# 07,10

# Зависимость температуры суперионного перехода от характерного размера и морфологии нанооксидов актинидов

© А.П. Чернышев

Институт химии твердого тела и механохимии СО РАН, Новосибирск, Россия Новосибирский государственный технический университет, Новосибирск, Россия E-mail: alfred.chernyshev@solid.nsc.ru

Поступила в Редакцию 19 февраля 2024 г. В окончательной редакции 19 февраля 2024 г. Принята к публикации 15 марта 2024 г.

Рассмотрена возможность применения правила Бредига для определения температуры суперионного перехода в стехиометрических нанооксидах актинидов. Проведено сопоставление нанотермодинамического подхода с расчетами методом молекулярной динамики. Показано, что как морфология, так и характерный размер нанообъектов диоксидов актинидов существенно влияют на температуру суперионного перехода: температура суперионного перехода при фиксированном значении характерного размера нанообъектов растет в последовательности сферические наночастицы-нанопроволоки-тонкие пленки и уменьшается с уменьшением характерного размера. Обсуждается возможность управления температурой суперионного перехода в нанообъектах диоксидов актинидов.

**Ключевые слова:** Наночастицы диоксидов актинидов, нанопроволоки диоксидов актинидов, тонкие пленки диоксидов актинидов, правило Бредига, суперионный переход, критерий Линдеманна.

DOI: 10.61011/FTT.2024.04.57795.30

#### 1. Введение

При суперионном переходе наблюдается резкое увеличение ионной проводимости материалов. В литературе этот переход также называется переходом Бредига или λ-переходом. К соединениям, переходящим в суперионное состояние при нагревании, относятся химические соединения, имеющие структуру флюорита [1]. В настоящей статье рассматриваются нанообъекты, состоящие из диоксидов актинидов AnO<sub>2</sub> (здесь An — это Am, Np, Ра, Ри, Тh и U). Структура флюорита (пространственная группа *Fm*3*m*) является общей для этих соединений. Кристаллическую решетку со структурой флюорита можно рассматривать как комбинацию гранецентрированной кубической подрешетки, содержащей катионы An, и простой кубической подрешетки с анионами кислорода. В литературе есть экспериментальные и рассчитанные методом молекулярной динамики (МД) данные по суперионному переходу в макроскопических  $ThO_2$  [2] и UO<sub>2</sub> [3-5], а также расчеты методом МД, подтверждающие наличие такого перехода в макроскопическом PuO<sub>2</sub> [6,7]. Для остальных диоксидов актинидов нет экспериментальных или расчетных данных, указывающих на наличие или отсутствие в этих химических соединениях суперионного перехода. В настоящей работе принято, что поскольку рассматриваемые диоксиды актинидов имеют структуру флюорита, то все они при нагревании переходят в суперионное состояние.

На атомном уровне суперионный переход в диоксидах актинидов можно описать следующим образом. С повышением температуры в кислородной подрешетке увеличивается количество антифренкелевских дефектов, состоящих из кислородной вакансии и межузельного аниона кислорода. Соответственно, в кислородной подрешетке увеличивается степень беспорядка, в то время как катионы актинидов остаются в своих идеальных положениях, соответствующих гранецентрированной кубической кристаллической решетке [1]. При температурах выше температуры суперионного перехода ( $T_{\lambda}$ ) анионы кислорода быстро диффундируют через кристаллическую решетку, что обусловливает высокую ионную проводимость диоксидов актинидов в этой области температурр [3].

Стехиометрические диоксиды актинидов  $AnO_2$  плавятся конгруэнтно, без появления линий солидуса и ликвидуса. Так, например, стехиометрический диоксид тория плавится конгруэнтно, а в гипостехиометрическом оксиде температуры ликвидуса и солидуса могут четко наблюдаться уже при O/Th = 1.98 [2]. Характер перехода диоксидов актинидов в суперионное состояние также зависит от их стехиометрии [2,3,6–8]. Для  $AnO_2$ суперионный переход является переходом  $\lambda$ -типа и его температура определяется правилом Бредига:

$$T_{\lambda}(\infty) \approx 0.85 \cdot T_m(\infty),$$
 (1)

