## 02 Особенности эффекта Фарадея в редкоземельном ортоалюминате DyAIO<sub>3</sub>

© У.В. Валиев<sup>1</sup>, М.Е. Малышева<sup>1</sup>, Ш.А. Рахимов<sup>2</sup>, О.З. Султонов<sup>1</sup>

<sup>1</sup> Национальный университет Узбекистана,

100174 Ташкент, Узбекистан

<sup>2</sup> Бухарский филиал Ташкентского института инженеров ирригации и механизации сельского хозяйства,

200100 Бухара, Узбекистан

e-mail: uygun\_valiev@mail.ru

Поступила в редакцию 03.11.2021 г. В окончательной редакции 27.02.2022 г. Принята к публикации 28.02.2022 г.

> Исследованы магнитная восприимчивость и эффект Фарадея (ЭФ) монокристаллических образцов DyAlO<sub>3</sub> в температурном интервале 78–300 К вдоль кристаллографической оси "легкого" намагничивания *b* ромбического кристалла. Аналогичные исследования проведены в тербиевом ортоалюминате TbAlO<sub>3</sub>. Фарадеевское вращение и естественное двулучепреломление, характерные для кристаллов ромбической сингонии, извлекались из температурных и спектральных зависимостей углов поворота большой оси эллипса поляризации светового излучения  $\Theta$ , измеренных в диапазоне длин волн 440–750 nm. Линейность зависимости константы Верде *V* от магнитной восприимчивости  $\chi$  кристалла DyAlO<sub>3</sub> на длине волны 506 nm позволила рассчитать величину "парамагнитной" постоянной Верде *C*<sub>*p*</sub> DyAlO<sub>3</sub>. Выполнено сравнение величин *C*<sub>*p*</sub> и "эффективных" частот  $\omega_0$  разрешенных переходов, найденных в редкоземельных гранатах RAlG (R = Tb<sup>3+</sup>, Dy<sup>3+</sup>), с аналогичными величинами, определенными в кристаллах RAlO<sub>3</sub>. Кратко обсуждается вопрос о возможном практическом применении кристаллов RAlO<sub>3</sub>, исследованных в данной работе.

> Ключевые слова: эффект Фарадея, редкоземельный ортоалюминат, естественное двулучепреломление, эллипс поляризации, магнитная восприимчивость, константа Верде.

DOI: 10.21883/OS.2022.06.52637.2892-21

### Введение

Редкоземельные (РЗ) ортоалюминаты представляют собой довольно большую группу парамагнитных кристаллов с общей формулой RAlO<sub>3</sub>, где R обозначает трехвалентный ион РЗ элемента (Tb<sup>3+</sup>, Dy<sup>3+</sup> и т.п.) или иттрия Y<sup>3+</sup>. Они кристаллизуются в искаженной структуре перовскита, описываемой пространственной группой  $D_{2h}^{16} - P_{bmn}$  [1] с низкой симметрией окружения катиона (C<sub>S</sub>) в структуре ортоалюмината. В оптическом отношении большинство кристаллов RAlO<sub>3</sub> являются двухосными кристаллами [2] (так же как и РЗ трифториды RF<sub>3</sub> [3,4]) и при их исследовании возникает проблема изучения линейных магнитооптических эффектов на "фоне" большого естественного двулучепреломления [5,6]. При этом наличие большого естественного двулучепреломления (~ 10<sup>-2</sup>) [6,7] весьма осложняет прецизионные оптические измерения, приводя в итоге к появлению сильно осциллирующих зависимостей углов поворота большой оси эллипса поляризации  $\theta$  светового излучения как от длины волны и температуры, так и от толщины исследуемого кристалла. Было также обнаружено [3,7], что вследствие отсутствия пропорциональности между толщиной орторомбического кристалла *l* и амплитудой осцилляционной зависимости угла *θ* сам угол поворота большой оси эллипса поляризации является довольно малым и не превышает по абсолютной величине несколько угловых минут в реально достижимых магнитных полях ( $\sim 10 \, \mathrm{kOe}$ ) в видимой области спектра.

