

## Формирование и динамика электронного потока в электронно-оптической системе гиротрона с учетом отражения электронов от магнитной пробки

© О.И. Лукша, А.Г. Малкин, Б.Р. Апаневич

Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого,  
195251 Санкт-Петербург, Россия  
e-mail: louksha@rphf.spbstu.ru

Поступило в Редакцию 26 июня 2025 г.

В окончательной редакции 19 августа 2025 г.

Принято к публикации 12 сентября 2025 г.

Обсуждена новая методика учета шероховатости поверхности термокатода и разброса начальных тепловых скоростей при выполнении траекторного анализа в электронно-оптической системе гиротрона. С использованием этой методики определены параметры винтового электронного потока в гиротроне средней мощности четырехмиллиметрового диапазона длин волн излучения. На основе метода крупных частиц проведено моделирование коллективных процессов в электронном пространственном заряде, захваченном в ловушку между катодом и магнитной пробкой. Определены пороговые условия возбуждения и амплитудно-частотные характеристики низкочастотных колебаний, связанных с развитием неустойчивости в пространственном заряде в ловушке. Обсуждена возможная связь этих колебаний с резонансными структурами, существующими в электронно-оптической системе.

**Ключевые слова:** СВЧ электроника, гиротрон, винтовой электронный поток, магнитная пробка, низкочастотные колебания.

DOI: 10.61011/JTF.2026.02.62299.164-25

### Введение

Гиротроны являются наиболее эффективными устройствами для генерации мощного СВЧ-излучения в миллиметровом и субмиллиметровом диапазонах длин волн. Одним из ключевых направлений их использования является нагрев плазмы и управление электрическим током в установках, предназначенных для осуществления управляемого термоядерного синтеза. Частотный диапазон 110 – 170 GHz наиболее распространен для гиротронов, используемых в современных термоядерных установках. Эти гиротроны способны выдавать мегаваттную мощность в квазинепрерывном режиме, при этом длительность импульсов может достигать десятков минут [1,2]. Помимо термоядерных исследований, гиротроны находят применение в таких областях, как дальняя радиолокация, обработка материалов, высокоточная спектроскопия, ускорение заряженных частиц и ряд других современных технологий.

Важным фактором, влияющим на эффективность и предельные достижимые параметры гиротронов, является качество формируемого в электронно-оптической системе (ЭОС) электронного пучка с винтообразными траекториями частиц. В высококачественных винтовых электронных потоках (ВЭП) сочетается большое значение осцилляторной энергии электронов, которую принято характеризовать величиной питч-фактора  $\alpha = v_{\perp}/v_{\parallel}$ , где  $v_{\perp}$  и  $v_{\parallel}$  — поперечная и продольная компоненты скорости, с малым скоростным и энергетическим

разбросом и требуемой поперечной структурой пучка (см., например, [3]). В большинстве случаев в гиротронах электронный поток формируется с помощью магнетронно-инжекторной пушки (МИП) [4]. Необходимая величина поперечной энергии достигается в области магнитной компрессии между пушкой и резонатором, где продольная энергия частиц перекачивается в поперечную. Параметры ВЭП определяются на этапе проектирования прибора в результате численного траекторного анализа, в рамках которого рассчитываются самосогласованные траектории частиц в статических электрическом и магнитном полях. Важными факторами, которые влияют на скоростной разброс электронов в ВЭП и которые должны быть учтены при проведении такого траекторного анализа, являются шероховатость эмитирующей поверхности термокатода и разброс начальных тепловых скоростей электронов.

При наличии скоростного разброса в ВЭП повышение среднего питч-фактора электронов в конечном итоге приведет к отражению части потока от магнитной пробки и к накоплению пространственного заряда в ловушке между катодом и пробкой. Накопленный пространственный заряд неустойчив, в нем могут развиваться паразитные низкочастотные колебания (НЧК, LFO), негативно влияющие на качество поступающего в резонатор первичного ВЭП. В ряде лабораторий теоретически и экспериментально исследовались процессы накопления заряда в ловушке и характеристики паразитных НЧК [3,5–21]. В частности, в расчетах

была показана важная роль вторичной эмиссии с катода в этих процессах, предложен механизм группировки электронов в ловушке, ответственный за развитие НЧК, определены способы снижения инкремента нарастания возмущений в накопленном пространственном заряде [7,10,11,13,16,19]. В экспериментах выявлена возможная связь параметров НЧК со свойствами резонансных электродинамических структур, которыми выступают элементы электронно-оптической системы гиротрона [8,9,18].

Моделирование динамических процессов в ловушке осуществляется на базе метода крупных частиц (Particle-In-Cell, PIC) [22]. PIC-моделирование длительных во времени процессов требует значительных затрат вычислительных ресурсов. С целью сокращения этих затрат в предыдущих исследованиях применяли упрощенное одномерное [7,16,17] и двумерное [10,11,13] моделирование. Однако современные вычислительные системы позволяют при разумных затратах машинного времени провести полноценное трехмерное моделирование динамических процессов для больших временных интервалов, составляющих сотни периодов осцилляций одиночных частиц в ловушке. При таком моделировании, очевидно, может быть выявлена связь характеристик НЧК с параметрами резонансных структур в ЭОС гиротрона.

В настоящей работе трехмерное численное моделирование с учетом отражения части ВЭП от магнитной пробки было проведено для гиротрона СПбПУ с рабочей частотой 74.2 GHz и выходной СВЧ-мощностью примерно 100 kW [12,20,23]. Ранее в экспериментах с этим гиротроном были подробно изучены характеристики НЧК, определено их влияние на параметры ВЭП и предложены способы подавления. Все расчеты в настоящей работе были выполнены с помощью программы CST Studio Suite [24]. Некоторые особенности использованных расчетных моделей описаны в [25,26].