здесь  $T_m(\infty)$  — температура плавления макроскопического образца. Знак  $\infty$  здесь и ниже показывает, что данная величина характеризует макроскопическое твердое тело. Гипостехиометрические диоксиды актинидов

AnO <sub>2</sub>	AmO <sub>2</sub>	NpO <sub>2</sub>	PaO <sub>2</sub>	PuO <sub>2</sub>	ThO <sub>2</sub>	UO <sub>2</sub>
$T_{\lambda}(\infty)$ , K	_	_	_	$\begin{array}{c} 2320^1 \ [13] \\ 2350^1 \ [7] \\ 2100^1 \ [6] \end{array}$	$\begin{array}{c} 3091\pm 6  [2],\\ 3040^1  [14] \end{array}$	$\begin{array}{c} 2670\pm 30  [3,\!4] \\ 2715\pm 100  [8] \end{array}$
$0.85T_m(\infty), \mathrm{K}^2$	2028	$2611\pm50$	$2720 \pm 60$	$2564 \pm 28$	$\overline{3103}\pm 20$	$2652\pm20$

Таблица 1. Дополнительные физические параметры, используемые для расчета температуры Бредига нанообъектов

Примечание. <sup>1</sup> Моделирование методом МД; <sup>2</sup> согласно формуле (1).

AnO<sub>2-x</sub> переходят в суперионное состояние посредством фазового перехода первого рода, температура которого зависит от x [2,3]. В гиперстехиометрических диоксидах актинидов AnO<sub>2+x</sub> с увеличением температуры происходит постепенное увеличение концентрации дефектов, то есть наблюдается "диффузный" переход в суперионное состояние без, собственно, резкого фазового перехода [2,3].

Нанотермодинамический метод, использованный в настоящей статье, позволяет практически одновременно исследовать целый класс соединений (например, AnO<sub>2</sub> в нанодиапазоне характерных размеров). В то же время расчеты методом МД требуют больших затрат компьютерного времени и поэтому, как правило, проводятся для наночастиц одной формы и одинакового состава. Так в работах [9-11] проведены расчеты зависимости температуры плавления и температуры суперионного перехода от характерного размера кубических наночастиц UO2. Целью настоящей работы явилось исследование нанотермодинамическим методом зависимости температуры суперионного перехода от характерного размера и морфологии стехиометрических нанооксидов актинидов разной морфологи в широком диапазоне характерных размеров.

## 2. Теория

Начало плавления вещества характеризуется критерием плавления Линдеманна [12]. В соответствии с этим критерием плавление происходит при выполнении условия

$$\sqrt{\langle \sigma^2 \rangle} \ge \xi \cdot h, \tag{2}$$

здесь  $\sqrt{\langle \sigma^2 \rangle}$  обозначает среднеквадратическое смещение атомов от их положения равновесия (СКС),  $\xi$  — определенная доля межатомного расстояния h, при котором происходит плавление. Температура суперионного перехода диоксидов актинидов  $T_{\lambda}(\infty)$  может быть рассчитана по правилу Бредига (1) или получена экспериментально (табл. 1).

Суперионный переход диоксидов актинидов сопровождается частичным или полным разупорядочением кислородной подрешетки их кристаллической структуры, так что можно говорить о "плавлении" этой подрешетки [1]. Правило Бредига дает однозначное соотношение между  $T_m(\infty)$  и  $T_{\lambda}(\infty)$ , что указывает на то, что суперионный переход начинается также при выполнении критерия Линдеманна:

