### 17,09

# Кинетика самосборки кластеров эндоэдральных металлофуллеренов в полярном растворителе

© Э.К. Алиджанов<sup>1</sup>, И.Е. Кареев<sup>2,¶</sup>, В.П. Бубнов<sup>2</sup>, А.И. Котов<sup>2</sup>, С.Н. Летута<sup>1</sup>, Ю.Д. Лантух<sup>1</sup>, Д.А. Раздобреев<sup>1</sup>

<sup>1</sup> Оренбургский государственный университет,

Оренбург, Россия

<sup>2</sup> Федеральный исследовательский центр проблем химической физики и медицинской химии РАН, Черноголовка, Россия

<sup>¶</sup> E-mail: kareev@icp.ac.ru

Поступила в Редакцию 14 июня 2023 г. В окончательной редакции 3 июля 2023 г. Принята к публикации 13 июля 2023 г.

Методами динамического и статического светорассеяния исследована эволюция морфологических свойств растворов эндоэдрального металлофуллерена La@ $C_{82}$  в N, N-диметилформамиде в присутствии коагулянта. На основе экспериментальных результатов, временной эволюции интенсивности светорассеяния и величины гидродинамического радиуса кластеров эндоэдральных металлофуллеренов определены константы их ассоциации и скорости агрегации. На основе анализа угловых зависимостей светорассеяния растворов эндоэдральных металлофуллеренов проведена оценка фрактальной размерности кластеров La@ $C_{82}$  в растворах различной концентрации на начальном и конечном этапах их агрегации.

Ключевые слова: фрактальные кластеры, константы агрегации, динамическое и статическое светорассеяние, атомно-силовая микроскопия.

DOI: 10.21883/FTT.2023.09.56261.112

#### 1. Введение

Агрегация наночастиц фуллеренов в растворах и физико-химические свойства таких наноструктур привлекают пристальное внимание исследователей ввиду реальной перспективы их практического использования [1–4]. Установлено, что если энергия взаимодействия между частицами сравнима с энергией теплового поля, реализуется модель агрегации, ограниченная диффузией (DLA). Если для роста кластера требуется стадия активации системы, приводящая к необратимой коагуляции, имеет место агрегация, ограниченная реакционной способностью (RLA) [2]. В зависимости от продолжительности периода агрегации процесс можно рассматривать либо как кинетический, либо как квазиравновесный [2,5].

Раствор фуллерена представляет собой высокодисперсную систему, содержащую кластеры фуллеренов, гидродинамические радиусы которых варьируются от единиц до сотен нанометров [2,6,7]. Агрегация фуллеренов характеризуется образованием кластеров фрактального типа с фрактальным числом  $D_f$  в диапазоне от 1.2 до 2.8 [6,8,9].

Согласно имеющимся литературным сведениям, количественные характеристики агрегации фуллеренов до сих пор оценивались с использованием исключительно кинетического подхода, а основные количественные параметры агрегации получены методами неравновесной термодинамики. Однако модель агрегации DLA предполагает, что в течение короткого времени наблюдения агрегацию можно рассматривать как квазиравновесный процесс, для которого применимы методы равновесной термодинамики. Ключевыми параметрами, характеризующими равновесную агрегацию, являются свободная энергия Гиббса  $G_{\rm F}$ , соответствующие изменения энтальпии  $\Delta H_{\rm F}$  и энтропии  $\Delta S_{\rm F}$ , константа равновесной агрегации  $K_{\rm F}$  коллоидной системы.

Несмотря на хорошо разработанную область обратимой агрегации малых молекул в растворе, в литературе отсутствует информация относительно определения изменения энергии Гиббса  $\Delta G_{\rm F}$  или  $K_{\rm F}$  для любого типа фуллеренов, за исключением нескольких теоретических работ [10–12].

В последнее время, с развитием нанотехнологий, особый интерес представляет установление фундаментальных законов и выявление физико-химических особенностей синтеза наноразмерных структур с заданными свойствами. В качестве основных высокочувствительных методов контроля наноструктур выступают методы динамического и статического рассеяния излучения [13–15], сканирующей туннельной и атомно-силовой микроскопии [16,17].

Целью данной работы является экспериментальное изучение самоорганизации молекул эндоэдрального металлофуллерена (ЭМФ) La@C<sub>82</sub> во фрактальные кластеры в растворах полярных растворителей при изменении их ионной силы. Продемонстрировано, что некоторые ключевые характеристики агрегации фуллеренов могут быть получены непосредственно из экспериментальных данных.

