# 19 Исследование эффекта пространственной дисперсии в металлической оболочке несферической магнетоплазменной наночастицы

© Ю.А. Еремин, В.В. Лопушенко¶

Московский государственный университет им. М.В. Ломоносова, 119991 Москва, Россия

¶e-mail: lopushnk@cs.msu.ru

Поступила в редакцию 22.06.2022 г. В окончательной редакции 08.08.2022 г. Принята к публикации 08.08.2022 г.

На основе метода дискретных источников исследуется влияние пространственной дисперсии в металлической оболочке магнитоплазмонной наночастицы на поглощение электромагнитной энергии. Гибридная частица составлена из магнитного ядра  $Fe_3O_4$  или  $Fe_2O_3$  и золотой оболочки. Рассматривается влияние вытянутости сфероидальных частиц на уровень поглощения энергии. Показано, что учет пространственной дисперсии в оболочке приводит к снижению сечения поглощения до 30% и сопровождается сдвигом плазмонного резонанса в коротковолновую область до 25 nm. Установлено, что осреднение сечения поглощения по направлениям распространения внешнего возбуждения и поляризациям влечет за собой снижение уровня поглощенной энергии в три раза.

Ключевые слова: метод дискретных источников, плазмонный резонанс, пространственная дисперсия, теория обобщенного нелокального отклика.

DOI: 10.21883/OS.2022.10.53632.3849-22

#### Введение

Наноплазмоника — развивающаяся область нанофотоники, в рамках которой исследуются процессы воздействия излучения на коллективные колебания электронов внутри наноструктур. Свойства наноплазмонных структур в значительной степени определяются возникающими в них резонансными явлениями. В зависимости от материала, размеров и формы структур резонансы могут располагаться в широком диапазоне длин волн от ультрафиолетового до дальнего инфракрасного. Наноплазмонные структуры позволяют преодолевать релеевский предел дифракции света за счёт концентрации оптического поля вблизи поверхности структуры - на расстояниях порядка нескольких нанометров от неё. Данное явление находит множество применений как в области фундаментальных исследований, так и современных промышленных технологиях [1,2].

Плазмонные наночастицы различной структуры с уникальными оптическими свойствами используются при разработке новых технологий во многих отраслях науки и промышленности. Наночастицы ядро-оболочка представляют собой особый класс наночастиц, состоящих из внутреннего ядра, окружённого внешней оболочкой. В результате слоистые наночастицы обладают свойствами, присущими их отдельным компонентам. Как следствие, частицы ядро-оболочка приобретают повышенную функциональность и высокий потенциал их применения в широком спектре приложений, включая биомедицинские, фармацевтические, катализ, электронику и оптику [3,4].

Магнитоплазмонные слоистые наночастицы, состоящие из магнитного ядра ( $Fe_3O_4$  или  $Fe_2O_3$ ) и золотой оболочки, оказались весьма эффективным инструментом адресной доставки лекарств и терапии [3,5]. Отметим основные преимущества магнитоплазмонных частиц.

1. Магнитное ядро позволяет манипулировать частицами (за счет магнитного поля), направляя их в заданном направлении и контролируя их концентрацию, уменьшая тем самым потенциальный риск повреждения здоровых тканей.

2. Высокий индекс рефракции дает возможность синтезировать устойчивые конфигурации ядра и оболочки в широком диапазоне размеров. Золотая оболочка защищает ядро от коррозии, обеспечивая биосовместимость с тканями живого организма, а наличие плазмонного резонанса (ПР) в золотом слое дает дополнительные возможности для визуализации и лечения опухолей.

3. Изменяя размер ядра, его материал, толщину оболочки, а также форму (вытянутость) частиц, можно добиться попадания максимума энергии поглощения в окно прозрачности биологических тканей (диапазон 700–900 nm электромагнитного спектра), где поглощение окружающей биологической тканью минимально.

В настоящее время проектируются и изготавливаются экзотические наночастицы с контролируемыми размерами, морфологией и составом для различных приложений [6,7]. При наличии металлической оболочки возникает необходимость учёта резонансных коллективных колебаний свободных электронов, вызывающих локализованный поверхностный ПР. Резонансы приводят к резкому и сильному усилению поглощения и рассеяния оптического излучения. Часть электромагнитной энергии, поглощаемая плазмонной оболочкой, преобразуется в тепло за счет эффекта Джоуля. Таким образом освещенная наночастица уподобляется точечному источнику тепла. Введенная в ткань человека, она, освещенная на частоте ПР, вызывает выгорание и разрушение пораженной клетки. Например, слоистые наночастицы  $Fe_3O_4$  Au могут существенно усилить поглощение в ближнем окне прозрачности биологических тканей [8], что позволяет их использовать при фототермической терапии раковых клеток [9,10].