## 1. Учет разброса начальных скоростей электронов при траекторном анализе в ЭОС гиротрона

Заметное влияние на качество ВЭП, формируемого в ЭОС гиротрона, оказывает разброс начальных скоростей электронов, который возникает вследствие разброса тепловых скоростей при выходе электронов с поверхности катода, а также из-за шероховатости этой поверхности [3,26–28]. Типичный размер таких шероховатостей — единицы-десятки микрон. При таком размере шероховатостей их влияние на скоростной разброс электронов в ВЭП заметно больше влияния разброса тепловых скоростей. Очевидны трудности проведения траекторного анализа в ЭОС с длиной в сотни миллиметров, если на поверхности катода присутствуют неоднородности микронных размеров. Предложены

различные алгоритмы учета разброса начальных скоростей при расчете электронных траекторий в модели гиротрона с гладким катодом [27,28]. В работе [26] показано, что спектр поперечных скоростей в модели катода с полусферами микронного размера близок по форме к спектру скоростей для гладкого катода, если для него задавать максвелловское распределение начальных скоростей с помощью инструментов, доступных в CST Studio Suite при установке свойств термоэмиттера. Эффективная температура, как параметр этого распределения, должна быть заметно больше типичных значений температуры термокатодов для того, чтобы разброс поперечных скоростей был близок к разбросу, полученному в эксперименте. Однако при таком простейшем способе задания параметров термоэлектронной эмиссии электроны, стартующие с катода, будут иметь аномально большую начальную энергию (полную скорость), что не соответствует реальным условиям. Это обуславливает паразитный энергетический разброс электронов в ВЭП, а также не позволяет корректно рассчитывать процессы накопления частиц в ловушке гиротрона при отражении части потока от магнитной пробки в рамках PIC-моделирования.

В настоящей работе подход, предложенный в [26], был скорректирован с тем, чтобы устранить паразитный разброс начальных энергий на катоде. Процедура учета начальных скоростей включала несколько этапов.

Первый этап. Для модели электронно-оптической системы при выбранном сеточном разбиении и режиме работы, которые впоследствии не менялись, с помощью вычислителя Tracking Solver рассчитывались электронные траектории для начальной энергии электронов на катоде, равной нулю. Для каждой траектории в рамках постобработки результатов моделирования определялись временные зависимости глобальных координат  $x(t)$ ,  $y(t)$ ,  $z(t)$  и скоростей  $v_x(t)$ ,  $v_y(t)$ ,  $v_z(t)$ .

Второй этап. Выбирался момент времени  $t_0$ , для которого высота подъема электронной траектории над поверхностью катода  $h \approx 30 \mu\text{m}$ . Напомним, что при расчетах в модели катода с регулярно расположенными на его поверхности полусферами радиусом  $r_0$  было показано, что распределение электронов по поперечным скоростям практически не меняется при увеличении расстояния от катода, если это расстояние превышает примерно  $2 \cdot r_0$  [26]. Причем при  $r_0 = 14 \mu\text{m}$  значения скоростного разброса, полученные в расчетах и в экспериментах с гиротроном СПбПУ, были примерно равны. В текущих расчетах для каждой электронной траектории определялись значения  $x(t_0)$ ,  $y(t_0)$ ,  $z(t_0)$ ,  $v_{x0}(t_0)$ ,  $v_{y0}(t_0)$ ,  $v_{z0}(t_0)$ . По этим значениям вычислялась полная скорость  $v_{abs}(t_0)$ , а также компоненты скорости вдоль осей локальной системы координат  $v_{u0}(t_0)$  и  $v_{w0}(t_0)$  (рис. 1). Ось  $u$  направлена по азимуту, ось  $w$  — вдоль образующей конусного катода, а ось  $v$  — по нормали к поверхности катода. Очевидно, что для каждой траектории направление осей  $u$ ,  $w$  и  $v$  будет различным.

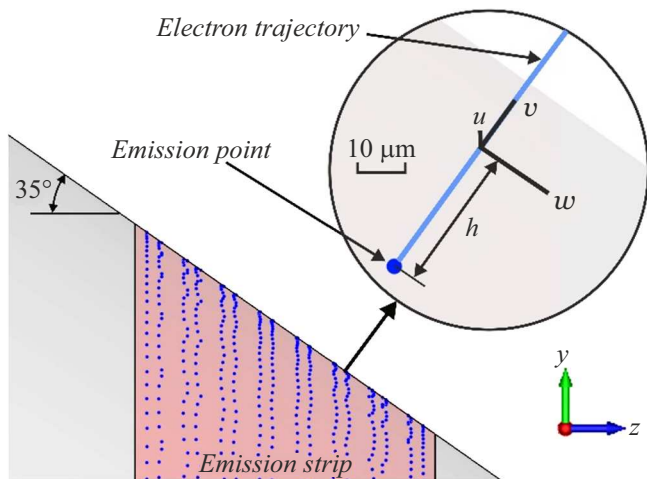


Рис. 1. Изображение центров эмиссии на эмитирующем пояске катода и крупно — одна из электронных траекторий.

Третий этап. Задавались случайные составляющие тангенциальных компонент начальной скорости  $v'_u(t_0)$  и  $v'_w(t_0)$ , исходя из предположения, что эти скорости распределены в соответствии с функцией Гаусса:

$$f(v) = \left(\frac{1}{2\pi}\right)^{1/2} \frac{1}{\sigma} \exp\left(-\frac{v^2}{2\sigma^2}\right),$$

где  $\sigma$  — среднеквадратичное отклонение. Причем для каждой электронной траектории определялись два значения  $v'_u(t_0)$  и два значения  $v'_w(t_0)$ , различающиеся знаком перед величиной скорости. Для задания пар независимых нормально распределенных случайных скоростей использовалось преобразование Бокса–Мюллера [29]. В дальнейшем в качестве параметра, характеризующего разброс начальных скоростей, будем использовать величину  $W_{\text{init}}[\text{eV}] = \frac{m\sigma^2}{e}$ , где  $e$  и  $m$  — заряд и масса электрона.

