекул N<sub>2</sub>, по-видимому, объясняется высокой эффективностью процесса диссоциации молекулярного кислорода при столкновении с синглетным азотом. Перенос энергии электронного возбуждения с N2 на O2 приводит к переходу молекулы О2 в континуум Герцберга или Шумана-Рунге, а также в состояния, соответствующие отталкиванию атомов и последующей диссоциации молекулы [19,20]. Это позволяет нам предположить, что столкновения электронно-возбужденного синглетного азота с молекулой О2 преимущественно приводят к диссоциации молекулярного кислорода. Этот вид утверждается тем, что константа гашения синглетного азота атомами кислорода, измеренная в [28,29], в 2.5 раза меньше, предложенной авторами [11].

Для столкновений  $N_2(a')^1 \Sigma_u$ ,  $v = 0 + O_2$  измерения в работах [30,31] дали значения константы гашения равными  $2.8 \cdot 10^{-11}$  и  $3.3 \cdot 10^{-11}$  cm<sup>3</sup>/s соответственно. Эти значения на порядок меньше скоростей гашения состояния  $a^1 \Pi_g$ . Столь значительная разница в константах гашения для двух синглетных состояний с близкими значениями энергии возможно связана с различными каналами возбуждения молекулы  $O_2$  и должна быть предметом отдельного исследования. Остается также неясным зависимость констант гашения молекулой  $O_2$ от колебательного уровня для синглетных состояний азота.

Исходя из приведенных значений лабораторных экспериментов, в настоящих расчетах по аналогии с моделью из работы [11] примем, что коэффициенты гашения всех рассматриваемых колебательных уровней состояний  $(a')^1 \Sigma_u^-$ ,  $a^1 \Pi_g$ ,  $w^1 \Delta_u$  атомами кислорода равны  $k_{\Omega}^{a'} = k_{\Omega}^{a} = k_{\Omega}^{w} = 2 \cdot 10^{-9} \text{ cm}^{3}$ /s. Для столкновений с молекулами кислорода примем  $k_{\mathrm{O}_2}^{a'} = 3 \cdot 10^{-11} \,\mathrm{cm}^3/\mathrm{s}$ и  $k_{\Omega_2}^a = k_{\Omega_2}^w = 5 \cdot 10^{-10} \text{ cm}^3/\text{s}$ . Для столкновений с атомами кислорода предположим, что происходит либо перенос энергии возбуждения на атом О, либо эффективно протекает химическая реакция с образованием окиси азота, аналогично тому как взаимодействует колебательно-возбужденный азот  $N_2(X^1\Sigma_{g}^+, v > 11)$  с атомами О [23-25]. Большие значения константы взаимодействия N<sub>2</sub> ( $a^{1}\Pi_{g}$ , v = 0, 1) с атомами кислорода, измеренные в [28,29], возможно, указывают на высокую эффективность электронной энергии синглетных состояний в преодолении активационного барьера химической реакции [25]. Поэтому возможно предположить высокую скорость химического взаимодействия.

Таким образом, при расчете концентраций колебательных уровней синглетных состояний  $(a')^1 \Sigma_u^-$ ,  $a^1 \Pi_g$ ,  $w^1 \Delta_u$ воспользуемся решением следующих уравнений баланса:

$$Q^{a'}q_{v}^{a'} + \sum_{v'} A_{v'v}^{aa'}N_{v'}^{a} + \sum_{v'} k_{v'v}^{**aa'}([N_{2}] + [O_{2}] + [O])N_{v'}^{a}$$

$$+ \sum_{Y=a',a,w;v'} k_{v'v}^{*Ya'}[N_{2}]N_{v'}^{Y} = \left\{\sum_{v'} A_{vv'}^{a'a} + A_{v}^{a'X}\right\}$$

$$+ \sum_{v'} k_{vv'}^{**a'a}([N_{2}] + [O_{2}] + [O])$$

$$+ \sum_{Y=a',a,w;v'} k_{vv'}^{*a'Y}[N_{2}] + k_{O_{2}}^{a'}[O_{2}] + k_{O}^{a'}[O] \right\} N_{v}^{a'}, \qquad (1a)$$

+ 
$$\sum_{Y=a',w;v'} k_{v'v}^{**Ya}([N_2] + [O_2] + [O])N_{v'}^{Y}$$

 $Y = \overline{a', w}; v'$ 

$$+\sum_{Y=a',a,w;v'} k_{v'v}^{*Ya} [N_2] N_{v'}^Y = \left\{ \sum_{Y=a',w;v'} A_{vv'}^{aY} + A_v^{aX} + \sum_{Y=a',w;v'} k_{vv'}^{**aY} ([N_2] + [O_2] + [O]) \right\}$$

$$+\sum_{Y=a',a,w;v'}k_{vv'}^{*aY}[N_2] + k_{O_2}^a[O_2] + k_O^a[O] \bigg\} N_v^a,$$
(16)

$$Q^{w}q_{v}^{w} + \sum_{v'} A_{v'v}^{aw} N_{v'}^{a} + \sum_{v'} k_{v'v}^{**aw} ([N_{2}] + [O_{2}] + [O]) N_{v'}^{a}$$

$$+ \sum_{Y=a',a,w;v'} k_{v'v}^{*Yw} [N_{2}] N_{v'}^{Y} = \left\{ \sum_{v'} A_{vv'}^{wa} + \sum_{v'} k_{vv'}^{**wa} ([N_{2}] + [O_{2}] + [O]) + \sum_{v'} k_{vv'}^{**wa} ([N_{2}] + [O_{2}] + [O]) + \sum_{Y=a',a,w;v'} k_{vv'}^{*wY} [N_{2}] + k_{O_{2}}^{w} [O_{2}] + k_{O}^{w} [O] \right\} N_{v}^{w},$$
(1B)

