### 11,10

# Фазовый переход металл–диэлектрик в тонких пленках диоксида ванадия, легированного индием

© В.Н. Андреев, В.А. Климов

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, Санкт-Петербург, Россия E-mail: vn.andreev.solid@mail.ioffe.ru

Поступила в Редакцию 28 марта 2022 г. В окончательной редакции 28 марта 2022 г. Принята к публикации 31 марта 2022 г.

Исследована электропроводность тонких поликристаллических пленок  $V_{(1-x)}In_xO_2$  в широком интервале температур, охватывающем области существования как металлической, так и диэлектрической фазы. Показано, что с ростом концентрации индия температура фазового перехода металл-диэлектрик понижается, а ширина температурной области сосуществования фаз монотонно увеличивается. Для объяснения температурной зависимости электропроводности диэлектрической фазы  $V_{(1-x)}In_xO_2$  применена модель прыжковой проводимости, учитывающая влияние тепловых колебаний атомов на резонансный интеграл. Вычислены значения параметра  $\varepsilon$  в зависимости от степени легирования VO<sub>2</sub>.

Ключевые слова: фазовый переход; оксиды ванадия; тонкие пленки; полярон; электропроводность.

DOI: 10.21883/FTT.2022.07.52572.322

#### 1. Введение

В монокристаллах чистого диоксида ванадия (VO<sub>2</sub>) при охлаждении ниже  $T_c = 340 \, \text{K}$  наблюдается структурный фазовый переход первого рода из металлической тетрагональной фазы (R-фаза) в диэлектрическую моноклинную фазу (М1-фаза) [1,2]. Изменение кристаллической структуры протекает скачком и сопровождается резким изменением электрических и оптических параметров диоксида ванадия. В окрестностях Т. температурные зависимости этих параметров имеют вид петли гистерезиса, что объясняется мартенситным характером фазового перехода. Фазовый переход в макроскопических образцах диоксида ванадия из-за возникающих упругих напряжений сопровождается их разрушением, поэтому для практических приложений, основанных на том, что время фазового перехода составляет порядка 100 fs [3], обычно используют тонкие пленки [4].

Сильное влияние на электрические и оптические свойства диоксида ванадия оказывает введение иновалентных катионных примесей. Предполагается, что характер смещения  $T_c$  при допировании диоксида ванадия определяется валентностью примеси. Существует вероятность того, что фазовый переход металл–диэлектрик (ПМД) в диоксиде ванадия носит Моттовский характер. Если примесь является донором, то ее введение приводит к увеличению концентрации "свободных" электронов и стабилизации металлической фазы. В результате температура перехода VO<sub>2</sub> в диэлектрическую фазу понижается. Действительно, введение таких примесей замещения, как  $Mo^{6+}$  или  $W^{6+}$ , являющихся донорами, сопровождается заметным понижением температуры фазового перехода  $R \rightarrow M_1$  и постепенной деградацией этого перехода [5]. Напротив, введение акцепторных примесей, таких как  $Al^{3+}$  или  $Cr^{3+}$ , сопровождаемое заменой  $V^{4+}$  на  $V^{5+}$ , не только увеличивает температуру фазового перехода, но изменяет сам характер его. Вместо диэлектрической фазы М1 при охлаждении образуется диэлектрическая фаза М2, отличающаяся от первой тем, что в ней спарена лишь половина атомов ванадия, тогда как другая половина при фазовом переходе лишь смещается из центра кислородных октаэдров [6]. Следует отметить, что образование М2-фазы не связано непосредственно с акцепторными свойствами трехвалентных примесей. Фаза M<sub>2</sub> возникает и в чистом VO<sub>2</sub> при приложении к монокристаллу одноосных механических напряжений [7]. Этот результат говорит в пользу такого подхода, при котором катионы примесей рассматриваются не просто как доноры или акцепторы, но и как центры внутреннего расширения или сжатия кристаллической структуры. Наличие внутренних или внешних упругих напряжений сильно влияет на процесс перехода металлдиэлектрик [8-11]. В предлагаемой работе на примере диоксида ванадия, легированного индием, этот подход получает еще одно подтверждение.

Нужно отметить, что изучению влияния примесей на ПМД в диоксиде ванадия в последнее время посвящено большое количество работ [12–19]. Дело в том, что изучение допированных образцов может помочь пониманию механизма ПМД в VO<sub>2</sub>.