Описание явлений ПР в наноструктурах базируется на применении фундаментальных законов физики, а именно на использовании теории Максвелла. Тем не менее, способ описания свойств наноструктур в рамках классической электродинамики и с использованием макроскопических функций плазмонного металла имеет свои ограничения. Проблемы возникают, когда соответствующие масштабы длины приближаются к субнанометровому диапазону, в котором преобладают характерные длины свободного пробега электрона или волны Ферми. В этом случае нарушаются локальные связи смещения с электрическим полем и возникает пространственная дисперсия металла [11,12]. Для изучения подобных эффектов можно использовать чисто квантовый подход, основанный на решении уравнения Шредингера для облака электронов в металле [13]. Однако такой подход становится обременительным в вычислительном отношении для частиц размером более десятка нанометров, а также в случае металлов с высокой плотностью свободных носителей заряда, таких как благородные металлы [14]. В последнем случае наиболее приемлемым является использование квазиклассических моделей, позволяющих исследовать плазмонные эффекты, оставаясь в рамках системы Максвелла. Одним из таких подходов, позволяющим учитывать пространственную дисперсию (ПД) плазмонного металла, является теория обобщенного нелокального отклика (ОНО) [15,16]. Эта теория, в частности, позволяет исследовать оптические характеристики плазмонных наночастиц несферической геометрии с учётом ПД [17].

Существует целый ряд методов, которые позволяют исследовать оптические характеристики гибридных частиц с учетом пространственной дисперсии материалов. Основную часть составляют подходы, связанные с исследованием частиц, обладающих сферической симметрией [18,19]. В случае нарушения сферической симметрии или отклонения формы поверхностей от сферической используются численно-аналитические подходы, такие как метод Т-матриц, позволяющий анализировать слоистые несферические частицы с учетом ПД в слое [20,21]. Что касается неоднородных рассеивателей произвольной формы, то имеющиеся численные результаты в большинстве случаев получены либо с использованием метода



**Рис. 1.** Дифракция плоской волны на сфероидальной слоистой частице.

конечных разностей во временной области (FDTD) [22], либо метода конечных элементов (FEM), входящего в пакет COMSOL Multiphysics [23]. Следует отметить, что численные методы обладают определенными ограничениями, связанными с минимальной дискретизацией неоднородности, которая составляет величину порядка 0.2 nm. Однако подобной дискретизации может оказаться недостаточно для тщательного исследования характеристик ближнего поля.

Вопросы, связанные с необходимыми условиями для учета ПД слоистых сферических частиц, были подробно изучены в диссертации [19]. Там, в частности, установлено, что при увеличении толщины золотой оболочки свыше 4 nm влияние ПД на смещение ПР в частотной области становится незаметным в широком диапазоне изменения диаметров диэлектрического ядра. Это согласуется с экспериментальными результатами, приведенными в той же работе, которые демонстрируют общую тенденцию, заключающуюся в том, что чем меньше размер плазмонного металла, тем больше отклонение результатов от классического локального случая.

В настоящей работе на основе метода дискретных источников (МДИ) исследуется влияние ПД, возникающей в тонкой золотой оболочке магнитоплазмонных частиц. Определяются условия, при которых максимум сечения поглощения попадает в окно прозрачности биологических тканей. В результате моделирования установлено, что учет ПД в оболочке приводит снижению амплитуды сечения поглощения до 30% и сдвигу максимума в коротковолновую область до 25 nm.

### 1. Постановка граничной задачи

Запишем теперь постановку граничной задачи дифракции плоской электромагнитной (ЭМ) линейно поляризованной волны { $\mathbf{E}_0$ ,  $\mathbf{H}_0$ }, распространяющейся под углом  $\pi - \theta_0$  относительно оси симметрии *OZ*, на слоистой осесимметричной частице (рис. 1).