где  $Q^Y$  обозначает скорость возбуждения состояния Y авроральными электронами (в сm<sup>-3</sup>s<sup>-1</sup>);  $q_v^Y$  — фактор Франка–Кондона для перехода  $X^1\Sigma_g^+, v = 0 \rightarrow Y, v;$  $A_{vv'}^{YZ}$  — коэффициент Эйнштейна для спонтанного излучательного перехода  $Y, v \rightarrow Z, v'; k_{vv'}^{*YZ}$  и  $k_{vv'}^{**YZ}$  — коэффициенты скоростей межмолекулярных и внутримолекулярных процессов переноса энергии с потерей Y, v и образованием Z, v' соответственно; [N<sub>2</sub>], [O<sub>2</sub>], [O] — концентрации атмосферных составляющих. Здесь мы

v	$k_v^{**a'a}$	$k_v^{*a'a'}$	$k_v^{*a'a}$	$k_v^{*a'w}$
1	$3.7\cdot10^{-11}$	_	$5.2\cdot10^{-14}$	_
2	$1.3\cdot10^{-10}$	$9.0\cdot10^{-16}$	$1.4 \cdot 10^{-12}$	_
3	$1.5\cdot10^{-10}$	$1.5\cdot10^{-14}$	$6.4 \cdot 10^{-12}$	$4.6 \cdot 10^{-15}$
4	$2.4\cdot10^{-11}$	$2.9\cdot10^{-14}$	$4.0 \cdot 10^{-12}$	$6.8\cdot10^{-14}$
5	$2.0\cdot 10^{-12}$	$4.9 \cdot 10^{-14}$	$1.6 \cdot 10^{-12}$	$4.2 \cdot 10^{-13}$
6	$1.7\cdot10^{-13}$	$8.8\cdot10^{-14}$	$1.7 \cdot 10^{-12}$	$1.8\cdot10^{-12}$
7	$3.5\cdot10^{-13}$	$1.3\cdot 10^{-13}$	$1.9\cdot10^{-12}$	$5.4 \cdot 10^{-12}$
8	$6.4 \cdot 10^{-13}$	$4.8\cdot10^{-14}$	$6.0 \cdot 10^{-13}$	$1.0 \cdot 10^{-11}$
9	$8.1 \cdot 10^{-13}$	$1.3 \cdot 10^{-13}$	$1.1 \cdot 10^{-12}$	$3.2\cdot10^{-12}$
10	$3.8\cdot10^{-13}$	$3.1 \cdot 10^{-13}$	$3.1 \cdot 10^{-12}$	$1.5 \cdot 10^{-12}$
11	$3.2\cdot10^{-13}$	$4.0 \cdot 10^{-13}$	$2.0\cdot10^{-12}$	$2.5\cdot10^{-12}$
12	$5.3 \cdot 10^{-12}$	$5.7 \cdot 10^{-13}$	$1.2\cdot10^{-12}$	$5.7 \cdot 10^{-12}$
13	$5.0 \cdot 10^{-12}$	$1.0 \cdot 10^{-12}$	$2.9\cdot10^{-12}$	$1.4 \cdot 10^{-12}$
14	$2.7\cdot10^{-12}$	$8.7 \cdot 10^{-13}$	$2.5\cdot10^{-12}$	$1.4 \cdot 10^{-12}$
15	$1.1 \cdot 10^{-12}$	$9.2\cdot10^{-13}$	$1.8\cdot 10^{-12}$	$1.4\cdot10^{-12}$
16	$4.3 \cdot 10^{-13}$	$1.1 \cdot 10^{-12}$	$3.0\cdot10^{-12}$	$8.0\cdot10^{-13}$
17	$2.8\cdot10^{-13}$	$9.2\cdot10^{-13}$	$8.7 \cdot 10^{-13}$	$3.8\cdot10^{-13}$