#### 2. Эксперимент

Тонкие поликристаллические пленки диоксида ванадия  $V_{(1-x)}In_xO_2$  были синтезированы методом одновременного лазерного испарения мишеней из металлического V(99.9%) и из металлического In(99.7%) в контролируемой атмосфере кислорода при температуре 750–900 К. О степени легирования (x) судили по относительному времени испарения каждой из мишеней. В качестве подложек использовали Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (1000). Толщина пленок составляла 100 nm.

За фазовым переходом в исследуемых образцах следили по изменению отражательной способности на длине волны  $\lambda = 1.54 \,\mu$ m и по изменению электропроводности пленок, измеряемой по стандартной четырехзондовой методике. В последнем случае перед синтезом пленки на сапфировую подложку методом лазерного напыления в вакууме наносились электроды из металлической Pt толщиной ~ 100 nm.

# 3. Результаты и обсуждение

Температурные зависимости электропроводности тонких пленок чистого и легированного индием диоксида ванадия представлены на рис. 1. Видно, что введение индия понижает температуру фазового перехода, несмотря на то, что  $In^{3+}$  тоже является акцептором, как  $Al^{3+}$ или  $Cr^{3+}$ .

Рассмотрим более подробно упругие напряжения, возникающие в результате введения в диоксид ванадия классических доноров и акцепторов. Начнем с шестивалентного вольфрама. В символике Крёгера–Винка реакция внедрения шестивалентного вольфрама в кристаллическую решетку диоксида ванадия может быть записана, как

$$egin{array}{lll} \mathrm{WO}_3 &
ightarrow \mathrm{W}_{\mathrm{V}}^{ullet} + 2e + rac{3}{2}\,\mathrm{O}_2 \uparrow, \ 2\mathrm{V}_{\mathrm{V}}^{\mathrm{X}} + 2e & \leftrightarrow 2\mathrm{V}_{\mathrm{V}}^{\prime}. \end{array}$$

Замещение иона V<sup>4+</sup> ионом W<sup>6+</sup> приводит к образованию в кристаллической решетке диоксида ванадия двух ионов V<sup>3+</sup>. Воспользуемся значениями эффективных ионных радиусов в окислах с координационным числом 6 [20]. Ионный радиус W<sup>6+</sup> лишь ненамного больше ионного радиуса V<sup>4+</sup>, на место которого он встает. Эти величины равны соответственно 0.060 и 0.058 nm. В то же время возникшие при введении катиона вольфрама два иона V<sup>3+</sup> имеют заметно больший размер, а именно 0.064 nm. Очевидно, что суммарный эффект — это возникновение упругих напряжений расширения.

Введение трехвалентного Al можно записать в символике Крёгера-Винка

$$\mathrm{Al}_2\mathrm{O}_3 
ightarrow 2\mathrm{Al}' + 2p + rac{3}{2}\mathrm{O}_2 \uparrow,$$
  
 $2\mathrm{V}^X_\mathrm{V} + 2p \leftrightarrow 2\mathrm{V}^{ullet}_\mathrm{V}.$ 

Введение каждого иона  $Al^{3+}$  в этом случае сопровождается появлением в решетке вместо иона  $V^{4+}$  иона  $V^{5+}$ .



**Рис. 1.** Температурные зависимости электропроводности пленок  $V_{(1-x)}$  In<sub>x</sub>O<sub>2</sub> при изменении концентрации индия.

Такое же уравнение справедливо и для случая внедрения индия

$$\mathrm{In}_2\mathrm{O}_3 
ightarrow 2\mathrm{In}_\mathrm{V}' + 2p + rac{3}{2}\mathrm{O}_2 \uparrow$$
  