Четвертый этап. Новые значения скоростей вдоль осей локальной системы координат были равны:

$$\begin{aligned} v_{u1}(t_0) &= v_{u0}(t_0) + v'_u(t_0), \\ v_{w1}(t_0) &= v_{w0}(t_0) + v'_w(t_0), \\ v_{v1}(t_0) &= \sqrt{v_{\text{abs}}^2(t_0) - v_{u1}^2(t_0) - v_{w1}^2(t_0)}. \end{aligned}$$

По этим значениям определялись новые глобальные начальные скорости  $v_{x1}(t_0)$ ,  $v_{y1}(t_0)$ ,  $v_{z1}(t_0)$ . Массив данных  $x(t_0)$ ,  $y(t_0)$ ,  $z(t_0)$ ,  $v_{x1}(t_0)$ ,  $v_{y1}(t_0)$ ,  $v_{z1}(t_0)$  образовывал входной интерфейс частиц для проведения траекторного анализа в модели ЭОС с гладким катодом при наличии разброса начальных скоростей электронов. В этом интерфейсе из каждого центра эмиссии испускаются по две частицы с разными скоростями.

Описанная процедура была реализована в макросе, работающем в программе CST Studio Suite.

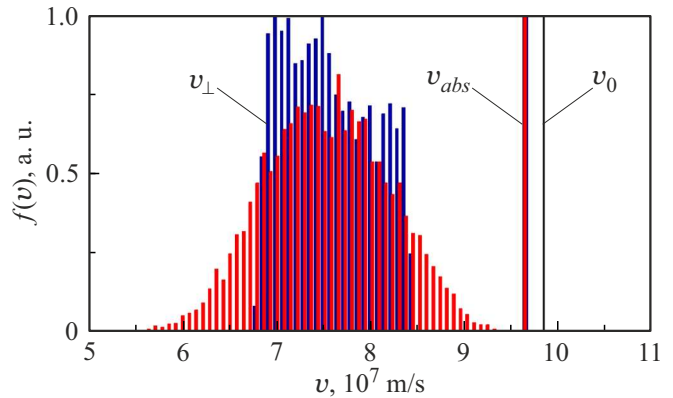


Рис. 2. Распределения электронов по поперечным  $v_{\perp}$  и полным  $v_{\text{abs}}$  скоростям при отсутствии разброса начальных скоростей (синий цвет) и при разбросе начальных скоростей, соответствующем энергии  $W_{\text{init}} = 7.15 \text{ eV}$  (красный цвет). Показано значение скорости электрона  $v_0$  с энергией 30 keV.

## 2. Траекторный анализ в электронно-оптической системе гиротрона

Вначале были выполнены расчеты статических электронных траекторий с помощью вычислителя Tracking Solver. Для этих расчетов использовалась модель полной ЭОС с осаждением электронного потока на коллекторе. Формирование ВЭП осуществлялось с помощью стандартной МИП без управляющего электрода с углом наклона образующей конусной части катода к оси, равным  $35^\circ$  [26,30]. Источником электронов служили 10 960 центров эмиссии, равномерно распределенных по пояску конусного катода. Эмиссия была однородной по азимуту. Использовалось тетраэдральное сеточное разбиение модели с уменьшенным шагом ячеек в области эмиттера, а также в области расположения электронных траекторий. Общее количество ячеек сетки составляло примерно 39 млн.

Расчетный рабочий режим гиротрона характеризуется следующими значениями основных параметров: ускоряющее напряжение  $U_0 = 30 \text{ kV}$ , ток пучка  $I_b = 10 \text{ A}$ , магнитное поле в центре резонатора  $B_0 = 2.75 \text{ T}$ , коэффициент магнитной компрессии  $B_0/B_c = 18.0$  [12,25,26,30]. Значение  $B_0/B_c = 18.0$  соответствует 24 виткам катодной катушки экспериментального гиротрона СПбПУ [23]. В данном режиме средний пичч-фактор  $\alpha = v_{\perp}/v_{\parallel}$  и разброс поперечных скоростей  $\delta v_{\perp}$ , рассчитанные при отсутствии разброса начальных скоростей, равнялись 1.29 % и 6.1 % соответственно. Разброс скоростей в настоящей работе определялся как среднеквадратичное отклонение от среднего значения скорости. Величины  $\alpha$  и  $\delta v_{\perp}$  регистрировались в центральной плоскости резонатора  $z = 260.5 \text{ mm}$  в максимуме продольного распределения магнитного поля  $B(z)$  ( $z = 0$  — центральная плоскость эмитирующего

пояска катода). При добавлении начального разброса наблюдалось уширение спектра поперечных скоростей электронов в потоке и некоторое увеличение среднего питч-фактора. Например, при  $W_{\text{init}} = 7.15 \text{ eV}$  средний питч-фактор был равен 1.33, а разброс поперечных скоростей — 8.8 %. Такое значение разброса было ранее получено в экспериментах с гиротроном СПБПУ [20,26]. Распределения электронов по поперечным  $v_{\perp}$  и полным  $v_{\text{abs}}$  скоростям для рассмотренных режимов показаны на рис. 2. Для выбранной ширины интервалов гистограмм, равной  $7.2 \cdot 10^5 \text{ m/s}$ , спектры полных скоростей для этих режимов совпадают. Эти спектры характеризуются малым разбросом  $\delta v_{\text{abs}} = 0.052 \%$  для  $W_{\text{init}} = 0$  и  $\delta v_{\text{abs}} = 0.053 \%$  для  $W_{\text{init}} = 7.15 \text{ eV}$ . На рисунке также показано значение скорости  $v_0$  электрона с энергией 30 keV. Разница между  $v_{\text{abs}}$  и  $v_0$  характеризует величину провисания потенциала пучка в центральной плоскости резонатора.