Граничная задача дифракции с применением теории ОНО может быть записана в следующем виде. 1. Уравнения Гельмгольца для полного поля  $\mathbf{E}_i$  в  $D_i$  и рассеянного поля  $\mathbf{E}_e$  в  $D_e$ 

$$\Delta \mathbf{E}_{i,e}(M) + k_{i,e}^2 \mathbf{E}_{i,e}(M) = 0, \quad M \in D_{i,e}.$$
(1)

2. Уравнения Гельмгольца для полного поля  $\mathbf{E}_{s} = \mathbf{E}_{sT} + \mathbf{E}_{sL}$  внутри плазмонной пленки  $D_{s}$ , которое состоит из классического поперечного безвихревого  $\mathbf{E}_{sT}$  (div $\mathbf{E}_{sT} = \mathbf{0}$ ) и продольного  $\mathbf{E}_{sL}$  (rot $\mathbf{E}_{sL} = \mathbf{0}$ ) полей

$$\Delta \mathbf{E}_{sT}(M) + k_s^2 \mathbf{E}_{sT}(M) = 0,$$
  
$$\Delta \mathbf{E}_{sL}(M) + k_L^2 \mathbf{E}_{sL}(M) = 0, \qquad M \in D_s.$$
(2)

2. Граничные условия для полей на поверхностях раздела сред  $\partial D_{i,s}$ , включая дополнительные граничные условия для нормальных компонент полей,

$$\mathbf{n}_{i} \times \mathbf{E}_{i}(P) = \mathbf{n}_{i} \times \mathbf{E}_{s}(P),$$
  

$$\mathbf{n}_{i} \times \operatorname{rot} \mathbf{E}_{i}(P) = \mathbf{n}_{i} \times \operatorname{rot} \mathbf{E}_{s}(P), \qquad P \in \partial D_{i},$$
  

$$\varepsilon_{i} \mathbf{n}_{i} \mathbf{E}_{i}(P) = \varepsilon_{L} \mathbf{n}_{i} \mathbf{E}_{s}(P), \qquad (3)$$
  

$$\mathbf{n}_{s} \times (\mathbf{E}_{s}(P) - \mathbf{E}_{e}(P)) = \mathbf{n}_{s} \times \mathbf{E}_{0}(P),$$

 $\mathbf{n}_s \times (\mathrm{rot} \mathbf{E}_s(P) - \mathrm{rot} \mathbf{E}_e(P)) = \mathbf{n}_s \times \mathbf{H}_0(P), \qquad P \in \partial D_s,$ 

$$\varepsilon_L \mathbf{n}_s \mathbf{E}_s(P) = \varepsilon_e \mathbf{n}_s (\mathbf{E}_e(P) + \mathbf{E}_0(P)). \tag{4}$$

3. Условия излучения Сильвера-Мюллера на бесконечности для рассеянного поля E<sub>e</sub>. Здесь  $\{\mathbf{E}_{i,s}, \mathbf{H}_{i,s}\}$  — поля в  $D_{i,s}, \mathbf{n}_{i,s}$  — единичные нормали к  $\partial D_{s,i}$ ,  $k_{i,s,e}^2 = k^2 \varepsilon_{i,s,e}$ ,  $k_L^2 = \varepsilon_s / \xi^2 k = \frac{2\pi}{\lambda}$ ,  $\varepsilon_L = \varepsilon_s - \frac{\omega_p^2}{(j\gamma\omega - \omega^2)}, \ \xi^2 = \frac{\varepsilon(\beta^2 + D(\gamma + j\omega))}{(\omega^2 - j\gamma\omega)}, \ \varepsilon_s - \kappa$ комплексная диэлектрическая проницаемость золота,  $\omega$  - частота световых волн,  $\omega_p$  — плазменная частота золота,  $\gamma$  коэффициенты затухания,  $\beta$  — гидродинамическая скорость  $\beta^2 = 0.6v_F^2$ ,  $v_F$  — скорость Ферми, D коэффициент диффузии электронов [16]. При этом характеристики среды выбраны так, чтобы лля выполнялось временной зависимости  $\exp\{j\omega t\}$  $\mathrm{Im}\varepsilon_e = 0$ ,  $\mathrm{Im}\varepsilon_{i,s} \leq 0$ ,  $\mathrm{Im}\varepsilon_L \leq 0$ . Будем полагать, что поставленная граничная задача (1)-(4) с условиями излучения имеет единственное классическое решение.

Следует подчеркнуть, что ПД возникает только в металлах, обладающих высокой концентрацией свободных зарядов, таких как благородные металлы золото, серебро и платина. Поэтому как во внешней среде, так и в магнитном ядре продольное поле отсутствует.

## 2. Метод дискретных источников

Поскольку принципиальная схема МДИ для построения приближенного решения многократно излагалась [17,24,25], остановимся только на принципиальных этапах этого построения.