В настоящее время достаточно детально исследованы оптические и магнитооптические характеристики только ограниченного числа РЗ соединений: TbAlO<sub>3</sub> [7,8], DyAlO<sub>3</sub> [9], CeAlO<sub>3</sub> [2,10], CeF<sub>3</sub> [4], TbF<sub>3</sub> [3] и PrF<sub>3</sub>, NdF<sub>3</sub> [11]. Было показано, что кристаллы трифторидов CeF<sub>3</sub> и NdF<sub>3</sub> принадлежат к тригональной структуре типа тисонита (пространственная группа P-3c1) [1]. Именно поэтому в этих кристаллах удалось детально исследовать эффект Фарадея (ЭФ) на длинах волн лазерного излучения в диапазоне температур от 4.2 до 300 К во внешнем магнитном поле до 15 kOe, направленном вдоль их оптических осей третьего порядка. В дополнение к этому недавно было обнаружено [2,10], что кристаллы CeAlO<sub>3</sub> при комнатной температуре характеризуются тетрагональной симметрией (пространственная группа Р4/тт). Поэтому вышеупомянутые РЗ кристаллы могут быть использованы в практических приложениях для создания магнитооптических элементов (фарадеевских модуляторов, оптических изоляторов и т.п.), но широкому применению в данном случае препятствует относительно малая величина постоянных Верде [12].

Кристаллическая структура ортоалюминатов TbAlO<sub>3</sub> и DyAlO<sub>3</sub> (так же как и трифторидов TbF<sub>3</sub>, HoF<sub>3</sub>), при938

группа *Pnma*) [1], обычно рассматривается как "двухосный кристалл" с оптическими осями, не совпадающими по направлению ни с одной из кристаллографических осей ромбической структуры (a, b, c). Отмеченное обстоятельство очень затрудняет проведение магнитооптических исследований таких низкосимметричных РЗ кристаллов. Действительно, использование подобных анизотропных материалов в магнитооптических экспериментах обычно осуществляется путем предварительной точной ориентации кристалла вдоль одной из оптических осей. В противном случае в кристаллографических направлениях, не совпадающих с какой-либо из оптических осей, ромбическая симметрия кристалла не позволяет реализовать большой эффект Фарадея (ЭФ) изза естественного линейного двулучепреломления [5,7]. Ориентация кристалла TbF<sub>3</sub> вдоль одной из его оптических осей была недавно успешно выполнена в [13], где было найдено, что постоянная Верде VOA вдоль этой оси составила 0.463 min/cm Oe на длине волны 632 nm при температуре 300 К. Интересно отметить, что найденная выше постоянная Верде V<sub>OA</sub> совпадает по величине с постоянной Верде Tb<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>O<sub>12</sub>, равной 0.46 min/cm·Oe на той же длине волны [14]. В то же время постоянная Верде, найденная из измерений ЭФ в кристалле TbF<sub>3</sub> в том же диапазоне длин волн вдоль кристаллографического направления [100] (ось а ромбического кристалла) и равная 0.55 min/cm·Oe [7,15], не сильно отличается от постоянной V<sub>OA</sub>. Из приведенного выше сопоставления следует, что в кристаллах РЗ ортоалюминатов, относящихся к той же сингонии, как и рассматриваемый выше трифторид, и обладающими аналогичными магнитными и магнитооптическими характеристиками, может реализоваться подобная ситуация. В этом случае оценка возможного значения постоянной Верде V<sub>OA</sub>, важной для практического применения, может быть выполнена на основе магнитооптических измерений, а не трудоемких кристаллооптических и поляризационнооптических исследований РЗ ортоалюминатов.

Результаты поляризационно-оптических и магнитооптических исследований трифторида тербия [3,13], как и ортоалюмината тербия [7,15], свидетельствуют о том, что кристаллы  $RF_3$  и  $RAlO_3$  ( $R = Tb^{3+}, Dy^{3+}$  и т.п.) могут быть успешно использованы в практических приложениях вместо применяемых в настоящее время кристаллов тербий-галлиевого граната Tb<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>O<sub>12</sub>. На первый взгляд, эта замена может быть сопряжена с определенными трудностями, связанными с ориентацией данных низкосимметричных кристаллов вдоль их оптических осей. Но несомненным преимуществом при разработке магнитооптических устройств в данном случае является тот факт, что их постоянные Верде значительно превышают по абсолютной величине постоянную Верде кристаллов Tb<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>O<sub>12</sub> [16]. Кроме того, целесообразность подобной замены тербиевого граната-галлата РЗ ортоалюминатами (или трифторидами) диктуется также тем обстоятельством, что в них концентрация РЗ ионов