**Таблица 2.** Значения констант  $k_v^{**aa'}$ ,  $k_v^{**aw}$  для внутримолекулярных и  $k_v^{*aa'}$ ,  $k_v^{*aa}$ ,  $k_v^{*aw}$  для межмолекулярных процессов переноса энергии электронного возбуждения с состояния  $a^1\Pi_g$ (в cm<sup>3</sup>/s)

v	$k_v^{**aa'}$	$k_v^{**qw}$	$k_v^{*aa'}$	$k_v^{*aa}$	$k_v^{*aw}$
0	$1.1\cdot10^{-11}$	_	$7.2\cdot10^{-15}$	_	_
1	$4.0\cdot10^{-11}$	$8.2\cdot10^{-16}$	$4.6\cdot10^{-13}$	$3.4\cdot10^{-15}$	_
2	$1.0\cdot10^{-10}$	$1.2\cdot10^{-11}$	$4.5\cdot10^{-12}$	$8.1\cdot10^{-15}$	$1.6\cdot10^{-13}$
3	$3.8\cdot10^{-11}$	$2.3\cdot10^{-11}$	$5.8\cdot10^{-12}$	$4.5\cdot10^{-13}$	$6.0\cdot10^{-13}$
4	$7.3\cdot10^{-12}$	$2.9\cdot10^{-11}$	$5.1\cdot10^{-12}$	$2.8\cdot 10^{-12}$	$1.0\cdot10^{-12}$
5	$3.5\cdot10^{-13}$	$3.1\cdot10^{-11}$	$3.1\cdot10^{-12}$	$3.7\cdot10^{-12}$	$1.8\cdot10^{-12}$
6	$3.2\cdot10^{-13}$	$3.0\cdot10^{-11}$	$1.4\cdot10^{-12}$	$8.0\cdot10^{-13}$	$4.6\cdot10^{-12}$
7	$9.3\cdot 10^{-13}$	$2.7\cdot10^{-11}$	$2.8\cdot 10^{-12}$	$1.0\cdot10^{-12}$	$9.7\cdot 10^{-12}$
8	$1.0\cdot10^{-12}$	$2.5\cdot10^{-11}$	$7.5\cdot10^{-12}$	$5.6\cdot10^{-12}$	$1.1\cdot10^{-11}$
9	$8.8\cdot10^{-13}$	$2.2\cdot 10^{-11}$	$6.9\cdot10^{-12}$	$5.6\cdot10^{-12}$	$1.1\cdot10^{-11}$
10	$4.4\cdot10^{-12}$	$2.0\cdot10^{-11}$	$4.4\cdot10^{-12}$	$7.8\cdot10^{-13}$	$9.3\cdot 10^{-12}$
11	$8.1\cdot10^{-12}$	$1.8\cdot10^{-11}$	$2.2\cdot 10^{-12}$	$1.1\cdot10^{-12}$	$6.9\cdot10^{-12}$
12	$8.7\cdot10^{-12}$	$1.6\cdot10^{-11}$	$2.1\cdot10^{-12}$	$1.7\cdot10^{-12}$	$5.2\cdot 10^{-12}$
13	$7.3\cdot10^{-12}$	$1.4\cdot10^{-11}$	$2.1\cdot10^{-12}$	$5.3\cdot10^{-12}$	$6.3\cdot 10^{-12}$
14	$5.2 \cdot 10^{-12}$	$1.3\cdot10^{-11}$	$2.6\cdot 10^{-12}$	$1.5\cdot10^{-12}$	$8.3\cdot 10^{-12}$

предполагаем, что скорость внутримолекулярных процессов переноса электронного возбуждения не зависит от того, с молекулами  $N_2$ ,  $O_2$  или атомами О происходит столкновение. Поэтому сумма концентраций  $[N_2] + [O_2] + [O]$  включена в уравнения (1a) - (1b) для вклада внутримолекулярных процессов.

Используемые при расчетах значения констант  $k_v^{**a'a}$ ,  $k_v^{*a'a'}$ ,  $k_v^{*a'a'}$ ,  $k_v^{*a'a'}$ ,  $k_v^{**a'w}$  для внутримолекулярных и межмолекулярных процессов в уравнении (1а) приведены в табл. 1. Здесь  $k_v^{**YZ}$  и  $k_v^{*YZ}$  подразумевают сум-

**Таблица 3.** Значения констант  $k_v^{**wa}$  для внутримолекулярных и  $k_v^{*wa'}$ ,  $k_v^{*wa}$ ,  $k_v^{*wa}$  для межмолекулярных процессов переноса энергии электронного возбуждения с состояния  $w^1\Delta_u$  (в cm<sup>3</sup>/s)

v	$k_v^{**wa}$	$k_v^{*wa'}$	$k_v^{*wa}$	$k_v^{*ww}$
0	$1.0\cdot10^{-12}$	$4.2\cdot 10^{-14}$	$5.9\cdot10^{-14}$	_
1	$1.5 \cdot 10^{-12}$	$2.5 \cdot 10^{-13}$	$1.8\cdot10^{-12}$	_
2	$1.9\cdot10^{-12}$	$6.0 \cdot 10^{-13}$	$6.7 \cdot 10^{-12}$	$2.3 \cdot 10^{-15}$
3	$2.3\cdot 10^{-12}$	$9.6 \cdot 10^{-13}$	$1.7 \cdot 10^{-11}$	$6.1 \cdot 10^{-14}$
4	$3.0\cdot10^{-12}$	$2.5\cdot 10^{-12}$	$1.3\cdot10^{-11}$	$4.7 \cdot 10^{-14}$
5	$3.9\cdot10^{-12}$	$6.7 \cdot 10^{-12}$	$1.4 \cdot 10^{-11}$	$8.2\cdot10^{-14}$
6	$4.9\cdot 10^{-12}$	$4.0 \cdot 10^{-12}$	$3.6 \cdot 10^{-12}$	$1.4 \cdot 10^{-13}$
7	$5.7 \cdot 10^{-12}$	$1.5\cdot10^{-12}$	$3.9\cdot10^{-12}$	$1.1 \cdot 10^{-13}$
8	$6.2 \cdot 10^{-12}$	$5.5 \cdot 10^{-13}$	$2.5\cdot10^{-12}$	$8.0\cdot10^{-14}$
9	$6.1 \cdot 10^{-12}$	$1.2\cdot 10^{-12}$	$4.7 \cdot 10^{-12}$	$1.1 \cdot 10^{-12}$
10	$5.2 \cdot 10^{-12}$	$1.8 \cdot 10^{-12}$	$1.8\cdot10^{-12}$	$3.9\cdot10^{-12}$
11	$3.8\cdot10^{-12}$	$1.7\cdot 10^{-12}$	$6.5 \cdot 10^{-13}$	$1.8\cdot10^{-12}$
12	$2.2\cdot 10^{-12}$	$1.9\cdot 10^{-12}$	$1.9\cdot10^{-12}$	$1.1 \cdot 10^{-12}$
13	$8.1 \cdot 10^{-13}$	$1.5\cdot 10^{-12}$	$2.9\cdot 10^{-12}$	$2.4\cdot 10^{-12}$

