# *03;08;09* Электромагнитное возбуждение инфразвука в проводящей среде

© Г.А. Ляхов, Н.В. Суязов

Институт общей физики РАН, 117942 Москва, Россия

(Поступило в Редакцию 16 июля 1996 г.)

Проведен сравнительный анализ механизмов взаимодействия электромагнитных полей глобального резонатора с гидродинамическими и акустическими возмущениями в проводящей среде. Для расчета длинноволновых электромагнитных полей получено в явном аналитическом виде универсальное граничное условие на поверхности раздела воздух-проводящая среда, учитывающее влияние движений электролита. Оценены напряженность электромагнитного поля, возбуждаемого вертикальной гидроакустической волной, эффективность возбуждения инфразвуковых колебаний проводящей среды в поле глобального резонатора.

#### Введение

Для сверхнизкочастотного (СНЧ) диапазона (частота  $f \leq 300 \,\mathrm{Hz}$ ) электромагнитных колебаний длина волны сравнима с радиусом Земли  $R_E = 6.4 \cdot 10^3 \,\mathrm{km}$  либо с высотой ионосферы  $h_i \sim 70 \,\mathrm{km}$ , поэтому на их распространение существенно влияют глобальные резонансы, полости между Землей и ионосферой.

Для этого диапазона характерны очень низкое затухание в воздухе (около  $0.2 \, \text{dB}/\text{Mm}$  при  $f \approx 8 \, \text{Hz}$  и около  $1 \, \text{dB}/\text{Mm}$  при  $f \approx 100 \, \text{Hz}$ ) и большая толщина скин-слоя  $\delta$  в электролитах и других проводящих средах. Глубина проникновения в морскую воду, например, составляет  $\delta[m] \approx 200 \cdot f^{-1/2}[\text{Hz}]$ , что делает возможной радиосвязь с объектами на глубинах до сотен метров.

Электромагнитные колебания СНЧ диапазона эффективны в геофизике — в исследованиях распределения гроз, профилей электронной концентрации ионосферы, геомагнитных возмущений, солнечной активности [1].

Гидродинамические СНЧ возмущения, с другой стороны, оказывают существенное и до конца еще не выясненное влияние на биологические объекты в океане, который обнаруживает характерные изменчивости на частотах до 10 Hz, проявляющиеся во флуктуациях объемного рассеяния зондирующего сигнала за счет перемещения отдельных рассеивателей [2,3].

В этой связи представляется важной оценка эффективности взаимодействия сверхнизкочастотных электромагнитных колебаний на частотах, близких к собственных частотам глобального резонатора, с гидродинамическими, в том числе инфразвуковыми, возмущениями в океане. Задача эта, естественно, обобщается на случай проводящей упругой среды с конечной проводимостью. Очевидный прикладной аспект здесь возможность регистрации сверхнизкочастотных электромагнитных полей твердотельными акустическими приемниками.

# Механизмы взаимодействия электромагнитных СНЧ колебаний с гидродинамическими возмущениями проводящей среды

Если говорить для определенности об океанической среде (обобщение очевидно), то первый такой механизм обусловлен постоянным магнитным полем Земли  $H_0$ , в котором на электрически токи, наведенные в морской воде переменным электомагнитным полем глобального резонатора, действует сила Ампера, индуцирующая в свою очередь гидродинамические и акустические СНЧ возмущения воды с частотой ЭМ колебаний. Возможно и обратное: движения хорошо проводящей морской воды индуцируют переменное электромагнитное поле.

Исследования обратного эффекта (см., например, [4-6]) показывают, что электромагнитные поля, порожденные гидродинамическими движениями, доступны наблюдению: в медленно меняющемся течении со скоростью 1 m/s создается вертикальное электрическое поле с напряженностью  $30 \,\mu V/m$ и параллельное течению нарастающее с глубиной магнитное поле порядка  $3 \cdot 10^{-6} \, \text{Oe} \, / \, \text{m}$  [5]. Отметим, что эти данные относятся либо к значительно более низкочастотным возмущениям ( $f \leq 1 \, \text{Hz}$ ), либо к возмущениям с горизонтальной длиной волны, много меньшей  $h_i$  и  $R_E$ .