оказывается наибольшей по сравнению с другими РЗ соединениями. Например, в кристалле TbF3 концентрация ионов Tb<sup>3+</sup> является наибольшей и составляет  $2 \cdot 10^{22} \text{ cm}^{-3}$ . В кристалле DyAlO<sub>3</sub> концентрация ионов  $Dy^{3+}$  немногим меньше и составляет  $1.94 \cdot 10^{22} \text{ cm}^{-3}$ , в то время как в кристаллах РЗ гранатов Tb<sub>3</sub>Al<sub>5</sub>O<sub>12</sub> и Dy<sub>3</sub>Al<sub>5</sub>O<sub>12</sub> концентрации ионов тербия и диспрозия близки и составляют соответственно 1.34 · 10<sup>22</sup> и  $12.35 \cdot 10^{22} \,\mathrm{cm}^{-3}$ .

Целью настоящей работы является детальное исследование ЭФ в ортоалюминате DyAlO<sub>3</sub>, оценка постоянной Верде V в кристалле DyAlO<sub>3</sub>, а также сравнение полученных данных с результатами магнитооптических исследований, проведенных в ортоалюминате ТbAlO<sub>3</sub> [7,15] и РЗ гранатах Dy<sub>3</sub>Al<sub>5</sub>O<sub>12</sub> и Tb<sub>3</sub>Al<sub>5</sub>O<sub>12</sub> [14].

#### 1. Образцы и методика измерений

Монокристаллы РЗ ортоалюминатов были выращены с использованием метода спонтанной кристаллизации кристаллов из раствора в расплаве в проблемной лаборатории магнетизма МГУ им. М.В. Ломоносова. Ориентация ортоалюмината DyAlO<sub>3</sub> вдоль кристаллографического направления [010], так называемой "легкой оси" намагничивания исследуемого кристалла, могла быть выполнена во внешнем магнитном поле ( $\sim 3 \, \mathrm{kOe}$ ) вследствие значительной анизотропии его магнитных свойств относительно кристаллографических осей a, b, c ромбического кристалла. Затем ориентированные образцы шлифовались абразивными порошками до необходимых толщин и полировались с двух сторон алмазными пастами с постепенно утончающимся зерном (до  $\sim 1 \, \mu m$ ).

Измерение магнитной восприимчивости  $\chi$  проводилось на вибрационном магнитометре в температурном интервале 80-300 К вдоль кристаллографического направления [010] (оси b) ромбического кристалла DyAlO<sub>3</sub>. Фарадеевское вращение извлекалось из температурных и спектральных зависимостей углов поворота в большой оси эллипса поляризации светового излучения, измеренных при перемагничивании магнитоактивного кристалла во внешнем поле  $H (\sim 6 \,\mathrm{kOe})$  с частотой 72 Hz вдоль направления [010] в диапазоне длин волн 420-750 nm и в интервале температур 90-300 K.

На рис. 1 приведена относительная ориентация плоскостей пропускания поляризационных элементов в экспериментальной установке — поляризатора Р, анализатора А и осей ромбического кристалла, реализуемая при измерении угла *θ* в кристалле DyAlO<sub>3</sub>.Согласно приведенной на этом рисунке геометрии эксперимента, угол поворота большой оси эллипса поляризации определяется из относительного изменения интенсивности света  $\delta = \Delta I / I_0 = \sin 2\theta$ , прошедшего систему "поляризаторобразец-анализатор" во внешнем магнитном поле Н. Перемагничивание образца приводит к периодическому изменению угла поворота  $\theta$  с частотой переменного магнитного поля Н. Следовательно, световой поток на фотоприемнике состоит из двух сигналов: переменного  $\Delta I = (I - I_0)$ , связанного с поворотом плоскости поляризации света (или поворотом большой оси эллипса поляризации), и постоянного  $I_0$ , интенсивность которого определяется световым потоком, прошедшим через оптическую систему "поляризатор-образец-анализатор" при H=0.