В рассмотренном режиме поперечные скорости всех частиц в максимуме распределения  $B(z)$  меньше их полной скорости (рис. 2), т.е. отсутствует отражение частиц от магнитной пробки. Однако при увеличении среднего питч-фактора и/или скоростного разброса в ВЭП неизбежно появление отраженных частиц, которые, как было сказано выше, могут накапливаться в ловушке между катодом и магнитной пробкой. Коэффициент отражения электронов от пробки  $R$ , от которого зависит скорость их поступления в ловушку, очевидно, может изменяться по мере увеличения накопленного в этой ловушке пространственного заряда.

Для повышения среднего питч-фактора электронов в ВЭП и реализации режимов с отражением электронов от пробки был увеличен коэффициент магнитной компрессии до  $B_0/B_c = 19.7$ . Это значение соответствует 21 витку катодной катушки гиротрона СПБПУ [23]. Было также выполнено некоторое упрощение модели ЭОС гиротрона. Длина ЭОС была ограничена плоскостью  $z = 274.5 \text{ mm}$ , совпадающей с окончанием регулярной части резонатора. В этой плоскости была расположена „магнитная стенка“, на которой отсутствовала тангенциальная компонента магнитного поля. Был выполнен переход к гексаэдральному сеточному разбиению с размером ячейки  $0.8 \text{ mm}$ , что давало в сумме 7.9 млн. ячеек. Эта модель ЭОС была использована и при PIC-моделировании, описанном ниже в разд. 3. Внесенные упрощения позволили сократить время этого моделирования.

Если частицы отражаются от магнитной пробки и затем повторно отражаются в области катода, то не может быть гарантировано достижение условия сходимости при расчете самосогласованных траекторий в вычислителе Tracking Solver. Тем не менее мы использовали данный вычислитель для определения „начального“ коэффициента отражения  $R_0$ , когда еще мало влияние заряда отраженных частиц на траектории первичного пучка, проходящего через пробку в сторону резонатора. Для этого время моделирования, иначе, число

Параметры ВЭП, рассчитанные при отражении электронов от магнитной пробки ( $B_0/B_c = 19.7$ )

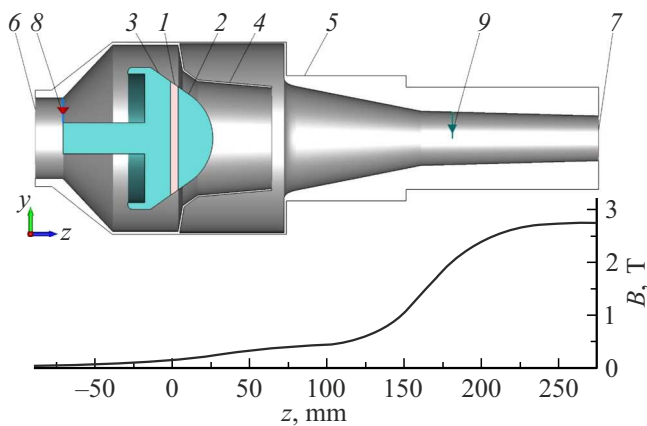
| $U_0, \text{ kV}$ | $\alpha$ | $\delta v_{\perp}, \%$ | $R_0, \%$ |
|-------------------|----------|------------------------|-----------|
| 28                | 2.01     | 6.23                   | 0.78      |
| 30                | 2.42     | 5.30                   | 1.56      |
| 32                | 2.82     | 4.28                   | 4.14      |
| 34                | 3.22     | 3.53                   | 8.59      |
| 36                | 3.51     | 3.13                   | 14.64     |

временных шагов при расчете траекторий частиц, было выбрано минимальным, при котором, однако, все частицы первичного пучка достигают выходной плоскости  $z = 274.5 \text{ mm}$ . В этом случае захваченные в ловушку частицы совершают не более одного отражения в области магнитной пробки. В расчетах с отражением части ВЭП и накоплением пространственного заряда в ловушке подход к учету разброса начальных скоростей, описанный в разд. 1, не позволяет корректно рассчитать траектории частиц. Поэтому приведенные ниже результаты были получены при начальной энергии частиц на катоде, равной нулю. Число центров эмиссии, как и раньше, было равно 10 960.

В таблице приведены рассчитанные значения среднего питч-фактора  $\alpha$  и скоростного разброса  $\delta v_{\perp}$  в первичном пучке, зарегистрированные в центральной плоскости резонатора  $z = 260.5 \text{ mm}$ , а также начального отражения  $R_0$  при различных значениях ускоряющего напряжения  $U_0$ . Полученные значения  $R_0$  заметно меньше коэффициента отражения для гауссова распределения  $f(v_{\perp})$  при тех же  $\alpha$  и  $\delta v_{\perp}$  [16]. Это связано с тем, что спектры поперечных скоростей в данных расчетах, подобные показанному на рис. 2, характеризовались довольно резким спадом зависимости  $f(v_{\perp})$  при больших  $v_{\perp}$  по сравнению с гауссовым распределением. При напряжении  $U_0 = 30 \text{ kV}$  среднее время пролета электронов первичного ВЭП от катода до плоскости  $z = 260.5 \text{ mm}$  составляло примерно  $4.5 \text{ ns}$ , а суммарный заряд всех частиц в модели равнялся  $5.1 \cdot 10^{-8} \text{ C}$ .