1. Рассматриваются P/S-поляризации плоской волны, распространяющейся под углом  $\pi - \theta_0$  к оси симметрии геометрии задачи *OZ*. Приближенное решение строится

раздельно для *P*- и *S*- поляризаций. Дискретные источники (ДИ) для поперечных и продольных полей располагаются на оси симметрии *OZ*. В основу представления для полей полагаются распределенные мультиполи низшего порядка [25].

2. Поперечное ЭМ поле строится на основе векторных потенциалов, декартовые компоненты которых удовлетворяют уравнению Гельмгольца (1), а продольное поле — на основе скалярного потенциала, удовлетворяющего уравнению  $\Delta \Psi_s(M) + k_L^2 \Psi_s(M) = 0$ .

3. Построенные таким образом поля удовлетворяют всем условиям исходной граничной задачи, за исключением условий сопряжения на поверхностях раздела сред. Амплитуды ДИ определяются из удовлетворения этих условий на основе обобщенного метода коллокаций [25]. Поскольку приближенное решение представляет собой конечную сумму гармоник по азимутальной переменной  $\varphi$ , удовлетворение граничных условий на поверхностях  $\partial D_{i,s}$  сводится к последовательному сшиванию фурье-гармоник на образующих этих поверхностей.

4. Как и раньше [24], контроль точности приближенного решения осуществляется посредством вычисления невязки граничных условий на поверхностях  $\partial D_{i,s}$  с использованием поля плоской волны {**E**<sub>0</sub>, **H**<sub>0</sub>}.

5. После того как определены все амплитуды ДИ, легко вычисляются компоненты диаграммы рассеяния, которые принимают следующий вид для *P*-поляризации:

$$F_{\theta}^{P}(\theta,\varphi) = jk_{e} \sum_{m=0}^{M} (j\sin\theta)^{m} \cos\{(m+1)\varphi\}$$
$$\times \sum_{n=1}^{N_{e}^{m}} \{p_{mn}^{e}\cos\theta + q_{nm}^{e}\} \exp\{-jk_{e}z_{n}^{e}\cos\theta\}$$
$$- jk_{e}\sin\theta \sum_{n=1}^{N_{e}^{e}} r_{n}^{e}\exp\{-jk_{e}z_{n}^{e}\cos\theta\},$$

$$F_{\theta}^{P}(\theta,\varphi) = -jk_{e} \sum_{m=0}^{M} (j\sin\theta)^{m} \sin\{(m+1)\varphi\}$$
$$\times \sum_{n=1}^{N_{e}^{m}} \{p_{mn}^{e} + q_{nm}^{e}\cos\theta\} \exp\{-jk_{e}z_{n}^{e}\cos\theta\}$$
(5)

и для S-поляризации

$$F_{theta}^{S}(\vartheta,\varphi) = jk_{e} \sum_{m=0}^{M} (j\sin\theta)^{m} \sin\{(m+1)\varphi\}$$
$$\times \sum_{n=1}^{N_{e}^{m}} \{p_{mn}^{e}\cos\theta - q_{nm}^{e}\} \exp\{-jk_{e}z_{n}^{e}\cos\theta\},\$$

Оптика и спектроскопия, 2022, том 130, вып. 10

$$F_{varphi}^{S}(\vartheta,\varphi) = jk_{e} \sum_{m=0}^{M} (j\sin\theta)^{m} \cos\{(m+1)\varphi\}$$
$$\times \sum_{n=1}^{N_{e}^{m}} \{p_{mn}^{e}\cos\theta - q_{nm}^{e}\} \exp\{-jk_{e}z_{n}^{e}\cos\theta\}$$
$$+ jk_{e}\sin\theta \sum_{n=1}^{N_{e}^{e}} r_{n}^{e}\exp\{-jk_{e}z_{n}^{e}\cos\theta\}.$$
(6)

Здесь  $\{p_{mn}, q_{mn}, r_n\}$  — амплитуды ДИ для различных гармоник Фурье (m) и различных положений ДИ (n), а  $z_n^e$  — координаты ДИ, соответствующих рассеянному полю.