### 2. Методика эксперимента

Сажу, содержащую ЭМФ с лантаном, получали испарением композитных графитовых электродов в разработанном и изготовленном нами электродуговом реакторе [18-20]. ЭМФ выделяли из сажи экстракцией о-дихлорбензолом (≥ 99% (GC), Sigma-Aldrich) в атмосфере аргона при температуре кипения растворителя. Изомерно чистый ЭМФ  $La(a)C_{82}(C_{2v})$  получали методом многостадийной полупрепаративной высокоэффективной жидкостной хроматографии (ВЭЖХ) с последовательным использованием колонок с двумя типами сорбентов Cosmosil Buckyprep  $(10 \times 250 \text{ mm})$ и Riges Buckyclutcher  $(10 \times 250 \text{ mm})$ . В качестве подвижной фазы использовался толуол (ОСЧ), длина волны УФ-детектора составляла 310 nm. ЭМФ La@C<sub>82</sub> (изомер  $C_{2v}$ ) в толуоле был охарактеризован по методике, подробно описанной в [21,22].

Исходный раствор La@C<sub>82</sub> в N, N-диметилформамиде (ДМФА, XЧ фирмы AO ЭКОС-1) был приготовлен с концентрацией  $3 \cdot 10^{-4}$  М. В дальнейшем концентрация ЭМФ-растворов варьировалась путем разбавления. Дополнительно количество ЭМФ в растворах контролировалось по спектрам оптического поглощения с использованием литературных данных коэффициента молярной экстинкции La@C<sub>82</sub> [23].

Методом динамического светорассеяния (ДС) изучалось распределение нанокластеров ЭМФ по гидродинамическим радиусам в растворе. Измерения проводились на приборе Photocor Compact-Z при угле рассеяния 90°. В качестве источника излучения использовался полупроводниковый лазер  $\lambda = 654$  nm.

Метод многоуглового (40–130°) статического светорассеяния был реализован на лабораторной установке собственной конструкции с использованием гелийнеонового лазера ( $\lambda = 632 \text{ nm}$ ) и ФЭУ-68 в комплексе с интерференционным фильтром.

Процесс формирования нанокластеров ЭМФ на подложке из слюды исследовался методом атомно-силовой микроскопии (ACM). Измерения проводились с помощью прибора SMM-2000 в режиме контактной моды. Образцы готовились поливом растворов ЭМФ на поверхность слюды с последующим удалением растворителя.

# 3. Экспериментальные результаты и их обсуждение

Исследована эволюция фотофизических и морфологических свойств раствора ЭМФ La@ $C_{82}$  в ДМФА при добавлении соляной кислоты в качестве коагулянта. Из теории коагуляции известно, что, варьируя концентрацию коагулянта, можно изменять скорость агрегации частиц в коллоидном растворе.

Исследованы растворы с тремя различными концентрациями: № 1 —  $C_0 = 1.5 \cdot 10^{-5}$  M; № 2 —  $C_0 = 3 \cdot 10^{-5}$  M; № 3 —  $C_0 = 5.5 \cdot 10^{-5}$  M. Установлено, что во всех растворах, независимо от концентрации, наблюдается идентичное монодисперсное распределение ЭМФ-кластеров по гидродинамическим радиусам  $R \approx 100$  nm (рис. 1, *a* и *b*).

Для фрактальных кластеров, в случае, когда для волнового вектора рассеяния  $q = 4\pi n/\lambda \sin(\theta/2)$  (здесь  $\lambda$  — длина волны света,  $\theta$  — угол рассеяния, n — коэффициент преломления раствора) выполняется условие  $q^{-1} \leq R$ , имеет место степенная зависимость интенсивности рассеяния от q [24]:

$$I(q) \propto q^{-D_f}.$$
 (1)

Были измерены угловые зависимости интенсивности светорассеяния растворов ЭМФ трех концентраций. Результаты измерений корректировались с учетом интенсивности рассеяния растворителем и увеличения объема раствора, формирующего полезный сигнал, при отклонении от угла  $\theta = \pi/2$ . Полученные зависимости интенсивности светорассеяния от  $\sin(\theta/2)$ , построенные в логарифмической шкале, представлены на рис. 1, *c*.

Экспериментальные данные удовлетворительно аппроксимируются линейными зависимостями, по угловому коэффициенту которых оценивалась фрактальная размерность ЭМФ-кластеров. Установлено, что фрактальная размерность ЭМФ-кластеров возрастает при увеличении концентрации раствора с  $D_f = 2.2$  до  $D_f = 2.4$ . При этом характер распределения ЭМФ-кластеров по гидродинамическим радиусам остается неизменным.

В работе [25] показано, что ЭМФ-кластеры устойчивы к внешним температурным и ультразвуковым воздействиям. Измерения электрокинетического потенциала кластеров ЭМФ в растворе ДМФА показали наличие отрицательного дзета-потенциала  $\xi = -25 - -26$  mV, что, вероятно, и обуславливает их стабильность. Добавление коагулянта в растворы сопровождается уменьшением дзета-потенциала до  $\xi = -5$  mV, что, вероятно, и инициирует процесс агрегации ЭМФ-кластеров.

Кинетика изменения величины гидродинамических радиусов ЭМФ-кластеров, в процессе их агрегации исследована методом ДС. Параллельно регистрировалась кинетика изменения интенсивности светорассеяния коллоидной системы.

На рис. 2 приведены нормированные кинетические зависимости изменения относительной интенсивности светорассеяния растворов ЭМФ в ДМФА после добавления коагулянта. На этом же рисунке представлены графики кинетики изменения величины гидродинамических радиусов ЭМФ-кластеров в процессе их агрегации.

На рис. 2, *а* приведены данные для ЭМФ-раствора № 1, полученные после добавления к исходному объему (2 mL) 1/10 части соляной кислоты. При этом время выхода в режим стабилизации (время выхода кинетики изменения интенсивности светорассеяния на плато) составило  $t_{\text{stab}} = 3400$  s, начальный гидродинамический радиус кластеров —  $R_0 \approx 100$  nm, фрактальная размерность кластеров  $D_f = 2.2$ . Как видно из представленных



**Рис. 1.** *а* — гистограмма распределения кластеров ЭМФ по гидродинамическим радиусам *R* nm в исходном растворе; *b* — ACMизображение  $6 \times 6 \mu$ m поверхности слюды, политой ЭМФ-раствором, полученное после удаления растворителя, и распределение профиля высот ЭМФ-кластера, измеренное по направлению штриховой линии; *c* — угловые зависимости нормированной интенсивности светорассеяния исходных растворов ЭМФ различной концентрации:  $I - C_0 = 1.5 \cdot 10^{-5}$  M;  $2 - C_0 = 3 \cdot 10^{-5}$  M;  $3 - C_0 = 5.5 \cdot 10^{-5}$  M.

на рис. 2, *а* данных, кинетика роста гидродинамических радиусов ЭМФ-кластеров описывается степенной зависимостью  $R \propto t^{1/D_f}$ , что соответствует модели агрегации, ограниченной диффузией (DLA) [26].

1620

На рис. 2, *b* приведены данные для ЭМФ-раствора № 2, полученные после добавления к исходному объему (2 mL) 1/20 части соляной кислоты. В данном случае время выхода в режим стабилизации составило  $t_{\text{stab}} = 14\,000$  s, начальный гидродинамический радиус кластеров —  $R_0 \approx 100$  nm, фрактальная размерность кластеров  $D_f = 2.3$ . Кинетика роста гидродинамического радиуса ЭМФ-кластеров в этом случае имеет линейный вид, что соответствует промежуточному случаю между DLA- и RLA-моделями агрегации.

На рис. 2, *с* приведены данные для ЭМФ-раствора № 3, полученные после добавления исходному объему (2 mL) 1/40 части соляной кислоты. Для данного раствора время выхода в режим стабилизации составило  $t_{\text{stab}} = 14500$  s, начальный гидродинамический радиус кластеров  $R_0 \approx 100$  nm, фрактальная размерность кластеров  $D_f = 2.4$ . Кинетика изменения величины гидродинамического радиуса ЭМФ-кластеров в этом случае описывается экспонентой  $R \propto R_0 e^{Ct}$ , что соответствует модели агрегации, ограниченной реакционной способностью (RLA) [26].

На рис. 3, *а* и *b* представлена гистограмма распределения кластеров ЭМФ по гидродинамическим радиусам и их АСМ-изображение. Измерения выполнены после стабилизации процесса агрегации ЭМФ-растворов. Установлено, что во всех исследованных растворах, независимо от концентрации, наблюдается идентичное монодисперсное распределение ЭМФ-кластеров по гидродинамическим радиусам. Видно, что имеет место десятикратное увеличение размеров ЭМФ-кластеров  $R \approx 1000$  nm.

При этом распределение кластеров по гидродинамическим радиусам остается близким к монодисперсному. На рис. 3, *с* представлены угловые зависимости



**Рис. 2.** Левая ось — кинетика изменения интенсивности светорассеяния ДМФА раствора ЭМФ после добавления к раствору коагулянта. Правая ось — кинетика изменения величины гидродинамического радиуса ЭМФ-кластеров. *а*)  $C_0 = 1.5 \cdot 10^{-5}$  М,  $R_0 = 100$  nm, добавлено  $200 \,\mu$ L соляной кислоты,  $t_{\text{stab}} = 3400$  s; *b*)  $C_0 = 3 \cdot 10^{-5}$  М,  $R_0 = 100$  nm, добавлено  $100 \,\mu$ L соляной кислоты,  $t_{\text{stab}} = 14\,000$  s; *c*)  $C_0 = 5 \cdot 10^{-5}$  М,  $R_0 = 100$  nm, добавлено  $50 \,\mu$ L соляной кислоты,  $t_{\text{stab}} = 14\,500$  s.

интенсивности светорассеяния, измеренные для трех растворов.

Экспериментальные данные удовлетворительно аппроксимируются линейными зависимостями, по угловому коэффициенту которых проводилась оценка фрактальной размерности ЭМФ-кластеров. Фрактальная размерность ЭМФ-кластеров после выхода процесса агрегации в режим стабилизации составила: для раствора № 1  $D_f = 1.9$ ; для раствора № 2  $D_f = 2.2$ ; для раствора № 3  $D_f = 2.4$ .

Из данных, представленных на рис. 2, следует, что интенсивность сигнала светорассеяния коллоидных растворов ЭМФ в процессе коагуляции при выходе коллоидного раствора в стабильное состояние увеличивается в 2.5–2.6 раза. Причем величина усиления сигнала светорассеяния не зависит от концентрации раствора и количества коагулянта. Изменяется только ход кинетики коагуляции.

На основе анализа результатов одновременного измерения временной эволюции интенсивности светорассеяния I(q, t) и величины гидродинамического радиуса кластеров  $R_h(t)$  можно оценить константы скорости агрегации ЭМФ-кластеров на различных этапах этого процесса. В работах [27,28] предложен алгоритм расчета константы скорости агрегации коллоидных растворов на основе анализа зависимостей I(q, t) и  $R_h(t)$  с использованием теории рассеяния Релея-Дебая-Ганса (RDG) [29]. Однако для крупных фрактальных кластеров с размерами от 100 до 1000 nm использование теории RDG некорректно. На наш взгляд, более конструктивно проводить анализ полученных результатов на основе подхода масштабирования с использованием концепции фрактальной размерности кластеров [24]. В рамках этого подхода количество элементарных рассеивателей в кластере определяется как

$$N = \left(\frac{R}{a}\right)^{D_f},\tag{2}$$

здесь R — радиус кластера, a — радиус элементарных рассеивателей (молекул ЭМФ),  $D_f$  — фрактальная размерность кластера.

В мономолекулярном состоянии интенсивность светорассеяния раствором пропорциональна концентрации в нем элементарных рассеивателей  $I(q) \propto N_0$ . В случае формирования фрактальных кластеров элементарные рассеиватели группируются в компактные системы из N мономеров. Если N рассеивающих центров находятся в пределах расстояния  $q^{-1}$  друг от друга, то фаза рассеянных волн будет, по существу, одинаковой. При этом вторичные волны будут находиться в фазе и складываться конструктивно. Тогда общая интенсивность рассеяния будет пропорциональна  $I(q) \propto N^2$ . При  $R > q^{-1}$  интенсивность рассеяния будет возрастать пропорционально количеству  $q^{-1}$  областей составляющих кластер. Это учитывается путем введения структурного фактора.

$$I(q) \propto N^2 (qR)^{-D_f}.$$
 (3)

Исходя из изложенного, проведем оценку изменения интенсивности светорассеяния коллоидного раствора после его полного перевода из мономолекулярного состояния в кластерное.



Рис. 3. *а* — гистограмма распределения кластеров ЭМФ по гидродинамическим радиусам ( $R \approx 1000$  nm) в растворе после выхода в режим стабилизации; *b* — АСМ-изображение  $16 \times 16 \mu$ m поверхности слюды, политой ЭМФ-раствором, полученное после удаления растворителя, и распределение профиля высот ЭМФ-кластера, измеренное по направлению штриховой линии; *c* — угловые зависимости нормированной интенсивности светорассеяния ЭМФ-растворов № 1, 2 и 3, измеренные на конечной стадии агрегации.

Для нашего случая радиус кластеров удовлетворяет условию  $R_k > q^{-1}$ . Если предположить, что все мономеры  $N_0$  в растворе переходят в кластерную форму, получаем следующее выражение:

1622

$$I(qR) \propto \frac{N_0}{(R_k/a)^{D_f}} (R_k/a)^{2D_f} (qR_k)^{-D_f}$$
$$= N_0 (R_k/a)^{D_f} (qR_k)^{-D_f} = N_0 \frac{1}{(aq)^{D_f}}.$$
 (4)

Т.е. имеет место усиление сигнала светорассеяния в  $(aq)^{-D_f}$  раз (в нашем случае — в ~ 10<sup>3</sup> раз) по отношению к исходному сигналу светорассеяния раствора в мономерной форме. При этом (при условии  $R > q^{-1}$ ) интенсивность светорассеяния раствора не зависит от радиуса сформированных кластеров  $R_k$ . Интенсивность светорассеяния коллоидного раствора зависит только

от количества мономеров, перешедших в кластерную форму.

Для исследуемых ЭМФ-растворов интенсивность светорассеяния на начальном этапе складывается из сигнала от кластерной и мономерной компоненты  $(I_0 = I_{\rm K} + I_{\rm M}).$ 

Согласно предложенной модели,

$$I_{\mathrm{K}} \propto (N_0 - N_1) (aq)^{-D_f}, \quad I_{\mathrm{M}} \propto N_1$$

(здесь N<sub>0</sub> — полная концентрация мономеров, N<sub>1</sub> — доля некластеризованных мономеров).

На конечной стадии кинетики агрегации предположительно все мономеры переходят в агрегатное состояние.

$$I_{\max} = I_{\mathrm{K}} \propto N_0 (aq)^{-D_f}.$$
 (5)

При этом, как видно из рис. 2, интенсивность сигнала светорассеяния увеличивается в 2.5–2.6 раза. Следова-

тельно, можно составить следующую пропорцию:

$$\frac{I_0}{I_{\text{max}}} \propto \frac{(N_0 - N_1)(aq)^{-D_f} + N_1}{N_0(aq)^{-D_f}} \approx \frac{(N_0 - N_1)}{N_0} \approx 0.4 \quad (6)$$

(здесь учтено, что  $I(N_1)$  имеет третий порядок малости). Отсюда  $N_1 \approx 0.6N_0$ , что соответствует коэффициенту ассоциации  $K_{\rm F} \approx (0.1-0.4) \cdot 10^5 \,{\rm M}^{-1}$ .

В процессе измерения кинетики роста кластеров методом ДС формирования кластеров малых размеров не наблюдалось. Исходя из приведенных результатов, можно сделать предположение, что кинетика изменения сигнала светорассеяния определяется степенью ассоциации мономеров в кластерную фазу. На начальной стадии, до добавления коагулянта, в формировании кластеров было задействовано  $I_0/I_{\rm max} \approx 0.4$  часть мономеров (часть 0.6 оставалась незадействованной). В конечной фазе коагуляции все частицы в растворе оказывались в кластерном состоянии. Количество мономеров, переходящих в кластерную форму, можно определить как  $\frac{I(t)}{I_{max}}N_0$ (здесь  $N_0$ , сm<sup>-3</sup> =  $C_0 N_A / 1000$  — количество мономеров в единице объема исходного раствора). Концентрация кластеров N<sub>k</sub> в растворе может быть определена по соотношению общего количества мономеров в кластерной форме к количеству мономеров в отдельном кластере

$$N_k(t) = \frac{I(t)}{I_{\text{max}}} N_0 \left(\frac{R(t)}{a}\right)^{-D_f}.$$
 (7)

На начальной стадии процесса коагуляции можно предположить, что процесс коагуляции происходит как за счет присоединения свободных мономеров к кластерам, так и за счет кластер-кластерной агрегации.

На конечной стадии коагуляции практически все мономеры переходят в кластерную фракцию, и имеет место только кластер-кластерная агрегация. Изменение концентрации ЭМФ-кластеров  $N_k$  от начального значения  $N_{k0}$  для кластер-кластерной агрегации можно описать уравнением Смолуховского следующего вида:

$$\frac{dN_k}{dt} = \frac{k_{nn}}{2} N_k^2,\tag{8}$$

где  $k_{nn}$  — константа скорости кластер-кластерной агрегации.

При присоединении мономеров к крупным кластерам вероятность обратного процесса чрезвычайно мала [28]. Поэтому, в отличие от кинетики химических процессов, в уравнении Смолуховского константа скорости агрегации умножается на 1/2. Решение данного кинетического уравнения можно представить в виде

$$1/N_k = 1/N_{k0} + \frac{k_{nn}}{2}t.$$
 (9)

На рис. 4 приведен расчет временной эволюции обратной концентрации ЭМФ-кластеров, исходя из экспериментальных данных, представленных на рис. 2. Начальные и конечные участки полученной кинетической зависимости можно аппроксимировать линейными зависимостями, тангенс угла наклона которых определяет константу скорости кластер-кластерной агрегации в ЭМФ-растворах.

Для случая быстрой (DLA) коагуляции константа скорости кластер-кластерной агрегации на



**Рис. 4.** Расчет кинетики изменения концентрации ЭМФкластеров в ДМФА-растворе в процессе агрегации. Значения  $K_1$  и  $K_2$  соответствуют тангенсу угла наклона начальных и конечных участков построенных кинетических зависимостей. *a*)  $C_0 = 1.5 \cdot 10^{-5}$  M, добавлено  $200 \,\mu$ L соляной кислоты,  $t_{stab} = 3400$  s; *b*)  $C_0 = 3 \cdot 10^{-5}$  M, добавлено  $100 \,\mu$ L соляной кислоты,  $t_{stab} = 14000$  s; *c*)  $C_0 = 5 \cdot 10^{-5}$  M, добавлено  $50 \,\mu$ L соляной кислоты,  $t_{stab} = 14500$  s.

начальной стадии коагуляции принимает значение  $k_{nn}/2 = 10^{-14} \text{ cm}^3/\text{s}$ , на конечном этапе —  $k_{nn}/2 = 10^{-15} \text{ cm}^3/\text{s}$  (рис. 4, *a*).

1624

Для случая медленной (RLA) коагуляции константа скорости кластер-кластерной агрегации на начальной стадии равна  $k_{nn}/2 = 1.7 \cdot 10^{-16} \text{ cm}^3/\text{s}$ , на конечном этапе —  $k_{nn}/2 = 1.3 \cdot 10^{-15} \text{ cm}^3/\text{s}$  (рис. 4, *c*).

Для промежуточного случая (рис. 4, *b*) константа скорости кластер-кластерной агрегации на начальной стадии коагуляции принимает значение  $k_{nn}/2 = 4.3 \cdot 10^{-16} \text{ cm}^3/\text{s}$ , на конечном этапе —  $k_{nn}/2 = 1.5 \cdot 10^{-15} \text{ cm}^3/\text{s}$ .

Процесс агрегации свободных мономеров с ЭМФкластерами можно описать уравнением Смолуховского следующего вида:

$$\frac{dN_k}{dt} = \frac{k_{1n}}{2} N_1 N_k,\tag{10}$$

здесь  $N_1$  и  $N_k$  — начальная концентрация мономеров и кластеров,  $k_{1n}$  — константа скорости мономер-кластерной агрегации.

Используя взаимосвязь кинетической зависимости интенсивности светорассеяния с концентрацией кластеров в исследуемом ЭМФ-растворе, можно записать

$$\frac{dN_k}{dt} = \frac{d\left(\frac{I(t)}{I_{\max}}\right)N_0\left(\frac{R_k}{a}\right)^{-D_f}}{dt} = \frac{k_{1n}}{2}N_kN_1.$$
 (11)

Если в последнем выражении концентрацию кластеров и свободных мономеров выразить через начальную концентрацию мономеров, получим следующее соотношение:

$$\frac{dN_k}{dt} = \frac{d\left(\frac{I(t)}{I_{\max}}\right)N_0\left(\frac{R_k}{a}\right)^{-D_f}}{dt} = \frac{k_{1n}}{2}N_kN_1$$
$$= \frac{k_{1n}}{2}N_0\frac{I(t)}{I_{\max}}\left(\frac{R_k}{a}\right)^{-D_f}N_0\left(1 - \frac{I(t)}{I_{\max}}\right).$$
(12)

После сокращения подобных сомножителей в левой и правой части приведенного выше соотношения, получим выражение для оценки константы скорости коагуляции

$$\frac{k_{1n}}{2} = \frac{d(\frac{I(t)}{I_{\max}})}{dt} N_0^{-1} \left(\frac{I(t)}{I_{\max}} - \left(\frac{I(t)}{I_{\max}}\right)^2\right)^{-1}.$$
 (13)

Производная  $\frac{d(\frac{I(t)}{I_{\max}})}{dt}$  определяется из соответствующего графика кинетической зависимости интенсивности светорассеяния (рис. 2).