В экспериментах ошибки измерений величин магнитной восприимчивости не превышали ~ 2–3%, углов фарадеевского вращения 3–5%. Погрешность установки осей исследуемого кристалла была не больше 2–3°.

# 2. Экспериментальные результаты и их обсуждение

Как было показано ранее в [5,6], угол поворота большой оси эллипса поляризации  $\theta$  в кристалле ромбической сингонии связан с недиагональной компонентой тензора диэлектрической проницаемости кристалла  $\varepsilon_{xy}$  следующим соотношением:

$$\operatorname{tg} 2\theta = \sin \chi \sin \Phi = \frac{\varepsilon_{xy}}{\bar{n}\Delta n} \sin \frac{2\pi\Delta nl}{\lambda}, \qquad (1)$$

где  $\bar{n} \approx (n_{xx} + n_{yy})/2$  — средний показатель преломления кристалла, l — его толщина,  $\lambda$  — длина волны света в вакууме,  $\Delta n = n_{xx} - n_{yy}$  — величина естественного кристаллографического двулучепреломления. Из формулы (1) следует, что зависимости угла  $\theta$  как от длины волны, так и от толщины кристалла имеют осциллирующий вид, причем амплитуда осцилляций пропорциональна  $\varepsilon_{xy}$ , а их период — величине естественного двулучепреломления  $\Delta n$  [3,6,7,14].

Наглядным примером поведения оптических свойств РЗ ортоалюмината во внешнем магнитном поле служит приведенная на рис. 2 спектральная зависимость [3] угла поворота большой оси эллипса поляризации в светового излучения, записанная в интервале длин волн 430-720 nm при температуре 300 К вдоль "легкой" оси а кристалла TbAlO<sub>3</sub>. Для сравнения на этом же рисунке приведена зависимость от длины волны  $\lambda$ фазового фактора  $\sin \Phi = \sin \frac{2\pi \Delta n l}{\lambda}$ , рассчитанная при значении параметра  $\Delta n = 1.5 \cdot \hat{10}^{-2}$  и толщине кристалла  $l = 1.45 \cdot 10^{-2}$  ст. Данное сравнение показывает, что рассчитанная зависимость фазового фактора вполне адекватно (хотя и с некоторыми отличиями в длинноволновой части спектра) описывает зависимость от длины волны угла поворота в большой оси эллипса поляризации в ортоалюминате тербия.

Обработка результатов измерений угла поворота  $\theta$  с целью восстановления спектральной зависимости постоянной Верде V в TbAlO<sub>3</sub> (для данной температуры T) проводилась следующим образом: вначале определялась зависимость от длины волны двулучепреломления  $\Delta n$ в рассматриваемой области спектра. Для этого было



Рис. 1. На рисунке [100], [010] и [001] — индексы Миллера осей ромбического кристалла *a*, *b*, *c* соответственно; Р, А — ориентация плоскостей пропускания поляризатора и анализатора соответственно; к — волновой вектор линейно поляризованной волны, лежащий в плоскости *yz* световой волны **E**; Н — магнитное поле, параллельное кристаллографическому направлению [010] кристалла.



**Рис. 2.** Спектральная зависимость величины  $\theta/H$  в TbAlO<sub>3</sub> (*I*), записанная при ориентации внешнего магнитного поля (*H* = 7 kOe) вдоль кристаллографической оси [100] ромбического кристалла толщиной *l* = 0.0145 сm [3]. На рисунке также приведена рассчитанная зависимость от длины волны (2) фазового фактора sin  $\Phi$ .