Второй механизм взаимодействия связан с различием подвижностей и масс катионов и анионов в электролите. Эти ионы по-разному увлекаются движущимся растворителем, что приводит к разделению зарядов, возникновению электрического тока и, следовательно, генерации электромагнитного поля (эффект Дебая) [7] (новые особенности его исследованы в [8,9]). И наоборот, при движении ионов под действием внешнего поля суммарный эффект силы трения их о растворитель оказывается нескомпенсированным, что вызывает движение растворителя и электролита как целого [10,11]. Исходной для описания этих эффектов служит система гидродинамических уравнений движения многокомпонентной (растворитель, катионы и анионы) жидкости

$$\rho_s d\mathbf{v}/dt = \left[\sum_j n_j V_j - 1\right] \nabla p + \rho_s \mathbf{g} + \sum_j \rho_j \nu_j (\mathbf{v}_j - \mathbf{v}),$$
$$\rho_j d\mathbf{v}_j/dt = -n_j V_j \nabla p + \rho_j \mathbf{g} - \rho_j \nu_j (\mathbf{v}_j - \mathbf{v})$$
$$+ e_j n_j (\mathbf{E} + [\mathbf{v}_j \mathbf{H}]/c). \tag{1}$$

Здесь p — давление; **E** и **H** — напряженности электрического и магнитного полей в электролите; c — скорость света; **g** — ускорение силы тяжести; j — номер сорта иона;  $\rho_s$ , **v** и  $\rho_j$ , **v**<sub>j</sub> — средняя плотность и скорость растворителя и ионов;  $V_j$  — объем иона (с учетом сольватной оболочки);  $\nu_j$  — коэффициент трения;  $n_j$  и  $e_j$  — концентрация и заряд ионов, удовлетворяющие соотношению электронейтральности,  $\sum_j e_j n_j = 0$ . В низкочастотном приближении  $2\pi f \nu_j^{-1} \ll 1$  ( $f \sim 10-10^3$  Hz,  $\nu_j \sim 10^{13}$  s<sup>-1</sup> [8]) для малых ( $|\mathbf{u}_j| \ll |\mathbf{v}|$ ) относительных скоростей ионов  $\mathbf{u}_j = \mathbf{v}_j - \mathbf{v}$  из системы (1) следует выражение

$$\mathbf{u}_{j} \approx \frac{e_{j}}{m_{j}\nu_{j}} \left[ \mathbf{E} + \frac{[\mathbf{v}\mathbf{H}]}{c} \right] - \frac{m_{j} - V_{j}\rho}{m_{j}\nu_{j}} \left[ \frac{d\mathbf{v}}{dt} - \mathbf{g} \right], \qquad (2)$$

где  $\rho = \rho_s + \sum_j \rho_j$  — плотность электролита,  $m_j = \rho_j / n_j$  — эффективные массы ионов (с оболочкой).

Уравнения для ЭМ поля в электролите запишем, пренебрегая током смещения ( $\varepsilon' f \ll \sigma$ , где  $\varepsilon'$  — действительная часть диэлектрической проницаемости) по сравнению с током проводимости  $\mathbf{j} = \sum e_j n_j \mathbf{u}_j$  и

выражая последний с помощью (2)

$$[\nabla \mathbf{H}] = (4\pi\sigma/c)(\mathbf{E} + [\mathbf{vH}]/c) + (4\pi\gamma/c)(d\mathbf{v}/dt - \mathbf{g}),$$
$$[\nabla \mathbf{E}] = -(1/c)\partial \mathbf{H}/\partial t, \quad (\nabla \mathbf{H}) = 0, \quad (3)$$
  
rge  $\sigma = \sum_{j} e_{j}^{2}n_{j}/\nu_{j}m_{j}, \gamma = -\sum_{j} e_{j}n_{j}(m_{j} - \rho V_{j})/\nu_{j}m_{j}.$ 

Для морской воды с ионами натрия и хлора при солености 35% из данных [8] следует  $\sigma \cong 6 \cdot 10^{10} \, \text{s}^{-1}$ ,  $\gamma \cong 10^{-2} \, \text{g}^{1/2} \cdot \text{cm}^{-3/2}$ .