му  $k_{vv'}^{**YZ}$  и  $k_{vv'}^{*YZ}$  по квантовому числу v'. Подобные коэффициенты для состояний  $a^{1}\Pi_{e}$  и  $w^{1}\Delta_{u}$ , используемые в уравнениях (1б) и (1в), приведены в табл. 2 и 3. Все константы в табл. 1-3 приведены в ст<sup>3</sup>s<sup>-1</sup>. Коэффициенты Эйнштейна для переходов  $(a')^1 \Sigma_u^- \leftrightarrow a^1 \Pi_g$ ,  $a^1 \Pi_g \leftrightarrow w^1 \Delta_u$  и  $a^1 \Pi_g \to X^1 \Sigma_g^+$ , а также факторы Франка-Кондона для перехо- $\text{дов } X^1\Sigma_g^+, v = 0 \to (a')^1\Sigma_u^-, v; \ X^1\Sigma_g^+, v = 0 \to a^1\Pi_g, v;$  $X^1\Sigma_{\varrho}^+, v = 0 
ightarrow w^1\Delta_u, v$  берутся согласно [32]. Для коэффициентов Эйнштейна перехода  $(a')^1 \Sigma^-_u \to X^1 \Sigma^+_g$  воспользуемся результатами измерений времени жизни  $(a')^{1}\Sigma_{u}^{-}, v = 0$  в работах [33] и [30], где были получены значения 17 и 23 ms соответственно. Поэтому в расчетах положим  $A^{a'X} = 50 \, \mathrm{s}^{-1}$  для всех колебательных уровней состояния  $(a')^1 \Sigma_u^-$ . Для состояния  $w^1 \Delta_u$  нет подобных оценок вероятностей перехода на нижнее состояние  $X^{1}\Sigma_{g}^{+}$ . Однако даже если предположить, что они имеют значения такого же порядка, что и  $A^{a'X}$ , то они практически никак не скажутся в кинетике этого состояния, поскольку вероятности спонтанных излучательных переходов на состояние  $a^{1}\Pi_{g}$  для всех рассматриваемых колебательных уровней имеют значения в пределах  $10^3 - 10^4 \, \text{s}^{-1}$ . Поэтому мы не учитываем переходы на состояние  $X^1 \Sigma_{g}^+$  в уравнении (1в).

# Результаты расчета и их обсуждение

При расчете скоростей возбуждения  $Q^Y$  синглетных состояний молекулы N<sub>2</sub> авроральными электронами можно использовать метод "энергетических цен", предложенный в работах [34,35]. Согласно результатам [34],  $Q^{a'}: Q^a: Q^w = 0.28: 1: 0.31$ , авторы [35] дают практически такое же соотношение 0.28: 1: 0.29. В работах [9,11] было использовано другое соотношение  $Q^{a'}: Q^a: Q^w = 0.63: 1: 0.12$ , полученное в [9] на основании анализа спектров вторичных электронов в ионосфере, образованных в результате процессов ионизации атмосферных нейтральных составляющих высокоэнергичными авроральными электронами. Как показали наши расчеты заселенностей колебательных уровней состояния  $a^{1}\Pi_{g}$ , в обоих случаях (используем скорости возбуждения согласно [34,35] или [9,11]) получается практически одно и то же распределение, несмотря на то, что во втором случае вклад каскадных процессов с состояния  $(a')^{1}\Sigma_{u}^{-}$  значительно больше. Объясняется это тем фактом, что пропорциональность в заселенностях колебательных уровней состояния  $a^1 \Pi_a$  сохраняется при росте скоростей каскадных процессов с других синглетных состояний. Поэтому в настоящих расчетах воспользуемся соотношением скоростей электронного возбуждения, использованным в работах [9,11].

