### Энергии ионизации Си-подобных ионов с Z < 92

© Е.П. Иванова, В.А. Панфилов

Институт спектроскопии РАН, 108840 Троицк, Москва, Россия

e-mail: eivanova@isan.troitsk.ru

Поступила в редакцию 08.04.2022 г. В окончательной редакции 11.01.2023 г. Принята к публикации 15.02.2023 г.

Выполнен обзор экспериментальных и теоретических значений энергий ионизации Си-подобных ионов. В некоторых работах энергии ионизации получены интерполяцией и экстраполяцией модельных потенциалов уравнений Дирака. В других подходах функция зависимости энергии ионизации от Z (Z — заряд ядра) аппроксимируется полиномом со степенной зависимостью от Z с целью добиться минимальной разницы между теоретическими и экспериментальными данными. Компиляция энергий ионизации находится в базе данных Национального института стандартов и технологий (США), где типичная неопределенность составляет несколько единиц в четвертой значащей цифре. Это означает, что для тяжелых ионов погрешность может достигать нескольких десятков тысяч  ${\rm cm}^{-1}$ . В данной работе энергии ионизации  ${\rm Cu}$ -подобных ионов уточняются с целью достижения точности до пятой значащей цифры. Разработаны два метода функцию зависимости энергий ионизации от Z к виду квазипрямой, т.е. слабо меняющейся функции на интервале 10-15 значений Z. Это позволяет интерполировать функцию с точностью до пятой значащей цифры. Масштабированная уточненная функция зависимости энергии ионизации от Z аппроксимируется аналитическими функциями, которые допускают экстраполяцию с хорошей точностью в область  $Z \sim 92$ . Релятивистский модельный потенциал используется для интерполяции и экстраполяции энергий ионизации. Параметр релятивистского модельного потенциала для орбитали  $4s_{1/2}$  оказался практически линейной функцией от Z для Z > 70, что позволило выполнить экстраполяцию с высокой точностью в область  $Z \sim 92$ . Результаты обеих методик хорошо согласуются вплоть до  $Z \sim 92$ .

**Ключевые слова:** атомная спектроскопия, энергия ионизации, Сu-подобная изоэлектронная последовательность, релятивистский модельный потенциал.

DOI: 10.21883/OS.2023.03.55381.3518-22

### 1. Введение

Энергия ионизации (ionization energy, IE) и спектры высокозарядных ионов представляют важную информацию для развития рентгеновских лазеров, для исследования термоядерной плазмы, а также для тестирования релятивистских расчетов атомных структур ионов с большим значением заряда ядра. Ионы изоэлектронной последовательности меди (Си-подобные ионы) представляют особый интерес: эти ионы имеют один электрон nlj над плотно связанными заполненными оболочками  $1s^22s^22p^63s^23p^63d^{10}$  (остов), а их спектры остаются простыми даже для ионов с очень высокой степенью ионизации. Поэтому интенсивные линии Си-подобных ионов часто используются как опорные точки в исследованиях сложных спектров тяжелых ионов. Они также служат индикатором примесей в высокотемпературной плазме. Хотя структура Си-подобных ионов в основном определяется одним электроном над остовом, их теоретическая интерпретация является весьма сложной для низших членов изоэлектронного ряда с зарядом ядра Z < 36 из-за сильного взаимодействия с более сложными конфигурациями, соответствующими возбуждению электрона из остова. Компиляции часто используются

для различных целей, важно установить ошибочные и неточные данные с целью их коррекции.

Спектры Си-подобных ионов Мо XIV [1], Rb IX [2], Y XI [3], Zr XII [4], Nb XIII [5], Sr X [6] наблюдались в низкоиндуктивной искре и в лазерной плазме в диапазоне 70-630 Å на спектрографах скользящего падения 10.7 m. Уровни энергий Си-подобных ионов включали серии ns (n = 4 - 6), np (n = 4 - 6), nd (n = 4, 5), nf (n = 4 - 6),  $ng\ (n=5-7)$ . Наблюдаемые уровни энергий сравнивались с хартри-фоковскими расчетами [7,8]. Энергии ионизации определялись с использованием серии ng. За энергию ионизации был принят предел пд-серии. Неопределенность предела оценивалась из неопределенностей измерения длин волн. Для вышеуказанных ионов она составила  $200-300\,\mathrm{cm}^{-1}$ . Спектры Си-подобных ионов  $Ru^{15+}$ ,  $Rh^{16+}$ ,  $Pd^{17+}$ ,  $Ag^{18+}$ ,  $Cd^{19+}$ ,  $In^{20+}$  и  $Sn^{21+}$ наблюдались в лазерной плазме с использованием спектрографа скользящего падения 10.7 m [9]. Длины волн, уровни энергий и энергии ионизации были установлены для каждого из этих ионов. Энергии ионизации для этих ионов были рассчитаны с использованием энергий конфигураций 5g и 6g и дирак-фоковского расчета квантового дефекта  $\Delta n^*(6g-5g)$ . Энергия ионизации Сиподобного ксенона была определена подобным обра-