необходимо учесть, что фазовый сдвиг между близлежащими экстремумами спектральной зависимости угла  $\theta$  — положительным и отрицательным максимумами — составляет  $\pi$  радиан для длин волн  $\lambda_1$  и  $\lambda_2$ соответственно (на рис. 2 эти экстремумы обозначены стрелками). Тогда из формулы (1) можно получить, что:

$$\Delta \Phi = \Phi_2 - \Phi_1 = \pi = 2\pi\Delta n l \left(rac{1}{\lambda_2} - rac{1}{\lambda_1}
ight)$$

или

$$\Delta n = \frac{\lambda_2 \lambda_1}{2l(\lambda_2 - \lambda_1)}.$$
 (2)

где l — толщина кристалла,  $\lambda_1$  и  $\lambda_2$  — длины волн экстремумов спектральной зависимости угла  $\theta$ . Расчет величин  $\Delta n$ , выполненный по формуле (2) с использованием данных рис. 2, показал, что они монотонно возрастают от  $\Delta n = 0.013$  в длинноволновой части спектра до 0.016 в коротковолновой части, что указывает на достаточно заметную дисперсию естественного двулучепреломления для рассматриваемого кристалла.

Далее воспользуемся тем обстоятельством, что угол удельного фарадеевского вращения  $\alpha_F/l$  (т. е. угол вращения плоскости поляризации света, рассчитанный на единицу длины образца) непосредственно связан с недиагональной компонентой тензора диэлектрической проницаемости среды  $\varepsilon_{xy}$  следующим хорошо известным соотношением [17]:

$$\frac{\alpha_F}{l} = \frac{\pi}{\lambda} \frac{\varepsilon_{xy}}{\bar{n}}.$$
 (3)

Комбинируя формулы (1) и (3), а также учитывая, что выражение для угла фарадеевского вращения может быть записано так же как  $\alpha_F = VlH$ , где V — постоянная Верде, нетрудно получить окончательное выражение для постоянной Верде ортоалюмината в виде соотношения

$$V = 2\left(\frac{\theta}{H}\right)\frac{\pi}{\lambda}\Delta n,\tag{4}$$

позволяющего провести восстановление постоянной Верде исследуемого ортоалюмината при определенной температуре и длине волны. В итоге получаем, что в ортоалюминате тербия постоянная Верде, измеренная на длине волны 632 nm вдоль "легкой" оси а ромбического кристалла, равна 0.9 min/cm·Oe при T = 300 K. Например, при расчете постоянной Верде TbAlO<sub>3</sub> на длине волны  $\lambda = 632$  nm (рис. 2) по формуле (4) используется среднее значение величины

$$\left(\frac{\bar{\theta}}{H}\right) = \frac{1}{2} \left[ \left(\frac{|\theta|}{H}\right)_{\lambda_1} + \left(\frac{|\theta|}{H}\right)_{\lambda_2} \right],$$

где  $\lambda_1$  и  $\lambda_2$  — длины волн соответствующих близлежащих экстремумов (положительного и отрицательного) спектральной зависимости величины ( $\theta/H$ ) и среднее значение параметра двулучепреломления  $\Delta n = 1.3 \cdot 10^{-2}$  для рассматриваемого интервала длин волн. В итоге получаем, что в ортоалюминате тербия постоянная Верде, измеренная на длине волны 632 nm вдоль "легкой" оси а ромбического кристалла, равна 0.9 min/cm·Oe при T = 300 K, что почти в два раза превышает постоянную Верде тербиевого гранатагаллата [14].

Восстанавливая аналогично предыдущему из спектральных зависимостей углов  $\theta$  (рис. 3), измеренных



**Рис. 3.** Спектральные зависимости величины  $\theta/H$ , измеренные при T = 90 (1) и 300 K (2) вдоль оси *b* ромбического кристалла DyAlO<sub>3</sub> толщиной l = 0.42 сm.



**Рис. 4.** Спектральные зависимости постоянной Верде ортоалюмината DyAlO<sub>3</sub>, измеренные при T = 90 K (1) и 300 K (2) вдоль оси оси *b* ромбического кристалла. На вставке: спектральная зависимость величины  $\Delta n$ , найденная при T = 90 K.

вдоль "легкой" оси *b* ромбического кристалла при T = 90 и 300 K, аналогичные зависимости для углов фарадеевского вращения, нетрудно найти спектральные зависимости постоянных Верде *V* и двулучепреломления  $\Delta n$  ортоалюмината DyAlO<sub>3</sub> (рис. 4). Из приведенных на этом рисунке экспериментальных данных следует, что с уменьшением длины волны наблюдается монотонное возрастание величин  $\Delta n$  при T = 90 K (вставка к рис. 4).