На рис. 1 результаты расчета заселенностей колебательных уровней v = 0-6 состояния  $a^1\Pi_g$  в авроральной ионосфере сравниваются с результатами расчетов [9–11] и экспериментальными оценками [4,36]. Аналогично работе [11], нормировка делается на заселенность четвертого колебательного уровня, т.е. полагаем [N<sub>2</sub>( $a^1\Pi_g$ , v = 4)] = 1. Результаты представлены только для 7 уровней этого состояния, поскольку для  $v \ge 7$  высока скорость процессов диссоциации молекулы N<sub>2</sub>( $a^1\Pi_g$ , v) [37]. При численном решении уравнений (16) учет этих процессов достигается использованием значительно больших значений вероятности диссоциации в правой части этого уравнения для  $v \ge 7$ .



**Рис. 1.** Сравнение рассчитанных заселенностей колебательных уровней v = 0-6 состояния  $a^{1}\Pi_{g}$  в авроральной ионосфере при концентрациях [N<sub>2</sub>], [O<sub>2</sub>], [O]  $\rightarrow 0$  (сплошная линия) с результатами работ [9] (1), [10] (2), [11] (3) и экспериментальными оценками из [4] (4), [36] (5).

Расчет заселенностей сделан для случая, когда учитывались только процессы возбуждения авроральными электронами и спонтанные излучательные переходы между синглетными состояниями, т.е. при  $[N_2], [O_2], [O] \rightarrow 0$ . Этот случай относится к высоким слоям ионосферы (выше 150 km), т.е. когда столкновительными процессами можно пренебречь. Заселенности, рассчитанные в [9,10], также были приведены для подобной ситуации, т.е. без учета влияния молекулярных столкновений на кинетику синглетного молекулярного азота. Данные из [11] аналогично взяты для случая  $[N_2], [O_2], [O] \rightarrow 0$  (рис. 4 из работы [11]).

Экспериментальные оценки [4] были получены по усредненным данным от 16 сканов, записанных УФ-спектрометром в диапазоне 167.5-207.5 nm с ракеты НАСА, запущенной в область аврорального свечения с ракетного полигона Форт Черчилль (Канада) 28 марта 1980 г. (максимальная высота подъема ракеты — 198 km). Авторы [4] описывают, что во время подъема и спуска ракеты направление поля зрения спектрометра менялось. Заселенности, представленные в [36], были получены на основании анализа спектральных измерений в УФ-диапазоне 118-152 nm с ракеты НАСА, запущенной в дугу интенсивного аврорального свечения над Фортом Черчилль 29 марта 1978 г. (максимальная высота подъема ракеты — 186 km) [3]. В той же работе использовались усредненные сканы для интервала высот 160-180 km.

Как видно из приведенного рисунка, рассчитанные нами заселенности состояния  $a^{1}\Pi_{g}$  отлично согласуются с результатами работы [11]. Подобное согласие легко объясняется использованием одинаковых скоростей возбуждения синглетных состояний и одинаковых коэффициентов Эйнштейна. Однако значения  $[N_2(a^1\Pi_g, v)]/[N_2(a^1\Pi_g, v = 4)]$  из работ [9,10] для v = 0-3 значительно превосходят результаты настоящей работы и [11], а также экспериментальные оценки [36]. В указанных работах использовались менее точные значения коэффициентов Эйнштейна для спонтанных переходов между состояниями N2, что, возможно, сказалось на завышенных значениях заселенностей нижних уровней. Также обращает на себя внимание хорошее согласие настоящих расчетов и расчетов из [11] с экспериментальными данными [36], полученными по сканам для высот, где можно пренебречь молекулярными столкновениями.

На рис. 2 результаты настоящих расчетов заселенностей колебательных уровней v = 0-6 состояния  $a^{1}\Pi_{g}$  в авроральной ионосфере для высот 130 km  $([N_{2}] = 1.2 \cdot 10^{11} \, \mathrm{cm^{-3}}, [O_{2}] = 1.2 \cdot 10^{10} \, \mathrm{cm^{-3}}, [O] = 4.7 \cdot 10^{10} \, \mathrm{cm^{-3}}, [O] = 4.7 \cdot 10^{10} \, \mathrm{cm^{-3}}, [O] = 3.5 \cdot 10^{11} \, \mathrm{cm^{-3}}, [O_{2}] = 9.4 \cdot 10^{11} \, \mathrm{cm^{-3}}, [O] = 3.5 \cdot 10^{11} \, \mathrm{cm^{-3}}, сравниваются с результатами расчетов [11] для тех же высот и экспериментальными оценками [4,36]. Для указанных высот авторами [11] были учтены столкновительные процессы. Рассчитанные нами заселенности попрежнему демонстрируют хорошее согласие с резуль-$ 



**Рис. 2.** Сравнение рассчитанных заселенностей колебательных уровней v = 0-6 состояния  $a^1\Pi_g$  в авроральной ионосфере для высот 130 и 104 km (сплошная и штриховая линии соответственно) с расчетами [11] для высот 130 и 104 km (*I* и 2 соответственно). Экспериментальные оценки — [4] (3), [36] (4).

татами [36], т.е. заметного влияния столкновительных процессов на заселенности колебательных уровней состояния  $a^{1}\Pi_{g}$  в авроральной ионосфере нами не обнаружено. Однако авторы [11] для высоты 130 km получили повышенные значения заселенностей для уровней v = 1 и 2, а для высоты 104 km, где роль столкновений еще больше возрастает, достигнуто хорошее согласие с настоящими расчетами и данными [36].