Поскольку основной целью является вычисление сечения поглощения, мы для его определения будем использовать оптическую теорему [26], а именно соотношение вида

$$\sigma_{\text{ext}}(\theta_0,\lambda)\sigma_{\text{scs}}(\theta_0,\lambda) + \sigma_{\text{abs}}(\theta_0,\lambda).$$

Здесь  $\sigma_{\text{ext}}$  — сечение экстинкции,  $\sigma_{\text{scs}}$  — сечение рассеяния,  $\sigma_{\text{abs}}$  — сечение поглощения. В нашем случае сечение рассеяния определяется как

$$\sigma_{\rm scs}^{P,S}(\theta_0,\lambda) = \int_{\Omega} DSC^{P,S}(\theta_0,\theta,\varphi) d\Omega, \tag{7}$$

где дифференциальное сечение рассеяния

$$DSC^{P,S}(\theta_0,\theta,\varphi) = |F^{P,S}_{\theta}(\theta_0\theta,\varphi)|^2 + |F^{P,S}_{\varphi}(\theta_0,\theta,\varphi)|^2.$$

Кроме того, мы будем вычислять сечения экстинкции для *P*- и *S*-поляризаций, которые применительно к нашему могут быть вычислены как [25]

$$\sigma_{\text{ext}}^{P}(\theta_{0},\lambda) = -\frac{4\pi}{k_{e}} \text{Im} F_{\theta}^{P}(\pi - \theta_{0},\pi),$$
$$\sigma_{\text{ext}}^{S}(\theta_{0},\lambda) = \frac{4\pi}{k_{e}} \text{Im} F_{\phi}^{s}(\pi - \theta_{0},\pi).$$
(8)

Суммируя изложенное выше, будем определять сечение поглощения следующим образом:

$$\sigma_{\rm abs}(\theta_0,\lambda) = \sigma_{\rm ext}(\theta_0,\lambda) - \sigma_{\rm scs}(\theta_0,\lambda). \tag{9}$$

Легко заметить, что интегрирование по  $\varphi$  в формуле (7), в силу (5), (6), проводится в аналитическом виде и остается вычислить интеграл по  $\theta$  для каждой (*m*) фурьегармоники.

# 3. Численные результаты

Перейдем к рассмотрению численных результатов. Поскольку на практике используются гибридные наночастицы со средним размером 10-20 nm, а характерная толщина золотой плёнки составляет всего 2-5 nm [27,28], будем рассматривать именно такой диапазон размеров слоистых частиц. Выберем диаметр ядра D = 12 nm. Будем исследовать сферические и сфероидальные частицы как наиболее часто используемые, при этом деформация частицы будет сохранять фиксированный объем ядра. Слоистые сфероидальные частицы также известны под наименованием слоистые нанорисинки (core-shell nanorice) [29,30]. В качестве материала магнитного ядра будем рассматривать Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> и Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> [31], а материалом оболочки — золото. При проведении расчетов будем учитывать частотную дисперсию показателя преломления ядра  $n_i = \sqrt{\varepsilon_i}$ , взяв нужные значения из базы данных [32], а для золота  $n_s = \sqrt{\varepsilon_s}$  — из работы [33]. Квантовые параметры золота (Au), соответствующие теории OHO, возьмем в соответствии с [16]:

$$\hbar\omega_p = 9.02 \,\text{eV}, \qquad \hbar\gamma = 0.071 \,\text{eV},$$
  
 $v_F = 1.39 \frac{10^{12} \,\mu\text{m}}{\text{s}} D = 8.62 \frac{10^8 \,\mu\text{m}^2}{\text{s}}$ 

Будем полагать, что частица находится в среде с показателем преломления  $n_e = \sqrt{\varepsilon_e}$ , причем  $n_e = 1.33$  (вода). В работе [34] рассматривались сферические магнитоплазмонные наночастицы, состоящие из магнитного ядра и золотой оболочки с возникающей в ней ПД. В результате моделирования было установлено следующее.

1. Увеличение диаметра ядра частицы или уменьшение толщины оболочки ведет к смещению максимума ПР в длинноволновую область.

2. Использование  $Fe_2O_3$  в ядре вместо  $Fe_3O_4$  приводит к увеличению амплитуды ПР, одновременно смещая ПР в инфракрасный диапазон длин волн.

В настоящем исследовании мы будем рассматривать сфероидальные частицы вытянутой формы (nanorice), которые используются на практике [30]. Преимущество подобных частиц состоит в том, что магнитное ядро вытянутых сфероидальных частиц позволяет их ориентировать в заданном направлении, используя постоянное магнитное поле. Когда наночастицы ориентированы, можно использовать поляризованный оптический источник излучения, например, с *P*-поляризацией для оптимизации возбуждения локального ПР сечения поглощения, тем самым усиливая процесс фототермического нагрева с одновременным применением более умеренных оптических мощностей [30].