### 3. PIC-моделирование динамических процессов при отражении электронов от магнитной пробки

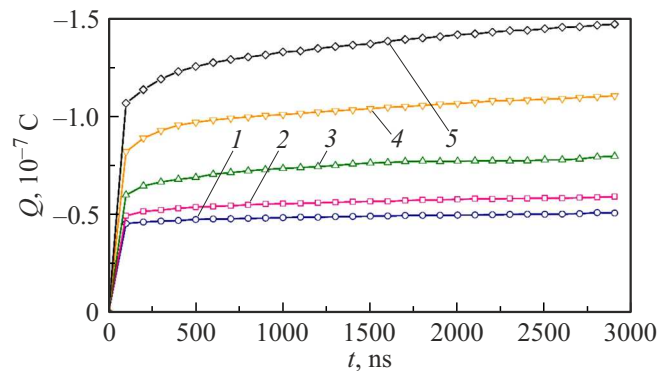
Модель ЭОС, для которой было выполнено PIC-моделирование, показана на рис. 3. В этой модели в обеих торцевых плоскостях  $z = -90$  и  $274.5 \text{ mm}$  были установлены волноводные порты, через которые высокочастотные сигналы выводились из модели без отражения. Разность потенциалов между катодом и анодом создавалась с помощью дискретного линейного порта, используемого в CST Studio Suite для задания напряже-



**Рис. 3.** Схематическое изображение модели ЭОС гиротрона: 1 — эмитирующий пояс, 2 — передняя часть катода, 3 — задняя часть катода, 4 — анод, 5 — корпус, 6, 7 — волноводные порты, 8 — дискретный порт, 9 — монитор напряжения в плоскости  $z = 180$  мм. Показано продольное распределение индукции магнитного поля  $B(z)$  на оси ( $r = 0$ ).

ния между двумя точками в модели. Это напряжение плавно нарастало от 0 до  $U_0$  в течение первых  $\sim 50$  ns, после чего не изменялось. Импеданс порта был равен  $50 \Omega$ . По мере увеличения напряжения увеличивался ток термоэмиссии с катода. Скорость нарастания амплитуды импульсов напряжения и тока, очевидно, влияет на процессы в ловушке на начальном этапе моделирования [31]. Важно обеспечить плавное нарастание напряжения и тока с тем, чтобы исключить заметное влияние „головы“ пучка на условия накопления и группировки заряда в ловушке.

Напомним, что вторичная эмиссия с катода играет важную роль в электронных процессах в ЭОС гиротрона при отражении частиц от магнитной пробки, создавая, в частности, дополнительный канал их поступления в ловушку (см., например, [10]). В CST Studio Suite имеются инструменты для учета эмиссии вторичных электронов при бомбардировке элементов ЭОС, включая обширную библиотеку материалов. В качестве материала катодного блока, за исключением эмитирующего пояса, был выбран молибден с максимальным коэффициентом вторичной эмиссии 1.23 при энергии падающих электронов 600 eV [32]. Для самого пояса использовали данные по вторичной эмиссии, соответствующие W-Ba импрегнированному катоду с максимальным коэффициентом 2.5 при энергии 1000 eV [33]. Материалом остальных элементов ЭОС был выбран идеальный проводник. Было уменьшено число центров эмиссии на катоде до 480. Временной шаг моделирования равнялся примерно  $1 \cdot 10^{-3}$  ns. Время моделирования задавалось равным 3000 ns, что соответствует примерно 300 — 400 периодам осцилляций одиночной частицы между катодом и магнитной пробкой. В этом случае к концу моделирования общее число крупных частиц равнялось  $(1 - 2) \cdot 10^7$ . При таких установках время расчета одной задачи



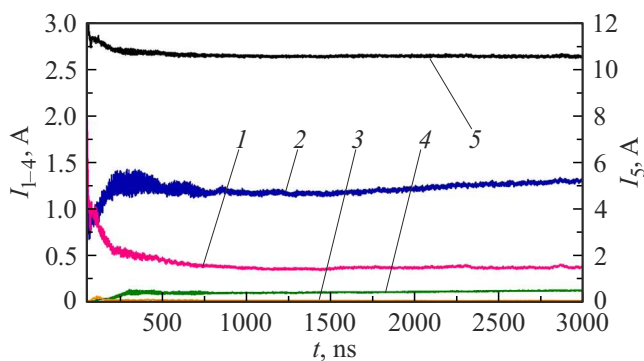
**Рис. 4.** Временные зависимости суммарного заряда частиц  $Q(t)$  при разных значениях ускоряющего напряжения  $U_0$ : 28 (1), 30 (2), 32 (3), 34 (4), 36 кВ (5).

составляло несколько дней с использованием ускорителя суперкомпьютерного центра СПбПУ. В модели были установлены специальные мониторы, используемые в CST Studio Suite для записи различных параметров во время моделирования и последующего анализа этих параметров. Мониторы регистрировали токи на электроды ЭОС, напряжения между корпусом прибора и выбранными точками в рабочем пространстве, а также параметры крупных частиц в различных плоскостях поперечного сечения.

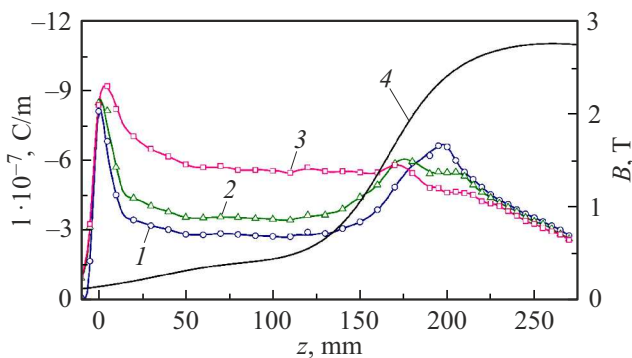
Зависимости суммарного заряда частиц во всей области моделирования от времени для разных значений напряжения  $U_0$  приведены на рис. 4. Видно, что во всех случаях происходит плавное нарастание заряда во времени в течение всего времени моделирования  $t = 3000$  ns. Скорость этого нарастания, очевидно, зависит от коэффициента отражения электронов от пробки, увеличивающегося с повышением  $U_0$ . Таким образом, квазистационарное состояние, при котором потоки частиц в ловушку и из нее в среднем равны, не достигалось даже при большом коэффициенте отражения ( $U_0 = 36$  кВ), когда в накопленном заряде развиваются интенсивные колебания (см. ниже).