Чтобы выяснить влияние роста концентраций атмосферных составляющих на распределение  $[N_2(a^1\Pi_g, v)]$ в настоящей модели электронной кинетики синглетного молекулярного азота, аналогичные расчеты были выполнены для высот  $100 \,\mathrm{km} \,([\mathrm{N}_2] = 8.8 \cdot 10^{12} \,\mathrm{cm}^{-3})$ ,  $[O_2] = 2.0 \cdot 10^{12} \,\mathrm{cm}^{-3},$  $[O] = 4.0 \cdot 10^{11} \,\mathrm{cm}^{-3}),$ 80 km  $\begin{array}{l} ([N_2] = 2.9 \cdot 10^{14} \, \mathrm{cm}^{-3}, \quad [O_2] = 7.8 \cdot 10^{13} \, \mathrm{cm}^{-3}, \quad [O] = \\ = 3.5 \cdot 10^{10} \, \mathrm{cm}^{-3}) \quad \mu \quad 48 \, \mathrm{km} \quad ([N_2] = 2.9 \cdot 10^{16} \, \mathrm{cm}^{-3}, \end{array}$ [O] = $[O_2] = 7.8 \cdot 10^{15} \text{ cm}^{-3}, [O] = 0 \text{ cm}^{-3}$ ). Высота 100 km соответствует максимуму энерговыделения вторгающихся в атмосферу авроральных электронов с достаточно высокими энергиями порядка 20 keV [38]. Что касается высоты 48 km, то авроральные частицы не могут достигнуть данной высоты. Поскольку уменьшение концентраций в атмосфере на порядок происходит приблизительно через 16 km, то давление на высотах 80 и 48 km соответствует  $\sim 10^{-5}$  и  $\sim 10^{-3}$  от приземного давления или ~1 и ~ 100 Pa. Подобные оценки для этих высот можно рассматривать аналогом расчетов для лабораторного разряда в воздухе при пониженных давлениях. Например, авторы [34] рассчитывали деградационные спектры электронов и скорости



**Рис. 3.** Рассчитанные заселенности колебательных уровней v = 0-6 состояния  $a^1 \Pi_g$  для различных высот атмосферы: при [N<sub>2</sub>], [O<sub>2</sub>], [O]  $\rightarrow 0$  — сплошная линия; для высот 100, 80, 48 km — штриховая линия, 1, 2 соответственно.

возбуждения различных электронных состояний азота при прохождении высокоэнергичных электронов через воздух или азот. Кроме того, расчеты для этих высот можно использовать для условий спрайтов (sprites) и голубых джетов (blue jets) во время разрядов между грозовым облаком и нижней ионосферой [39–41].

На рис. 3 приведены результаты расчетов для этих трех высот и для случая  $[N_2], [O_2], [O] \rightarrow 0$ . Как видно из данного рисунка, значительный рост концентраций молекулярных составляющих в общем принципиально не изменил распределение относительных заселенностей колебательных уровней v = 0-6 состояния  $a^{1}\Pi_{q}$ . Незначительный относительный рост засленностей уровней v = 2 и 3 по отношению к четвертому уровню с ростом давления можно рассматривать как уменьшение заселенности последнего по отношению к первым. Эти малые изменения в распределении  $[N_2(a^1\Pi_g, v = 0-6]/[N_2(a^1\Pi_g, v = 4)]$  говорят о том, что относительные интенсивности полос системы Лаймана-Бирджа-Хопфилда мало меняются в условиях ионосферы или лабораторного разряда с увеличением плотности атмосферы.

Что касается расхождения экспериментальных результатов для уровней v = 0-2, полученных в [4], с настоящими расчетами на рис. 1 и 2, то оно может объясняться как возможными недостатками настоящей модели, так и особенностями анализа экспериментальных данных. Авторы [4] указывают, что при построении синтетического спектра в качестве реперных использовались полосы 192.8 и 194.5 nm системы Лаймана–Бирджа–Хопфилда (3.10) и (4.11), т.е. обусловленные переходами с уровней v = 3, 4 состояния  $a^{1}\Pi_{g}$  на уровни v = 10, 11 состояния

 $X^{1}\Sigma_{g}^{+}$ . Эти две полосы имеют достаточно высокую интенсивность свечения и не перекрываются с другими полосами систем Лаймана–Бирджа–Хопфилда и Вегарда–Каплана (переход  $A^{3}\Sigma_{u}^{+} \rightarrow X^{1}\Sigma_{g}^{+}$ ) молекулярного азота. Для полос, которые обусловлены переходами со второго колебательного уровня v = 2 состояния  $a^{1}\Pi_{g}$ , оказывается, что либо их интенсивность значительно меньше, либо происходит перекрывание с другими полосами (см. рис. 1 в [4]). Заселенности уровней v = 0, 1 оценивались уже после того, как были рассчитаны заселенности v = 2-6, при этом пренебрегалось вкладом полос системы Вегарда–Каплана, что могло привести к некоторому завышению рассчитанных значений.

