01

Неэмпирический анализ изотопических сдвигов и резонансных эффектов в инфракрасном спектре высокого разрешения фреона-22 (CHF₂CI), обогащенного ¹³C

© С.В. Краснощеков,¹ И.К. Гайнуллин,² В.Б. Лаптев,³ С.А. Климин,^{3,¶}

¹Химический факультет, МГУ имени М.В. Ломоносова, 119991 Москва, Россия ²Физический факультет, МГУ имени М. В. Ломоносова, 119991 Москва, Россия ³Институт спектроскопии РАН, 108840 Москва, Троицк, Россия e-mail: [¶]klimin@isan.troitsk.ru

Поступила в редакцию 06.08.2021 г. В окончательной редакции 01.09.2021 г. Принята к публикации 15.09.2021 г.

> Измерен ИК спектр пропускания изотопной смеси хлордифторметана (CHF₂Cl, фреон-22) с 33% долей изотопа ¹³С и природным соотношением изотопов хлора в диапазоне частот 1400-740 cm⁻¹ с разрешением 0.001 ст.⁻¹ при температуре 20°С. Расчет структуры и секстичной поверхности потенциальной энергии и поверхностей компонент дипольного момента проведен электронным неэмпирическим квантово-механическим методом Мёллера-Плессета, MP2/сс-рVTZ. Далее потенциал был оптимизирован заменой гармонических частот на частоты, рассчитанные электронным методом связанных кластеров, CCSD(T)/aug-cc-pVQZ. Расчет фундаментальных и составных частот был проведен с помощью операторной теории возмущений Ван Флека (CVPTn) второго и четвертого порядка (n = 2, 4). Резонансные эффекты были смоделированы с помощью дополнительного вариационного расчета в базисе до четырехкратного возбуждения VCI(4). Среднее отклонение предсказанных фундаментальных частот от экспериментальных для изотопологов 12 C составила ~ 1.5 cm $^{-1}$. Достигнутая точность позволила достоверно предсказать изотопические сдвиги частот изотопологов ¹³С. Показано, что сильный резонанс Ферми v₄/2v₆ доминирует в изотопологах ¹²С и практически отсутствует в ¹³С. Подтверждено литературное [Spectrochim. Acta A, 44:553] предположение о расщеплении v_1 (CH) за счет резонанса $v_1/v_2 + v_7 + v_9$. Определены коэффициенты полиадного квантового числа. Проведенный анализ позволил предварительно идентифицировать центры колебательно-вращательных полос изотопологов ¹³CHF2³⁵Cl и ¹³CHF2³⁷Cl в спектре смеси в рамках подготовки к индивидуальным анализам колебательно-вращательных структур отдельных колебательных переходов.

> Ключевые слова: фреон-22, спектроскопия высокого разрешения, ферми-резонанс, операторная теория возмущений, гибридная поверхность потенциальной энергии.

DOI: 10.21883/OS.2022.01.51884.27-21

Введение

Хлордифторметан (CHF₂Cl, HCFC-22, фреон-22) является широко распространенным химическим веществом, которое в промышленных количествах используется в синтезе фторполимеров, в качестве рабочего вещества в холодильных установках и как вспенивающий агент [1]. Фреон-22 присутствует в атмосфере Земли [2–4] и потенциально может влиять на химические процессы в верхних слоях атмосферы [5]. Поскольку ожидаемое время жизни CHF₂Cl в тропосфере составляет около 15.6 лет [6], при увеличении темпов выбросов этого соединения [7] можно ожидать возрастания его роли в химии разрушения озона [5,8]. Таким образом, важная роль этого соединения в экологии, его возможное влияние на озоновый слой Земли и необходимость мониторинга присутствия этого вещества в атмосфере

обусловливает большой интерес к изучению его спектров в ИК диапазоне.

Геометрические параметры молекулы фреона-22 (r_0 -, r_s -, r_z -структуры) были получены по микроволновым данным в работе Крэмба с сотрудниками (1988) [9], где также решалась обратная гармоническая колебательная задача. Позднее микроволновые спектры подробно изучались в работах Кисиель с сотрудниками (1995) [10] и Бланко с сотрудниками (1996) [11]. Достоверная равновесная геометрическая структура молекулы была недавно установлена в работе [12] на основе гибридного метода, корректирующего экспериментальные вращательные постоянные с помощью теоретических постоянных колебательно-вращательного взаимодействия.

Молекула фреона-22 обладает симметрией C_s , все девять ее нормальных мод активны в ИК спектрах поглощения и обладают контурами типа a/c для v_1-v_6 (A') либо типа b для v_7-v_9 (A''). Впервые ИК спектр низкого

разрешения фреона-22 в газовой фазе был измерен в работе [13]. Отнесение частот фундаментальных и некоторых составных колебаний и обертонов впервые было выполнено в работе [14], в которой был получен ИК спектр низкого разрешения CHF₂Cl в жидком аргоне. Далее аналогичные исследования спектров матричной изоляции в Ar, Kr, Xe проводились в работе [15]. Спектры комбинационного рассеяния света в газовой фазе изучались в работах [16,17], а в жидкой и твердой фазах — в работах [18-22], при этом в работе [16] были измерены абсолютные интенсивности и коэффициенты деполяризации. Спектры среднего разрешения (0.12-0.5 cm⁻¹) в широком диапазоне $(15\,000-350\,\mathrm{cm}^{-1})$, колебательная ангармоничность и резонансы Ферми были подробно изучены в работе Брауна с сотрудниками (1988) [23]. Был зарегистрирован резонанс Ферми v4/2v6, а также высказано предположение о случайном резонансе $v_1/v_2 + v_7 + v_9$ [23].

Ангармоническое силовое поле фреона-22 было впервые получено в работе Палмиери с сотрудниками (1995) [24], где гармонические силовые постоянные на уровне MP2 комбинировались с кубичными и квартичными, полученными методом Хартри-Фока. В работе Курамшиной с сотрудниками (1994) [25] гармоническое силовое поле фреона-22 было получено комбинированным методом путем решения обратной регуляризованной задачи, стабилизированной неэмпирическим полем на уровне MP2/6-31G^{*}. К настоящему времени расчет поверхности потенциальной энергии нуждается в обновлении в соответствии с современными стандартами (метод MP2 для ангармонической части потенциала и метод связанных кластеров CCSD(T) для гармонических частот).

В дальнейшем в основном измерялись ИК спектры CHF₂Cl высокого разрешения (от 0.04 до 0.0007 сm⁻¹), которые были получены в газовой фазе или в сверхзвуковых молекулярных пучках для различных фундаментальных колебательно-вращательных полос при разных температурах [26–40]. Колебательно-вращательный анализ полос всех фундаментальных колебательных переходов был завершен к 2002 г. с выходом исследования по ν_2 и ν_7 [36].

Сводка литературных данных по спектроскопии высокого разрешения дана в книге [41]. В существующих работах спектральное разрешение порядка 0.001 сm⁻¹ позволило измерить отдельные линии колебательновращательных переходов, доплеровское уширение которых составляло примерно 0.0015 сm⁻¹ при комнатной температуре [38]. В литературе также проводился теоретический анализ полученных результатов, отнесение линий, исследование резонансов Ферми ($\nu_4/2\nu_6$) [40] и Кориолиса (ν_3/ν_8 , ν_6/ν_9) [38,33].