Проведем сравнительный анализ поведения сечения поглощения для сферы и сфероида с соотношением осей r = 2, состоящих из ядра Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, покрытого золотой оболочкой толщиной 2 nm. На рис. 2 приведены результаты для различных углов падения *P*-поляризованной плоской волны ( $\theta_0 = 0^\circ, 90^\circ$ ). Из результатов видно, что в случае учета ПД (кривые NL) сферическая частица и сфероид при осевом падении волны  $\theta_0 = 0^\circ$  демонстрируют сдвиг ПР до 25 nm при уменьшении его амплитуды по сравнению со случаем без учёта ПД (кривые LR). Для сфероида r = 2 при угле падения волны  $\theta_0 = 90^\circ$  и *P*-поляризации (вектор **E**<sub>0</sub> параллелен большей оси) амплитуда ПР возрастает в 3 раза по сравнению со сферическим случаем.



**Рис. 2.** Влияние ПД на сечение поглощения для сферы и сфероида с соотношением осей r = 2 при различных углах падения. Показаны кривые, полученные при отсутствии (LR) и наличии (NL) ПД.



**Рис. 3.** Сечение поглощения для сфероидальной частицы с соотношением осей r = 2 и ядром Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> при различных толщинах золотой оболочки. Рассмотрены случаи отсутствия (LR) и наличия (NL) ПД.

На рис. З изображены кривые зависимости сечения поглощения от длины волны для сфероидов r = 2 с двумя различными толщинами оболочки при угле падения волны  $\theta_0 = 90^\circ$  и *Р*-поляризации при отсутствии (линии LR) и наличии ПД (линии NL). Видно, что увеличение толщины оболочки влечет за собой возрастание амплитуды ПР при одновременном смещении ПР на 75 nm в область коротких волн и выход из области прозрачности биоматериалов.

Аналогичное поведение можно наблюдать на рис. 4 для ядра  $Fe_3O_4$ . При этом пики ПР оказываются сдвинутыми в область коротких длин волн примерно на те же 75 nm.

На рис. 5 приведены зависимости сечения поглощения ЭМ излучения от вытянутости сфероида с ядром Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> и золотой оболочкой толщиной 2 nm при угле падения Р-поляризованной волны  $\theta_0 = 90^\circ$ . Как и ожидалось, увеличение вытянутости при сохранении объема ядра влечет за собой сдвиг ПР в область прозрачности биологических тканей с одновременным ростом амплитуды ПР. Во всех приведенных случаях влияние ПД (кривые NL) оказывается весьма существенным. Так, снижение амплитуды ПР превышает 25% при сдвиге в область коротких волн около 15 nm.

Результаты рис. 6 демонстрируют влияние окружающей среды на положение и амплитуду ПР в сфероидальной частице с ядром Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> и золотой оболочкой толщиной 2 nm при угле падения *P*-поляризованной волны  $\theta_0 = 90^\circ$ . Были выбраны вода  $n_e = 1.33$ , мозговое вещество  $n_e = 1.36$  и биоматериал женской груди  $n_e = 1.405$  [35]. Как явствует из результатов, увеличение плотности тканей влечет за собой сдвиг ПР в глубину



**Рис. 4.** Сечение поглощения для сфероидальной частицы с соотношением осей r = 2 и ядром Fe<sub>3</sub>O<sub>4</sub> при различных толщинах золотой оболочки. Результаты получены при отсутствии (LR) и наличии (NL) ПД.



Рис. 5. Влияние вытянутости сфероида на сечение поглощения без учета (LR) и с учетом (NL) ПД.



**Рис. 6.** Влияние окружающей среды на положение и амплитуду ПР в сфероиде с соотношением осей r = 2 без учета (LR) и с учетом (NL) ПД.



**Рис. 7.** Изменение сечения поглощения сфероида (r = 2.5) при усреднении по углам падения и поляризациям с учётом (NL) и без учёта (LR) ПД.

области прозрачности биологических тканей. Как и в предыдущих случаях, учет ПД в оболочке сопровождается снижением ПР до 30% при небольшом сдвиге в область коротких волн.

Рисунок 7 посвящен исследованию влияния ориентации частицы (ядро Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> и оболочка d = 2 nm) по отношению к направлению распространения внешнего возбуждения. Для этого проводится усреднение сечения поглощения для *P*-поляризации по углам падения волны в диапазоне  $\theta_0 \in (0^\circ, 90^\circ)$ . Как видно из приведенных результатов, это влечет за собой снижение поглощения примерно на 42%. Дополнительное усреднение по поляризациям приводит к дополнительному снижению величины ПР. В этом случае суммарное снижение амплитуды составляет около 67%. Данное обстоятельство демонстрирует важность учета ориентации частиц по отношению к направлению внешнего возбуждения.