 $2\mathrm{V}_\mathrm{V}^X + 2p \leftrightarrow 2\mathrm{V}_\mathrm{V}^ullet.$ 

Сравним напряжения, возникающие в кристаллической структуре диоксида ванадия при введении алюминия и индия. В обоих случаях возникают состояния V<sup>5+</sup>. Ионные радиусы V<sup>4+</sup> и V<sup>5+</sup> равны соответственно 0.0580 nm и 0.0540 nm [20], то есть упомянутая замена сопровождается напряжением сжатия. Теперь сравним ионные радиусы  $Al^{3+}$  и  $In^{3+}$  с ионным радиусом  $V^{4+}$ , на место которого они становятся. Они равны 0.0535 и 0.0800 nm, соответственно [20]. Видно, что радиус иона  $Al^{3+}$  немного меньше радиуса иона  $V^{4+}$ , т.е. появляется еще дополнительное сжатие кристаллической структуры. Напротив, ионный радиус трехвалентного индия существенно больше радиуса четырехвалентного ванадия, что и приводит к тому, что суммарный эффект от введения индия — это существенные напряжения расширения. Это и приводит к понижению Т<sub>с</sub>.

Одновременно с увеличением степени легирования увеличивается и электропроводность  $\sigma$  диэлектрической фазы оксида, а величина скачка электропроводности уменьшается. При этом уменьшение скачка  $\sigma$  происходит не только за счет увеличения электропроводности диэлектрической фазы, но и за счет монотонного уменьшения электропроводности металлической фазы по мере увеличения концентрации легирующей примеси. Электропроводность металлической фазы чистого VO<sub>2</sub> равна  $\sigma_m \sim 10^3 \Omega^{-1} \cdot \text{сm}^{-1}$ , что близко к моттовскому пределу для минимальной металлической проводимости [21], однако характер  $\sigma(T)$  не является металлическим. Это, по-видимому, связано с андерсоновской локализацией на дефектах и межзеренных

**Рис. 2.** Температурные зависимости электропроводности пленок чистого и легированного индием VO<sub>2</sub> в области фазового перехода. *а* — полученные при нагревании, *b* — полученные при охлаждении.

границах (пленки поликристаллические). В монокристаллах  $\sigma_{\rm m} \sim 10^4 \, \Omega^{-1} \cdot {\rm cm}^{-1}$  и проводимость носит металлический характер [1]. По мере легирования VO<sub>2</sub> индием электропроводность металлической фазы постепенно снижается до  $\sigma_{\rm m} \sim 10^2 \, \Omega^{-1} \cdot {\rm cm}^{-1}$ . Подобное уменьшение электропроводности металлической фазы ранее мы наблюдали в тонких пленках диоксида ванадия при легировании водородом [19] и никелем [22], которые не является примесями замещения.

На рис. 2, *а*, *b* соответственно показаны зависимости  $\sigma(T)$  в области ПМД при нагреве и охлаждении тонких пленок чистого VO<sub>2</sub> и V<sub>(1-x)</sub>In<sub>x</sub>O<sub>2</sub> (x = 0.02, 0.045). Температурная область ПМД в легированных тонких пленках уширяется с ростом концентрации индия на фоне уменьшающегося скачка электропроводности  $\Delta\sigma$ . Уширение температурной области сосуществования фазможет быть вызвано постепенным превращением фазового перехода первого рода в переход второго рода из-за размытия фазовой границы металл–диэлектрик.

Результаты измерения электропроводности чистого и легированного индием VO<sub>2</sub> при охлаждении до температуры T = 230 К показаны на рис. 1. Видно, что зависимость  $\sigma(T)$  в диэлектрической фазе линейна в координатах  $lg(\sigma)$  от T. Ранее мы исследовали электропроводность диоксида ванадия и показали, что его проводимость описывается прыжками поляронов малого радиуса, на которые влияют тепловые колебания решетки [1]. Так как механизм переноса заряда в диэлектрической фазе при легировании диоксида ванадия меняться не должен, то уместно рассматривать электропроводность  $V_{(1-x)}In_xO_2$  в рамках модели Брыксина [23]. В этой модели учитывается эффект теплового смещения атомов решетки на вероятность междоузельных перескоков малых поляронов. Смещения атомов приводят к изменениям в перекрытии волновых функций состояний на соседних узлах. Этим перекрытием определяется резонансный интеграл (I). В первом приближении I меняется с расстоянием (R), на котором происходит перескок, как  $exp(-\alpha R)$ , где  $\alpha^{-1}$  есть эффективный радиус локализации. В свою очередь, прыжковая подвижность носителя заряда, определяющая электропроводность диоксида ванадия пропорциональна I<sup>2</sup>. Для малых величин  $\alpha^{-1}$ , порядка амплитуды решеточных колебаний ( $\rho$ ), можно предположить, что  $I^2$  должен зависеть линейно от  $\rho$ . Поэтому в случае зависимости  $I^2$ от  $\rho$  допустимо заменить  $I^2$  на  $\langle I^2 \rangle$ , где угловые скобки обозначают фононное усреднение через перенормировку фактора Дебая-Уоллера.