Также было обнаружено (рис. 5), что при понижении температуры образца период осцилляций угла  $\theta$  уменьшается вследствие слабо возрастающего с понижением температуры естественного кристаллографического



**Рис. 5.** Температурные зависимости величины  $\theta/H$ , измеренные вдоль оси *b* в DyAlO<sub>3</sub> на длине волны 510 nm. На вставке: восстановленная на данной длине волны зависимость постоянной Верде *V* DyAlO<sub>3</sub> от молярной магнитной восприимчивости  $\chi$ , измеренной вдоль оси *b* орторомбического кристалла.

двулучепреломления<sup>1</sup>. При этом отчетливо видно, что амплитуда осцилляций угла  $\theta$  резко возрастает, что соответствует, согласно формуле (1), росту угла удельного фарадеевского вращения, непосредственно связанного с недиагональной компонентой тензора диэлектрической проницаемости среды  $\varepsilon_{xy}$  формулой (3).

Из детального рассмотрения приведенных выше экспериментальных данных сразу следует отметить, что постоянная Верде V, измеренная вдоль "легкой" оси b ромбического кристалла DyAlO3 на длине волны 632 nm при T = 300 K, составляет 0.662 min/cm Oe, т.е. почти в 1.5 раза превышает постоянную Верде тербиевого граната-галлата. Особый интерес представляют достаточно резкие зависимости постоянной Верде DyAlO3 от длины волны и температуры, приведенные на рис. 4. Они, на наш взгляд, свидетельствуют о значительном вкладе в ЭФ кристалла ортоалюмината диспрозия так называемого "парамагнитного" механизма магнитооптической активности (МОА), зависимость от частоты которого описывается частотным фактором  $\omega^2/\omega_0^2 - \omega^2$  [14–19]. Поэтому полагая, что в ЭФ рассматриваемого РЗ соединения существенную роль играет "парамагнитный" механизм МОА (С-член ЭФ [18,19]) из частотной зависимости обратной постоянной Верде

Параметры C и  $\lambda_0$  РЗ ионов Tb<sup>3+</sup> и Dy<sup>3+</sup> в кристаллах гранатов и ортоалюминатов

РЗ соединение	$\lambda_0$ , nm	$C \times 10^3$ , min/cm·Oe
ТbAlO <sub>3</sub> [7,8,15] Тb <sub>3</sub> Al <sub>5</sub> O <sub>12</sub> [14] DyAlO <sub>3</sub> [настоящая работа]	$\begin{array}{c} 192 \pm 3 \\ 264 \pm 2 \\ 190 \pm 5 \end{array}$	$5.5 \pm 0.2 \\ 4.0 \pm 0.05 \\ 6.8 \pm 0.3$
$Dy_3Al_5O_{12}$ [14]	$210\pm3$	$3.78\pm0.04$

 $1/V \sim (\omega_0^2 - \omega^2 / \omega^2)$ , измеренной при T = 90 K, нетрудно определить так называмую "эффективную" частоту разрешенных оптических переходов в ионах  $Dy^{3+}$ . Она оказалась равной  $\omega_0 = 99 \cdot 10^{14} \,\mathrm{s}^{-1}$  ( $\lambda_0 = 190 \,\mathrm{nm}$ ). С другой стороны, учитывая ярко выраженную температурную зависимость наблюдаемого магнитооптического эффекта в DyAlO<sub>3</sub>, можно построить зависимость постоянной Верде V от магнитной восприимчивости  $\chi$ (вставка к рис. 5) для длины волны 506 nm, измеренную при направлении внешнего поля Н вдоль оси b диспрозиевого ортоалюмината. Из детального рассмотрения рис. 5 следует, что в пределах экспериментальной погрешности данная зависимость оказывается линейной, что позволяет с учетом частотной зависимости ЭФ в DyAlO<sub>3</sub> представить выражение для константы Верде V в следующем виде:

$$V = (C_p \chi + D) \frac{\omega_2}{(\omega_0^2 - \omega^2)},\tag{5}$$

где V — константа Верде,  $\omega$  — световая частота,  $C_P$  — так называемая "парамагнитная" постоянная Верде [7,15,19], D — вклад "смешивания" основного и возбужденного мультиплетов РЗ иона Dy<sup>3+</sup> во внешнем магнитном поле [15,18,19]. Анализ экспериментальных данных, приведенных на рис. 3, с использованием формулы (4) показал, что вклад "смешивания" D оказывается довольно малым, и в дальнейшем рассмотрении его можно не учитывать. В таблице выполнено сопоставление величин  $C_p$  и  $\omega_0$ , найденных из измерений ЭФ как в РЗ ортоалюминатах DyAlO<sub>3</sub> и TbAlO<sub>3</sub> [7,15], так и в РЗ гранатах Dy<sub>3</sub>Al<sub>5</sub>O<sub>12</sub> и TbAl<sub>5</sub>O<sub>12</sub> [14].

Из сравнения "эффективных" частот  $\omega_0$  (а точнее, длин волн  $\lambda_0$ ), найденных в РЗ ортоалюминатах, с аналогичными данными, полученными в РЗ гранатах [14], видно, что в структуре RAIO<sub>3</sub> длины волн разрешенных переходов сдвигаются в коротковолновую область спектра (< 200 nm) по сравнению с РЗ гранатами. Кроме того, согласно [19,20], "парамагнитные" постоянные Верде  $C_p$  РЗ соединений прямо пропорциональны силам осцилляторов разрешенных переходов f и обратно пропорциональны частотам  $\omega_0$ .

Величины произведений  $C_p\omega_0$ , с одной стороны, позволяют оценить различия сил осцилляторов ионов Tb<sup>3+</sup> и Dy<sup>3+</sup> в одном и том же кристаллическом окружении. С другой — оценить возможное изменение параметра *f* одного и того же иона, вызванное понижением

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> При измерении температурных зависимостей углов поворота  $\theta$  в интервале температур 90–300 К (рис. 5) для некоторых длин волн (в том числе для  $\lambda = 506$  nm) из спектрального диапазона 400–750 nm длины волн выбирались из условия совпадения положения экстремумов углов  $\theta$  при T = 90 и 300 К. При расчете температурной зависимости постоянной Верде по формуле (4) на выбранных длинах волн используются средние значения величин  $\Delta n = (\Delta n_{90} + \Delta n_{300})/2$  как для положительного, так и для отрицательного экстремумов угла  $\theta$  на данной длине волны.

симметрии кристаллического окружения от  $D_2$  (гранат) к С<sub>S</sub> (ортоалюминат). Проведенные оценки демонстрируют почти двукратное возрастание сил осцилляторов рассматриваемых выше РЗ ионов в структуре ортоалюмината по сравнению с гранатом. При этом соотношение величин f ионов  $Dy^{3+}$  и  $Tb^{3+}$  остается приблизительно одним и тем же (~ 1.2) как в кристаллах ортоалюминатов, так и в гранатах. Подобные сильные вариации в найденных силах осцилляторов f рассматриваемых P3 ионов обусловлены не кажущимися изменениями радиальных интегралов  $\langle 4f/r/5d \rangle$ , квадратам которых они пропорциональны [20], а связаны именно с приближенным характером рассмотрения "парамагнитного" вклада в ЭФ<sub>3</sub>, игнорирующим вклады других микроскопических механизмов МОА (диамагнитного [17,18], "смешивания" возбужденных состояний во внешнем поле Н [18]) в магнитооптику ионов  $Dy^{3+}$  и  $Tb^{3+}$  в кристаллах RAlO<sub>3</sub>.

### Заключение

Измерены спектральные и температурные зависимости ЭФ в ортоалюминате диспрозия DyAlO<sub>3</sub>, дополненные измерениями зависимости от температуры его магнитной восприимчивости. Полученная константа Верде V, измеренная вдоль "легкой" оси b ромбического кристалла DyAlO3 на длине волны 632 нм при  $T = 300 \,\mathrm{K}$ , составила 0.662 min/cm·Oe, что почти в 1.5 раза превышает постоянную Верде Тb<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>O<sub>12</sub>, равную 0.46 min/cm · Ое на той же длине волны. Обнаружено, что в ЭФ ТbAlO<sub>3</sub> и DyAlO<sub>3</sub> существенную роль играет "парамагнитный" механизм МОА. Установлено, что учет вклада данного механизма ЭФ в магнитооптику РЗ ионов Dy<sup>3+</sup> и Tb<sup>3+</sup> в кристаллах ортоалюминатов при игнорировании вкладов других механизмов МОА [17,18] экспериментально проявляется как в сдвиге длин волн разрешенных переходов в коротковолновую область спектра (< 200 nm), так и в почти двукратном возрастании сил осцилляторов этих переходов по сравнению с гранатом.