21\* 323

зом в [10], однако здесь неопределенность составила  $\sim 3000\,\text{cm}^{-1}.$ 

Спектры Си-подобных ионов  $Ba^{27+}$ ,  $La^{28+}$ ,  $Nd^{31+}$ ,  $Sm^{33+}$ ,  $Gd^{35+}$ ,  $Dy^{37+}$ ,  $Er^{39+}$ ,  $Yb^{41+}$ ,  $Ta^{44+}$ ,  $W^{45+}$  изучались в лазерной плазме на спектрографе скользящего падения 2.2 m [11]. Длины волн, уровни энергий и энергии ионизации определены для каждого из этих ионов. Хотя серии типа nf (n = 4-6) наблюдались для некоторых ионов, большая неопределенность в уровнях энергий с n=5,6 привела к большой неопределенности в пределах последовательностей. Поэтому значения энергий ионизации были получены с использованием теоретических энергий связи для конфигураций 4f, 5g и 6h, рассчитанных в [12]. Неопределенность возросла от 900,  $1000\,\mathrm{cm^{-1}}$  (для  $\mathrm{Ba^{27+}}$ ,  $\mathrm{La^{28+}}$ ) до  $15000\,\mathrm{cm^{-1}}$  (для  $Ta^{44+}$ ,  $W^{45+}$ ). Спектры высокозарядных ионов Au, Pb, Bi, Th, U (Z = 79-92) наблюдались в лазерной плазме на установке ОМЕGA в университете Рочестера [13]. Идентификация линий в области 9-110 Å была выполнена для изоэлектронных последовательностей Fe I, Co I, Cu I, Zn I. Для этих ионов уровни энергии были рассчитаны многоконфигурационным методом Дирака-Фока с учетом брейтовских и квантово-электродинамических (КЭД) поправок по программам [14, 15]. Сопоставление экспериментальных и теоретических длин волн Си-подобных ионов показало, что учет КЭД поправок значительно улучшает точность рассчитанных длин волн переходов 4s-4p. Однако существенные различия между наблюдаемыми и расчетными значениями сохраняются. Для Си-подобных ионов КЭД поправки оказывают заметное влияние только на переходы 4s-4p [13].

Спектры Си-подобных ионов в эксперименте [16] наблюдались в лазерной плазме с двухметровым спектрографом скользящего падения с решеткой 1152 grooves/mm. Длины волн переходов 4-5 и 4-4 были исследованы экспериментально для Си-подобных ионов  $Ag^{18+} - Sn^{21+}$  (Z = 47-50). Для экстраполяции и интерполяции уровней энергии 4lj и 5lj (l=0-3) в диапазоне Z = 36 - 80 использовался метод релятивистского модельного потенциала (РМП). Было проведено два варианта расчетов. В первом варианте в качестве реперных точек использовались известные экспериментальные энергии для Z = 36, 42, 56, 63 [1,9,11]. Уровни энергий, полученные в результате интерполяции и экстраполяции методом РМП, хорошо согласуются с новыми экспериментальными результатами [16]. Во втором — новые экспериментальные уровни энергии [16] использовались для экстраполяции с целью получения более точных сглаженных значений для больших Z.

В эксперименте [17] в спектре лазерной плазмы золота в Си-подобном ионе  $\mathrm{Au}^{50+}$  идентифицированы переходы с уровней конфигураций  $3d^{10}$  nf (n=7,8) на  $3d^{9}4d$ , с  $3d^{10}nd$  (n=6,7) и  $3d^{10}7s$  на  $3d^{10}4p$  и с  $3d^{10}6p$  на  $3d^{10}4s$ . Полученная энергия ионизации хорошо согласуется с оценками ab initio с помощью метода интерполяции РМП [17]. Небольшие отклонения

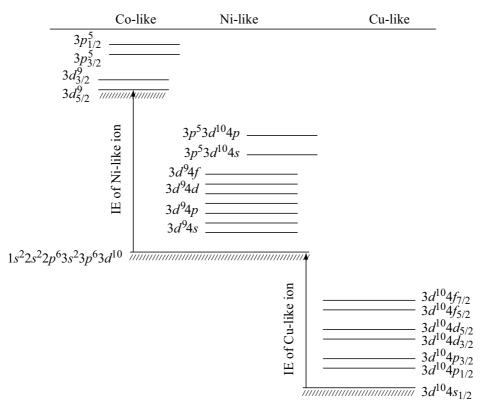
между экспериментальными и теоретическими энергиями ионизации согласуются для всей последовательности меди и даются прогнозы для ненаблюдаемых элементов. Проверена точность энергий ионизации, полученных методом РМП. Эта модель центрального поля хорошо применима к Си-подобным ионам, и благодаря новой идентификации верхних уровней в  $\mathrm{Au}^{50+}$  была установлена согласованность отклонений  $[\mathrm{IE}(Z)_{\mathrm{exp}}-[\mathrm{IE}(Z)]_{\mathrm{theor}}$  для широкого круга элементов.