$$\sqrt{\langle \sigma^2 \rangle_{\rm ox}} \ge \xi_{\rm ox} \cdot h. \tag{3}$$

Здесь индекс ох указывает, что параметры относятся к кислородной подрешетке. Этот вывод подтверждается результатами расчетов методом молекулярной динамики температурной зависимости  $\langle \sigma^2 \rangle_{
m ox}$  ионов кислородной подрешетки диоксидов нептуния [15], плутония [6] и урана [16]. Действительно для UO<sub>2</sub> расчеты показали, что  $T_{\lambda}(\infty) \approx 2600 \,\mathrm{K}$  (это значение практически совпадает с экспериментальными значениями, представленными в табл. 2) и что в температурном интервале 2000-2500 К величина  $\langle \sigma^2 \rangle_{\text{ox}}$  растет практически линейно с температурой. При 2600 К начинается резкое увеличение  $\langle \sigma^2 \rangle_{ox}$ , что обусловлено началом суперионного перехода и подтверждает применимость (3) для определения  $T_{\lambda}$ . Расчет  $\langle \sigma^2 \rangle_{\rm ox}$  и  $\langle \sigma^2 \rangle$  для анионной и катионной решеток NpO<sub>2</sub>, соответственно, был выполнен в температурном интервале 300-2000 К, что не позволило авторам работы [15] определить значение  $T_{\lambda}(\infty)$ , поскольку оно не попадает в исследованный ими температурный интервал (табл. 1). Из расчетов методом МД, проведенных для PuO<sub>2</sub> в температурном интервале 300-3600 К [6], следует, что резкое увеличение  $\langle \sigma^2 \rangle_{\text{ох}}$  происходит при температуре около 2100 К. Это расчетное значение температуры суперионного перехода в PuO<sub>2</sub> меньше, чем полученное методом МД в работах [7,13] (табл. 1) и меньше, чем полученное по правилу Бредига (1). Отсутствие экспериментальных данных по температуре суперионного перехода в PuO<sub>2</sub> не позволяет оценить надежность МД расчетов, выполненных в работах [6,7,13], поэтому в настоящей работе принимается значение  $T_{\lambda}(\infty)$ , определенное по правилу Бредига (табл. 1). Таким образом, из расчетов методом МД [6,16] следует, что с увеличением температуры СКС анионов кислорода, находящихся в узлах кристаллической решетки, растет быстрее, чем СКС катионов An. Поэтому критерий Линдемана (3) в кислородной кристаллической подрешетке выполняется при более низкой температуре, чем критерий Линдемана (2) для плавления всего образца, то есть  $T_{\lambda}(\infty) < T_m(\infty)$ .

Зависимость  $\langle \sigma^2 \rangle$  от характерного размера и морфологии нанообъектов описывается следующим феномено-

AnO <sub>2</sub>	$T_m(\infty)$ , [20,21] K	$\Delta H(\infty)$ , [21] kJ · mol <sup>-1</sup>	$\Delta S_m(\infty)^1, \ \mathbf{J}\cdot\mathbf{mol}^{-1}\cdot\mathbf{K}^{-1}$	$\Delta S_{\text{vib}}(\infty), \\ J \cdot g\text{-atom}^{-1} \cdot K^{-1}$	<i>a</i> , [20] nm	<i>h</i> , (9) nm
$AmO_2$	2386	_	_	7.7 <sup>2</sup>	0.5375 [22]	0.2327
$NpO_2$	$3072\pm50$	$70\pm 6$	22.8	$7.6\pm0.7$	0.54338	0.2353
PaO <sub>2</sub>	$3200\pm60$	_	_	$7.7^{2}$	0.5446	0.2358
PuO <sub>2</sub>	$3017\pm28$	$64\pm 6$	21.2	$7.1\pm0.7$	0.53951	0.2336
ThO <sub>2</sub>	$3651\pm17$	$88\pm 6$	24.1	$8.0\pm0.6$	0.55971	0.2424
$UO_2$	$3120\pm20$	$75\pm3$	24.0	$7.3\pm0.3$	0.5471 [23]	0.2369

Таблица 2. Физические параметры

Примечание. <sup>1</sup>Значение  $\Delta S_m(\infty)$  определялось по формуле  $\Delta S_m(\infty) = \Delta H_m(\infty)/T_m(\infty)$ . <sup>2</sup> Оценка с использованием среднего значения  $\Delta S_m(\infty)$  (см. описание в тексте).

логическим уравнением [17]:

$$\langle \sigma^2(\chi + \delta \chi, T) \rangle - \langle \sigma^2(\chi, T) \rangle = (\alpha - 1) \langle \sigma^2(\chi, T) \rangle d\chi,$$
(4)

где  $\chi = n_s/n_v$ ,  $n_s$  и  $n_v$  — количество поверхностных атомов и количество атомов, расположенных внутри нанообъекта, соответственно; T — абсолютная температура. В этом уравнении  $\alpha$  — постоянная материала, которую можно рассчитать по формуле [18]:

$$\alpha = \langle \sigma_s^2 \rangle / \langle \sigma_v^2 \rangle = 1 + 2\Delta S_{\rm vib}(\infty) / (3R), \qquad (5)$$

здесь величины  $\langle \sigma_s^2 \rangle$  и  $\langle \sigma_v^2 \rangle$  — относятся к поверхностным атомам и атомам, расположенным внутри нанообъекта, соответственно;  $\Delta S_{\rm vib}(\infty)$  — отнесенная к одному грамм-атому колебательная составляющая энтропии плавления  $\Delta S_m$ , R — универсальная газовая постоянная.