Спектры высокого разрешения изотопологов CHF_2Cl были получены в основном для молекул с природным содержанием изотопов углерода, водорода и хлора. Природная концентрация изотопа хлора ³⁷C1 достаточно велика (24.2%), что позволило при хорошем спектральном

разрешении установок (< $0.0024 \,\mathrm{cm}^{-1}$) и при охлаждении молекул CHF₂Cl идентифицировать колебательновращательные линии обеих компонент ¹²CHF₂³⁵Cl и ¹²CHF₂³⁷Cl [28,32,35–38]. Однако из-за небольшого изотопического сдвига между компонентами с ³⁵Cl и ³⁷Cl (5.01–0.048 cm⁻¹ [38]) *PQR*-структура колебательновращательных полос изотопологов хлора практически полностью перекрывалась, что затрудняло анализ спектра.

Магилл с сотрудниками (1986) [26] получил ИК и КРспектры газа среднего разрешения (до 0.04–0.002 cm⁻¹) изотопологов (¹³С- и D-замещенных), выполнил отнесение полос и исследовал резонанс $v_4/2v_6$. Было показано, что изотопические сдвиги спектров изотопологов, замещенных по ¹³С, существенно больше сдвигов по ³⁷Cl и составляют 25.5 cm⁻¹ для v_3 , 26.5 cm⁻¹ для v_8 и 20.35 cm⁻¹ для v_4 [26]. Можно ожидать, что в изотопной смеси, близкой к эквимолярной, интенсивность колебательно-вращательных линий ¹³CHF₂Cl, по крайней мере, для *P*-ветвей полос v_3 , v_8 и v_4 будет сопоставима с интенсивностью линий ¹²CHF₂Cl.

Ранее подробно исследовалась селективная по изотопу ¹³С ИК многофотонная диссоциация молекул фреона-22 под действием импульсного излучения СО₂-лазера [42–46]. В конце 90-х–начале 2000-х годов эти работы завершились созданием в России уникальной лазерной технологии и соответствующего производства по обогащению ¹³С, в котором фреон-22 являлся рабочим веществом [47,48]. Подробно изучались УФ и ИК фотохимия фреона-22 и эффект внутримолекулярного колебательного перераспределения в этой молекуле под действием лазерных импульсов нано- и фемтосекундной длительности [49–53].

Анализ литературы показывает наличие существенных пробелов в данных, касающихся положений центров колебательных полос ¹³С-замещенного фреона-22, а также более полной и достоверной информации об эффектах ангармоничности: резонансах Ферми, интенсивностях "темных полос", приобретающих интенсивность за счет перемешивания волновых функций со "светлыми полосами", изотопических сдвигах. Очевидна необходимость нового исследования таких эффектов, основанная на использовании наиболее точных современных неэмпирических квантово-механических расчетов. Такое исследование представляет собой и самостоятельный интерес, и является необходимым шагом для подготовки прецизионного анализа колебательновращательных спектров ¹³С-замещенного фреона-22, не проводившегося ранее.

Основная цель наших исследований состоит в измерении и детальной расшифровке колебательновращательных ИК спектров высокого разрешения (0.001 сm⁻¹) молекул ¹³CHF₂Cl в диапазоне частот 1400–740 сm⁻¹, в который попадают полосы фундаментальных колебаний ν_2 , ν_3 , ν_4 , ν_7 и ν_8 . Для этого в экспериментах использовалась изотопная смесь ¹²CHF₂Cl и ¹³CHF₂Cl с содержанием ¹³C, равным 33%.



Рис. 1. Инфракрасный спектр высокого разрешения (0.001 cm^{-1}) фреона-22 (CHF₂Cl) при давлении 1 Тогг и длине кюветы 122 mm с содержанием ${}^{13}\text{C} = 33\%$ (синий цвет); светлой линией изображен ИК спектр низкого разрешения (0.1 cm^{-1}) той же изотопной смеси (желтый цвет).

Экспериментальная часть

Фреон-22, обогащенный по ¹³С до 33%, был синтезирован А.И. Сорокиным (Пермский филиал АО РНЦ "Прикладная химия"). Заявленное содержание основного вещества составляло около 99%, что подтверждалось результатами хроматографического анализа. Контейнер с фреоном-22, обогащенным по ¹³С, подсоединялся к вакуумной системе, которая откачивалась форвакуумным насосом через ловушку с жидким азотом до остаточного давления $7.5 \cdot 10^{-3}$ Torr. К этой же системе подсоединялась газовая кювета длиной 122 mm, объемом 25 cm³ c окнами из KBr, которые имели вакуумное уплотнение из индия. Все элементы вакуумной системы, включая контейнер и кювету, были изготовлены из нержавеющей стали и тефлона. Кювета заполнялась CHF₂Cl при давлении 1 Torr и после отсоединения от вакуумной системы фиксировалась в специальном держателе.

Инфракрасные спектры фреона-22, обогащенного по ¹³С до 33%, были зарегистрированы на фурьеспектрометре BRUKER IFS 125HR с разрешением 0.001 cm⁻¹ с усреднением по 620 сканам при температуре 20°С. С целью снижения парциального давления углекислого газа и паров воды перед записью спектра объем фурье-спектрометра откачивался вакуумным насосом до остаточного давления порядка 0.05 Торр. Для записи спектров использовались охлаждаемые жидким азотом детекторы на основе CdHgTe и светоделитель из KBr. При обработке полученные спектры фреона-22 нормировались на спектр пропускания пустой кюветы. Кроме того, шкала частот в диапазоне 1496-829 cm⁻¹ была откорректирована по 12 табулированным линиям воды [54] и двум частотам ¹²CHF₂Cl, измеренным другими авторами в [28,38]. После коррекции среднее отклонение указанных 14 частот составило $-3.9 \cdot 10^{-6} \pm 2.5 \cdot 10^{-4} \text{ cm}^{-1}$, что существенно меньше спектрального разрешения.

Таблица 1. Экспериментальные (r_s, r_z) , полуэмпирические равновесные $(r_e [12])$ и теоретические геометрические параметры (Å, deg) молекулы фреона-22

Параметр	r_s^a	r_z^a	$MP2^{\delta}$	$\operatorname{CCSD}(T)^{\scriptscriptstyle \theta}$	$\operatorname{CCSD}(T)^{\mathfrak{c}}$	r _e [12]
r (C–H)	1.098	1.098	1.0841	1.0862	1.0843	1.0850
r(C-F)	1.346	1.354	1.3379	1.3384	1.3352	1.3363
r (C–Cl)	1.742	1.742	1.7627	1.7640	1.7577	1.7560
\angle (HCF)	_		109.983	110.037	109.99	109.97
∠(HCCl)	110.8	110.7	109.148	109.421	109.30	109.60
∠(FCCl)	110.5	111.0	109.69	109.611	109.68	109.62
\angle (FCF)	107.5	106.6	108.336	108.107	108.20	108.06

Примечание. а — [9]; б — настоящая работа, базисный набор ссpVTZ; в — настоящая работа, базисный набор aug-cc-pVQZ; г — метод/базисный набор: CCSD(T)(ae)/wCVQZ [12].

