03

Моделирование процесса вскипания струи жидкого азота при истечении через тонкое сопло в вакуум в условиях криогенных температур

© Р.Х. Болотнова¹, Э.Ф. Гайнуллина^{1,2}

¹ Институт механики им. Р.Р. Мавлютова Уфимского федерального исследовательского центра РАН, Уфа, Россия ² Уфимский университет науки и технологий, Уфа, Россия E-mail: bolotnova@anrb.ru

Поступило в Редакцию 12 ноября 2024 г. В окончательной редакции 28 ноября 2024 г. Принято к публикации 28 ноября 2024 г.

Исследован процесс истечения жидкого азота из сосуда высокого давления в вакуумную камеру на основе двухфазной парожидкостной смесевой модели с учетом неравновесных процессов испарения и конденсации. Для описания термодинамических свойств азота применялось разработанное авторами новое широкодиапазонное аналитическое уравнение состояния. Скорость массообмена предполагалась зависящей от числа и радиуса пузырьков или капель, теплоты парообразования и степени перегрева. Рассмотрены особенности формирования поля скоростей струйного потока для степени перегрева по давлению 60. Полученные расчеты удовлетворительно согласуются с экспериментом.

Ключевые слова: вскипающая струя жидкого азота, криогенные температуры, вакуумная камера, численное моделирование.

DOI: 10.61011/PJTF.2025.07.60067.20181

Вопросы истечения криогенных вскипающих жидкостей из сопел являются важным направлением в экспериментальных и теоретических исследованиях, поскольку понимание рассматриваемых процессов критически важно при конструировании ракетных двигателей для обеспечения их надежности и эффективности функционирования. В таких режимах низкие температуры кипения жидкостей существенно усложняют проведение экспериментов. Новые экспериментальные данные детально описывают динамику вскипания струй жидкого азота [1-3], что важно при моделировании и исследовании изучаемых процессов, а также для верификации разработанных моделей парожидкостных сред [4-6]. Настоящее исследование является продолжением цикла авторских работ [5,6], в которых изучались режимы истечения криогенного жидкого азота для различных степеней перегрева в рамках экспериментальных данных [1]. В настоящей работе используется разработанная авторами двухфазная модель парожидкостной смеси, включающая в отличие от [5,6] новое широкодиапазонное аналитическое уравнение состояния азота для жидкой и газовой фаз [7]. Численная реализация модели осуществлена в виде нового решателя в комплексе OpenFOAM [8]. Исследованы особенности формирующихся полей скоростей и распределений объемного содержания капель в расширяющемся струйном потоке для более высокой, чем в [5,6], степени перегрева $R_p = p_s(T_{inj})/p_c = 60$, где $p_s(T_{ini})$ — давление насыщения при температуре T_{ini} в камере высокого давления, p_c — противодавление в вакуумной камере. Эксперименты для таких режимов истечения проводились в [1,3] на установке, схема

которой показана на рис. 1. Ее геометрические размеры, используемые в модельных расчетах, приведены в табл. 1. Начальные условия в выбранных для исследования экспериментах [1,3] представлены в табл. 2. Для условий 1 (табл. 2) в [1] получена фотография истечения вскипающей струи в момент времени 120 ms (рис. 2, a) с использованием высокоскоростной теневой съемки. Полученные в [3] для условий 2 (табл. 2) измерения пространственного распределения скоростей капель производились с применением системы фазовой доплеровской анемометрии (PDA) (рис. 3). В работах [1,3] принято, что эксперименты 1 и 2 (табл. 2) выполнены в одинаковых условиях в пределах допустимой погрешности и, следовательно, достаточно обосновано проведение совместного анализа обоих экспериментов 1 и 2.