Суммируя уравнения системы (1) и подставляя туда относительные скорости **u**<sub>j</sub> из (2), а величину **E** + [**vH**]/*c* из первого уравнения системы (3), получаем уравнение движения электролита как целого. Ограничиваясь здесь линейным по переменному полю и скорости электролита приближением, учитывая низкочастотность возмущений  $2\pi f(\beta - \gamma \eta/\sigma) \ll 1$ , где  $\eta = -\rho^{-1} \sum_{j} e_{j} n_{j} \nu_{j}^{-1}$  и  $\beta = \rho^{-1} \sum_{j} m_{j} n_{j} \nu_{j}^{-1}$  (в частности, для морской воды  $\eta \approx 10^{-2} \text{ g}^{-1/2} \cdot \text{ сm}^{3/2}$  и  $\beta \approx 2 \cdot 10^{-14} \text{ s}$ ) и предполагая, наконец, что магнитное поле и скорость гармонически зависят от времени, получаем

$$i\omega \mathbf{v} + \nabla p/\rho = -[\mathbf{H}_0[\nabla \mathbf{H}]]/4\pi\rho + (i\eta c\omega/4\pi\sigma)[\nabla \mathbf{H}],$$
  
$$\Delta \mathbf{H} - (4\pi i\sigma \omega/c^2)\mathbf{H} = (4\pi\sigma/c)[\nabla \mathbf{F}], \ (\nabla \mathbf{H}) = 0.$$
(4)

Здесь  $\omega = 2\pi f$ ; вклад движения электролита в изменение эффективного электромагнитного поля описывает вектор

$$\mathbf{F} = [\mathbf{H}_0 \mathbf{v}]/c - i\gamma \omega \mathbf{v}/\sigma.$$
 (5)

Граничные условия на поверхности раздела воздухэлектролит в линейном приближении предполагают непрерывность магнитного поля **H** и тангенциальной составляющей электрического поля  $\mathbf{E}_{\tau} = [\mathbf{n}[\mathbf{En}]]$ , где **n** нормаль к поверхности раздела. При этом, согласно (3), электрическое поле связано с магнитным соотношением

$$\mathbf{E} = (c/4\pi\sigma)[\mathbf{\nabla}\mathbf{H}] + \mathbf{F}.$$
 (6)

Уравнения для электромагнитного поля в полости Земля-ионосфера имеют простой вид

$$\Delta \mathbf{H} + (\omega^2/c^2)\mathbf{H} = 0, \qquad (\nabla \mathbf{H}) = 0,$$
$$\mathbf{E} = -i(c/\omega)[\nabla \mathbf{H}]. \tag{7}$$

Границу с ионосферой на высоте  $h_i$  характеризует эффективный импеданс  $Z_i = \varepsilon_i^{-1/2} \simeq (i\omega\nu_e)^{1/2}/\omega_e$ , где  $\varepsilon_i$  — диэлектрическая проницаемость ионосферы;  $\omega_e$  плазменная частота, определяемая плотностью электронов  $N_e$  ( $\omega_e^2 = 4\pi e^2 N_e/m_e$ );  $\nu_e$  — частота соударений. Для частот  $f \simeq 10$  Hz высота  $h_i \simeq 70$  km, а  $Z_i \simeq 10^{-2} i^{1/2}$  [1], следовательно, отношение импедансов морской воды и ионосферы  $Z_0/Z_i \simeq 10^{-3}$  [1,12].

Степень взаимного влияния гидродинамических и ЭМ возмущений в морской воде оценим, полагая в (4)

$$|[\mathbf{\nabla}\mathbf{H}]| \sim \frac{4\pi\sigma}{c}|\mathbf{F}|.$$

Отсюда следует, что самосогласованное взаимодействие подсистем посредством постоянного магнитного поля Земли (механизм Ампера) характеризуется параметром

$$\varkappa_A = H_0^2 \sigma / \rho c^2 \omega. \tag{8}$$

При  $H_0 \sim 0.3$  Ое для частот  $f \sim 10-10^3$  Hz и типичных параметров морской воды  $\varkappa_A = 10^{-13} - 10^{-15}$ .

Связь посредством механизма разделения ионов (механизм Дебая) — параметром

$$\varkappa_A = \eta \gamma \omega \sigma^{-1}. \tag{9}$$

Для отмеченных условий  $\varkappa_A = 10^{-13} - 10^{-11}$ .

Различие частотных зависимостей в (8) и (9) приводит к существованию для данного электролита при фиксированной величине внешнего магнитного поля граничной частоты  $f_b$ 

$$f_b \approx H_0 \sigma / 2\pi |\gamma| c. \tag{10}$$

Для частот  $f < f_b$  преобладающим механизмом воздействия электромагнитного поля на электролит служит эффект Ампера, при  $f > f_b$  доминирует механизм Дебая. Для морской воды в магнитном поле Земли  $f_b \approx 10$  Hz.