На рис. 1 приведен ИК спектр изотопной смеси 12 CHF₂Cl и 13 CHF₂Cl с содержанием 13 CHF₂Cl 33% с разрешением 0.001 cm⁻¹. На этом же рисунке на темном фоне спектра высокого разрешения светлой линией изображен ИК спектр низкого разрешения (0.1 cm⁻¹) такой же изотопной смеси. В этом спектре в полосах колебаний ν_3 и ν_8 , которые для 12 CHF₂Cl сливаются в суммарную полосу с центром на 1116 сm⁻¹ и ν_4 с центром на 809 сm⁻¹, на длинноволновых крыльях можно отчетливо видеть полосы изотопологов 13 CHF₂Cl.

Методика расчета

Теоретическая геометрическая структура молекулы фреона-22 была оптимизирована неэмпирическими квантово-механическими методами (базисными наборами) MP2/cc-pVTZ и CCSD(T)/aug-cc-pVQZ с использованием программного комплекса Gaussian'09 [55]. Сопоставление литературных и теоретических геометрических параметров молекулы фреона-22, полученных в данной работе, приведено в табл. 1.

Далее для метода MP2/сс-pVTZ были получены вторые производные энергии по декартовым координатам, которые затем были переведены во внутренние координаты и использованы для расчета нормальных мод всех исследованных изотопологов. Для получения ангармонического секстичного силового поля каждого из изотопологов использовалось численное дифференцирование аналитических вторых производных, рассчитанных на 9точечной сетке для одномерного дифференцирования и 5-точечной сетке для двумерного:

$$\frac{d}{dx}f(x) = \frac{1}{840h} [672(f_1 - f_{-1}) - 168(f_2 - f_{-2}) + 32(f_3 - f_{-3}) - 3(f_4 - f_{-4})],$$
(1)

$$\frac{d^2 f(x)}{dx^2} = -\frac{1}{5040h^2} \times \begin{bmatrix} 14350f_0 - 8064(f_1 + f_{-1}) + 1008(f_2 + f_{-2}) \\ -128(f_3 + f_{-3}) + 9(f_4 + f_{-4}) \end{bmatrix},$$
(2)
$$\frac{d^3 f(x)}{dx^3} = \frac{1}{240h^3} [488(f_1 - f_{-1}) - 338(f_2 - f_{-2}) + 72(f_3 - f_{-3}) - 7(f_4 - f_{-4})],$$
(3)

$$\frac{d^4f(x)}{dx^4} = \frac{1}{240h^4} [2730f_0 - 1952(f_1 + f_{-1}) + 676(f_2 - f_{-2}) - 96(f_3 - f_{-3}) + 7(f_4 - f_{-4})].$$
(4)

Таким образом, максимальное число различных индексов в секстичных силовых постоянных равно четырем. Шаг сетки составил 0.02 в единицах размерных нормальных координат $[Å \cdot u^{1/2}]$. Полученное силовое поле вкупе с вращательными и кориолисовыми постоянными было использовано для построения колебательного гамильтониана Ватсона.

Колебательное уравнение Шредингера решалось с помощью операторной версии теории возмущений Ван Флека (СVРТ*n*) второго и четвертого порядков (n = 2, 4) [56–58]. В рамках СVРТ исходный гамильтониан в операторной форме, представленный в виде суммы оператора нулевого порядка и возмущений, подвергается последовательности из K унитарных преобразований $U = U_K \dots U_2 U_1 H U_1^{-1} U_2^{-1} \dots U_K^{-1}$, которые приводят его к требуемой форме:

$$\hat{H} = UHU^{-1} = U_K \dots U_2 U_1 H U_1^{-1} U_2^{-1} \dots U_K^{-1}.$$
 (5)

Целью этой последовательности преобразований является коммутируемость преобразованного оператора \hat{H} с оператором H_0 нулевого порядка, за исключением резонансных членов, которые обрабатываются отдельно в рамках вариационной задачи VCI(m) в ограниченном базисе волновых функций. Наш опыт показывает, что достаточно использовать базисы с уровнями максимального суммарного возбуждения от двух до четырех колебательных квантов (m = 2, 3, 4).

Унитарные преобразования в методе СVРТ определены в экспоненциальной форме, причем эрмитов (самосопряженный) оператор является генератором унитарного преобразования:

$$U_k = \exp(iS_k), \quad U_k^{-1}U_k = I, \quad S_k = -S_k^{\dagger} \quad \langle S_k \rangle_{diag} = 0.$$
(6)

Техника CVPT(n) подробно описана в литературе [56–59]. Например, дважды преобразованный гамильтониан может быть получен после вычисления суммы операторов:

$$\hat{H}^{(2)} = H_0 + H_1 + i[S_1, H_0] + H_2 + i[S_1, H_1] - \frac{1}{2}[S_1, [S_1, H_0]] + i[S_2, H_0].$$
(7)

Вид генераторов унитарных преобразований отыскивается из однотипных уравнений вида

$$i[S_K, H_0] = \hat{H}_K^{(K)} - \hat{H}_K^{(K-1)}.$$
(8)

Существенное упрощение формализма СVPT достигается при условии перехода от операторов координаты и импульса к операторам рождения/уничтожения колебательных квантов [57]:

$$q \to 2^{-1/2}(a^{\dagger} + a), \qquad p \to 2^{-1/2}i(a^{\dagger} - a).$$
 (9)

В этом случае релевантная часть оператора Гамильтона может быть приведена к нормально упорядоченному виду:

$$\hat{H}_{K}^{(K-1)} = \sum_{j} h_{j} \prod_{l=1}^{M} \left[(a_{l}^{\dagger})^{m_{jl}} (a_{l})^{n_{jl}} + (a_{l}^{\dagger})^{n_{jl}} (a_{l})^{m_{jl}} \right], \quad (10)$$

а для получения требуемого вида оператора S_K необходимо предварительно удалить из этого операторного полинома диагональные (d) и резонансные (r) операторы и применить формулу

$$S_{k} = -i \sum_{j \neq d,r} h_{i} \left(\sum_{l=1}^{M} (m_{jl} - n_{jl}) \omega_{l} \right)^{-1}$$
$$\prod_{l=1}^{M} \left[(a_{l}^{\dagger})^{m_{jl}} (a_{l})^{n_{jl}} - (a_{l}^{\dagger})^{n_{jl}} (a_{l})^{m_{jl}} \right].$$
(11)

Коэффициент в круглой скобке перед оператором в уравнении (11) отвечает за условие малости канонического преобразования, обеспечивающего сходимость эффективного гамильтониана данхэмовского типа. Указанный коэффициент безразмерен и в практических вычислениях используется его определенное пороговое значение Ξ^{\dagger} :

$$\Xi_k = \left| h_k \left(\sum_{l=1}^M (m_{kl} - n_{kl}) \omega_l \right)^{-1} \right| > \Xi^{\dagger}, \qquad (12)$$