Расчет показывает, что для случая быстрой (DLA) коагуляции константа скорости мономер — кластерной агрегации принимает значение  $k_{n1}/2 = 8.4^{-18} \text{ cm}^3$ /s. Для случая медленной (RLA) коагуляции константа скорости агрегации равна  $k_{n1}/2 = 2.7 \cdot 10^{-20} \text{ cm}^3$ /s. Для промежуточного случая константа скорости агрегации принимает промежуточное значение  $k_{n1}/2 = 1.1 \cdot 10^{-19} \text{ cm}^3$ /s. Из полученных значений  $k_{n1}$  следует, что мономеркластерная агрегация дает малый вклад в изменение размеров кластеров, но при этом вносит определяющий вклад в изменение величины сигнала светорассеяния.

# 4. Заключение

Изучена временная эволюция интенсивности светорассеяния и величины гидродинамических радиусов ЭМФ-кластеров в ДМФА при добавлении в исходный раствор коагулянта. Показано, что, варьируя количество коагулянта и концентрацию ЭМФ в растворе, можно формировать условия для реализации различных моделей кинетики коагуляции (DLA, RLA). Смоделированы зависимости интенсивности светорассеяния системой N<sub>0</sub> элементарных рассеивателей, переведенных во фрактальную кластерную форму, от величины эффективного радиуса кластеров и их фрактальной размерности. На основании сформированных модельных представлений и полученных кинетических зависимостей определен коэффициент ассоциации молекул ЭМФ в кластерную форму. Изучена кинетика изменения концентрации ЭМФ-кластеров в процессе их агрегации для трех различных моделей коагуляции (DLA, RLA, промежуточный случай). Определены константы скорости агрегации ЭФМ-кластеров на начальном и конечном этапах процесса. На основе анализа угловых зависимостей светорассеяния растворами ЭМФ оценена фрактальная размерность кластеров La@C<sub>82</sub> для растворов различной концентрации на начальном и конечном этапах их агрегации.

#### Финансирование работы

Работа выполнена в рамках Государственных заданий Министерства науки и высшего образования Российской Федерации (№ государственной регистрации АААА-А19-119092390079-8 и FSGU-2023-0003, № государственной регистрации 123012500132-4).

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

### Список литературы

- D.Y. Lyon, L.K. Adams, J.C. Falkner, P.J.J. Alvarez. Environ. Sci. Technol. 40, 14, 4360 (2006).
- [2] N.O. Mchedlov-Petrossyan. Chem. Rev. 113, 7, 5149 (2013).
- [3] A. Astefanei, O. Núñez, M.T. Galceran. Anal. Chim. Acta 882, 1 (2015).
- [4] N. Aich, L.K. Boateng, I.V. Sabaraya, D. Das, J.R. Flora, N.B. Saleh. Environ. Sci. Technol. 50, 7, 3562 (2016).
- [5] S. Nath, H. Pal, A.V. Sapre, J.P. Mittal. J. Photosci. 10, 1, 105 (2003).