# Граничные условия на поверхности воздух–электролит — возбуждение колебаний в электромагнитном резонаторе движениями проводящей среды

В принятом гармоническом приближении  $\mathbf{v}(\mathbf{r}, t) = \mathbf{v} \exp(i\omega t - i\mathbf{k}\mathbf{r})$ , где  $\mathbf{k} = \{\mathbf{k}_{\tau}, k_z\}$ , а ось *z* направлена вертикально вверх (*z* = 0 на поверхности раздела). Эффективным источником сверхдлинных электромагнитных волн могут служить лишь достаточно крупномасштабные движения электролита. Так, в океанической задаче с глобальным резонатором поверхность Земли-ионосфера горизонтальный масштаб  $k_{\tau}^{-1}$  таких движений значительно превосходит толщину скин-слоя  $\delta$  (см. Введение); пусть глубина океана  $h_0$  также превосходит  $\delta$ 

$$k_{\tau}^{-1}, h_0[M] \gg 200 f^{-1/2}[\text{Hz}].$$
 (11)

При выполнении условий (11) для решения уравнений (4) естественно использовать приближение горизонтальной однородности. Кроме того,  $|Z_0/Z_i| \cong 10^{-3} \ll 1$ , поэтому поле в воздухе над границей при z = 0 удовлетворяет условию  $|Z_0| \ll |\partial \ln H/\partial z| c/\omega \ll |Z_0|^{-1}$ . Это позволяет получить явную связь горизонтальной составляющей  $\mathbf{E}_{\tau}$  электрического поля непосредственно над границей с амплитудой скорости **v** 

$$\mathbf{E}_{\tau} = -\{ [\mathbf{\nabla}\mathbf{H}_0]_{\tau} / c + i\gamma \omega \mathbf{v}_{\tau} / \sigma \} / \{ 1 - (i/2)^{1/2} \delta k_z \}.$$
(12)

Связь (12) исчерпывающе описывает, в частности, влияние движения морской воды на электромагнитное поле над водой и в полости Земля–ионосфера. Она задает граничное условие на поверхности воды, уточняющее традиционно используемое при расчете полей глобального резонатора условия  $\mathbf{E}_{\tau} = 0$ .

Источником возмущений на частотах около 10 Hz могут служить только акустические волны с вертикальным (для обеспечения горизонтальной однородности амплитуды возмущения) волновым вектором,  $k_{\tau} \rightarrow 0$  (вклад поверхностных гравитационных волн мал из-за их мелкомасштабности). Отсюда следует, что механизм разделения ионов как источник генерации электромагнитного поля в глобальном резонаторе неэффективен: соответствующий вклад в (12) пропорционален горизонтальной компоненте скорости  $\mathbf{v}_{\tau}$ , стремящейся к нулю при  $k_{\tau} \rightarrow 0$ .

Обратимся теперь к механизму Ампера, связанному с постоянным магнитным полем  $H_0$  и вертикальными акустическими волнами. Для акустических возмущений необходимо учесть в (20) звуковую волну, отраженную от поверхности  $k_z \rightarrow -k_z$ . С учетом фазы отражения граничное условие для электромагнитного поля приобретает вид

$$\mathbf{E}_{\tau}(z=+0) \approx -(v/c)[\mathbf{n}\mathbf{H}_{0\tau}]/(1+if/f_0), \qquad (13)$$

где **H**<sub>0</sub> $_{\tau}$  — горизонтальная составляющая постоянного магнитного поля Земли; v — амплитуда возмущения скорости в звуковой волне у поверхности раздела;  $f_0 = 2\sigma c_s^2/c^2$  — частота, для которой глубина скин-слоя равна четверти длины звуковой волны ( $c_s$  — скорость звука). Для морской воды  $f_0 \cong 2.8$  Hz.

Распространяющиеся в полости Земля-ионосфера электромагнитные моды различаются по частотам и вертикальной структуре [1,12]:  $(\omega_l^2 c^{-2} - k_\tau^2)^{1/2} h_i = \pi l$ , где вертикальный номер *l* равен числу полуволн между поверхностью Земли и ионосферой. Моды с  $l \gg 1$ существуют только на относительно высоких частотах  $f \gtrsim 2 \,\mathrm{kHz}$ ; они сильно затухают на расстояниях порядка  $R_E$ . На частотах  $f \gtrsim 10 \, \mathrm{kHz}$  их затухание (по мощности) составляет 2 dB/Mm, с приближением к частоте отсечки затухание возрастает до 10-20 dB/Mm при f = 1 - 10 kHz [12]. Следовательно, для мод с  $l \gg 1$ эффект интерференции волн, многократно огибающих земной шар, не действует [1]. Более низким частотам  $f \simeq 1 - 10^2$  Hz отвечает волноводная *TM*- (магнитное поле горизонтально) мода с l = 0, слабо зависящая от вертикальной координаты. Затухание этой моды невелико, поэтому интерференция волн, многократно огибающих земной шар, обеспечивает шумановские резонансы [13]