## Заключение

В заключении сформулируем основные результаты работы.

1. МДИ был адаптирован для исследования задачи поглощения электромагнитной энергии гибридной несферической частицей, составленной из магнитного ядра и золотой оболочки с учетом ПД золота в рамках теории ОНО.

2. Убедительно показано, что увеличение вытянутости частицы параллельно направлению поляризации внешнего поля при сохранении объема ядра частицы позволяет существенно увеличить величину поглощенной энергии и одновременно сдвинуть максимум поглощения в область прозрачности биологических тканей.

3. Учет ПД приводит к снижению величины поглощенной энергии до 30% при сдвиге в область коротких волн на величину около 25 nm.

4. Осреднение сечения поглощения по углам падения и поляризациям влечет за собой снижение поглощенной энергии в три раза. Данное обстоятельство демонстрирует важность ориентирования частиц и позволяет при использовании Р-поляризованнго источника излучения оптимизировать процесс фототермического нагрева на умеренных оптических мощностях, способствуя сбережению здоровых тканей и их быстрому восстановлению.

Резюмируя изложенное выше, отмечаем, что учет ПД необходим для разработки оптимальной стратегии практического применения магнитоплазмонных слоистых частиц при осуществлении фототермического нагрева онкологических образований с целью использования умеренных оптических мощностей и сбережения окружающих здоровых тканей.

#### Финансирование

Работа выполнена за счет гранта Российского научного фонда № 22-21-00110, https://rscf.ru/project/22-21-00110/

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

#### Список литературы

- J.W.M. Chon, K. Iniewski. Nanoplasmonics. Advanced Device Applications (CRC Press, Boca Raton, 2018). ISBN: 9781138072633
- [2] G. Barbillon. Photonics, **9** (112), 1 (2022). DOI: 10.3390/books978-3-0365-3704-7
- [3] G. Brennan, S. Bergamino, M. Pescio, S.A.M. Tofail, C. Silien. Nanomaterials, 10 (12), 2424 (2020). DOI: 10.3390/nano10122424