$$\langle I^2 \rangle = I^2 \exp(2\alpha^2 \langle \rho^2 \rangle), \tag{1}$$

где  $\langle \rho^2 \rangle$  — среднеквадратичное тепловое смещение атомов на узлах решетки. Расчет прыжковой проводимости в модели поляронов малого радиуса с учетом влияния тепловых колебаний решетки на резонансный интеграл приводит к следующей зависимости электропроводности от температуры

$$\sigma = en \frac{ea^2}{2h} \frac{\pi^{1/2} I^2}{E_a^{1/2} (k_{\rm B}T)^{3/2}} \exp\{-E_a/k_{\rm B}T + k_{\rm B}T/\varepsilon\}, \quad (2)$$

где *а* — постоянная решетки, *E<sub>a</sub>* — энергия, требуемая для осуществления перескока электрона, *n* концентрация носителей заряда, *e* — заряд электрона, *h* — постоянная Планка, *ε* — величина, имеющая размерность энергии и учитывающая влияние тепловых колебаний решетки на резонансный интеграл. В области высоких температур, когда  $2k_{\rm B}T > \hbar\omega_q$  (где  $\hbar = h/2\pi$ ,  $\omega_q$  — частота оптического фонона), *ε* связана со среднеквадратичным тепловым смещением  $\langle \rho^2 \rangle$  соотношением

$$\varepsilon = k_{\rm B} T / 2\alpha^2 \langle \rho^2 \rangle. \tag{3}$$

Анализ выражения (2) показывает, что при низких температурах второй член под экспонентой становится пренебрежимо малым по сравнению с первым, тогда как при высоких температурах доминирует уже второй член.





**Рис. 3.** Зависимость  $\ln(\sigma T^{3/2}) = A + k_{\rm B}T/\varepsilon$  пленок  $V_{(1-x)} \ln_x O_2$  с разной концентрацией индия.

Поэтому в низкотемпературном пределе выражение (2) может быть представлено в виде

$$\ln(\sigma T^{3/2}) = A - E_a/k_{\rm B}T,\tag{4}$$

где А и Е<sub>а</sub> не зависят от температуры.

Напротив, в высокотемпературном пределе выражение (2) может быть представлено как

$$\ln(\sigma T^{3/2}) = A + k_{\rm B} T/\varepsilon, \tag{5}$$

где А и є не зависят от температуры.

В [1] мы показали, что  $\sigma(T)$  VO<sub>2</sub> в области температур выше  $T \sim 240 \, {
m K}$  может быть описана зависимостью (5). Эти зависимости для чистого VO2 и  $V_{(1-x)}$ In<sub>x</sub>O<sub>2</sub> (x = 0.02, 0.045) представлена на рис. 3. Из сравнения чистого VO<sub>2</sub> и легированного  $V_{(1-x)}In_xO_2$ видно, что наклон прямой, равный  $\varepsilon^{-1}$ , немного меняется по сравнению с наклоном в чистом VO2. Значение  $\varepsilon$  для чистого VO<sub>2</sub> равно  $\varepsilon = 2.5 \cdot 10^{-3}$  eV, а для легированных образцов  $V_{(1-x)}In_xO_2$  (x = 0.02, 0.045)  $\varepsilon = 2.71 \cdot 10^{-3}$  eV. Из (1) и (3) следует, что величина є пропорциональна времени туннелирования малого полярона через барьер между соседними узлами. Иными словами, подвижность полярона тем больше, чем меньше величина є. Из наших данных следует, что при легировании диоксида ванадия индием  $\varepsilon$  увеличивается, а это можно трактовать как увеличение локализации носителя заряда на узле.