С течением времени изменяются значения токов, регистрируемых в цепях различных электродов ЭОС. Соответствующие зависимости для максимального напряжения  $U_0 = 36$  кВ показаны на рис. 5. Максимальное значение тока на эмитирующий пояс  $I_1$  достигается в начале моделирования после переходного этапа на переднем фронте ( $t \approx 50$  ns). Затем с течением времени ток на пояс уменьшается, но при этом возрастает ток на заднюю часть катода  $I_2$  и на анод  $I_4$ , что связано с диффузией захваченных электронов в сторону больших радиусов. Подобные зависимости наблюдались и в предыдущих расчетах (например, [10,13,19,21]). Ток на переднюю часть катода  $I_3$  был пренебрежимо мал по сравнению с токами на другие электроды. Из-за высокого коэффициента вторичной эмиссии с пояса вторичные электроны именно с этого электрода дают





**Рис. 5.** Зависимости токов на элементы ЭОС гиротрона от времени при  $U_0 = 36$  kV: 1 — эмитирующий пояс, 2 — задняя часть катодного блока, 3 — передняя часть катодного блока, 4 — анод, 5 — выходная граница  $z = 274.5$  mm.



**Рис. 6.** Распределения линейной плотности пространственного заряда  $\lambda$  вдоль продольной координаты  $z$  при  $U_0 = 36$  kV для различных моментов времени  $t$ : 100 (1), 300 (2), 2900 ns (3); 4 — продольное распределение индукции магнитного поля  $B(z)$  на оси ( $r = 0$ ).

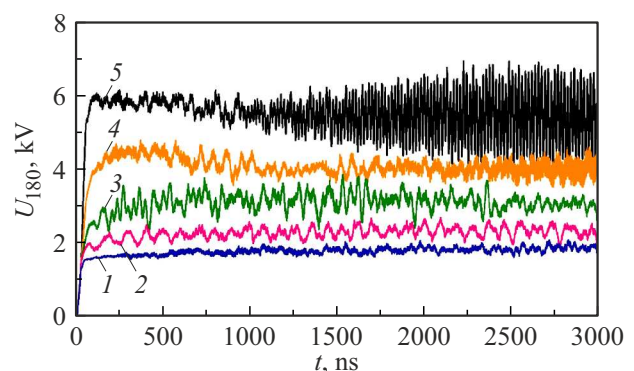
наибольший вклад в суммарный ток пучка. Следствием этого является примерно одинаковый характер изменения во времени тока  $I_1$  и тока  $I_5$  пучка, проходящего через магнитную пробку и регистрируемого на выходной границе. В конце моделирования  $t = 3000$  ns ток  $I_5$  был примерно на 5% больше тока термоэлектронной эмиссии с катода, задаваемого равным 10 А.

Накопленный в ловушке пространственный заряд концентрируется в области между катодом и магнитной пробкой. На рис. 6 показаны значения линейной плотности заряда  $\lambda$ , определенные как интеграл от объемной плотности заряда  $\rho$  по плоскости поперечного сечения, в зависимости от координаты  $z$  этой плоскости для различных моментов времени  $t$  при  $U_0 = 36$  kV. Как и при одномерном моделировании [23], по мере накопления заряда в ловушке происходит смещение максимумов распределения  $\lambda(z)$  друг к другу. Иными словами, «эффективная» длина ловушки, усредненная по всему ансамблю частиц, становится меньше.

Монитор напряжения, установленный в плоскости поперечного сечения  $z = 180$  mm, регистрировал разность потенциалов  $U_{180}$  между точкой на оси прибора ( $r = 0$ ) и заземленным корпусом (рис. 3). Зависимости  $U_{180}(t)$ , рассчитанные при разных напряжениях  $U_0$ , показаны на рис. 7. При малых напряжениях  $U_0 = 28, 30$  и 32 kV не наблюдалось сигналов, свидетельствующих о развитии регулярных колебаний в накопленном в ловушке пространственном заряде. Такие колебания с частотой  $f_{LFO}$ , равной примерно 53 MHz, видны на зависимости  $U_{180}(t)$  для  $U_0 = 36$  kV. Они появлялись при  $t \approx 1000$  ns и достигали насыщения по амплитуде примерно через 1500 ns, что соответствует  $\sim 80$  периодам колебаний. Подобные значения инкремента нарастания возмущения в пространственном заряде в ловушке были раньше зафиксированы при одномерном моделировании [16].

Если судить по значению  $f_{LFO}$ , то можно предположить, что в данном режиме в ловушке осциллирует один электронный сгусток. Это подтверждается сравнением фаз сигналов мониторов напряжения, установленных в плоскостях с различными значениями продольной координаты  $z$ . Группировка пространственного заряда в ловушке, как было показано ранее [16,23], может быть связана с неизохронностью осцилляций частиц между плоскостями отражения у катода и у магнитной пробки. Значение частоты  $f_{LFO}$  в этом случае определяется формой своеобразной потенциальной ямы для осциллирующих частиц, которая зависит от распределения магнитного поля, а также от распределения электрического поля, изменяющегося по мере накопления пространственного заряда в ловушке.

При меньшем напряжении  $U_0 = 34$  kV и соответственно меньшем потоке частиц в ловушку по сравнению с  $U_0 = 36$  kV в конце времени моделирования наблюдались небольшие по амплитуде сигналы на частоте примерно 150 MHz (рис. 7). Такое значение частоты указывает на возможное существование одновременно трех осциллирующих сгустков в ловушке. Кратное увеличение частоты НЧК при снижении коэффициента от-



**Рис. 7.** Временные зависимости потенциала  $U_{180}$  на оси прибора ( $r = 0$ ) в плоскости поперечного сечения  $z = 180$  mm при разных значениях ускоряющего напряжения  $U_0$ : 28 (1), 30 (2), 32 (3), 34 (4), 36 kV (5).