Энтропия плавления может быть записана в следующем виде [19]:

$$\Delta S_m = \Delta S_{\rm vib} + \Delta S_{\rm conf} + \Delta S_{\rm el},\tag{6}$$

где  $\Delta S_{\text{conf}}$  и  $\Delta S_{\text{el}}$  — конфигурационная и электронная энтропии соответственно. Вкладом  $\Delta S_{\text{el}}$  в энтропию плавления AnO<sub>2</sub> можно пренебречь, а величину  $\Delta S_{\text{conf}}$ можно оценить по формуле [19]:

$$\Delta S_{\rm conf} = -R(x_A \ln x_A + x_V \ln x_V), \tag{7}$$

где  $x_A$  и  $x_V$  — мольные доли основного вещества и вакансий соответственно,  $x_A = 1/(1 + \Delta V/V)$ ,  $\Delta V$  изменение объема вещества при плавлении, V — объем вещества перед плавлением и  $x_V = 1 - x_A$ . Формула (7) справедлива для гомогенного расплава. Величины  $\Delta V$ и V рассчитывались по значениям плотности диоксида урана в твердом и жидком состоянии при температуре плавления: 9555 и 8860 kg/m<sup>3</sup> [4] соответственно. Расчет показал, что

$$\Delta S_{\rm conf}(\infty) = 2.167 \, \mathrm{J} \cdot \mathrm{mol}^{-1} \cdot \mathrm{K}^{-1}$$

или

$$0.722 \mathbf{J} \cdot \mathbf{g}\text{-atom}^{-1} \cdot \mathbf{K}^{-1}.$$

Отсюда следует, что

$$\Delta S_{\rm vib}(\infty) = \Delta S_m(\infty) - \Delta S_{\rm conf}(\infty)$$
$$\approx 7.28 \, \text{J} \cdot \text{g-atom}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}.$$

Для других диоксидов нет доступных литературных данных по их плотности в жидком и твердом состоянии при температуре плавления, что не позволило рассчитать их конфигурационную энтропию. Тем не менее, поскольку рассчитанное для UO<sub>2</sub> значение  $\Delta S_{conf}(\infty)$  близко к погрешности в определении величины  $\Delta S_m(\infty)$  для других AnO<sub>2</sub> (см. табл. 2), то для расчетов было принято, что  $\Delta S_{vib}(\infty) \approx (\Delta S_m(\infty)/n$ . Здесь n — это количество атомов в молекуле, поэтому единицей измерения  $\Delta S_{vib}(\infty)$  является J·g-atom<sup>-1</sup> · K<sup>-1</sup> [18]. Энтальпии плавления PaO<sub>2</sub> и AmO<sub>2</sub> отсутствуют в литературе, поэтому в качестве первого приближения для AmO<sub>2</sub> и PaO<sub>2</sub> было принято среднее (по данным, приведенным в табл. 2) значение  $\Delta S_m(\infty)$ , равное 23.1 J · mol<sup>-1</sup> · K<sup>-1</sup>.

Параметр  $\chi$  сферических и кубических наночастиц, нанопроволок и тонких пленок имеет простейшую форму [24]:

$$\chi = \frac{n_s}{n_v} = (D/D_0 - 1)^{-1},$$
(8)

здесь D — характерный размер нанообъектов (например, диаметр сферических наночастиц и нанопроволок, толщина тонких пленок и длина ребра кубических наночастиц);  $D_0 = 2(3 - d)h$ ; d = 0, 1 и 2 для сферических (или кубических) наночастиц, нанопроволок и тонких пленок соответственно. Для структуры флюорита параметр h был определен в [24] как

$$h = \frac{\sqrt{3}}{4}a,\tag{9}$$

где *а* — параметр решетки (табл. 2). Решение уравнения (2) дает зависимость  $\langle \sigma^2 \rangle$  от  $\chi$ :

$$\langle \sigma^2(\chi) \rangle = \langle \sigma^2(\infty) \rangle \exp[(\alpha - 1)\chi].$$
 (10)