#### Благодарности

Выражаем благодарность А.И. Попову и V. Nekvasil за полезное обсуждение результатов данной работы.

#### Финансирование работы

Работа выполнена при поддержке Министерства инноваций Республики Узбекистан (грант FZ-202009143).

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

#### Список литературы

- [1] S. Geller, V.B. Bala. Acta Cryst., 9, 1019 (1956).
- [2] Feiyun Guo, Qiyuan Li, Huaimin Zhang, Xiongsheng Yang, Zhen Tao, Xin Chen, Jianzhong Chen. Crystals (MDPI), 9, 245 (2019).
- [3] U.V. Valiev, D.N. Karimov, G.W. Burdick, R. Rakhimov, V. Penovich, D. Fu. J. Appl. Phys., **121**, 243105 (2017).
- [4] Kenta Nakagawa, Toru Asahi. Sci. Rep., 9, 18453 (2019).
- [5] Р.В. Писарев. Физика магнитных диэлектриков (Наука, Ленинград, 1974).
- [6] М.В. Четкин, Ю.И. Щербаков. ФТТ, 11 (6), 1620 (1969).
- [7] U.V. Valiev, A.A. Uzokov, S.A. Rakhimov, J.B. Gruber, K.L. Nash, D.K. Sardar, G.W. Burdick. J. Appl. Phys., 104, 073903 (2008).
- [8] В. Валиев, М.М. Лукина, К.С. Саидов. ФТТ, 41 (11), 2047 (1999).
- [9] У.В. Валиев, Д.Р. Джураев, Е.Е. Малышев, К.С. Саидов. Опт. и спектр., 86 (5), 789 (1999).
- [10] P. Arhipov, S. Tkachenko, I. Gerasymov, O. Sidletskiy, K. Hubenko, S. Vasyukov, N. Shiran, V. Baumer, P. Mateychenko, A. Fedorchenko, Y. Zorenko, Y. Zhydachevskii, Kh. Lebbou, M. Korjik. J. Cryst. Growth, **430**, 116 (2015).
- [11] J. Picard, H. Le Gall, C. Leycuras, P. Feldmann. C.R. Acad. Sci. Paris, Ser. B, 288, 221 (1979).
- [12] A.V. Starobor, E.A. Mironov, O.V. Palashov. Opt. Lett., 44, 1297 (2019).
- [13] A.V. Starobor, E.A. Mironov, O.V. Palashov, A.G. Savelyev, D.N. Karimov. Laser Phys. Lett., 18, 115801 (2021).
- [14] K.M. Mukimov, B. Yu. Sokolov, U.V. Valiev. Phys. Stat. Sol. A, **119**, 307 (1990).
- [15] У.В. Валиев, А.А. Клочков, М.М. Лукина, М.М. Турганов. Опт. и спектр., 63 (3), 543 (1987).
- [16] D. Vojna, O. Slezák, A. Lucianetti, T. Mocek. Appl. Sci., 9, 3160 (2019).
- [17] A.K. Zvezdin, A.V. Kotov. Modern Magneto-Optics and Magnetooptical Materials (IOP Publishing, Bristol/Philadelphia, 1997).
- [18] У.В. Валиев, А.К. Звездин, Г.С. Кринчик, Р.З. Левитин, К.М. Мукимов, А.И. Попов. ЖЭТФ, 85 (7), 311 (1983).
- [19] У.В. Валиев, А.И. Попов, Б.Ю. Соколов. Опт. и спектр., 61 (5), 1141 (1986).
- [20] P.W.Y. Lung. J. Phys. C., 4, 820 (1971).