ражения от пробки наблюдалось ранее при одномерном моделировании [16,23]. В целом при переходе от одномерного к трехмерному моделированию заметно увеличились пороговые значения коэффициента отражения от магнитной пробки и накопленного в ловушке пространственного заряда, при которых появлялись регулярные НЧК. Причина такого различия, возможно, связана с относительно малым числом крупных частиц, на которые разбивается электронный поток, при трехмерном моделировании. Увеличение этого числа, к сожалению, ограничено ресурсами вычислительной системы.

Представляется возможной связь НЧК в электронном облаке с двумя типами резонансных структур в ЭОС гиротрона: объемным резонатором, которым может быть некоторая полость, и эквивалентным колебательным контуром (распределенной LC-цепью). Расчеты собственных мод в данной модели ЭОС с помощью вычислителя Eigenmode Solver показали, что значения резонансных частот всех мод превышают 1 GHz, т.е. заметно больше  $f_{LFO}$ . Не была отмечена „привязка“ частоты сигналов в электронном пространственном заряде к частотам этих мод. Распределенная LC-цепь образовывалась с помощью индуктивности дискретного порта и емкости межэлектродного зазора катод-анод. В данной модели ее резонансная частота лежала в диапазоне сотен мегагерц. Эту частоту, а также добротность LC-контра, можно было изменять за счет изменения геометрии элементов ЭОС, размеров дискретного порта, или при установке поглотителя. Если специально не задавать импеданс дискретного порта, то в сигналах токов на электроды ЭОС присутствовали высокочастотные составляющие на резонансной частоте LC-контра. Амплитуда этих составляющих возрастала с увеличением накопленного в ловушке пространственного заряда при повышении  $U_0$ . Однако введением в дискретном порту импеданса, равного  $50\ \Omega$ , было достигнуто подавление сигналов, связанных с возбуждением LC-контра. В реальном приборе также могут существовать подобные LC-цепи, связанные с электронным потоком. При наличии такой связи возможна „привязка“ частоты НЧК к резонансной частоте этой цепи (см., например, [9]). Снижение добротности LC-контра в этом случае может позволить уменьшить интенсивность паразитных НЧК в приборе.

## Заключение

В работе был выполнен траекторный анализ в ЭОС гиротрона СПБПУ с использованием новой методики учета разброса начальных скоростей электронов, вызванного шероховатостью поверхности термокатода и разбросом тепловых скоростей. На базе полученных в рамках траекторного анализа данных были выбраны режимы работы гиротрона, в которых часть электронного потока отражается от магнитной пробки.

В этих режимах было выполнено трехмерное PIC-моделирование процессов накопления и динамики элек-

тронного пространственного заряда в ловушке между катодом и магнитной пробкой. Показана возможность возникновения паразитных низкочастотных колебаний, обусловленных группировкой заряда в осциллирующие в продольном направлении сгустки. Эти колебания возникают при заметно большем коэффициенте отражения от магнитной пробки по сравнению с проведенным ранее одномерным PIC-моделированием, что может быть связано с относительно „грубым“ разбиением потока на крупные частицы при трехмерном моделировании. Специальное внимание в расчетах уделено связи характеристик паразитных колебаний с параметрами резонансных структур, существующих в ЭОС гиротрона. Выявлено влияние на динамические процессы в электронном потоке LC-контра, образованного электродами пушки и источником напряжения. Устранить влияние этого контра позволило снижение его добротности при введении дополнительного сопротивления.

## Благодарности

Часть результатов была получена с использованием вычислительных ресурсов суперкомпьютерного центра Санкт-Петербургского политехнического университета Петра Великого (<http://www.scc.spbstu.ru>). Авторы благодарны П.А. Трофимову за помощь при обсуждении полученных результатов.

## Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

## Список литературы

- [1] M.K.A. Thumm, G.G. Denisov, K. Sakamoto, M.Q. Tran. Nuclear Fusion, **59** (7), 073001 (2019). DOI: 10.1088/1741-4326/ab2005
- [2] A.G. Litvak, G.G. Denisov, V.E. Myasnikov, E.M. Tai, E.A. Azizov, V.I. Ilin. J. Infrared Millimeter Terahertz Waves, **32** (3), 337 (2011). DOI: 10.1007/s10762-010-9743-8
- [3] Ш.Е. Цимринг. Введение в высокочастотную вакуумную электронику и физику электронных пучков (ИПФ РАН, Н. Новгород, 2012) [Sh.E. Tsimring. *Electron Beams and Microwave Vacuum Electronics* (John Wiley & Sons, Inc., Hoboken, New Jersey, 2007)]
- [4] А.Л. Гольденберг, М.И. Петелин. Изв. вузов. Радиофизика, **16** (1), 141 (1973). [A.L. Gol'denberg, M.I. Petelin. Radiophys. Quant. Electron. **16** (1), 106 (1973). DOI: 10.1007/BF01080801]
- [5] В.Е. Запеевалов, В.Н. Мануилов, Ш.Е. Цимринг. Изв. вузов. Радиофизика, **33** (12), 1406 (1990). [V.E. Zapevalov, V.N. Manuilov, Sh.E. Tsimring. Radiophys. Quant. Electron., **33** (12), 1043 (1990). DOI: 10.1007/BF01040147]
- [6] О.И. Лукша, Г.Г. Соминский. ЖТФ, **64** (11), 160 (1994). [O.I. Louksha, G.G. Sominskii. Tech. Phys., **39** (11), 1173 (1994).]
- [7] Д.В. Борзенков, О.И. Лукша. ЖТФ, **67** (9), 98 (1997). [D.V. Borzenkov, O.I. Luksha. Tech. Phys., **42** (9), 1071 (1997). DOI: 10.1134/1.1258768]