$$\omega_n/c \approx [n(n-1)]^{1/2}/R_E - iZ_i/2h_i$$

Низшие (n = 1-3) шумановские частоты f равны 7.8, 13.8 и 17.9 Нz при значениях добротности Q, равных 4.63, 5.76 и 6.56 [1,12]. Здесь обращает на себя внимание, что для морской воды граничная частота  $f_b$  из (10) и частота  $4f_0$  (при которой толщина скин-слоя равна половине длины волны инфразвука) весьма близки к частотам низших шумановских резонансов.

Оценку ЭМ поля, возбуждаемого гидроакустической волной, дает (13). Для шумановского (n = 1) и вертикального (l = 1) резонансов f = 8 Hz и 2 kHz возьмем амплитуду вертикальной акустической волны порядка типичной для шумов моря в полосе, равной ширине резонансного максимума  $\Delta f = f/Q$  ( $\Delta f \approx 1.7$ и 400 Hz [1,12]):  $v \approx 0.3$  и 0.06 cm/s (это соответствует спектральным плотностям шумов 3 · 10<sup>3</sup> и 40 Ра · Hz<sup>-1/2</sup> [3]). Анализ уравнений (7) с граничными условиями (13) показывает, что выигрыш для вертикального резонатора за счет резонансного накопления, имеющий место, если размеры области акустического возбуждения в океане около  $10^2$  km, равен  $(1 + |R_i|)/(1 - |R_i|) \approx 4$  [12], где  $R_i$  — коэффициент отражения электромагнитной волны от ионосферы. Из (13) следует тогда

$$|E_{\tau}| \simeq 10^{-4} \,\mu \text{V/m}, \quad |H_{\tau}| \simeq 4 \cdot 10^{-15} \,\text{Oe.}$$
 (14)

Для шумановского резонанса, если предположить, что область возбуждения имеет глобальные размеры, резонансный выигрыш может быть значительно бо́льшим: радиальная (вертикальная) составляющая поля  $E_R$  превосходит величину  $E_{\tau}$  из (13) в  $cQ/\omega h_i$  раз. С другой

стороны, ограниченность области возбуждения уменьшает величину  $E_R$  в  $(n + 1/2)S/2\pi R_E^2$  раз, где S — площадь области возбужения. В результате для первого шумановского резонанса  $f \cong 8$  Нz (при области возбуждения размером  $3 \cdot 10^3$  km) получаем

$$|E_R| \simeq 0.3 \,\mu \text{V/m}, \quad |H_\tau| \simeq 10^{-11} \,\text{Oe.}$$
 (15)

Оцененные в (14) и (15) амплитуды электромагнитных полей измеримы, хотя, разумеется, это требует использования прецизионных методов обработки принимаемого сигнала на уровне ниже уровня шумов глобального резонатора. Для доминирующих грозовых источников, например, средние амплитуды шумовых полей ( $\langle H_{\tau}^2 \rangle$ )<sup>1/2</sup> ~ 10<sup>-8</sup> Ое в частотной полосе первого шумановского резонанса.

### Возбуждение акустического поля в проводящей среде электромагнитными полями глобального резонатора

Для оценки эффективности процесса, обратного рассмотренному, считаем теперь электромагнитное поле в глобальном резонаторе заданным. Это соответствует обращению в нуль правой части второго уравнения из (4). Рассматриваем диапазон частот  $f < f_b$  из (10), в котором доминирует механизм Ампера.