Если оценивать результаты спектральных измерений в [36], то они проводились в более коротковолновом диапазоне УФ-свечения авроральной ионосферы (118-152 nm). В этом диапазоне полностью отсутствуют полосы Вегарда-Каплана N<sub>2</sub>, а присутствуют только атомарные линии, вклад которых в спектр гораздо легче учесть, нежели структуру молекулярных полос.

Аналогичные расчеты были проведены нами для атмосферы чистого азота. На рис. 4 приведены рассчитанные концентрации  $[N_2(a^1\Pi_g, v)]$  для случаев  $[N_2] = 0, 2.7 \cdot 10^{14}, 2.7 \cdot 10^{15}, 2.7 \cdot 10^{16} \text{ cm}^{-3}$ , т.е. давлениях порядка 0, 1, 10, 100 Ра. Результаты расчетов наглядно показывают рост относительных заселенностей первых трех уровней v = 0-2 по сравнению с другими уровнями. Это указывает на то, что в чистом азоте столкновительные процессы с ростом концентрации N<sub>2</sub> приводят к перераспределению заселенностей колебательных уровней состояния  $a^1\Pi_g$ , что неизбежно скажется на изменении относительных интенсивностей



**Рис. 4.** Рассчитанные заселенности колебательных уровней v = 0-6 состояния  $a^1\Pi_g$  в чистом азоте при различных давлениях: 0, 1, 10, 100 Ра — сплошная линия, *1*, *2*, *3* соответственно.

Журнал технической физики, 2011, том 81, вып. 12





**Рис. 5.** Рассчитанные заселенности колебательных уровней v = 0-10 состояния  $(a')^1 \Sigma_u^-$  для различных высот атмосферы: при [N<sub>2</sub>], [O<sub>2</sub>], [O]  $\rightarrow 0$  — сплошная линия, для высот 100, 80, 48 km — штриховая линия, *1*, *2* соответственно.



**Рис. 6.** Рассчитанные заселенности колебательных уровней v = 0-10 состояния  $(a')^1 \Sigma_u^-$  в чистом азоте при различных давлениях: 0, 1, 10, 100 Ра — сплошная линия, *I*, *2*, *3* соответственно.

полос системы Лаймана-Бирджа-Хопфилда с увеличением плотности атмосферы N<sub>2</sub>.

На рис. 5 и 6 аналогично рис. 3 и 4 приводятся рассчитанные концентрации для состояния  $[N_2[(a')^1\Sigma_u^-, v]]$ . В отличие от состояния  $a^1\Pi_g$  здесь нормировка сделана на заселенность уровня, имеющую максимальное значение. Как видно из приведенных рисунков, и в воздухе, и в чистом азоте распределение заселенностей данного состояния значительно изменяется с ростом давления.

## Заключение

Проведены расчеты заселенностей колебательных уровней v = 0-6 состояния  $a^{1}\Pi_{g}$  в авроральной ионосфере и для условий лабораторного разряда, которые показали, что кривая незначительно изменяется с ростом атмосферного давления. Связано это с тем фактом, что в воздухе доминирующим агентом в процессах гашения является молекулярный кислород (а в ионосфере еще и атомарный кислород), который служит стабилизатором данного распределения заселенностей. Этот результат указывает на приблизительное постоянство соотношения интенсивностей эмиссий полос системы Лаймана-Бирджа-Хопфилда молекулярного азота N<sub>2</sub> в воздухе при различных атмосферных давлениях. Совсем другая картина наблюдается в чистом азоте. Рост давления приводит к тому, что электронное возбуждение в основном сосредоточивается на нижних колебательных уровнях v = 0-2. В результате с увеличением давления должно происходить изменение в соотношениях интенсивностей эмиссий полос системы Лаймана-Бирджа-Хопфилда в случае, когда концентрации молекулярного азота намного превосходят концентрации других примесей.

Возможно, что этот факт может быть использован при диагностике атмосфер планет и их спутников, атмосфера которых состоит в основном из молекул азота. Соотношение интенсивности полос системы Лаймана-Бирджа-Хопфилда при вторжении в атмосферу высокоэнергичных частиц (скажем, например, из солнечного ветра) будет зависеть как от соотношения концентраций других примесей с концентрацией N<sub>2</sub>, так и от энергии вторгающихся в атмосферу частиц.

Работа поддержана программой президиума РАН № 4, программой ОФН "Плазменные процессы в солнечной системе", грантом РФФИ № 09-02-91002-АФН.

# Список литературы

- [1] Meier R.R. // Space Sci. Rev. 1991. Vol. 58. N 1. P. 1-185.
- [2] Meier R.R., Strickland D.J., Feldman P.D. et al. // J. Geophys. Res. 1980. Vol. 85. N A5. P. 2177–2184.
- [3] Feldman P.D., Gentieu E.P. // J. Geophys. Res. 1982. Vol. 87. N A4. P. 2453–2458.
- [4] Eastes R.W., Sharp W.E. // J. Geophys. Res. 1987. Vol. 92.
   N A9. P. 10095–10100.
- [5] Prinz D.K., Meier R.R. // J. Geophys. Res. 1971. Vol. 76. N. P. 6146–6158.
- [6] Huffman R.E., LeBlanc F.J., Larrabee J.C. et al. // J. Geophys. Res. 1980. Vol. 85. N A5. P. 2201–2215.
- [7] Torr M.R., Torr D.G., Chang T. et al. // J. Geophys. Res. 1994.
   N A11. P. 21 397–21 407.
- [8] Budzien S.A., Feldman P.D., Conway R.R. // J. Geophys. Res. 1994. Vol. 99. N A12. P. 23 275–23 287.
- [9] Cartwright D.C. // J. Geophys. Res. 1978. Vol. 83. N A2. P. 517–531.