- [4] McK. Smith, M. McKeague, M.C. Derosa. MethodsX, 6, 333 (2019). DOI: 10.1016/j.mex.2019.02.006
- [5] H-V. Tran, N. Ngo, R. Medhi, P. Srinoi, T. Liu, S. Rittikulsittichai, T.R. Lee. Materials, 15 (2), 503 (2022).
   DOI: 10.3390/ma15020503
- [6] S. Cherukulappurath. Fundamentals and Properties of Multifunctional Nanomaterials, ed. by S. Thomas, N. Kalarikkal, A.R. Abraham (Elsevier, Amsterdam, 2021), ch. 13. DOI: 10.1016/B978-0-12-822352-9.00002-X
- Z. Fattahi, A.Y. Khosroushahi, M. Hasanzadeh. Biomedicine & Pharmacotherapy, 132, 110850 (2020).
   DOI: 10.1016/j.biopha.2020.110850
- [8] M. Hadded, A. Hmima, T. Maurer, A. Chehaidar, J. Plain. Optical Materials, 114, 110946 (2021).
   DOI: 10.1016/j.optmat.2021.110946
- [9] E. Alphandéry. Acta Biomaterialia, 124, 50 (2021). DOI: 10.1016/J.ACTBIO.2021.01.028
- I. Mukha, O. Chepurna, N. Vityuk, A. Khodko, L. Storozhuk,
   V. Dzhagan, D.R.T. Zahn, V. Ntziachristos, A. Chmyrov,
   T.Y. Ohulchanskyy. Nanomaterials, 11(5), 1113 (2021).
   DOI: 10.3390/nano11051113
- [11] P.E. Stamatopoulou, Ch. Tserkezis. Optical Materials Express, 12(5), 1869 (2022). DOI: 10.1364/OME.456407
- Y. Huang, L. Gao. J. Phys. Chem. C, **118**(51), 30170 (2014).
   DOI: 10.1021/jp508289z
- M. Barbry, P. Koval, F. Marchesin, R. Esteban, A.G. Borisov, J. Aizpurua, D. Sánchez-Portal. Nano Lett., 15(5), 3410 (2015). DOI: 10.1021/acs.nanolett.5b00759
- [14] M. Kupresak, X. Zheng, A.E. Vandenbosch, V.V. Moshchalkov. Adv. Theory and Simul., 3(1), 1900172 (2020). DOI: 10.1002/adts.201900172
- [15] N.A. Mortensen, S. Raza, M. Wubs, T. Søndergaard, S.I. Bozhevolnyi. Nature Communications, 5, 3809 (2014). DOI: 10.1038/ncomms4809
- [16] M. Wubs, N.A. Mortensen. *Quantum Plasmonics*, ed. by S.I. Bozhevolnyi, L. Martin-Moreno, F. Garcia-Vidal (Springer, Berlin/Heidelberg, 2017), p. 279. DOI: 10.1007/978-3-319-45820-5 12
- [17] Ю.А. Еремин. Опт. и спектр., 128(9), 1388 (2021).
  DOI: 10.21883/OS.2020.09.49881.141-20
  [Yu.A. Eremin. Opt. Spectrosc., 128, 1500 (2021).
  DOI: 10.1134/S0030400X20090088].
- [18] C. David, F.J. García de Abajo. J. Phys. Chem. C, 115(40), 19470 (2011). DOI: 10.1021/jp204261u
- [19] C. David. Nonlocal and Collective Phenomenain the Plasmons of Metallic Nanostructures (Doctoral Thesis, Universidad Autonoma de Madrid, 2014).
- [20] Y. Huang, L. Gao. J. Phys. Chem. C, 118(51), 30170 (2014).
   DOI: 10.1021/jp508289z
- [21] A. Doicu, Yu. Eremin, T. Wriedt. J. Quantitative Spectroscopy and Radiative Transfer, 254, 107196 (2020).
   DOI: 10.1016/j.jqsrt.2020.107196
- [22] J.M. McMahon, S.K. Gray, G.C. Schatz. Phys. Rev. B, 82(3), 035423 (2010). DOI: 10.1103/PhysRevB.82.035423
- [23] COMSOL Software for Multiphysics Simulation [Электронный ресурс]. URL: https://www.comsol.com/
- [24] Ю.А. Еремин, А.Г. Свешников. Журн. вычисл. матем. и матем. физ., 61(4), 34 (2021).
  DOI: 10.31857/S0044466921040049 [Yu.A. Eremin, A.G. Sveshnikov. Comput. Math. and Math. Phys., 61(4), 564 (2021). DOI: 10.1134/S0965542521040047].

- [25] Ю.А. Еремин. Опт. и спектр., 129(8), 1079 (2021).
   DOI: 10.21883/OS.2021.08.51205.1872-21
   [Yu.A. Eremin. Opt. Spectrosc., 129, 1095 (2021).
   DOI: 10.1134/S0030400X21080087].
- [26] R.G. Newton. *Scattering Theory of Waves and Particles* (McGraw Hill, 1966).
- [27] Z. Izadiyan, K. Shameli, M. Miyake, S-Y. Teow, S-C. Peh, S.E. Mohamad, S.H.M. Taib. Mater. Sci. Eng.: C, 96, 51 (2019). DOI: 10.1016/j.msec.2018.11.008
- [28] T. Dasri, A. Chingsungnoen. J. Magnet. Magnet. Mat., 456, 368 (2018). DOI: 10.1016/j.jmmm.2018.02.066
- [29] T.T. Nguyen, F. Mammeri, S. Ammar. Nanomaterials, 8(3), 149 (2018). DOI: 10.3390/nano8030149
- [30] C.M. García-Rosas, L.A. Medina, P. Lopez, N. Large, A. Reyes-Coronado. J. Nanoparticle Research, 23, 144 (2021). DOI: 10.1007/s11051-021-05261-x
- [31] T. Mahmoudi-Badiki, E. Alipour, H. Hamishehkar, S.M. Golabi. J. Electroanal. Chem., 788, 210 (2017). DOI: 10.1016/j.jelechem.2017.02.011
- [32] *Refractive index database* [Электронный ресурс]. URL: https://refractiveindex.info
- [33] P.B. Johnson, R.W. Christy. Phys. Rev. B, 6, 4370 (1972).
   DOI: 10.1103/PhysRevB.6.4370
- [34] Yu.A. Eremin, V.V. Lopushenko. Nanomaterials, 11, 3297 (2021). DOI: 10.3390/nano11123297
- [35] R. Khan, B. Gul, S. Khan, H. Nisar, I. Ahmad. Photodiagnosis Photodyn. Ther., 33, 102192 (2021).
   DOI: 10.1016/j.pdpdt.2021.102192