при превышении которого предполагается возможность колебательного резонанса. Величина частотного знаменателя в (12) отвечает за разность энергий взаимодействующих состояний, которая может быть использована в качестве дополнительного критерия резонанса:

$$\Delta E = \left| \sum_{l=1}^{M} (m_{kl} - n_{kl}) \omega_l \right|.$$
(13)

Практический расчет ангармонических колебательных состояний и интенсивностей переходов в ИК спектре проводился с использованием программного комплекса ANCO [59–61] на основе полученных поверхностей потенциальной энергии и компонент дипольного момента. Методика расчета была аналогична использованной в



Рис. 2. Суперпозиция расчетных ИК спектров четырех изотопологов CHF₂Cl в диапазоне $3080-2980 \text{ cm}^{-1}$. Расщепления пиков v_1 обусловлены случайным резонансом $v_1/v_2 + v_7 + v_9$, а в случае изотопологов ¹³C — также $v_1/v_5 + v_7 + v_8$ (см. текст). Цветовые обозначения: ¹²C, ³⁵Cl — красный, ¹²C, ³⁷Cl — зеленый, ¹³C, ³⁵Cl — синий, ¹³C, ³⁷Cl — коричневый.



Рис. 3. Суперпозиция расчетных ИК спектров четырех изотопологов CHF₂Cl в диапазоне 2300–2100 cm⁻¹. Цветовые обозначения: ¹²C, ³⁵Cl — красный, ¹²C, ³⁷Cl — зеленый, ¹³C, ³⁵Cl синий, ¹³C, ³⁷Cl — коричневый.

предыдущих исследованиях [62–69]. Для графического моделирования итоговых спектров для пика с энергией перехода E_j и ИК интенсивностью $I_j^{(IR)}$ (km/mol) использовался контур типа Лоренца,

$$L_j(x) = I_j^{IR} w \pi^{-1} \left[(E_j - x)^2 + w^2 \right]^{-1}, \qquad (14)$$

с фиксированной полушириной $w = 4 \text{ cm}^{-1}$. Сканирование всех рассчитанных колебательных уровней с некоторым шагом дискретизации и накоплением суммарной интенсивности в одномерный массив данных образует итоговую форму рассчитанного спектра. Для всех четырех изотопологов наборы предсказанных уровней энергии и их относительные интенсивности представлены в графическом виде на рис. 2–7 (диапазоны 3080–2980, 2300–2100, 1750–1500, 1370–1270, 1200–1000 и 850–750 сm⁻¹ соответственно).

Результаты и обсуждение

Теоретические фундаментальные частоты

Одним из основных теоретических результатов данного исследования является расчет секстичного силового поля четырех изотопологов фреона-22 в нормальных координатах с использованием гибридной техники замены гармонических частот на их аналоги, рассчитанные высокоточным методом связанных кластеров (CCSD(T)) с использованием достаточно большого базисного набора aug-cc-pVQZ. Расчет фундаментальных частот колебаний двух ¹²С-изотопологов, проведенный с помощью операторной теории возмущений Ван Флека второго порядка и дополненный вариационной задачей в четырехкратно возбужденном базисе VCI(4) для учета резонансных эффектов, показывает, что теоретические значения частот совпадают с экспериментальными положениями центров полос со среднеквадратичной ошибкой порядка 1.5 cm⁻¹ (табл. 2 и 3). Примечательно, что



Рис. 4. Суперпозиция расчетных ИК спектров четырех изотопологов CHF₂Cl в диапазоне 1750–1500 cm⁻¹. Цветовые обозначения: ¹²C,³⁵Cl — красный, ¹²C,³⁷Cl — зеленый, ¹³C,³⁵Cl — синий, ¹³C,³⁷Cl — коричневый.



Рис. 5. Суперпозиция расчетных ИК спектров четырех изотопологов CHF₂Cl в диапазоне $1370-1270 \text{ cm}^{-1}$. Цветовые обозначения: ¹²C,³⁵Cl — красный, ¹²C,³⁷Cl — зеленый, ¹³C,³⁵Cl синий, ¹³C,³⁷Cl — коричневый.

Таблица 2. Неэмпирические гармонические (ω) и фундаментальные (ν) частоты (cm⁻¹) колебаний ¹²С-изотопологов фреона-22, рассчитанные с помощью методов CVPT2/VCI(4) (PT2) и CVPT4/VCI(4) (PT4) с использованием ангармонического гибридного потенциала MP2/cc-pVTZ и CCSD(T)/aug-cc-pVQZ (см. текст)

		1								
ν_k	Отнесение	<i>ω</i> , MP2	ω, CC	v, PT2	RMSE	v, эксперимент	ν, PT4			
	A' ¹² CHF ₂ ³⁵ Cl									
ν_1	ν (CH) симметричное валентное	3193.50	3156.16	3021.45	-0.19	3021.6335 [42]	3021.64			
ν_2	$\delta({ m ClCH})$ деформационное	1354.65	1340.89	1312.35	-0.74	1313.0936 [36]	1311.91			
ν_3	$\nu(CF_2)$ симметричное валентное	1142.21	1130.91	1107.46	-1.27	1108.7293 [39]	1107.70			
ν_4	ν (CCl) валентное	831.47	822.94	806.52	-2.75	809.2726 [28]	806.57			
ν_5	$\chi(CF_2)$ ножничное	607.04	601.65	595.02	-1.35	596.3714 [31]	594.99			
v_6	$\delta(\text{FCCl})$ деформационное	420.63	415.95	410.64	-2.29	412.9285 [34]	410.68			
	$A''^{12} CHF_2^{35} Cl$									
ν_7	$ ho({ m CF_2})$ маятниковое	1402.35	1384.19	1350.39	-1.31	1351.7019 [36]	1350.23			
ν_8	$\nu(CF_2)$ асимметричное валентное	1173.42	1157.07	1127.09	-0.20	1127.2851 [39]	1127.87			
<i>v</i> 9	$\chi(\mathrm{CF}_2)$ крутильное	372.85	367.91	364.26	-1.94	366.1972 [34]	364.25			
	$A'^{12} \text{CHF}_2^{37} \text{Cl}$									
ν_1	$\nu(CH)$ симметричное валентное	3193.50	3156.16	3020.72	-0.68	3021.3995 [42]	3020.73			
ν_2	$\delta({ m ClCH})$ деформационное	1354.56	1340.81	1312.18	-0.71	1312.8941 [36]	1311.66			
ν_3	$\nu(CF_2)$ симметричное валентное	-1.27	1108.6813 [39]	1107.66		-				
ν_4	ν (CCl) валентное	828.42	819.88	801.35	-3.15	804.502 [28]	801.40			
ν_5	$\chi(CF_2)$ ножничное	606.14	600.79	594.15	-1.25	595.4 [30]	594.12			
v_6	$\delta(\text{FCCl})$ деформационное	415.51	410.88	405.65	-2.27	407.9182 [34]	405.69			
$A''^{12} \text{CHF}_2^{37} \text{Cl}$										
ν_7	$ ho({ m CF_2})$ маятниковое	1402.34	1384.18	1350.37	-1.31	1351.6814 [36]	1350.16			
ν_8	$\nu(CF_2)$ асимметричное валентное	1173.42	1157.06	1126.85	-0.28	1127.1227 [39]	1127.62			
<i>V</i> 9	$\chi(\mathrm{CF}_2)$ крутильное	370.87	365.96	362.35	-1.92	364.2667 [34]	362.35			