Компиляция энергий возбуждения, энергий ионизации и дипольных поляризуемостей для всей изоэлектронной последовательности меди была выполнена в работе [18]. Расчетные времена жизни для уровней 4p и 4d в Си-подобных ионах представлены для атомных номеров Z = 29 - 92. Эти расчеты хорошо согласуются с недавними качественными измерениями времен жизни. Отметим, что результаты для уровня 4d были получены простыми методами подгонки под кривую [19-22]. В рамках исследования авторы объединили полуэмпирические параметризации существующих баз данных с расчетами Дирака-Фока, чтобы получить набор значений IE и энергий возбуждения 4p и 4d для всех стабильных ионов в этой последовательности. Компиляция ІЕ [18] полностью включена в базу данных Национального института стандартов и технологий (NIST) [23]. Энергии ионизации в квадратных скобках в [23] были получены из полуэмпирических (скорректированных) расчетов Дирака-Фока. Для каждого иона дается оценка неопределенности IE. Для некоторых тяжелых ионов заявленная погрешность составляет несколько десятков тысяч  $cm^{-1}$ .

Компиляция энергий ионизации NIST от He- до Xeподобных ионов была пересмотрена в работах [24, 25]. В предварительных работах [26, 27] было показано, что данные NIST для IE атомарных ионов [23], а также корреляционные энергии атомарных ионов могут быть размещены на одной универсальной кривой. Была разработана простая модель, позволяющая идентифицировать проблемные значения IE в конкретной изоэлектронной последовательности [24]. Для каждой изоэлектронной последовательности строится регуляризованный ряд теории возмущений, основанный на поведении IE для Z>>N и  $Z\sim N-1$  (N количество электронов в атомной системе). Сравнение данных NIST с этой серией позволяет выявить проблемные значения в представленных данных.

В различных работах данные получают интерполяцией и экстраполяцией параметров модельных потенциалов для уравнений Дирака или аппроксимацией IE полиномом со степенной зависимостью от Z с целью достижения минимальной разницы между теоретическими и экспериментальными значениями. Модель [24] для IE представляет собой гладкую интерполяцию, которая соответствует областям как с большим Z (тяжелый ион), так и  $Z \sim N-1$  (анион).

Заявленная погрешность в базе данных NIST составляет несколько единиц в четвертой значащей



**Рис. 1.** Схема энергетических уровней Ni-подобного иона, а также ионов смежных стадий ионизации: Сu- и Co-подобной. Показаны первые потенциалы ионизации Cu- и Ni-подобного ионов.

цифре. Это означает, что для некоторых тяжелых ионов погрешность может достигать нескольких десятков тысяч  ${\rm cm}^{-1}$ . В настоящей работе предлагаются новые методики определения высокоточных спектроскопических данных вдоль изоэлектронных последовательностей. Разработаны два метода интерполяции и экстраполяции для достижения точности до пятого значащего знака в значениях  ${\rm IE}$  для  ${\rm Cu}$ -подобных ионов.

# 2. Энергии ионизации для построения модельного потенциала атома

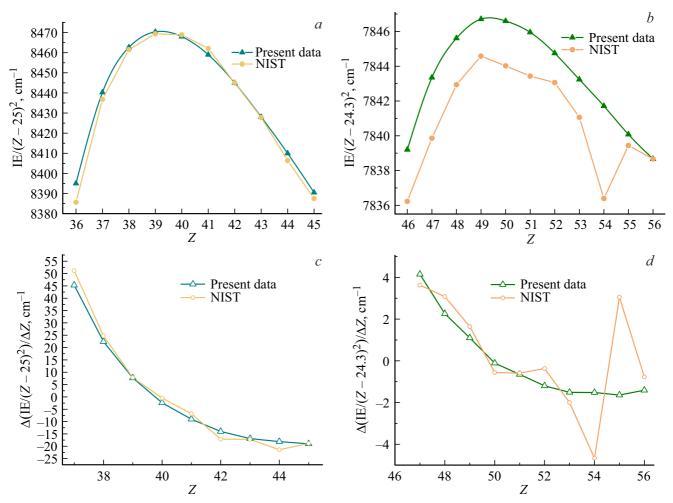
Многозарядные ионы с одним электроном над заполненной оболочкой, а также с одной вакансией в заполненной оболочке представляют интерес для построения одноквазичастичных базисных функций для расчетов спектроскопических характеристик атомных систем с одной, двумя и тремя квазичастицами (квазичастица — электрон или вакансия). Энергии одного электрона и одной вакансии отсчитываются от энергии заполненной оболочки (остова). В качестве примера на рис. 1 приведена диаграмма энергетической структуры Ni-подобных ионов. На диаграмме также показаны энергетические уровни ионов соседних стадий ионизации: Сu-подобного иона с одной вакансией в остовем и Со-подобного иона с одной вакансией в остове. Матричный элемент