- [10] Dashkevich Z.V., Sergienko T.I., Ivanov V.E. // Planet. Space Sci. 1993. Vol. 41. N 1. P. 81–87.
- [11] Eastes R.W., Dentamaro A.V. // J. Geophys. Res. 1996.
   Vol. 101. N A12. P. 26 931–26 940.
- [12] Eastes R.W. // J. Geophys. Res. 2000. Vol. 105. N A8. P. 18 557–18 573.
- [13] Кириллов А.С. // ЖТФ. 2011. Т. 81. Вып. 12. С. 43-47.
- [14] Iannuzzi M.P., Jeffries J.B., Kaufman F. // Chem. Phys. Lett. 1982. Vol. 87. N 6. P. 570–574.
- [15] *Kirillov A.S.* // Ann. Geophys. 2008. Vol. 26. N 5. P. 1149–1157.
- [16] Kirrillov A.S. // Am. Geophys. 2010. Vol. 28. N 1. P. 181–192.
- [17] Fraser M.E., Piper L.G. // J. Phys. Chem. 1989. Vol. 93. N 3.
   P. 1107–1111.
- [18] Marinelli W.J., Kessler W.J., Green B.D. et al. // J. Chem. Phys. 1989. Vol. 90. N 4. P. 2167–2173.
- [19] Saxon R.P., Liu B. // J. Chem. Phys. 1977. Vol. 67. N 12. P. 5432–5441.
- [20] Klotz R., Peyerimhoff S.D. // Molec. Phys. 1986. Vol. 57. N 3. P. 573–594.
- [21] Piper L.G. // J. Chem. Phys. Vol. 77. N 5. P. 2373–2377.
- [22] Thomas J.M., Kaufman F. // J. Chem. Phys. 1985. Vol. 83. N 6. P. 2900–2903.
- [23] Мачерет С.О., Русанов В.Д., Фридман А.А. и др. // Письма в ЖТФ. 1978. Т. 4. Вып. 6. С. 346–351.
- [24] Мачерет С.О., Русанов В.Д., Фридман А.А. и др. // ЖТФ. 1980. Т. 50. Вып. 4. С. 705–715.
- [25] Русанов В.Д., Фридман А.А. Физика химически активной плазмы. М.: Наука, 1984. 416 с.
- [26] Kirillov A.S., Aladjev G.A. // Adv. Space Res. 1995. Vol. 16. N 1. P. 105–108.
- [27] *Мишин Е.В., Телегин В.А.* // Геомагнетизм и аэрономия. 1989. Т. 29. № 1. С. 1–14.
- [28] Gudipati M.S., Copeland R.A., Ginter M.L. // EOS Trans. AGU. 2002. Vol. 83. N 19. P. S236.
- [29] Khachatrian A., Wouters E.R., Gudipati M.S. et al. // EOS Trans. AGU. 2003. Vol. 84. N 46. P. F1149–F1150.
- [30] Piper L.G. // J. Chem. Phys. 1987. Vol. 87. N 3. P. 1625–1629.
- [31] Umemoto H., Oku M., Iwai T. // J. Chem. Phys. 2003. Vol. 118.
   N 22. P. 10006–10011.
- [32] Gilmore F.R., Laher R.R., Espy P.J. // J. Phys. Chem. Ref. Data. 1992. Vol. 21. N 5. P. 1005–1107.
- [33] Gasassa M.P., Golde M.F. // Chem. Phys. Lett. 1979. Vol. 60. N 2. P. 281–285.
- [34] Коновалов В.П., Сон Э.Е. // Химия плазмы. 1987. Вып. 14. С. 194–227.
- [35] Sergienko T.I., Ivanov V.E. // Ann. Geophys. 1993. Vol. 11. N 8. P. 717–727.
- [36] Meier R.R., Conway R.R., Feldman P.D. et al. // J. Geophys. Res. 1982. Vol. 87. N A4. P. 2444–2452.
- [37] Van der Kamp A.B., Siebbeles L.D.A., van der Zande W.J. et al. // J. Chem. Phys. 1994. Vol. 101. N 11. P. 9271–9279.
- [38] Germany G.A., Torr M.R., Richards P.G. et al. // J. Geophys. Res. 1990. Vol. 95. N A6. P. 7725–7733.
- [39] Pasko V.P., Stanley M.A., Mathews J.D. et al. // Nature. 2002. Vol. 416. N 6877. P. 152–154.
- [40] Liu N., Pasko V.P. // Geophys. Res. Lett. 2005. Vol. 32. N 5. L05 104.
- [41] Pasko V.P. // Plasma Sources Sci. Technol. 2007. Vol. 16. N 1. P. S13–S29.