все ошибки имеют систематический красный сдвиг, что однозначно свидетельствует о наличии неучтенных вкладов в рассчитанное силовое поле. Полученный результат без сомнения является успехом в неэмпирических расчетах колебательных спектров многоатомных молекул, который было трудно прогнозировать в конце 20-го века при отсутствии реализаций достаточно продвинутых и экономически целесообразных квантово-механических методов расчета силового поля. Фактическая ошибка предсказания фундаментальных частот лишь немного уступает пороговой величине "спектроскопической точности" в размере одного обратного сантиметра [70], и этот результат достигнут для пятиатомных молекул, содержащих 48 электронов. Полученное секстичное силовое поле и численноаналитическая реализация операторной теории возмущений Ван Флека позволили рассчитать значения фундаментальных частот в четвертом порядке. Их анализ показывает, что за исключением v_1 для изотополога ¹³C,³⁷Cl, сдвиги частот по сравнению со вторым порядком не превышают 0.8 cm⁻¹, а среднеквадратичная ошибка улучшается весьма незначительно. Это дает основание считать результаты, полученные во втором порядке теории возмущений, достаточно достоверными и взять их за основу теоретической модели для дальнейшего сравнения теории с экспериментом и проведения предсказаний. Однако в упомянутом случае v_1 для (¹³C,³⁷Cl) наблюдается синий сдвиг на 5.8 cm⁻¹, что объясняется перераспределением вкладов волно-

Габлица 3. Неэмпирические гармонические (ω) и фундаментальные (ν) частоты (cm ⁻¹) колебаний ¹³ С-изотопологов фреона-22,
рассчитанные с помощью методов CVPT2/VCI(4) (PT2) и CVPT4/VCI(4) (PT4) с использованием ангармонического гибридного
тотенциала MP2/cc-pVTZ и CCSD(T)/aug-cc-pVQZ (см. текст); экспериментальные данные взяты из работы [26]

ν_k	Отнесение	<i>ω</i> , MP2	ω , CC	ν, PT2	RMSE <i>v</i> , экспериме		v, PT4	
A' ¹² CHF ₂ ³⁵ Cl								
ν_1	$\nu(CH)$ симметричное валентное	3183.46	3146.29	3009.87	-0.73	3010.6	3009.94	
ν_2	$\delta(\text{ClCH})$ деформационное	1348.86	1335.00	1306.33	-0.87	1307.2	1305.90	
ν_3	$\nu(CF_2)$ симметричное валентное	1115.72	1104.64	1082.17	-1.33	1083.5	1083.45	
ν_4	ν (CCl) валентное	808.12	799.97	786.65	-2.25	788.9	786.66	
ν_5	$\chi(CF_2)$ ножничное	602.72	597.38	591.07	-1.23	592.3	591.04	
v_6	δ (FCCl) деформационное	420.39	415.69	410.48	-2.32	412.8	410.51	
A" ¹³ CHF2 ³⁵ Cl								
ν_7	$ ho({ m CF_2})$ маятниковое	1395.95	1378.18	1344.85	-1.15	1346	1344.65	
ν_8	$\nu(CF_2)$ асимметричное валентное	1146.06	1129.90	1101.32	0.32	1101	1102.05	
<i>V</i> 9	$\chi(CF_2)$ крутильное	371.35	366.42	362.87	-0.13	363	362.86	
$A'^{13}\text{CHF}_2^{37}\text{Cl}$								
ν_1	$\nu(CH)$ симметричное валентное	3183.46	3146.2	3008.87	-1.73	3010.6	3014.70	
ν_2	$\delta({ m ClCH})$ деформационное	1348.76	1334.90	1306.19	-1.01	1307.2	1305.68	
ν_3	$\nu(\mathrm{CF}_2)$ симметричное валентное	1115.72	1104.63	1082.11	-1.39	1083.5	1082.41	
ν_4	ν(CCl) вал.	804.98	796.80	783.22	-2.28	785.5	783.24	
v_5	$\chi(CF_2)$ ножничное	601.85	596.55	590.22	-1.28	591.5	590.18	
v_6	$\delta(\text{FCCl})$ деформационное	415.27	410.63	405.50	-2.30	407.8	405.53	
A" ¹³ CHF ₂ ³⁷ Cl								
v_7	$ ho({ m CF_2})$ маятниковое	1395.94	1378.17	1344.84	-1.16	1346	1344.59	
ν_8	$v(CF_2)$ асимметричное валентное	1146.05	1129.90	1101.12	0.12	1101	1101.89	
V9	χ(CF ₂) крутильное	369.36	364.46	360.95	-2.05	363	360.93	

вых функций нулевого приближения при резонансе $v_1/v_2 + v_7 + v_9$.

Колебательные резонансы и полиадное квантовое число

Как показывает расчет в рамках нашей теоретической модели, ряд фундаментальных частот основной молекулы (^{12}C , ^{35}Cl) подвержены резонансным эффектам различной силы. В табл. 4 дана сводка теоретически предсказанных колебательных резонансов основной молекулы фреона-22 (^{12}C , ^{35}Cl), упорядоченных по убыванию параметра "силы резонанса" (12).

Если рассматривать степени операторов для колебательных мод в качестве целочисленных векторных компонент, то полученный набор векторов может быть использован для построения вектора коэффициентов

$$P = 8v_1 + 3v_2 + 3v_3 + 2v_4 + 2v_5 + v_6 + 3v_7 + 3v_8 + v_9.$$

Аналогичные наборы полиадных коэффициентов могут быть получены и для других изотопологов помимо основной молекулы. Предварительный анализ показывает, что небольшая вариация в силе резонансов оказывает влияние на конечный вид таких полиадных коэффициентов.

Из табл. 4 видно, что v_2 , v_4 , v_8 основной молекулы участвуют в резонансах Ферми, а обертоны $2v_2$, $2v_3$, $2v_7$, $2v_8$ участвуют в резонансах Дарлинга–Деннисона. Рассмотрим теперь более



Рис. 6. Суперпозиция расчетных ИК спектров четырех изотопологов CHF₂Cl в диапазоне 1200–1000 cm⁻¹. Цветовые обозначения: ¹²C,³⁵Cl — красный, ¹²C,³⁷Cl — зеленый, ¹³C,³⁵Cl — синий, ¹³C,³⁷Cl — коричневый.



Рис. 7. Суперпозиция расчетных ИК спектров четырех изотопологов CHF₂Cl в диапазоне $850-750 \text{ cm}^{-1}$. Цветовые обозначения: ¹²C,³⁵Cl — красный, ¹²C,³⁷Cl — зеленый, ¹³C,³⁵Cl — синий, ¹³C,³⁷Cl — коричневый.