Поскольку *T<sub>m</sub>* обычно выше температуры Дебая, то можно использовать высокотемпературное приближение [17]:

$$\langle \sigma^2(\chi, T) \rangle = \varphi(\chi)T,$$
 (11)



Влияние размера и морфологии нанообъектов на температуру  $\lambda$ -перехода (суперионного перехода):  $a - UO_2$ ,  $b - ThO_2$ ,  $c - PuO_2$ ,  $d - PaO_2$ ,  $e - NpO_2$ ,  $f - AmO_2$ . Здесь d = 0, 1 и 2 для сферических или кубических наночастиц, нанопроволок и тонких пленок соответственно. Квадратные метки — это данные из [9], которые были получены с помощью MD-моделирования.

здесь  $\varphi(\chi)$  является независимой от температуры функцией  $\chi$ . Подстановка (11) в (10) дает следующее уравнение:

$$\varphi(\chi) = \varphi(\infty) \exp[(\alpha - 1)\chi]. \tag{12}$$

Из (11) и (2) следует справедливое для нанообъектов при их температуре плавления  $T_m(\chi)$  соотношение  $\varphi(\chi) = (\xi h)^2 / T_m(\chi)$ . Для макроскопических твердых тел ( $\chi = \infty$ ) при  $T_m(\infty)$  соответственно имеем, что  $\varphi(\infty) = (\xi h)^2 / T_m(\infty)$ . Подстановка последних двух уравнений в (10) приводит к следующему соотношению между  $T_m(\chi)$  и  $T_m(\infty)$  [17]:

$$T_m(\chi) = T_m(\infty) \exp(-(\alpha - 1)\chi).$$
(13)

Аналогично, из (10)-(12) и (3), заменив  $T_m(\infty)$  и  $T_m(\infty)$  на  $T_{\lambda}(\infty)$  и  $T_{\lambda}(\chi)$  соответственно, можно получить, что

$$T_{\lambda}(\chi) = T_{\lambda}(\infty) \exp(-(\alpha - 1)\chi).$$
(14)

С другой стороны, соотношение (14) может быть получено прямой подстановкой (13) в (1). Из (14) следует, что температура суперионного перехода в нанообъектах, как и их температура плавления, зависит от  $\chi$ . Этот вывод подтверждается МД моделированием, выполненным в [9] для кубических наночастиц. Из (1), (13) и (14) также следует, что в рамках теории плавления Линдеманна правило Бредига справедливо не только для макроскопических тел, но и для нанообъектов.

#### 3. Результаты расчетов и обсуждение

Расчеты Т<sub>λ</sub> с использованием десяти наборов парных потенциалов (НПП) были выполнены методом МД в [10,11]. В зависимости от выбранного НПП температура суперионного перехода кубических наночастиц UO2 имела значения больше или меньше температуры плавления. Следует отметить, что первый результат не имеет физического смысла для наночастиц UO2. При использовании НПП МОХ-07 было получено, что для  $UO_2 T_{\lambda}(\infty) = 2590 \, K \, [10]$ , что практически совпадает с экспериментальным значением этой величины (табл. 2). Однако проведенный с помощью этого НПП расчет показал очень слабую зависимость Т<sub>λ</sub> от характерного размера наночастиц UO<sub>2</sub> [10,11]. С другой стороны, МД-моделирование суперионного перехода в кубических наночастицах UO<sub>2</sub>, выполненное в [9], показало сильную зависимость  $T_{\lambda}$  от размера наночастиц (в диапазоне размеров 2.2-5.5 nm, рисунок, *a*). Расчеты температуры суперионного перехода, выполненные в настоящей работе с использованием нанотермодинамического метода, и результаты расчетов, выполненные методом МД в [9], хорошо согласуются между собой (рисунок, *a*). Используя данные, взятые из [9], для вычисления отношения  $T_{\lambda}(D)/T_m(D)$ , мы получили, что это отношение соответствует правилу Бредига с заниженным коэффициентом перед *Т*<sub>*m*</sub>:

$$T_{\lambda}(D) = (0.64 \pm 0.05)T_m(D).$$
(15)