# 4. Заключение

Показано, что легирование диоксида ванадия индием приводит к существенному изменению температурной зависимости электропроводности  $V_{(1-x)}In_xO_2$  по сравнению с чистым VO<sub>2</sub>. Высказано предположение о том, что дополнительное размытие области ПМД при увеличении степени легирования тонких пленок VO<sub>2</sub>, может

быть следствием размытия фазовой границы  $R-M_1$ . Электропроводность диэлектрической фазы  $V_{(1-x)}In_xO_2$ хорошо описывается моделью малого полярона, учитывающей влияние тепловых колебаний атомов решетки на резонансный интеграл. Определен характерный параметр модели  $\varepsilon$  для чистого и легированного индием VO<sub>2</sub>. Показано, что энергия  $\varepsilon$ , при легировании увеличивается по сравнению с чистым VO<sub>2</sub>. Это, по-видимому, связано с увеличением параметров решетки при легировании диоксида ванадия индием.

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

#### Список литературы

- [1] В.Н. Андреев, В.А. Климов. ФТТ 49, 2146 (2007).
- [2] A. Zilbersztejn, N.F. Mott. Phys. Rev. B 11, 4383 (1975).
- [3] A. Cavalleri, Cs. Toth, C.W. Siders, J.A. Squier, F. Raksi, P. Forget, J.C. Kiefer. Phys. Rev. Lett. 87, 237401-1 (2001).
- [4] 1О.Б. Данилов, В.А. Климов, О.И. Михеева, А.И. Сидоров, С.А. Тульский, Е.Б. Шадрин, И.Л. Ячнев. ЖТФ 73, 79 (2003).
- [5] В.Н. Андреев, В.А. Климов. ФТТ 61, 1519 (2019).
- [6] В.Н. Андреев, В.А. Климов, М.Е. Компан, Б.А. Мелех. ФТТ 56, 1802 (2014)
- [7] M. Marezio, D.B. McWhan, J.P. Remeika, P.D. Dernier. Phys. Rev. B 5, 2541 (1972).
- [8] Wu, Q. Gu, B.S. Guiton, N.P. de Leon, L. Ouyang, H. Park. Nano Lett. 6, 2313 (2006).
- [9] A. Tselev, I.A. Luk'yanchuk, I.N. Ivanov, J.D. Budai, J.Z. Tischler, E. Strelkov, K. Jones, R. Hrokscg, A. Kolmakov, S.V. Kalinin. Nano Lett. 10, 2003 (2010).
- [10] H. Park, J.M. Coy, T.S. Kasirga, C. Huang, Z. Fei, S. Hunter, D.H. Gobden. Nature 500, 431 (2013).
- [11] В.Н. Андреев, В.А. Климов. ФТТ 53, 538 (2011).
- [12] E. Strelkov, A. Tselev, I. Ivanov, J.D. Budai, J. Zhang, J.Z. Tischler, I. Kravchenko, S.V. Kalinin, A. Kolmakov. Nano Lett. 12, 6198 (2012).
- [13] A. Tselev, E. Strelkov I.A. Luk'yanchuk, J.D. Budai, J.Z. Tischler I.N. Ivanov, K. Jones, A. Kolmakov, S.V. Kalinin. Nano Lett. 10, 4409 (2010).
- [14] T.J. Hanlon, J.A. Coath, M.A. Richardson. Thin Solid Films 436, 269 (2003).
- [15] C. Marini, E. Arcangeletti, D. Di Castro, L. Baldassare, A. Perucchi, S. Lupi, L. Malavasi, L. Boeri, E. Pomjakushina, K. Conder, P. Postorino. Phys. Rev. B 77, 235111 (2008).
- [16] В.Н. Андреев, В.А. Климов. ФТТ 61, 1519 (2019).
- [17] В.Н. Андреев, В.А. Климов. ФТТ 60, 2425 (2018).
- [18] В.Н. Андреев, В.А. Климов. ФТТ 58, 590 (2016).
- [19] В.Н. Андреев, В.А. Климов, М.Е. Компан. ФТТ 54, 562 (2012).
- [20] R.D. Shannon. Acta Cryst. A 32, 751 (1976).
- [21] N.F. Mott. Metall–Insulator Transitions. Tailor and Francis LTD, London (1974).
- [22] В.Н. Андреев, В.А. Климов. ФТТ 61, 1935 (2019).
- [23] В.В. Брыксин. ЖЭТФ 100, 1556 (1991).

Редактор К.В. Емцев