подробно три резонанса, в которых участвуют фундаментальные частоты v1, v2, v4, v8. С точки зрения теории большой интерес представляет интерпретация структуры дублета 3024.55(?)-3021.27(v₁) с узким расщеплением $\sim 3 \, {\rm cm}^{-1}$, который обсуждался в ряде работ [23,27,32,72]. Маккензи (1984) [72] идентифицировал эти пики как *Q*-ветви, неявно предполагая резонанс. хронологически второй работе [23] выдвигались В два предположения о природе этого дублета взаимодействие с "горячим" переходом $(v_1 + v_9) - v_9$ либо с трехквантовым состоянием $v_2 + v_7 + v_9$. Весьма подробное обсуждение природы указанного дублета приведено в последующей работе Амрейна с сотрудниками (1988) [27], в которой процитированы обе предыдущие, а из пяти возможных объяснений наиболее вероятными признаны (а) взаимодействие v₁ с "горячим" переходом, (б) кориолисов резонанс при высоких значениях J. Наконец, Фразер с сотрудниками (1992) [32] в результате детального анализа колебательно-вращательного спектра высокого разрешения констатировал, что вопрос

Таблица 4. Теоретические характеристики^{*} колебательных резонансов фреона-22 (¹²C, ³⁵Cl)

N₂	$ar{\omega}_j$	Δ_j	h_j	Ξ_j	\hat{R}_{j}
1	830.7	11.4	5.57	0.4906	$4^{+1} 6^{-2}$
2	3150.4	9.9	4.43	0.4469	$1^{-1} 5^{+1} 7^{+1} 8^{+1}$
3	1175.9	37.8	8.68	0.2297	$4^{+1} 8^{-1} 9^{+1}$
4	2289.1	49.9	6.31	0.1265	$3^{+2} 8^{-2}$
5	2508.0	19.0	2.35	0.1238	$2^{+1} \ 3^{-1} \ 7^{-1} \ 8^{+1}$
6	2727.0	87.9	10.73	0.1221	$2^{-2} 7^{+2}$
7	1292.3	98.4	10.86	0.1104	$2^{-1} \ 4^{+1} \ 6^{+1}$
8	1985.2	6.4	0.61	0.0947	$4^{+1} 5^{-1} 7^{-1} 8^{+1}$
9	1538.5	23.4	2.13	0.0911	$3^{+1} 6^{+1} 8^{-1} 9^{-1}$

* Примечание. $\bar{\omega}_j$ — средняя гармоническая частота состояний, участвующих в резонансе; Δ_j — гармонический знаменатель в выражении для S-оператора (см. уравнения (11)–(13)); h_j — константа перед (преобразованным) резонансным оператором; Ξ — "сила резонанса", частное $h_j \cdot \Delta_j^{-1}$; \hat{R}_j — резонансный оператор (без множителя h_j).

о природе указанного расщепления остается открытым и требует дополнительного экспериментального анализа при более высоких температурах.

Неэмпирический колебательный расчет, проведенный нами, позволяет прояснить вопрос о природе дублета *Q*ветвей 3024.55-3021.27, наблюдаемого в основной молекуле и являющегося результатом резонанса v₁ с "темным" переходом. Действительно, значение ангармонической силовой постоянной $\varphi_{1279} = 4.2 \,\mathrm{cm}^{-1}$ допускает появление чисто колебательного резонанса $v_1/v_2 + v_7 + v_9$, возможность которого была озвучена Брауном с сотрудниками (1988) [23] и отвергнутым Амрейном с сотрудниками (1988) [27]. Наш расчет CVPT2/VCI(4) подтверждает наличие этого колебательного резонанса, хотя расчетное расщепление $(7.7 \, {\rm cm}^{-1})$ несколько превышает экспериментальную величину. При этом предсказанное значение $\nu_1 = 3021.4 \text{ cm}^{-1}$ находится близко к наблюдаемому. Аналогичный резонанс также предсказан для изотополога ¹³C, ³⁷Cl. Расчет предсказывает еще один интересный эффект — образование резонансного триплета $v_1/v_2 + v_7 + v_9/v_5 + v_7 + v_8$ в случае обоих изотопологов ¹³С, что можно видеть на рис. 2. Это предсказание должно быть сопоставлено с экспериментальными данными, что может быть предметом дальнейших исследований.

Столь же важным является резонанс Ферми $v_4/2v_6$, который имеет наибольшее значение параметра "силы резонанса" $\Xi = 0.4906$ [61,73]. Этот резонанс был подробно изучен в ряде работ [14,26,23,28,24,40]. При этом, однако, отсутствовали данные о поведении этого резонанса в изотопологах ¹³С. Теоретическое значение силовой постоянной $\varphi_{466} = 61.5$ сm⁻¹ отлично согласуется с экспериментально найденной постоянной резонанса Ферми $W = \varphi_{466}/4 = 15.5$ сm⁻¹, найденной в работе [23]. В этом исследовании [23] идентифицировано большое число горячих переходов, ассоциированных с



Рис. 8. Фрагмент ИК спектра фреона-22 высокого разрешения, обогащенного (33%) изотопологами ¹³С. На рисунке фиолетовым цветом указаны два пика ν_4 и пик $2\nu_6$, относящиеся к изотопологам ¹³С. Отнесение ряда "горячих" переходов указано согласно работе Брауна с сотрудниками (1988) [23].

партнерами резонанса Ферми $v_4/2v_6$. В полученном нами спектре высокого разрешения (рис. 8) также отчетливо видны ранее наблюденные [23] пики 832.0 $(3v_6 - v_6)$, 828.1 $(2\nu_6 + \nu_9 - \nu_9)$ и 827.4 сm⁻¹ $(2\nu_6 + \nu_5 - \nu_5)$ изотополога ¹²C, ³⁵Cl, а также пик $824.2 \text{ cm}^{-1} (3\nu_6 - \nu_6)$ изотополога ¹²C, ³⁷Cl. В этом диапазоне могут находиться аналогичные пики, соответствующие горячим переходам изотопологов ¹³C, но их подробное изучение является предметом отдельной работы. Касательно резонанса Ферми для изотопологов ¹³С расчет показывает его существенное ослабление при замещении углерода на более тяжелый, что видно на симулированном спектре на рис. 7. Сопоставление расчета (822.2 cm^{-1}) с экспериментальным спектром дает возможность отнести пик $820.8 \,\mathrm{cm^{-1}}$ к резонансному обертону $2\nu_6$ изотополога ¹³C. ³⁵Cl.

Как видно из табл. 4, теоретический расчет предсказывает наличие слабого резонанса Ферми $v_2/v_4 + v_6$, которому отвечает силовая постоянная $\varphi_{246} = 30.8 \text{ cm}^{-1}$. В работе [36] высказано предположение, что экспериментальные свидетельства о резонансных факторах, влияющих на v_2 , могут объясняться влиянием $v_5 + v_9$. Однако наш анализ скорее объясняет указанные экспериментальные факты образованием резонансной триады $v_2/v_4 + v_6/3v_6$, в которой участвует возбужденный резонанс $v_4/2v_6$.