Как следует из проведенных нанотермодинамическим методом расчетов (рисунок), температура суперионного перехода при фиксированном значении характерного размера нанообъектов растет в последовательности сферические наночастицы-нанопроволоки-тонкие пленки (рисунок). Различие в  $T_{\lambda}$  для рассматриваемых нанообъектов уменьшается по мере увеличения их характерного размера. Расчеты проводились по формулам (1), (5) и (14), в которых использовались табличные данные о макроскопических параметрах  $S_m(\infty)$ ,  $T_m(\infty)$  и  $T_{\lambda}(\infty)$ . Таким образом, точность расчетов (вертикальные отрезки на рисунке) определяется точностью используемых для расчетов табличных величин (табл. 1 и 2).

Проведенное в настоящей работе исследование показало, что изменять Т<sub>λ</sub> можно путем изменения морфологии и/или характерного размера нанообъектов AnO<sub>2</sub>. Уже при характерном размере 20 nm разница в значениях Т<sub>λ</sub> для сферических наночастиц и тонких пленок составляет около 100 К (рисунок). С уменьшением характерного размера нанообъектов эта разница быстро растет и при характерном размере 3-4 nm превосходит 500 К. В соответствии с правилом Бредига диоксиды актинидов, имеющие наименьшее значение Т<sub>т</sub> имеют и наименьшее значение  $T_{\lambda}$ . Поэтому из исследованных диоксидов актинидов наименьшие значения  $T_{\lambda}(D)$  имеет AmO<sub>2</sub> (рисунок, f), а наибольшие значения имеют ThO<sub>2</sub> и PaO<sub>2</sub> (рисунок, b и d соответственно). Следует отметить, что если нанообъекты находятся в матрице из другого вещества и имеют с ней когерентную или полукогегентную границу, то это оказывает влияние на их температуру плавления [24] и, соответственно, может оказывать влияние на Т<sub>λ</sub>. В настоящей статье эффект влияния матрицы на  $T_{\lambda}$  не рассматривался.

#### 4. Заключение

На настоящий момент проведено очень мало исследований суперионного перехода в диоксидах актинидов на наноуровне [9–11,25–27]. Имеющиеся в литературе результаты МД-моделирования посвящены изучению  $T_{\lambda}$  в кубических наночастицах UO<sub>2</sub> с характерным размером от 2.2 до 8.8 nm [9–11] и носят противоречивый характер. Они сильно зависят от НПП, используемых для моделирования, и не учитывают влияние морфологии на  $T_{\lambda}$ нанообъектов.

Среди доступных в литературе [9-11] результатов расчетов методом МД, выполненных для кубических наночастиц UO<sub>2</sub>, только результаты [9] позволяют получить аналог правила Бредига, справедливый в нанодиапазоне характерных размеров. Теоретический анализ с использованием нанотермодинамического метода, проведенный в настоящей работе для UO<sub>2</sub>, ThO<sub>2</sub>, PuO<sub>2</sub>, PaO<sub>2</sub>, NpO<sub>2</sub> и  $AmO_2$ , а также МД-моделирование, проведенное в [9] для кубических наночастиц UO<sub>2</sub>, показали, что правило Бредига выполняется для нанообъектов, состоящих из диоксидов актинидов. Таким образом, нанодиоксиды актинидов могут быть использованы в суперионном состоянии для разработки новых технологий. Температура перехода нанодиоксидов актинидов в суперионное состояние существенно уменьшается при характерных размерах меньше 10–15 nm (рисунок). Расчеты, проведенные нанотермодинамическим методом, также показали, что температурой суперионного перехода можно управлять, меняя характерный размер и морфологию нанообъектов AnO<sub>2</sub>.

#### Конфликт интересов

Автор заявляет об отсутствии конфликта интересов.