Далее приведены основные уравнения пространственной двухфазной модели парожидкостной смеси в двухтемпературном, однодавленческом, двухскоростном приближениях с учетом контактного теплообмена и неравновесных массообменных процессов испарения и конденсации [9,10]:

уравнения сохранения массы і-й фазы

$$\frac{\partial(\alpha_i\rho_i)}{\partial t} + \operatorname{div}(\alpha_i\rho_i\mathbf{v}_i) = J_{ij},\tag{1}$$

уравнения сохранения импульса і-й фазы

$$\frac{\partial(\alpha_i \rho_i \mathbf{v}_i)}{\partial t} + \operatorname{div}(\alpha_i \rho_i \mathbf{v}_i \mathbf{v}_i) = -\alpha_i \nabla p + \operatorname{div}(\alpha_i \tau_i) + \mathbf{F}_{i,drag} + \mathbf{F}_{i,\nu m} + J_{ij} \mathbf{v}_i, \quad (2)$$

Размер	Камера высокого	Промежуточный	Коническое	Вакуумная
	давления	трубопровод	сопло	камера
Длина <i>x</i> , m Радиус <i>y</i> , m	0.136 0.034	$\begin{array}{c} 0.12\\ 7\cdot 10^{-3}\end{array}$	$0.03 \\ 0.5 \cdot 10^{-3}$	0.225 0.15

Таблица 1. Геометрические размеры расчетной установки [1,3]

Таблица 2. Начальные условия моделируемых экспериментов [1,3]

Эксперимент	Температура <i>T_{inj}</i> в камере высокого давления, К	Давление <i>p_{inj}</i> в камере высокого давления, Ра	Противодавление p_c , Ра	Степень перегрева $R_p = p_s(T_{inj})/p_c$
1 [1] 2 [3]	90.5 89.7	$5.5\cdot10^5$ $4.4\cdot10^5$	$55\cdot 10^2 \\ 73\cdot 10^2$	69 60



Рис. 1. Схема моделируемого эксперимента [1,3]. *1* — камера с жидким азотом, *2* — инжекторный блок, *3* — вакуумная система.

уравнения сохранения полной энергии і-й фазы

$$\frac{\partial(\alpha_i\rho_i E_i)}{\partial t} + \operatorname{div}(\alpha_i\rho_i E_i \mathbf{v}_i) =
= -p\frac{\partial\alpha_i}{\partial t} - \operatorname{div}(\alpha_i \mathbf{v}_i p) - \operatorname{div}(\alpha_i \mathbf{v}_i \cdot \tau_i)
+ \operatorname{div}(\alpha_i\gamma_{i,eff}\nabla h_i) + K_{ht}(T_j - T_i) + l_s J_{ij}.$$
(3)

Сила присоединенных масс имеет вид

$$\mathbf{F}_{i,vm} = 0.5\alpha_l \rho_g \left(\frac{d_i \mathbf{v}_i}{dt} - \frac{d_j \mathbf{v}_j}{dt} \right).$$

Межфазное сопротивление описано моделью Шиллера-Науманна

$$\mathbf{F}_{i,drag} = \frac{3}{4} \alpha_l C_D \frac{\rho_g}{d_{l0}} (\mathbf{v}_i - \mathbf{v}_j) |\mathbf{v}_i - \mathbf{v}_j|.$$

В уравнениях (1)–(3) использовались следующие обозначения: ρ_i — плотность, T_i — температура, α_i — объемное содержание, \mathbf{v}_i — вектор скорости, J_{ij} — скорость массообмена между *i*-й и *j*-й фазами, *p* — давление, $\tau_i = \mu_i (\nabla \mathbf{v}_i + \nabla \mathbf{v}_i^T) - \frac{2}{3} (\mu_i \operatorname{div} \mathbf{v}_i) I$ — тензор вязких напряжений, μ_i — динамическая вязкость, $E_i = e_i + K_i$ — полная энергия в виде суммы внутренней и кинетической энергий, $\gamma_{i,eff}$ — эффективная температуропроводность, h_i — энтальпия, $K_{ht} = \frac{\kappa_g}{d_{10}}$ Nu — коэффициент теплообмена, $\mathbf{v} = \alpha_l \mathbf{v}_l + \alpha_g \mathbf{v}_g$ — вектор скорости парожидкостной смеси, κ_g — теплопроводность газа, d_{l0} — диаметр капель, Nu — число Нуссельта, l_s — теплота парообразования/конденсации. Нижние индексы i, j = 1, 2 соответствуют жидкой (l) и паровой (g) фазам $(i \neq j)$.

Термодинамические свойства паровой и жидкой фаз азота описывались широкодиапазонным уравнением состояния [7] в виде суммы упругой и тепловой составляющих давления и внутренней энергии: $p = p_p + p_T$, $e = e_p + e_T$,

$$p_{p}(\rho_{i}) = A\left(\frac{\rho_{i}}{\rho_{0}}\right)^{-\beta+1} \exp\left[b\left(1-\left(\frac{\rho_{i}}{\rho_{0}}\right)^{-\beta}\right)\right] - K\left(\frac{\rho_{i}}{\rho_{0}}\right)^{\varphi+1},$$

$$\rho_{i} = \frac{1}{V_{i}}, p_{T}(V_{i}, T_{i}) = \frac{\Gamma_{i}(V_{i})c_{Vi}}{V_{i}}T_{i},$$

$$e_{p}(\rho_{i}) = \int_{\rho^{0}}^{\rho_{i}} \frac{p_{p}(\rho_{i})}{\rho_{i}^{2}}d\rho = \frac{A}{\beta\rho_{0}b} \exp\left[b\left(1-\left(\frac{\rho_{i}}{\rho_{0}}\right)^{-\beta}\right)\right]$$

$$-\frac{K}{\varphi\rho_{0}}\left(\frac{\rho_{i}}{\rho_{0}}\right)^{\varphi} + e^{\circ}, e_{Ti} = c_{V}T_{i}.$$
(4)

В уравнениях (4) *А*, *К*, *b*, φ , β — константы, определяющие упругие составляющие уравнения состояния, c_{Vi} — изохорная теплоемкость, e° — константа интегрирования, $\Gamma_i(V_i)$ — функция Грюнайзена [7].

Скорость испарения J_{lg} предполагается зависящей от числа *n* и радиуса *a* пузырьков или капель, температуры насыщения $T_s(p)$, теплоты парообразования $l_s(T)$, коэффициента теплопроводности жидкой фазы азота λ_l и числа Нуссельта Nu [11]:

$$J_{lg} = 2\pi a n \operatorname{Nu} \lambda_l \big(T - T_s(p) \big) / l_s(T).$$
(5)



Рис. 2. Сравнение экспериментальной фотографии [1] (*a*) и расчетного распределения интенсивности поля скоростей (*b*) для струи жидкого азота при t = 120 ms, $R_p = 60$. $x/D = k_i$ — зоны контроля скоростей капель (см. рис. 3).

 $\lambda_l = 1.12 \cdot 10^{-2} \text{ kg} \cdot \text{m}/(\text{s}^3 \cdot \text{K})$ [8]. Для числа Nu используется аппроксимация, предложенная Лабунцовым и полученная на основе решения Scriven [11]:

$$Nu = \frac{12}{\pi} Ja \left[1 + \frac{1}{2} \left(\frac{\pi}{6Ja} \right)^{2/3} + \frac{\pi}{6Ja} \right]$$
$$Ja = \frac{c_{pl} \left(T - T_s(p) \right) \rho_l^0}{l_s(T) \rho_g^0}$$

— число Якоба, с_{pl} — удельная теплоемкость жидкого азота при постоянном давлении. Предполагается, что фазовый переход жидкость-пар происходит в условиях неравновесного перегретого состояния, когда температура среды превышает температуру насыщения [6,11]: $T > T_s(p) + \Delta T_s$, где ΔT_s — степень перегрева жидкости по температуре, соответствующая условию равновесия давления в жидкости и паре с учетом капиллярных сил $\Delta p_s \approx 2\sigma/a$, обусловленных поверхностным натяжением σ межфазной поверхности [11]. На начальной стадии неравновесного процесса истечения увеличение α_g обусловлено зарождением новых пузырьков на неоднородных примесных частицах, при этом рост их радиуса ограничен [11]: при $\alpha_g \leqslant 0.25$ количество пузырьков $n = 3\alpha_g/(4\pi a^3)$ с радиусом $a = 6.5 \,\mu$ m. При $\alpha_g > 0.25$ кипение происходит в равновесном режиме с постоянным числом пузырьков $n = 4 \cdot 10^{13}$ (в 1 m³) радиусом $a = (3\alpha_g/(4\pi n))^{1/3}$. Дальнейшее развитие процесса при $\Delta T_s = 0$ характеризуется неограниченным ростом радиуса пузырьков, приводящим к формированию парокапельной системы с диаметром капель $d = 10 \, \mu m$, что соответствует экспериментальным данным [3].

Модель парожидкостной смеси (1)-(5) была численно реализована в программном комплексе ОрепFOAM [8] в виде разработанного авторами нового решателя, основанного на методе контрольного объема с вычислительным алгоритмом PIMPLE. Точность численных решений обеспечивалась применением многоблочных расчетных сеток со сгущением ячеек в области сопла (Δx , $\Delta y = 0.00001 - 0.006$ m), а также контролем сеточной сходимости до достижения устойчивости численных решений с начальным временным шагом $\Delta t = 1 \cdot 10^{-9}$ s.

Сравнительный анализ полученных численных результатов и экспериментальных данных [1,3] представлен на рис. 2, 3. На рис. 2, b показаны расчетные распределения магнитуды скоростей в виде цветового спектра, качественно согласующиеся с фотографией эксперимента [1] (рис. 2, а). Анализ численных решений показал, что к моменту времени 120 ms режим истечения формирующейся струи переходит в парокапельный с диаметром капель $d_{l0} = 10 \,\mu \text{m}$ и характеризуется максимальными значениями объемного содержания жидкости $\alpha_1 \approx 0.5$ в зоне устья сопла (x/D = 0-5). С увеличением расстояния от сопла и на удалении от оси симметрии α_1 уменьшается до 0.001 при y/D = 150. При этом среднее значение α_1 в центральной части струи составляет $\alpha_1 \approx 0.003 - 0.004$, что демонстрирует достаточно равномерное мелкодисперсное распределение капель в вакуумной камере. На рис. 3 приведены расчетные распределения магнитуд скоростей капель $|\mathbf{v}_l|$ на момент времени $t = 120 \,\mathrm{ms}$ и экспериментальные точки [3] в зависимости от расстояния вдоль оси симметрии (см. линию и точки 1) и в сечениях, удаленных от сопла на расстояния $x/D = k_i, i = 1, ..., 4$ (см. линии и точки 2-5). Наибольшие значения скорости капель достигают $\sim 70 \,\mathrm{m/s}$ вблизи выхода из сопла при $x/D = 5 \,\mathrm{(см.}\,k_1$ на рис. 3). По мере удаления от этой зоны вдоль оси симметрии интенсивность массовых скоростей снижает-



Рис. 3. Расчетные и экспериментальные зависимости распределения магнитуды скоростей капель на момент времени t = 120 ms вдоль оси симметрии y = 0 (1) и в сечениях при $x/D = k_i$ (i = 1, ..., 4), удаленных от сопла (2–5). Сплошные линии — расчет, символы — экспериментальные данные по скорости капель [3].

ся до ~ 5 m/s при x/D = 70 (см. k_4 на рис. 3) и ~ 0.1 m/s при y/D = 150. Полученные расчеты удовлетворительно согласуются с данными экспериментов [3].

Проведенное в работе численное исследование процессов формирования расширяющегося струйного потока жидкого азота в вакуумную камеру в условиях выбранных экспериментов на основе предложенной двухфазной парожидкостной смесевой модели показало достоверность полученных решений, что подтверждено их удовлетворительным согласием с экспериментом. Результаты моделирования для начальной степени перегрева $p_s(T_{inj})/p_c = 60$ на момент времени $t = 120 \,\mathrm{ms}$ имеют достаточно равномерное мелкодисперсное распределение капель в вакуумной камере по сравнению с результатами работ [5,6], полученными при анализе полей водосодержаний при более низких степенях перегрева. Такие исследования имеют особую важность при разработке ракетных двигателей, работающих в условиях криогенных температур и низких давлений, поскольку детальный анализ распределения в вакуумной камере фаз флюида, диаметра и концентрации капель нацелен на определение оптимальных режимов, приводящих в дальнейшем к интенсификации реактивной тяги ракетного двигателя.

Финансирование работы

Работа выполнена за счет гранта Российского научного фонда № 23-29-00309 (https://rscf.ru/project/23-29-00309/).

Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

Список литературы

- A. Rees, L. Araneo, H. Salzmann, E. Kurudzija, D. Suslov, G. Lamanna, J. Sender, M. Oschwald, in *29th ILASS-Europe Conf.* (Paris, France, 2019).
- [2] A. Rees, H. Salzmann, J. Sender, M. Oschwald, in 8th Eur. Conf. for aeronautics and space sciences (EUCASS) (Madrid, Spain, 2019). DOI: 10.13009/EUCASS2019-418
- [3] A. Rees, L. Araneo, H. Salzmann, G. Lamanna, J. Sender, M. Oschwald, Exp. Fluids, 61, 182 (2020).
 DOI: 10.1007/s00348-020-03020-7
- [4] T. Lyras, I.K. Karathanassis, N. Kyriazis, P. Koukouvinis, M. Gavaises, Appl. Therm. Eng., 237, 121773 (2024). DOI: 10.1016/j.applthermaleng.2023.121773
- [5] R.Kh. Bolotnova, V.A. Korobchinskaya, E.F. Gainullina, Lobachevskii J. Math., 44 (5), 1579 (2023).
 DOI: 10.1134/S1995080223050104

18

- [6] Р.Х. Болотнова, В.А. Коробчинская, Э.Ф. Гайнуллина, Письма в ЖТФ, 49 (24), 46 (2023).
 DOI: 10.61011/PJTF.2023.24.56872.107A [R.Kh. Bolotnova, V.A. Korobchinskaya, E.F. Gainullina, Tech. Phys. Lett., 49 (12), 108 (2023). DOI: 10.61011/TPL.2023.12.57601.107A].
- [7] R.Kh. Bolotnova, E.F. Gainullina, V.A. Korobchinskaya, Lobachevskii J. Math., 44 (5), 1587 (2023).
 DOI: 10.1134/S1995080223050116
- [8] OpenFOAM. The Open source computational fluid dynamics (CFD) toolbox [Электронный ресурс]. http://www.openfoam.com
- [9] Р.И. Нигматулин, Динамика многофазных сред (Наука, М., 1987), ч. 1. [R.I. Nigmatulin, Dynamics of multiphase media (Hemisphere, N.Y., 1990).].
- [10] Л.Д. Ландау, Е.М. Лифпин, *Теоретическая физика. Гид-родинамика* (Наука, М., 1986). [L.D. Landau, E.M. Lifshitz, *Course of theoretical physics. Fluid mechanics* (Pergamon, N.Y., 1987).].
- [11] Р.Х. Болотнова, В.А. Бузина, М.Н. Галимзянов, В.Ш. Шагапов, Теплофизика и аэромеханика, **19** (6), 719 (2012).