Хотя теоретическая модель предсказывает наличие резонанса $\nu_8/\nu_4 + \nu_9$ (табл. 4), его экспериментальное изучение затруднено наличием колебательновращательного кориолисова резонанса v_3/v_8 , который подробно изучался в работах [27,29,35,38,39]. Согласно нашему расчету, в основной молеку-¹²С, ³⁵С1 образуется триада $v_8/v_4 + v_9/2v_6 + v_9$ ле (1127.1/1169.6/1187.1 cm⁻¹), при этом составной тон $v_4 + v_9$ увеличивает интенсивность от 0.12 до 8.2 km/mol, а состояние $2\nu_6 + \nu_9$ — от 0.06 до 2.4 km/mol. Наш спектр высокого разрешения показывает наличие трех *Q*-ветвей в этом диапазоне с примерными значениями волновых чисел 1159.3, 1160.7, 1174.6 и 1187.0 cm⁻¹, которые могут быть интерпретированы как экспериментальное проявление соответствующих резонансных состояний смеси изотопологов, в то время как в спектре низкого разрешения только пик 1159.3 cm⁻¹ является достаточно острым. В работе [26] в спектре низкого разрешения отмечалось наличие близких по частоте пиков 1178 сm⁻¹ для изотопологов ¹²С и 1181.1 сm⁻¹ для ¹³С. Нам не удалось найти данные по колебательным переходам в этой области спектра среди колебательновращательных исследований высокого разрешения. Данный факт доказывает важность предварительной теоретической информации о колебательных эффектах, которая может быть использована в последующих исследованиях колебательно-вращательной структуры в этой области спектра.

Многоквантовые переходы

Как видно из рис. 3, в диапазоне $2300-2100 \text{ cm}^{-1}$ наблюдаются по три составных перехода для каждого изотополога, $2\nu_8$, $\nu_3 + \nu_8$ (A''), $2\nu_3$. Все эти переходы имеют интенсивность, достаточную для экспериментального обнаружения без заимствования от "светлых" переходов. Например, для основного изотополога интенсивность равна 4.18 km/mol. Эти переходы наблюдались экспериментально (см. спектрограмму 10 в [23]): 2245, 2223.3 и 2205.3 ст⁻¹, что хорошо согласуется с расчетом (¹²C, ³⁵Cl): 2246.3, 2221.3 и 2202.9 сm⁻¹. Рисунок 4 иллюстрирует важную область, где наблюдается значительная вариабельность спектров в зависимости от изотопозамещения. Эта область спектра изучалась в работе [23] (спектрограмма 3), где также наблюдается высокий уровень корреляции с нашим теоретическим расчетом.

Наш опыт показывает [68], что трехквантовые переходы зачастую имеют невозмущенную интенсивность, достаточную для экспериментального наблюдения. Действительно, для основной молекулы, например, обнаруженное экспериментально при анализе спектра высокого разрешения состояние $v_4 + 2v_9$ (1143.6684 сm⁻¹) [39] имеет предсказанную интенсивность 0.05 km/mol и частоту 1136.7 сm⁻¹ при отсутствии заимствования интенсивности от ближайших "светлых" полос. Близкий по частоте переход $3v_9$ (1098.7691 сm⁻¹) [39] также имеет малую, но достаточную для наблюдения собственную теоретическую интенсивность 0.004 km/mol (1093.0 сm⁻¹) и также не имеет предсказанного заимствования интенсивности.

Заключение

Фреон-22 является традиционным объектом пристального внимания со стороны экспериментальной колебательной и колебательно-вращательной спектроскопии в ИК диапазоне. При этом для ¹³С-замещенных изотопологов (³⁵Cl, ³⁷Cl) отсутствуют опубликованные исследования структур колебательно-вращательных полос высокого разрешения, а последняя работа по ангармоническому колебательному анализу датирована 1995 г. [24].

Данное исследование является первой публикацией в серии работ, посвященных резонансным полиадам в широком диапазоне колебательных переходов и анализу колебательно-вращательных полос 13 C замещенных изотопологов фреона-22 в области частот 1400-740 cm⁻¹. С помощью гибридного метода было рассчитано неэмпирическое ангармоническое секстичное силовое поле, обеспечивающее совпадение предсказанных фундаментальных частот для двух 12 C изотопологов с погрешностью порядка 1.5 cm⁻¹. Это позволило сделать прогноз изотопических сдвигов для изотопологов 13 C. Расчет позволил выявить наиболее вариабельные области спектра, в которых изотопозамещение дает максимальное разделение пиков (например, 1650-1550 и 850-750 сm⁻¹).

Ангармонический анализ четырех молекул также предоставил подробную информацию о характере и силе резонансных эффектов, что, в свою очередь, необходимо для интерпретации многоквантовых переходов. В частности, неэмпирический расчет уверенно прогнозирует и объясняет сильный случайный резонанс $v_1/v_2 + v_7 + v_9$ в основной молекуле, приводящий к образованию дублета 3024.55 и 3021.27 сm⁻¹. Продемонстрирована эффективность использованной методики получения гибридного силового поля и на основе его решения прямой ангармонической колебательной задачи.

Проведенный анализ позволил предварительно идентифицировать центры колебательно-вращательных полос $^{13}\mathrm{CHF}_2{}^{35}\mathrm{Cl}$ и $^{13}\mathrm{CHF}_2{}^{37}\mathrm{Cl}$ в спектре смеси в рамках подготовки к индивидуальным анализам колебательновращательных структур отдельных колебательных переходов.

Благодарности

Авторы благодарны М.Н. Поповой за предоставленную возможность провести спектроскопические измерения высокого разрешения на оборудовании Лаборатории фурье-спектроскопии ИСАН и поздравляют ее с юбилеем.

Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

Список литературы

- N. Ishikawa, Y. Kobayashi. Fluorine compounds chemistry and application (Kodansha Scientific, Tokyo, 1979); [Н. Исикава, Ё. Кобаяси. Фтор. Химия и применение (Мир, Москва, 1982)]
- [2] A. Goldman, F.J. Murcray, R.D. Blatherwick, F.S. Bonomo, F.H. Murcray, D.G. Murcray. Geophys. Res. Lett., 8 (9), 1012 (1981). DOI: 10.1029/GL008i009p01012
- [3] M.A.K. Khalil & R.A. Rasmussen. Nature, 292, 823 (1981).
 DOI: 10.1038/292823a0
- [4] C.P. Rinsland, D.W. Johnson, A. Goldman, J.S. Levine. Nature, 337, 535 (1989). DOI:10.1038/337535a0
- [5] Global Ozone Research and Monitoring Project № 16, "Atmospheric Ozone". World Meteorological Organization, Geneva. 1985.
- [6] R. Zander, E. Mahieu, Ph. Demoulin, C.P. Rinsland,
 D.K. Weisenstein, M.K.W. Ko, N.D. Sze, M.R. Gunson.
 J. Atmos. Chem., 18 (2), 129 (1994).
 DOI: 10.1007/BF00696811
- [7] C.P. Rinsland, A. Goldman, F.J. Murcray, R.D. Blatherwick, J.J. Kosters, D.G. Murcray, N.D. Sze, S.T. Massie. J. Geophys. Res., 95 (D10), 16477 (1990).
 DOI: 10.1029/JD095iD10p16477
- [8] P.C. Kruger, P. Fabian. Ber. Bunsenges. Phys. Chem., 90 (11), 1062 (1986). DOI: 10.1002/bbpc.19860901126