## Список литературы

- P.C.M. Fossati, A. Chartier, A. Boulle. Front. Chem. 9, 723507 (1921).
- [2] C. Ronchi, J.P. Hiernaut. J. Alloys Compd. 240, 179 (1996).
- [3] J.P. Hiernaut, G.J. Hyland, C. Ronchi. Int. J. Thermophys. 14, 259 (1993).
- [4] International Atomic Energy Agency, Thermophysical properties database of materials for light water reactors and heavy water reactors. Final report of a coordinated research project 1999–2005. Non-serial Publications, IAEA-TECDOC-1496, IAEA, Vienna (2006). 397 p.
- [5] М.А. Корнева, С.В. Стариков. ФТТ 58, 1, 170 (2016).
- [6] S.D. Gänay, B. Akgenç. Taşseven. High Temp. Mater. Proc. 35, 10, 999 (2016).
- [7] D. Bathellier, M. Lainet, M. Freyss, P. Olsson, E. Bourasseau. J. Nucl. Mater. 549, 152877 (2021).
- [8] T.R. Pavlov, M.R. Wenman, L. Vlahovic, D. Robba, R.J.M. Konings, P. Van Uffelen, R.W. Grimes. Acta Materialia 139, 138 (2017).
- [9] Р.Ю. Махмуд-Ахунов, М.Ю. Тихончев, В.В. Светухин. ЖТФ 83, 8, 8 (2013).
- [10] S.I. Potashnikov, A.S. Boyarchenkov, K.A. Nekrasov, A.Ya. Kupryazhkin. J. Nucl. Mater. 419, 217 (2011).
- [11] А.С. Боярченков, С.И. Поташников, К.А. Некрасов, А.Я. Купряжкин. Расплавы **2**, 32 (2012).
- [12] С.С. Бацанов. Журн. физ. химии 86, 11, 1890 (2012).
- [13] M.W.D. Cooper, S.T. Murphy, M.J.D. Rushton, R.W. Grimes. J. Nucl. Mater. 461, 206 (2015).
- [14] K. Kobayashi, M. Okumura, H. Nakamura, M. Itakura, M. Machida, M.W.D. Cooper. Sci. Rep. 12, 9808 (2022).
- [15] M. Chollet, J. Leéchelle, R.C. Belin, J.-C. Richaud. J. Appl. Cryst. 47, 1008 (2014).
- [16] H. Zhang, X. Wang, J.F. Douglas. J. Chem. Phys. 151, 071101 (2019).
- [17] F.G. Shi. J. Mater. Res. 9, 1307 (1994).
- [18] Q. Jiang, H.X. Shi, M. Zhao. J. Chem. Phys. 111, 5, 2176 (1999).
- [19] А.П. Регель, В.М. Глазов. ФТП 29, 5, 782 (1995).
- [20] C. Guéneau, A. Chartier, P. Fossati, L. Van Brutzel, P. Martin. 7.03-Thermodynamic and thermophysical properties of the actinide oxides. In Comprehensive Nuclear Materials. 2nd ed. Elsevier (2020). V. 7. P. 111–154.
- [21] R.J.M. Konings, O. Beneš, A. Kovács, D. Manara, D. Sedmidubský, L. Gorokhov, V.S. Iorish, V. Yungman, E. Shenyavskaya, E. Osina. J. Phys. Chem. Ref. Data 43, 013101 (2014).
- [22] E. Epifano, C. Guéneau, R.C. Belin, R. Vauchy, F. Lebreton, J.-C. Richaud, A. Joly, C. Valot, P.M. Martin. Inorg. Chem. 56, 7416 (2017).
- [23] G. Leinders, T. Cardinaels, K. Binnemans, M. Verwerft. J. Nucl. Mater. 459, 135 (2015).

- [24] Q. Jiang, Z. Wen, Thermodynamics of Materials. Higher Education Press, Beijing and Springer-Verlag, Berlin Heidelberg (2011). 300 p.
- [25] F. Cappia, D. Hudry, E. Courtois, A. Janßen, L. Luzzi, R.J.M. Konings, D. Manara. Mater. Res. Express 1, 025034 (2014).
- [26] F. Cappia, R. Jovani-Abril, J. Spino, L. Luzzi, A. Janßen, D. Manara. Prog. Nuc. Energ. 72, 11 (2014).
- [27] M. Jin, M. Khafizov, C. Jiang, S. Zhou, C.A. Marianetti, M.S. Bryan, M.E. Manley, D.H. Hurley. J. Phys.: Condens. Matter. 33, 275402 (2021).

Редактор Т.Н. Василевская