- [8] I. Gorelov, J.M. Lohr, D. Ponce, R.W. Callis, H. Izekei, R.A. Legg, S.E. Tsimring. In: *Proc. 24th Int. Conf. Infrared and Millimeter Waves* (Monterey, USA, 1999), TU-D8
- [9] B. Piosczyk, A. Arnold, G. Dammertz, O. Dumbrajs, M. Kuntze, M.K. Thumm. *IEEE Trans. Plasma Sci.*, **30** (3), 819 (2002). DOI: 10.1109/TPS.2002.1010853
- [10] П.В. Кривошеев, В.Н. Мануилов. *Прикладная физика*, **3**, 80 (2002).
- [11] П.В. Кривошеев, В.Н. Мануилов. *Прикладная физика*, **1**, 101 (2004).
- [12] O. Louksha, B. Piosczyk, G. Sominski, M. Thumm, D. Samsonov. *IEEE Trans. Plasma Sci.*, **34** (3), 502 (2006). DOI: 10.1109/TPS.2006.875779
- [13] В.Н. Мануилов. *Изв. вузов. Радиофизика*, **49** (10), 872 (2006). [V.N. Manuilov. *Radiophys. Quant. Electron.*, **49** (10), 786 (2006). DOI: 10.1007/s11141-006-0113-2]
- [14] Е.В. Иляков, И.С. Кулагин, В.Н. Мануилов, А.С. Шевченко. *Изв. вузов. Радиофизика*, **51** (10), 855 (2008). [E.V. Ilyakov, I.S. Kulagin, V.N. Manuilov, A.S. Shevchenko. *Radiophys. Quant. Electron.*, **51** (10), 772 (2008). DOI: 10.1007/s11141-009-9080-8]
- [15] A.J. Cerfon, E. Choi, C.D. Marchewka, I. Mastovsky, M.A. Shapiro, R.J. Temkin. *IEEE Trans. Plasma Sci.*, **37** (7), 1219 (2009). DOI: 10.1109/TPS.2009.2020903
- [16] О.И. Лукша. *Изв. вузов. Радиофизика*, **52** (5–6), 425 (2009). [O.I. Louksha. *Radiophys. Quant. Electron.*, **52** (5–6), 386 (2009). DOI: 10.1007/s11141-009-9149-4]
- [17] R. Yan, T.M. Antonsen, G.S. Nusinovich. *IEEE Trans. Plasma Sci.*, **38** (6), 1178 (2010). DOI: 10.1109/TPS.2010.2045160
- [18] T. Rzesnicki, B. Piosczyk, S. Kern, S. Illy, J. Jin, A. Samartsev, A. Schlaich, M. Thumm. *IEEE Trans. Plasma Sci.*, **38** (6), 1141 (2010). DOI: 10.1109/TPS.2010.2040842
- [19] В.Н. Мануилов, А.А. Мазур. *Вестник Нижегородского ун-та им. Н.И. Лобачевского*, **5** (3), 327 (2011).
- [20] О.И. Лукша, Д.Б. Самсонов, Г.Г. Соминский, С.В. Семин. *ЖТФ*, **83** (5), 132 (2013).
- [21] I.Gr. Pagonakis, B. Piosczyk, J. Zhang, S. Illy, T. Rzesnicki, J.-P. Hogge, K. Avramidis, G. Gantenbein, M. Thumm, J. Jelonnek. *Phys. Plasmas*, **23**, 023105 (2016). DOI: 10.1063/1.4941705
- [22] Ч. Бэдсел, А. Ленгдон. *Физика плазмы и численное моделирование* (Энергоатомиздат, М., 1989)
- [23] О.И. Лукша. *Винтовые электронные потоки гиротронов: динамика пространственного заряда и методы повышения качества* (Докт. дисс. 01.04.04/СПбПУ, СПб., 2011)
- [24] *CST Studio Suite. Electromagnetic field simulation software* Электронный ресурс. Режим доступа: <https://www.3ds.com/products-services/simulia/products/cst-studio-suite/>
- [25] О.И. Лукша, П.А. Трофимов. *ЖТФ*, **89** (12), 1988 (2019). DOI: 10.21883/JTF.2019.12.48501.179-19 [O.I. Louksha, P.A. Trofimov. *Tech. Phys.*, **64** (12), 1889 (2019). DOI: 10.1134/S1063784219120156]
- [26] О.И. Лукша, П.А. Трофимов, А.Г. Малкин. *Известия вузов. Радиофизика*, **65** (3), 226 (2022). DOI: 10.52452/00213462\_2022\_65\_03\_226 [O.I. Louksha, P.A. Trofimov, A.G. Malkin. *Radiophys. Quant. Electron.*, **65**, 209 (2022). DOI: 10.1007/s11141-023-10206-6]
- [27] К.А. Лещева, В.Н. Мануилов. *УПФ*, **7** (3), 298 (2019).
- [28] J. Zhang, S. Illy, I.Gr. Pagonakis, K.A. Avramidis, M. Thumm, J. Jelonnek. *Nucl. Fusion*, **56** (2), Art. 026002 (2016). DOI: 10.1088/0029-5515/56/2/026002
- [29] G.E.P. Box, M.E. Muller. *Ann. Math. Stat.*, **29** (2), 610 (1958). DOI: 10.1214/aoms/1177706645
- [30] О.И. Лукша, П.А. Трофимов. *ЖТФ*, **88** (4), 614 (2018). DOI: 10.21883/JTF.2018.04.45733.2484 [O.I. Louksha, P.A. Trofimov. *Tech. Phys.*, **63** (4), 598 (2018). DOI: 10.1134/S106378421804014X]
- [31] В.Н. Мануилов, В.Г. Павельев. *Изв. вузов. Радиофизика*, **51** (5), 425 (2008). [V.N. Manuilov, V.G. Pavel'ev. *Radiophys. Quant. Electron.*, **51**, 384 (2008). DOI: 10.1007/s11141-008-9038-2]
- [32] И.С. Григорьев, Е.З. Мейлихов (ред.). *Физические величины. Справочник* (Энергоатомиздат, М., 1991)
- [33] R.E. Thomas, C.D. Morrill. In: *Applications of Surface Science* (Amsterdam, North Holland, 1983), p. 292.