энергии возбужденного Ni-подобного иона с полным импульсом J и проекцией  $M_J$  представляется в виде ряда теории возмущений (ТВ) [28]:

$$E(n_1 l_1 j_1 n_2 l_2 j_2 [JM_J]) = E_{el}^0(n_1 l_1 j_1)$$
  
+  $E_{vac}^0(n_2 l_2 j_2) + \Delta E^{(1)} + \Delta E^{(2)} + \dots$  (1)

В расчетах Ni-подобных ионов  $E_{\rm el}^0(n_1l_1j_1)$  определяется первой энергией ионизации Cu-подобного иона и энергетической структурой этого иона (рис. 1),  $E_{\rm vac}^0(n_2l_2j_2)$  определяется первой энергией ионизации из заполненной оболочки Ni-подобного иона и энергетической структурой Co-подобного иона. Остов  $1s^22s^22p^63s^23p^63d^{10}$  принимается за уровень отсчета энергий. Энергии нулевого приближения  $E_{\rm el}^0(n_1l_1j_1)$ ,  $E_{\rm vac}^0(n_2l_2j_2)$  представляют собой эмпирические высокоточные значения энергии электрона над остовом и вакансии в остове соответственно.  $E_{\rm el}^0(n_1l_1j_1)$ ,  $E_{\rm vac}^0(n_2l_2j_2)$  дают вклад только в диагональные матричные элементы. В Ni-подобных ионах практически для всех состояний их сумма составляет 80-95% от полной энергии перехода из основного состояния  $1s^22s^22p^63s^23p^63d^{10}$  в возбужденное состояние  $E(n_1l_1j_1n_2l_2j_2[JM_J])$ .

Точно определенные одночастичные энергии позволяют учесть подавляющую часть корреляционных, релятивистских и электродинамических эффектов уже в



**Рис. 2.** Масштабированные функции IE(Z) Сu- подобных ионов; (a) Z=36-45, (b) Z=46-56. Дифференциалы масштабированных функций IE(Z) Сu- подобных ионов: (c) Z=37-45, (d) Z=47-56.

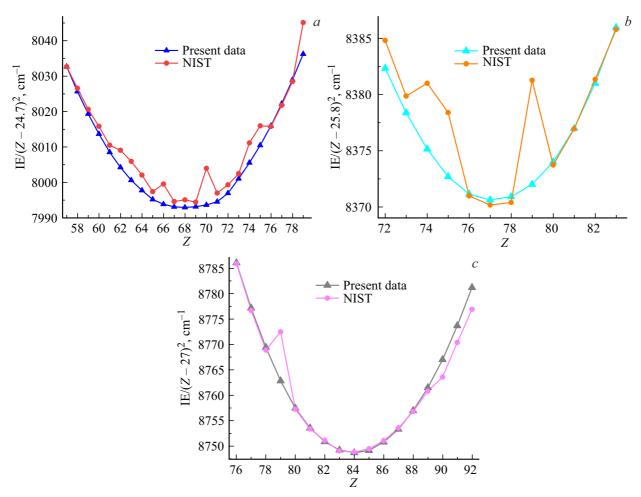
нулевом порядке ТВ. В рамках ТВ первого порядка необходимо вычислить только матричные элементы взаимодействия электрон-вакансия  $\Delta E^{(1)}$  [28]. Базис одночастичных волновых функций находится решением уравнения Дирака с использованием одночастичных энергий  $E_{\mathrm{el}}^0(n_1l_1j_1),\; E_{\mathrm{vac}}^0(n_2l_2j_2).$  Высокая точность базиса волновых функций обусловливает достаточно высокую точность расчета вероятностей радиационных переходов, а также вероятностей переходов, обусловленных электрон-ионными столкновениями. Эти величины являются скоростными коэффициентами в кинетических уравнениях для расчета коэффициентов усиления рентгеновских лазеров. В наших расчетах мы учитываем бо́льшую часть  $\Delta E^{(2)}$  и частично поправки более высокого порядка ТВ способом, изложенным в [29,30].

В настоящей работе мы анализируем и уточняем энергии ионизации Си-подобных ионов с  $Z \le 92$  с целью достижения точности в одну-две единицы в пятой значащей цифре, т. е.  $1000-2000~{\rm cm}^{-1}$  для тяжелых ионов.

# 3. Масштабирование энергий ионизации

Значения IE известны с высокой точностью для Сиподобных ионов, начиная с  $Z \le 53$  [16,23]. Функция IE(Z) для  $36 \le Z \le 53$  Си-подобных ионов является плавной кривой с точностью до пятой значащей цифры. Это видно из рис. 2, a, b, которые демонстрируют масштабированные IE Си-подобных ионов для Z = 36 - 56, полученные в настоящей работе, и данные NIST [23]. Масштабированные функции IE(Z) на интервале 10-15 значений Z проявляют плавность вплоть до четвертой-пятой значащих цифр.

Различие между данными, полученными в настоящей работе, и данными NIST составляет  $\sim 1000-1500\,\mathrm{cm}^{-1}$ . Столь хорошее совпадение свидетельствует о высокой точности обеих компиляций. Для демонстрации гладкости кривых на рис. 2, c, d приведены дифференциалы масштабированных функций IE(Z). Негладкость можно наблюдать при Z=54 как для масштабированной функ-



**Рис. 3.** Масштабированные энергии ионизации Си-подобных ионов: (a) Z = 57 - 79, (b) Z = 72 - 83, (c) Z = 76 - 92.

ции, построенной по данным NIST [23], так и для ее дифференциала (рис. 2, b, d).

Для интерполяции и экстраполяции известных энергий ионизации разработана двухэтапная методика:

- масштабирование функции IE(Z) с целью приведения ее к виду медленно меняющейся функции,
- полиномиальная аппроксимация масштабированной функции, которая позволяет проводить высокоточную интерполяцию и экстраполяцию масштабированной IE(Z).

На рис. 3 a, b показана масштабированная сглаженная IE(Z) для интервалов  $Z=57-79,\ Z=72-83.$  На рис. 3, c показана экстраполяция масштабированной IE(Z) на интервале Z=76-92.

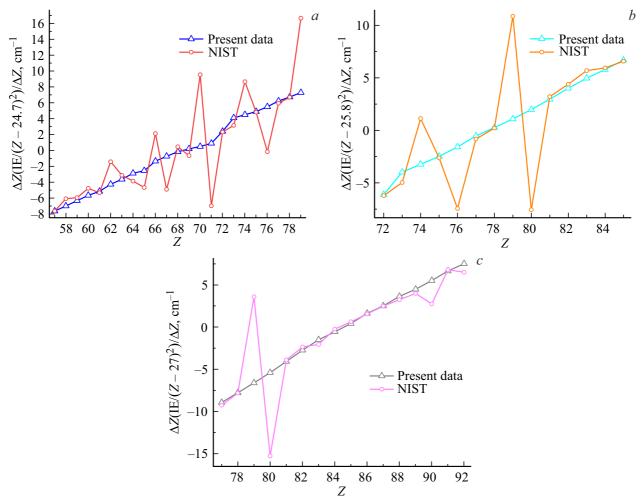
Масштабированные функции IE(Z) из компиляции [16] имели небольшие изломы. Здесь они подгоняются под гладкую кривую так же, как это делается, например, в работах [21,22]. На рис. 3,a-c также показаны соответствующие масштабированные значения IE из базы данных NIST [23], для которых наблюдаются существенные изломы. Гладкость проверяется первыми дифференциалами масштабированных функций IE(Z). Дифференциалы масштабированных функций IE(Z) показаны на рис. 4,a-c.

# 4. Параметр модельного потенциала b(nlj|Z) для интерполяции и экстраполяции IE(Z)

Основные положения релятивистской теории возмущений с модельным потенциалом нулевого приближения (РТВМП) изложены в [28]. Одночастичные волновые функции определяются путем решения уравнений Дирака. Модельный потенциал остова  $1s^22s^22p^63s^23p^63d^{10}$  включает потенциал ядра и потенциалы оболочек с n=1,2,3:

$$V(r|b(Z)) = -\left(\frac{1}{Zr}\right) \left\{ Z - 2[1 - \exp(-2r)(1+r)] - 8\left[1 - \exp(-b_2r)\left(1 + \frac{3}{4}b_2r + \frac{1}{4}b_2^2r^2 + \frac{1}{16}b_2^3r^3\right)\right] - 18\left[1 - \exp(-b_3r)\left(1 + \frac{5}{6}b_3r + \frac{1}{3}b_3^2r^2 + \frac{5}{54}b_3^3r^3\right)\right] \right\}.$$
(2)

Первый член представляет собой кулоновский потенциал точечного ядра. Второе и третье слагаемые —



**Рис. 4.** Дифференциалы масштабированных IE(Z) Си-подобных ионов: (a)  $\Delta(\text{IE}/(Z-24.7)^2)/\Delta Z$  для Z=57-79, (b)  $\Delta(\text{IE}/(Z-25.8)^2)/\Delta Z$  для Z=72-83, (c)  $\Delta(\text{IE}/(Z-27)^2)/\Delta Z$  для Z=76-92.

потенциалы оболочек остова К и L. Последнее слагаемое — потенциал оболочки M, для которой введен один общий параметр  $b_3(nlj|Z)$ . Параметр  $b_2(nlj|Z)$  был определен ранее при расчетах энергий изоэлектронной последовательности неона [31]. Таким образом, модельный потенциал нулевого приближения (1) является более разработанным, чем тот, что использовался в [16]. Параметр  $b_3(nlj|Z)$  описывает состояние орбитали 4lj, в дальнейшем мы будем обозначать его как b(nlj|Z). Потенциалы оболочек К, L и М остаются неизменными при расчете ионов с возбуждением оболочки N как, например, для Pd-подобных ионов, расчет спектроскопических констант которых выполнен в [32]. Здесь, так же как и во всех предыдущих расчетах методом РТВМП (см., например, [28], а также ссылки в [28] на основополагающие работы [11,12]), вместо атомных единиц (AU) введены кулоновские (CU) единицы длины и энергии: для длины  $1 \text{ CU} = 1 \text{ AU} \times Z$ ; для энергии  $1 \text{ CU} = 2 \text{ Ry} \times Z^2$ , для постоянной Ридберга используем  $Ry = 109743 \text{ cm}^{-1}$ .

Параметр  $b(4s_{1/2}|Z)$  подгоняется так, чтобы путем решения уравнения Дирака воспроизвести значение из-

вестной эмпирической энергии  $E(4s_{1/2}|Z)$ , т.е. первого потенциала ионизации Си-подобного иона. Аналогичная (обратная) процедура используется для воспроизведения параметра  $b(4s_{1/2}|Z)$ ; а именно энергия  $E(4s_{1/2}|Z)$  подгоняется так, чтобы путем решения уравнения Дирака воспроизвести значение экстраполированного параметра  $b(4s_{1/2}|Z)$ . В обоих случаях подгонка проводится до стабилизации пятой значащей цифры. На рис. 5 показана зависимость параметра  $b(4s_{1/2}|Z)$  от Z вдоль изоэлектронной последовательности. Параметры  $b(4s_{1/2}|Z)$  для Z = 36 - 80 находятся с помощью откорректированных (сглаженных) значений IE(Z) из работы [16]; параметры  $b(4s_{1/2}|Z)$  для Z = 81-92 находятся экстраполяцией. Из рис. 5, c видно, что функция  $b(4s_{1/2}|Z)$  практически прямолинейна; параметр  $b(4s_{1/2}|Z)$  можно экстраполировать с точностью до четвертой-пятой значащей цифры до Z = 92. Подчеркнем, что если значение  $b(4s_{1/2}|Z)$ определено с точностью до четвертой значащей цифры, то значение  $E(4s_{1/2}|Z)$  может быть определено с точностью до четвертой-пятой значащей цифры.

ZИон **PRESENT NIST** Z Ion **PRESENT** NIST Kr VIII Tb XXXVII Rb IX Dy XXXVIII Sr X Ho XXXXIX Y XI Er XL Tm XLI Zr XII Nb XIII Yb XLII 16425000 \*\* Mb XIV Lu XLIII 17143200 \* 17896900 \* Tc XV [2730600] Hf XLIV Ru XVI Ta XLV 19471100 \*\* Rh XVII W XLVI Pd XVIII Re XLVII 20281100 \*\* Ag XIX Os XLVIII Cd XX Ir XLIX In XXI Pt L 23721000 \*\* Sn XXII Au LI Sb XXIII Hg LII Tl LIII Te XXIV I XXV Pb LIV Xe XXVI 6912400 \* Bi LV Cs XXVII Po LVI Ba XXVIII At LVII La XXIX Rn LVIII Ce XXX Fr LIX Pr XXXI Ra LX 32584200 \* Nd XXXII Ac LXI 33676700 \* 34782800 \*\* Pm XXXIII Th LXII 11143000 \* Pa LXIII Sm XXXIV 35923800 \*\* 

U LXIV

11743900 \*

12359200 \*

**Таблица 1.** Откорректированные и экстраполированные энергии ионизации Си-подобных ионов (cm<sup>-1</sup>) (PRESENT) по сравнению с базой данных NIST [23]

**Таблица 2.** Сопоставление данных компиляции [18] с базой данных NIST  $(cm^{-1})$ 

Eu XXXV

Gd XXXVI

Z	Ион	[18]	NIST
62	Sm XXXIV	11138200	11143000
63	Eu XXXV	11736000	11743900
64	Gd XXXVI	12352400	12359200
70	Yb XLII	16396000	16425000
74	W XLVI	19460000	19471100
75	Re XLVII	20267630	20281100
79	Au LI	23697500	23721000

# 5. Энергии ионизации Си-подобных ионов

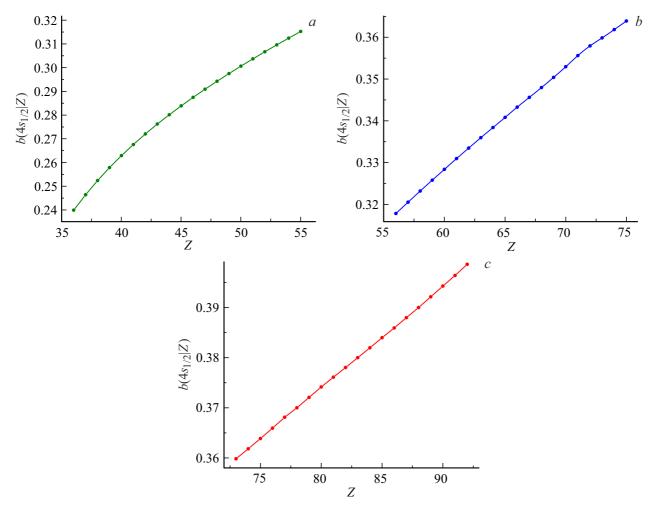
В табл. 1 приведены результаты интерполированных и экстраполированных IE для Cu-подобных ионов с Z=36-92, которые сопоставляются с базой данных NIST [23]. Из рис. 2—4 следует, что масштабированные функции IE(Z) являются гладкими кривыми. В основном данные двух компиляций различаются на

 $1000-3000~{\rm cm}^{-1}$ , что является признаком высокой точности, особенно для ионов с зарядов  $Z \ge 80$ . Значок \* обозначает ионы, для которых расхождение составляет  $5000-8000~{\rm cm}^{-1}$ . Значок \*\* обозначает ионы, для которых расхождение составляет более  $14000~{\rm cm}^{-1}$ . База данных NIST содержит IE для полной Си-подобной изоэлектронной последовательности из компиляции [18], за исключением 7 ионов, показанных в табл. 2.

37082800 \*\*

#### Заключение

При теоретическом моделировании рентгеновских лазеров методом РТВМП знание IE с высокой точностью является определяющим для достижения достаточно точных значений коэффициентов усиления [33,34]. Представленный анализ IE для Си-подобных ионов основан на предположении, что состояния иона с электроном над остовом замкнутой оболочки  $1s^22s^22p^63s^23p^63d^{10}4s$  достаточно слабо взаимодействуют с состояниями, соответствующими возбуждению электрона из замкнутой оболочки. Это утверждение справедливо для ионов с  $Z \geq 36$ , что следует из рис. 2, a, b, 3, на которых показана



**Рис. 5.** Параметр модельного потенциала  $b(4s_{1/2}|Z)$  для  $4s_{1/2}$ -орбитали Си-подобных ионов (безразмерный): (a) Z=36-55, (b) Z=56-75, (c) Z=73-92.

гладкость  $\mathrm{IE}(Z)$  для Cu-подобных ионов с  $Z \geq 36$  до пятой значащей цифры.

Проведенный здесь анализ показал, что ошибки значений IE из базы данных NIST значительно меньше, чем это указано в самой базе NIST. На графиках масштабированных функций IE(Z) и их дифференциалов, построенных по данным NIST, есть несколько изломов, которые показаны на рис. 2-4.

Компиляции [17,18,24-26] проверяют точность путем аппроксимации функции IE(Z) различными полиномами для всей последовательности. Рисунки 2,a-c показывают, что функциональные зависимости IE(Z) для трех интервалов Z сильно различаются. Отсюда следует, что на всем интервале Z=30-92 функцию IE(Z) можно представить в виде степенного полинома с достаточно большой ошибкой в четвертой значащей цифре. Наш подход исследует гладкость функции IE(Z), аппроксимированной квадратичным полиномом на отрезках из 10-15 значений Z. Масштабированная функция IE(Z) изменяется на отрезке 0-15 значений Z в четвертом значащем знаке, что позволяет уверенно

проводить интерполяцию с точностью до пятого значащего знака. Масштабированная функция IE(Z) может быть экстраполирована с высокой точностью в область Z=92. Качество экстраполяции контролируется поведением дифференциала функции IE(Z). В другом методе нашей работы модельный потенциал уравнения Дирака использовался для интерполяции и экстраполяции IE в диапазоне Z=36-92. Параметр модельного потенциала  $b(4s_{1/2}|Z)$  для орбитали  $4s_{1/2}$  оказался практически линейной функцией в области Z>70, а экстраполяция параметра релятивистского модельного потенциала оказалась эффективным методом определения IE в области  $Z\sim92$ . Результаты экстраполяции по обеим методикам совпадают до пятой значащей цифры.

#### Финансирование работы

Работа выполнена в рамках проекта Госзадания FFUU-2022-0005.

#### Конфликт интересов

В данной работе отсутствуют какие-либо конфликты интересов.