21

- [9] D.T. Cramb, Y. Bos, H.M. Jemson, M.C.L. Gerry, C.J. Marsden. J. Mol. Struct., **190**, 387 (1988).
 DOI: 10.1016/0022-2860(88)80298-9
- [10] Z. Kisiel, L. Pszczołkowski, G. Cazzoli, G. Cotti. J. Mol. Spectrosc., **173** (2), 477 (1995).
 DOI: 10.1006/jmsp.1995.1250
- [11] S. Blanco, A. Lesarri, J.C. López, J.L. Alonso, A. Guarnieri.
 Z. für Naturforsch. A, **51** (1–2), 129 (1996).
 DOI: 10.1515/zna-1996-1-219
- [12] N. Vogt, J. Demaison, H.D. Rudolph. Mol. Phys., 112 (22), 2873 (2014). DOI: 10.1080/00268976.2014.915067
- [13] E.K. Plyler, W.S. Benedict. J. Res. Nat. Bur. Stand., 47 (3), 202 (1951). DOI: 10.6028/jres.047.026
- [14] J.G. McLaughlin, M. Poliakoff, J.J. Turner. J. Mol. Struct.,
 82 (1-2), 51 (1982). DOI: 10.1016/0022-2860(82)85233-2
- [15] F. Ito. Chem. Phys., 369 (2-3), 82 (2010).
 DOI: 10.1016/j.chemphys.2010.02.020
- [16] W. Holzer, H. Moser. J. Mol. Spectrosc., 20 (2), 188 (1966).
 DOI: 10.1016/0022-2852(66)90053-1
- [17] A. Melchior, I. Bar, S. Rosenwaks. J. Phys. Chem. A, 102 (37), 7273 (1998). DOI: 10.1021/jp982311q
- [18] G. Glockler, J.H. Bachmann. Phys. Rev., 55 (7), 669 (1939).
 DOI:10.1103/PhysRev.55.669
- [19] G. Glockler, G.R. Leader. J. Chem. Phys., 8 (9), 699 (1940).
 DOI: 10.1063/1.1750740
- [20] J.H. Lefebvre, A. Anderson. J. Raman Spectrosc., 23 (5) 243 (1992). DOI: 10.1002/jrs.1250230502
- Y.H. Wu, M. Onomichi, S. Sasaki, H. Shimizu. J. Raman Spectrosc., 24 (12), 845 (1993).
 DOI: 10.1002/jrs.1250241205
- [22] A. Anderson, A.J. Beardsall, J.M. Fraser. Phys. Stat. Sol. (b), 182 (1), 59 (1994). DOI: 10.1002/pssb.2221820106
- [23] A. Brown, D.C. McKean, J.L. Duncan. Spectrochim. Acta A., 44 (6), 553 (1988). DOI: 10.1016/0584-8539(88)80108-9
- [24] P. Palmieri, R. Tarroni, M.M. Hühn, N.C. Handy, A. Willetts. Chem. Phys., **190** (2–3), 327 (1995).
 DOI: 10.1016/0301-0104(94)00316-3
- [25] G.M. Kuramshina, F. Weinhold, I.V. Kochikov, A.G. Yagola, Yu.A. Pentin. J. Chem. Phys., **100** (2), 1414 (1994).
 DOI: 10.1063/1.466619
- [26] J.V. Magill, K.M. Gough, W.F. Murphy. Spectrochim. Acta A., 42 (6), 705 (1986). DOI:10.1016/0584-8539(86)80088-5
- [27] A. Amrein, D. Luckhaus, F. Merkt, M. Quack. Chem. Phys. Lett., 152 (4–5), 275 (1988).
 DOI: 10.1016/0009-2614(88)80092-7
- [28] A.J. Ross, A. Amrein, D. Luckhaus, M. Quack. Mol. Phys., 66 (6), 1273 (1989). DOI:10.1080/00268978900100871
- [29] D. Luckhaus, M. Quack. Mol. Phys., 68 (3), 745 (1989).
 DOI: 10.1080/00268978900102511
- [30] A. Gambi, P. Stoppa, S. Giorgianni, A. de Lorenzi, R. Visinoni, S. Ghersetti. J. Mol. Spectrosc., 145 (1), 29 (1991).
 DOI:10.1016/0022-2852(91)90348-E
- [31] G. Klatt, G. Graner, S. Klee, G. Mellau, Z. Kisiel,
 L. Pszczółkowski, J.L. Alonso, J.C. López. J. Mol. Spectrosc.,
 178 (1), 108 (1996). DOI: 10.1006/jmsp.1996.0163
- [32] G.T. Fraser, J. Domenech, M.-L. Junttila, A.S. Pine. J. Mol. Spectrosc., 152 (2), 307 (1992).
 DOI: 10.1016/0022-2852(92)90071-U
- [33] I. Merke, G. Graner, S. Klee, G. Mellau, O. Polanz. J. Mol. Spectrosc., **173** (2), 463 (1995).
 DOI: 10.1006/jmsp.1995.1249

- [34] Z. Kisiel, J.L. Alonso, S. Blanco, G. Cazzoli, J.M. Colmont, G. Cotti, G. Graner, J.C. López, I. Merke, L. Pszczółkowski, J. Mol. Spectrosc., 184 (1), 150 (1997). DOI: 10.1006/jmsp.1997.7304
- [35] M. Snels, G. D'Amico. J. Mol. Spectrosc., 209 (1), 1 (2001).
 DOI: 10.1006/jmsp.2001.8403
- [36] C.D. Thompson, E.G. Robertson, D. McNaughton. Chem. Phys., 279 (2–3), 239 (2002).
 DOI: 10.1016/S0301-0104(02)00454-8
- [37] C.D. Thompson, E.G. Robertson, D. McNaughton. Phys. Chem. Chem. Phys., 5 (10), 1996 (2003).
 DOI: 10.1039/B300689A
- [38] S. Albert, H. Hollenstein, M. Quack, M. Willeke. Mol. Phys., 102 (14–15), 1671 (2004).
 DOI: 10.1080/00268970412331290643
- [39] C.D. Thompson, E.G. Robertson, D. McNaughton. Mol. Phys., 102 (14–15), 1687 (2004).
 DOI: 10.1080/00268970410001725785
- [40] S. Albert, H. Hollenstein, M. Quack, M. Willeke. Mol. Phys., 104 (16-17), 2719 (2006).
 DOI:10.1080/00268970600828991
- [41] S. Albert, A.K. Keppler, H. Hollenstein, T.C. Manca, M. Quack. *Handbook of High-Resolution Spectroscopy*, ed. by M. Quack, F. Merkt (Wiley, Chichester, 2011) V. 1. Ch. 3. P. 117–173. DOI: 10.1002/9780470749593
- [42] M. Gauthier, G.G. Cureton, P.A. Hackett, C. Willis. Appl. Phys. B., 28 (1), 43 (1982). DOI: 10.1007/BF00693891
- [43] A. Outhouse, P. Lawrence, M. Gauthier, P.A. Hackett. Appl. Phys. B., 36 (2), 63 (1985). DOI: 10.1007/BF00694692
- [44] P. