01.1;05.2;09.2;15.2

## Резонансы рельефных треугольных решеток для ввода/вывода терагерцевого излучения в полупроводниках A<sub>3</sub>B<sub>5</sub>

© Л.И. Горай  $^{1-4}$ , Н.А. Костромин  $^{1,2}$ , А.С. Дашков  $^{1,2}$ , А.Д. Буравлев  $^{1,3-5}$ 

- <sup>1</sup> Санкт-Петербургский государственный электротехнический университет "ЛЭТИ", Санкт-Петербург, Россия
- <sup>2</sup> Санкт-Петербургский национальный исследовательский Академический университет им. Ж.И. Алфёрова РАН, Санкт-Петербург, Россия
- <sup>3</sup> Институт аналитического приборостроения РАН, Санкт-Петербург,Россия
- 4 Университет при Межпарламентской Ассамблее ЕврАзЭС, Санкт-Петербург, Россия
- <sup>5</sup> Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, Санкт-Петербург, Россия Б mail: lig@negrate.com

E-mail: lig@pcgrate.com

Поступило в Редакцию 20 мая 2024 г. В окончательной редакции 16 июня 2024 г.

Принято к публикации 17 июня 2024 г.

С помощью численного моделирования получены дифракционные эффективности рельефных полупроводниковых решеток в терагерцевом диапазоне, а также рассмотрены свойства рельефных полупроводниковых решеток с треугольным симметричным профилем штрихов. Показано, что в таких решетках поддерживаются три типа резонансов: плазмон-поляритонные, рэлеевский и связанный с глубиной штриха. Диэлектрическая проницаемость InSb, GaAs и  $Al_{0.3}Ga_{0.7}As$  при заданной температуре бралась из литературных данных или расчетов с использованием модели Друде—Лоренца с учетом фононов. Установлено, что решетки данного типа в отличие от решеток с другими профилями штриха демонстрируют очень глубокие и узкие плазмон-поляритонные и рэлеевские резонансы.

**Ключевые слова:** терагерцевый диапазон, полупроводники  $A_3B_5$ , треугольные дифракционные решетки, плазмон-поляритонный резонанс.

DOI: 10.61011/PJTF.2024.19.58659.19999

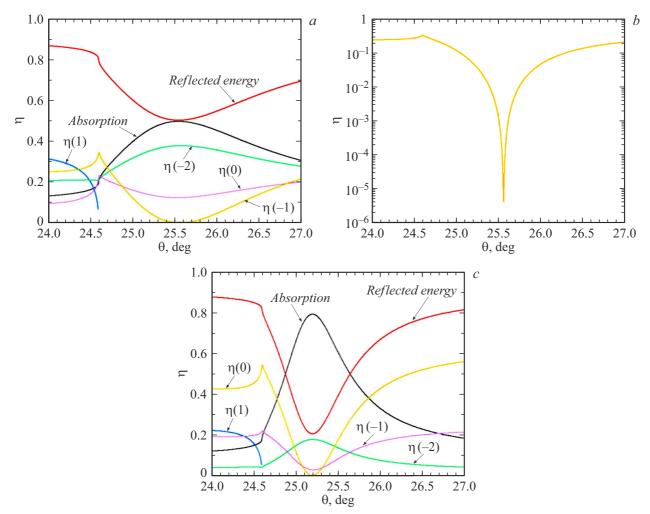
В настоящее время все большую актуальность приобретает создание терагерцевых (THz) источников и приемников излучения и, особенно, компактных твердотельных приборов данного диапазона. Среди твердотельных ТНz-источников выделяются квантово-каскадные лазеры благодаря их малым габаритам, высокой эффективности и возможности создания устройств с требуемыми выходными характеристиками [1,2]. Другими перспективными перестраиваемыми источниками ТНz-излучения, работающими при комнатной температуре, являются сверхмногопериодные сверхрешетки на основе материалов А<sub>3</sub>В<sub>5</sub>. В них межподзонные оптические переходы осуществляются между минизонами в зоне проводимости (уровнями Ванье-Штарка) и вследствие последовательного туннелирования носителей через несколько периодов структуры [3].

Для управления ТНz-излучением в полупроводниковых структурах используются рельефные поверхности: дифракционные решетки и метаматериалы, поддерживающие плазмон-поляритонный резонанс (ППР) в ТМ-поляризации. При определенных температурах и концентрациях легирования граница раздела полупроводник/диэлектрик (аналогично границе металл/диэлектрик в видимом диапазоне [4–6]) может поддерживать ППР в ТНz-диапазоне благодаря взаимодействию света с колебаниями газа свободных электронов в полупроводнике при условии равенства волнового вектора поверхностного плазмона и проекции волнового вектора фотона на

границу раздела сред с учетом вектора дифракционной решетки (см. далее). Таким образом, все известные в оптике резонансные эффекты могут быть воспроизведены в ТН диапазоне. Заметим, что исследование этих явлений на решетках различного профиля следует проводить с помощью точных численных методов [7,8] и с использованием модели Друде-Лоренца для моделирования диэлектрической проницаемости [9]. Заметим, что недавно разработанная нами технология изготовления коротковолновых решеток [10] также применима для ИК- и ТНzдиапазонов, в том числе и на полупроводниках группы А<sub>3</sub>В<sub>5</sub> [11-13]. Иными словами, для управления ТНzизлучением в полупроводниковых устройствах важно определить дизайн решеток и управлять различными видами резонансов: ППР, рэлеевским (пороговым), а также зависящим от глубины штриха.

Заметим, что дифракционные свойства рельефных решеток с треугольным профилем штриха в полупроводниках еще не исследовались. Для эффективного ППР необходимо симметричное распределение поля вдоль штриха. Поэтому в работе рассмотрены решетки на основе InSb, GaAs и AlGaAs с симметричным треугольным профилем и исследовано несколько типов резонансов, которые часто находятся рядом и переходят один в другой [14].

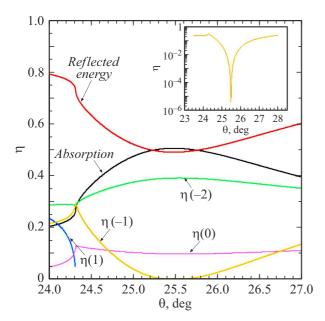
Условие ППР для n-го дифракционного порядка решетки с периодом d, длиной волны падающего излучения в вакууме  $\lambda$  (ТМ-поляризация) и углом паде-



**Рис. 1.** Абсолютная дифракционная эффективность порядков ( $\eta$ ) InSb-решетки 1.946 mm<sup>-1</sup> с симметричными треугольными штрихами на длине волны 300  $\mu$ m в ТМ-поляризации в зависимости от угла падения  $\theta$ .  $a - \eta(n)$  для угла треугольника  $\alpha = 21.6^{\circ}$ ;  $b - \eta(-1)$  в логарифмическом масштабе, угол треугольника  $\alpha = 21.6^{\circ}$ ;  $c - \eta(n)$  для угла треугольника  $\alpha = 13.1^{\circ}$ .

ния  $\theta$  находится из приблизительного равенства суммы проекции волнового вектора  $k \sin \theta$  и обратного вектора решетки  $2\pi n/d$  величине волнового вектора ППР  $q_{\rm SPP}\cong k\sqrt{1+(\xi'')^2}$ , где  $k=2\pi/\lambda$ ,  $\varepsilon=\varepsilon'+i\varepsilon''$ ,  $\xi = \sqrt{\frac{1}{\varepsilon}}$  — импеданс,  $|\xi| \ll 1$ ,  $\xi'' < 0$ ,  $\xi' > 0$  [7,14]. Для первой решетки (с  $\varepsilon = -66.6 + i27.1$ ), рассчитанной для нелегированного InSb с учетом фононного взаимодействия и  $T = 300 \, \text{K}$ , при  $\theta = 24.76^{\circ}$  наблюдается распространение поверхностного плазмон-поляритона при  $\lambda = 300 \,\mu \text{m}$  (1 THz, падение из вакуума) и n = 1. Возможное значение  $d = 513.9 \, \mu \text{m}$ , которое находится из уравнения решетки, было взято из работы [5]. Соответствующее значение рэлеевского резонанса для n=1будет при  $\theta = 24.6^{\circ}$ . Следовательно, с учетом полученной величины  $\varepsilon$  можно ожидать наличия резонансов порядков решетки в диапазоне углов вблизи  $\theta = 25^{\circ}$ . Угловые зависимости абсолютной дифракционной эффективности  $\eta(n)$ , поглощения и отраженной энергии были рассчитаны с помощью программного обеспечения PCGrate<sup>TM</sup> [15], разработанного на основе строгого метода граничных интегральных уравнений (см. гл. 12 в [14]).

Так, моделирование показывает глубокий резонанс при  $\theta = 25.56^{\circ}$  (рис. 1, a) для симметричного треугольного профиля штриха с углом  $\alpha=21.6^{\circ}$ , определяемый ППР (рис. 1, b). При этом минимум  $\eta(-1) = 4.2 \cdot 10^{-6}$ . Точность расчетов составила  $\sim 0.001\%$  при 800 точках дискретизации. После рэлеевского порога наблюдается минимум  $\eta(0)$  и максимум поглощения. Однако полная отраженная энергия велика ( $\sim 50\%$ ) из-за большой величины  $\eta(-2)$  и  $\eta(0)$ . Для оптимальной синусоидальной решетки полная отраженная энергия может быть в разы меньше. Для эквивалентной синусоидальной решетки глубокого резонанса в порядке -1 не наблюдается. Глубина оптимального треугольного штриха  $h=101.53\,\mu{\rm m}$ более чем в 2 раза превышает глубину оптимального синусоидального профиля  $h = 46.65 \,\mu\text{m}$ . Угловое распределение  $\eta$  вблизи ППР слабо зависит от глубины решетки.



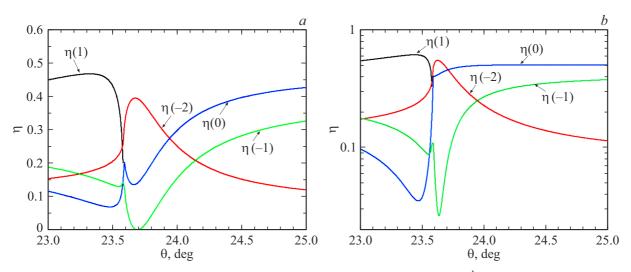
**Рис. 2.** Абсолютная дифракционная эффективность  $(\eta)$  GaAspeшетки  $0.588~{\rm mm}^{-1}$  с симметричными треугольными штрихами с углом  $24.7^{\circ}$  на длине волны  $1000~\mu{\rm m}$  в ТМ-поляризации при температуре  $30~{\rm K}$  в зависимости от угла падения  $\theta$ . На вставке —  $\eta(-1)$  в логарифмическом масштабе.

Моделирование также показывает глубокий резонанс для InSb при  $T=300\,\mathrm{K}$  с минимумом  $\eta(0)=5.6\cdot 10^{-6}$  для  $\theta=25.19^\circ$  и  $\alpha=13.1^\circ$  (рис. 1,c). Величина отраженной энергии для этого резонанса в несколько раз меньше, что связано с одновременной минимизацией  $\eta(0)$  и  $\eta(-1)$  и невысоким значением  $\eta(-2)$ . Для дальнейшей минимизации величины отраженной энергии требуется использовать решетку с меньшим периодом.

Для рельефной решетки GaAs с уровнем легирования  $N=1\cdot 10^{17}~{\rm cm}^{-3}~{\rm при}~T=30~{\rm K}~{\rm u}~d=1.7~{\rm mm}$  (рис. 2) представлены угловые зависимости энергетических характеристик для  $\lambda=1000~{\rm \mu m}$  (0.3 THz). При  $\theta=25.49^{\circ}$  наблюдается очень глубокий резонанс с минимумом  $\eta(-1)=3.5\cdot 10^{-6}$  для треугольного штриха с  $\alpha=24.7^{\circ}$ . Полная отраженная энергия велика ( $\sim 50\%$ ) из-за большой величины  $\eta(-2)~{\rm u}~\eta(0)$ . Для эквивалентной синусоидальной решетки глубокого резонанса в порядке  $-1~{\rm He}$  наблюдается. Глубина оптимального треугольного профиля примерно в 2 раза превышает глубину оптимального синусоидального профиля. Угловое и спектральное положение  $\eta(-1)$  слабо зависит от глубины решетки.

Последней рассмотрена решетка, работающая на той же частоте, что и в предыдущем случае, но полученная в  $\mathrm{Al}_{0.3}\mathrm{Ga}_{0.7}\mathrm{As}$  с уровнем легирования  $N=1\cdot 10^{18}\,\mathrm{cm}^{-3}$  при  $T=30\,\mathrm{K}$ . При угле падения  $\theta=23.69^\circ$  наблюдается глубокий резонанс с минимумом  $\eta(-1)=2.7\cdot 10^{-6}$  для треугольного профиля штриха с  $\alpha=18.3^\circ$  (рис. 3,a). Этот резонанс представляет собой совпадение двух резонансов (рэлеевского и ППР). Угловое и спектральное положение  $\eta(-1)$  слабо зависит от глубины решетки. Для эквивалентной модели идеально проводящей решетки, т.е. в отсутствие ППР, глубокого резонанса в порядке -1 не наблюдается, имеется только рэлеевский резонанс с минимумом  $\eta(-1)=0.027$  (рис. 3,b).

Таким образом, в работе впервые представлены дифракционные свойства рельефных полупроводниковых решеток  $A_3B_5$  с треугольным симметричным профилем штрихов, поддерживающие три типа резонансов: ППР, рэлеевский и связанный с оптимальной глубиной штриха. Решетки данного типа демонстрируют очень глубокие и узкие ППР и рэлеевские резонансы, а также широкие резонансы оптимальной глубины. Эти резонансы часто близко располагаются и перетекают



**Рис. 3.** a — абсолютная дифракционная эффективность ( $\eta$ ) Al<sub>0.3</sub>Ga<sub>0.7</sub>As-решетки 0.6 mm<sup>-1</sup> с симметричными треугольными штрихами с углом 18.3° на длине волны 1000  $\mu$ m в TM-поляризации при температуре 30 K в зависимости от угла падения  $\theta$ ; b —  $\eta(n)$  той же решетки, но с идеальной проводимостью материала.

друг в друга, что должно учитываться при разработке THz-источников и приемников излучения.

## Финансирование работы

Работа выполнена при поддержке Министерства образования и науки РФ (№ 75-01438-22-06, FSEE-2022-0018).

## Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

## Список литературы

- A. Khalatpour, A.K. Paulsen, C. Deimert, Z.R. Wasilewski,
  Q. Hu, Nat. Photon., 15 (1), 16 (2020).
  DOI: 10.1038/s41566-020-00707-5
- [2] T.A. Багаев, М.А. Ладугин, A.A. Мармалюк, А.И. Данилов, Д.В. Ушаков, А.А. Афоненко, А.А. Зайцев, К.В. Маремьянин, С.В. Морозов, В.И. Гавриленко, P.P. А.Ю. Павлов, C.C. Галиев. Пушкарев, Д.С. Пономарев, Р.А. Хабибуллин, Письма в ЖТФ, 48 (10), 16 (2022). DOI: 10.21883/PJTF.2022.10.52550.19162 T.A. Bagaev, M.A. Ladugin, A.A. Marmalyuk, A.I. Danilov, D.V. Ushakov, A.A. Afonenko, A.A. Zaytsev, Maremyanin, S.V. Morozov, V.I. Gavrilenko, R.R. Galiev, A.Yu. Pavlov, S.S. Pushkarev, D.S. Ponomarev, R.A. Khabibullin, Tech. Phys. Lett., 48 (5), 45 (2022). DOI: 10.21883/TPL.2022.05.53479.19162].
- [3] A.S. Dashkov, S.A. Khakhulin, D.A. Shapran, G.F. Glinskii, N.A. Kostromin, A.L. Vasiliev, S.N. Yakunin, O.S. Komkov, E.V. Pirogov, M.S. Sobolev, L.I. Goray, A.D. Bouravleuv, J. Semicond., 45 (2), 022901 (2024). DOI: 10.1088/1674-4926/45/2/022701
- [4] R. Parthasarathy, A. Bykhovski, B. Gelmont, T. Globus, N. Swami, D. Woolard, Phys. Rev. Lett., 98 (15), 153906 (2007). DOI: 10.1103/PhysRevLett.98.153906
- [5] N.A. Balakhonova, A.V. Kats, V.K. Gavrikov, Appl. Phys. Lett., 91 (11), 113102 (2007). DOI: 10.1063/1.2783183
- [6] M. Kuttge, H. Kurz, J.G. Rivas, J.A. Sánchez-Gil, P.H. Bolívar, J. Appl. Phys., 101 (2), 023707 (2007).
   DOI: 10.1063/1.2409895
- I.S. Spevak, M.A. Timchenko, V.K. Gavrikov, V.M. Shulga,
  J. Feng, H.B. Sun, A.V. Kats, Appl. Phys. B, 104 (4), 925 (2011). DOI: 10.1007/s00340-011-4575-3
- [8] J. Tong, F. Suo, T. Zhang, Z. Huang, J. Chu, D.H. Zhang, Light Sci. Appl., 10 (1), 58 (2021).
  DOI: 10.1038/s41377-021-00505-w
- [9] J.S. Blakemore, J. Appl. Phys., 53 (10), R123 (1982). DOI: 10.1063/1.331665
- [10] Л.И. Горай, Т.Н. Березовская, Д.В. Мохов, В.А. Шаров, К.Ю. Шубина, Е.В. Пирогов, А.С. Дашков, ЖТФ, 91 (10), 1538 (2021). DOI: 10.21883/JTF.2021.10.51368.81-21 [L.I. Goray, T.N. Berezovskaya, D.V. Mokhov, V.A. Sharov, K.Yu. Shubina, E.V. Pirogov, A.S. Dashkov, Tech. Phys., 67 (13), 2097 (2022). DOI: 10.21883/TP.2022.13.52229.81-21].
- [11] J.P. Marsh, D.J. Mar, D.T. Jaffe, Appl. Opt., 46 (17), 3400 (2007). DOI: 10.1364/AO.46.003400
- [12] S. Zha, D. Li, Q. Wen, Y. Zhou, H. Zhang, Micromachines, 13 (7), 1000 (2022). DOI: 10.3390/mi13071000

- [13] Б.В. Егоров, С.Ю. Карпов, М.Н. Мизеров, Е.Л. Портной, В.Б. Смирницкий, ЖТФ, **54** (10), 1948 (1984). https://www.mathnet.ru/php/archive.phtml?wshow =paper&jrnid=jtf&paperid=2001&option\_lang=rus
- [14] T. Antonakakis, F.I. Baida, A. Belkhir, K. Cherednichenko, S. Cooper, R. Craster, G. Demésy, J. Desanto, G. Granet, B. Gralak, L. Goray, L. Li, D. Maystre, B. Stout, F. Zolla, G. Schmidt, E. Skeleton, S. Guenneau, A. Nicolet, E. Popov, B. Vial, *Gratings: theory and numerical applications* (Universitaires de Provence, Marseille, 2014). https://hal.science/hal-00785737
- [15] International Intellectual Group, Inc. [Электронный ресурс]. www.pcgrate.com