### Список литературы

- J. Reader, G. Luther, N. Acquista. J. Opt. Soc. Am., 69 (1) 144 (1979).
- [2] S. Goldsmith, J. Reader, N. Acquista. J. Opt. Soc. Am., B, 1 (4) 631 (1984).
- [3] J. Reader, N. Aquista. J. Opt. Soc. Am., 69, (9) 1285 (1979).
- [4] J. Reader, N. Acquista. J. Opt. Soc. Am., 69 (12) 1659 (1979).
- [5] J. Reader, N. Acquista. J. Opt. Soc. Am., 70 (3) 317 (1980).
- [6] N. Acquista, J. Reader. J. Opt. Soc. Am., 71 (5) 569 (1981).
- [7] T. Cheng, Y.-K. Kim. At. Data Nucl. Data Tables., 22, 547 (1978).
- [8] G.C. Rodriges, P. Indelicato, J.P. Santos, P. Patté P., F. Parrente. At. Data and Nuclear Data Tables, 86, 117 (2004).
- [9] J. Reader, N. Acquista, D. Cooper. J. Opt. Soc. Am., 73 (12), 1765 (1983).
- [10] V. Kaufman, J. Sugar, W.L. Rowan. J. Opt. Soc. Am., 5 (6), 1273 (1988).
- [11] J. Reader, G. Luther G. Physica Scripta, 24, 732 (1981).
- [12] K.T. Cheng, Y.-K. Kim. Private communication (1980).
- [13] J.F. Seely, J.O. Ekberg, C.M. Brown, U. Feldman, W.E. Behring, J. Reader, M.C. Richardson. Phys. Rev. Lett., 57 (23), 2924 (1986).
- [14] I.P. Grant, B.J. McKenzie, P.H. Norrington, D.F. Mayers, M.C. Pyper M.C. Comput. Phys. Commun., 21, 207 (1980).
- [15] B.J. McKenzie, I.P. Grant, P.H. Norrington. Comput. Phys. Commun., 21, 233 (1980).
- [16] L.N. Ivanov, E.P. Ivanova, E.Ya. Kononov, S.S. Churilov, M.A. Tsirekidze. Physica Scripta, 33, 401 (1986).
- [17] N. Tragin, J.-P. Geindre, C. Chenais-Popovich, J.-C. Gauthier, J.-F. Wyart, E. Luc-Koenig. Phys. Rev. A, **39** (4), 2085 (1989).
- [18] L.J. Curtis, C.E. Theodosiou. Phys. Rev. A, **39** (2), 605 (1989).
- [19] I. Martinson, L.J. Curtis, S. Huldt, U. Litzén, L. Liljeby, S. Mannervik, B. Jelenkovic. Physica Scripta, 19, 17 (1979).
- [20] E.H. Pinnington, J.L. Bahr, D.J.G. Irwin. Phys. Lett. A., **84** (5), 247 (1981).
- [21] J.L. Bahr, E.H. Pinnington, J.A. Kernahan, J.A. O'Neill. Can. J. Phys., 60, 1108 (1982).
- [22] L.J. Curtis, B. Engman, I. Martinson. Physica Scripta, 13, 109 (1976).
- [23] A. Kramida, Yu. Ralchenko, J. Reader, and NIST ASD Team (2012). NIST Atomic Spectra Database (ver. 5.0), Online. Available: http://physics.nist.gov/asd [2013, March 4]. National Institute of Standards and Technology, Gaithersburg, MD. Access date: August, 2013.
- [24] G. Gil, A. González. Can. J. Phys., 95 (2), 184 (2016).
- [25] G. Gil, A. González. Can. J. Phys., **95** (3), 479 (2017).
- [26] R. Carcasses, A. González. Phys. Rev. A., 80, 024502 (2009).
- [27] A. Odriazola, A. González, E. Räsänen. Phys. Rev. A., 90, 052510 (2014).
- [28] Е.П. Иванова. Опт. и спектр., **117** (2), 179 (2014). [Е.Р. Ivanova. Opt. Spectrosc., **117** (2), 167 (2014)].
- [29] E.P. Ivanova, L.N. Ivanov, A.E. Kramida, A.E. Glushkov. Physica Scripta., 32, 513 (1985).
- [30] E.P. Ivanova. At. Data Nucl. Data Tables, **139**, 101413 (2021).

- [31] E.P. Ivanova, A.V. Gulov. At. Data Nucl. Data Tables, 49, 1 (1991).
- [32] Е.П. Иванова. Опт. и спектр., **94** (2), 181 (2003). [E.P. Ivanova. Opt. Spectrosc., **94** (2), 151 (2003)].
- [33] E.P. Ivanova. Laser Phys. Lett., 15, 095803 (2018).
- [34] Е.П. Иванова. Опт. и спектр., **127** (1), 74 (2019). [Е.Р. Ivanova. Opt. Spectrosc., **127** (1) 69 (2019)].