- [6] М.В. Суясова, Ю.В. Кульвелис, В.Т. Лебедев, В.П. Седов. ЖПХ 88, 11, 1626 (2015). [М.V. Suyasova, Y.V. Kul'Velis, V.T. Lebedev, V.P. Sedov. Russ. J. Appl. Chem. 88, 11, 1839 (2015)].
- [7] U. Ritter, Y.I. Prylutskyy, M.P. Evstigneev, N.A. Davidenko, V.V. Cherepanov, A.I. Senenko, A.G. Naumovets. Fuller. Nanotub. Carbon Nanostruct. 23, 6, 530 (2015).
- [8] Z. Meng, S.M. Hashmi, M. Elimelech. J. Colloid Interface Sci. 392, 27 (2013).
- [9] J. Gigault, B. Grassl. J. Colloid Interface Sci. 502, 193 (2017).
- [10] X. Zhao, A. Striolo, P.T. Cummings. Biophys. J. 89, 6, 3856 (2005).
- [11] D.P. Voronin, A.S. Buchelnikov, V.V. Kostjukov, S.V. Khrapatiy, D. Wyrzykowski, J. Piosik, M.P. Evstigneev. J. Chem. Phys. 140, 10, 104909 (2014).
- [12] Y.I. Prylutskyy, A.S. Buchelnikov, D.P. Voronin, V.V. Kostjukov, U. Ritter, J.A. Parkinson, M.P. Evstigneev. Phys. Chem. Chem. Phys. 15, 23, 9351 (2013).
- [13] Yu.I. Prylutskyy, V.V. Cherepanov, M.P. Evstigneev, O.A. Kyzyma, V.I. Petrenko, V.I. Styopkin, L.A. Bulavin, N.A. Davidenko, D. Wyrzykowski, A. Woziwodzka, J. Piosik, R. Kaźmierkiewicz, U. Ritter. Phys. Chem. Chem. Phys. 17, 39, 26084 (2015).
- [14] Z. Luo, D. Marson, Q.K. Ong, A. Loiudice, J. Kohlbrecher, A. Radulescu, A. Krause Heuer, T. Darwish, S. Balog, R. Buonsanti, D.I. Svergun, P. Posocco, F. Stellacci. Nature Commun. 9, 1, 1343 (2018).
- [15] M.J. Hollamby, C.F. Smith, M.M. Britton, A.E. Danks, Z. Schnepp, I. Grillo, B.R. Pauw, A. Kishimura, T. Nakanish. Phys. Chem. Chem. Phys. 20, 5, 3373 (2018).
- [16] D.A. Olyanich, V.V. Mararov, T.V. Utas, A.V. Zotov, A.A. Saranin. Surf. Sci. 653, 138 (2016).
- [17] V.D. Pham, V. Repain, C. Chacon, A. Bellec, Y. Girard, S. Rousset, S. Campidelli, J.S. Lauret, C. Voisin, M. Terrones, M.C. dos Santos, J. Lagoute. J. Phys. Chem. C **121**, *43*, 24264 (2017).
- [18] И.Е. Кареев, В.П. Бубнов, Д.Н. Федутин. ЖТФ 79, 11, 134 (2009).
  [I.E. Kareev, V.P. Bubnov, D.N. Fedutin. Tech. Phys. 54, 11, 1695 (2009)].
- [19] V.P. Bubnov, E.E. Laukhina, I.E. Kareev, V.K. Koltover, T.G. Prokhorova, E.B. Yagubskii, Y.P. Kozmin. Chem. Mater. 14, 3, 1004 (2002).
- [20] И.Е. Кареев, В.М. Некрасов, В.П. Бубнов. ЖТФ 85, 1, 104 (2015).
  [I.E. Kareev, V.M. Nekrasov, V.P. Bubnov. Tech. Phys. 60, 1, 102 (2015)].
- [21] И.Е. Кареев, В.П. Бубнов, Э.Б. Ягубский. Изв. АН. Сер. хим. 11, 2067 (2007). [I.E. Kareev, V.P. Bubnov, E.B. Yagubskii. Russ. Chem. Bull. 56, 11, 2140 (2007)].
- [22] И.Е. Кареев, В.М. Некрасов, А.Е. Дутлов, В.М. Мартыненко, В.П. Бубнов, Е. Laukhina, J. Veciana, С. Rovira. Журн. физ. химии 91, 3, 492 (2017). [I.E. Kareev, V.M. Nekrasov, A.E. Dutlov, V.M. Martynenko, V.P. Bubnov, E. Laukhina, J. Veciana, C. Rovira. Russ. J. Phys. Chem. 91, 3, 536 (2017)].
- [23] K. Akiyama, K. Sueki, T. Kodama, K. Kikuchi, I. Ikemoto, M. Katada, H. Nakahara. J. Phys. Chem. A 104, 31, 7224 (2000).
- [24] C.M. Sorensen. Aerosol Sci. Technol. 35, 2, 648 (2001).
- [25] И.Е. Кареев, В.П. Бубнов, Э.К. Алиджанов, С.Н. Пашкевич, Ю.Д. Лантух, С.Н. Летута, Д.А. Раздобреев. ФТТ 58, 9, 1859 (2016). [I.E. Kareev, V.P. Bubnov, E.K. Alidzhanov, S.N. Pashkevich, Yu.D. Lantukh, S.N. Letuta, D.A. Razdobreev. Phys. Sold State 58, 9, 1924 (2016)].

- [26] Q. Ying, J. Marecek, B. Chu. J. Chem. Phys. 101, 4, 2665 (1994).
- [27] S. Xu, Z. Sun. Soft Matter 7, 24, 11298 (2011).
- [28] H. Holthoff, A. Schmitt, A. Fernández-Barbero, M. Borkovec, M.Á. Cabrerízo-Vilchez, P. Schurtenberger, R. Hidalgo-Álvarez. J. Colloid Interface Sci. **192**, *2*, 463 (1997).
- [29] H. Holthoff, M. Borkovec, P. Schurtenberger. Phys. Rev. E 56, 6, 6945 (1997).
- Редактор Е.В. Толстякова