Решение уравнения (4) с гармоническим звуковым полем для проводящего слоя глубиной *h* определяет искомое акустическое поле в электролите

$$v_z = \frac{i^{3/2} \xi(f_0/f)^{1/2} (H_\tau/H_0) c_s}{1 + i(f_0/f)} Z(z).$$
(16)

Здесь  $\xi = H_{0\tau}^2 / 4\pi \rho c_s^2$ ,  $R_s$  — коэффициент отражения звука подстилающей поверхностью; зависимость от глубины в (16) описывает функция

$$Z(z) = \exp[(1+i)z/\delta] + \frac{\exp(-i\omega z/c_s) + R_s \exp[i\omega(z-2h)/c_s]}{1-R_s \exp(-2i\omega h/c_s)}.$$

В океанической задаче возбуждение инфразвуковой волны имеет низкую эффективность. Более перспективным представляется использование описанного здесь эффекта возбуждения инфразвуковых волн в проводящей среде для сосредоточенного приема регулярных электромагнитных сигналов в диапазоне 10–100 Hz. Схема приема здесь должна включать проводящий объем из материала с большой упругостью и проводимостью, помещенный в поле постоянного магнита с достаточно сильным полем  $H_0$ . Для медной пластины, например, в умеренном поле  $H_0 \simeq 2 \cdot 10^3$  Ое величина  $\xi \simeq 10^{-7}$ , поэтому из (16) следует, что акустическая скорость возбуждения при  $H_{\tau} = 10^{-6}$  Ое (антенна с током 100–200 А при напряжении 7 kV, эффективность излучения

которой составляет  $10^{-3}$ ) равна  $v_z \simeq 4 \cdot 10^{-11}Q$  [cm/s]. Добротность медной пластины может достигать значений  $Q \simeq 2 \cdot 10^3$ . В этих условиях  $v_z \simeq 8 \cdot 10^{-8}$  cm/s, следовательно, амплитуда звукового смещения на частоте 8 Hz  $a = v_z/2\pi\omega \simeq 10^{-8}$  cm. Такие смещения фиксируются, в частности, оптическими интерферометрическими схемами.

#### Заключение

Рассмотренный эффект возбуждения инфразвуковых колебаний проводящей среды ЭМ полями глобального резонатора и обратный ему эффект генерации СНЧ электромагнитных волн акустическими движения электролита, как показали оценки, могут наблюдаться в не слишком жестких условиях на параметры возбуждения и приема. Оптимизации параметров приема, как и возможный подбор наиболее эффективной схемы приема, составляют естественное продолжение работы. В связи с этим обращает на себя внимание возможное использование чувствительных биомодельных схем [14] — инфразвуковой диапазон частот для некоторых из них содержит известные и интересные сами по себе резонансы, причем амплитуды генерируемых ими электромагнитных полей могут быть больше среднеквадратичных фоновых значений даже в сильно возбужденной атмосфере.

Работа частично поддержана Российским фондом фундаментальных исследований (проект № 96-02-17642).

#### Список литературы

- Блиох П.В., Николаенко А.П., Филиппов Ю.Ф. Глобальные электромагнитные резонансы в полости Земля– ионосфера. Киев: Наукова думка, 1977. 200 с.
- [2] Океанология. Физика океана. Т. 2. Гидродинамика океана / Под ред. В.М. Каменковича, А.С. Монина. М.: Наука, 1978. 455 с.
- [3] Мозговой В.А. // Акуст. журн. 1987. Т. 33. С. 1101-1104.
- [4] Сочельников В.В. Основы теории естественного электромагнитного поля в море. Л.: Гидрометеоиздат. 1979. 216 с.
- [5] Электромагнитные и акустические процессы. Владивосток: Изд-во Дальневосточного университета, 1987. 190 с.
- [6] Larsen J.C. // J. of Marine Research. 1971. Vol. 29. N 1. P. 28–45.
- [7] Debue P. // J. Chem. Phys. 1933. Vol. 1. P. 13-20.
- [8] Вировлянский А.Л., Малахов А.Н. // Изв. вузов. Радиофизика. 1981. Т. 24. С. 851–854.
- [9] Ляхов Г.А., Свирко Ю.П. // Письма в ЖТФ. 1992. Т. 18. С. 51–53.
- [10] Физическая акустика / Под ред. У. Мэзона. Т. 2. Ч. А. М.: Мир, 1968. 457 с.
- [11] Вировлянский А.Л., Малахов А.Н. // Изв. вузов. Радиофизика. 1984. Т. 27. № 10. С. 1349–1352.
- [12] Harth W. Theory of Low Frequency Wave Propagation. CRC Handbook of Atmospherics. Vol. II. Boca Ration. Florida: CRC Press, 1983. 202 c.
- [13] Shumann W.O. // Angew. Phys. 1957. Vol. 9. P. 373-378.
- [14] Осовец С.М., Гинзбург Д.А., Гурфинкель В.С. // УФН. 1983. Т. 141. № 1. С. 103.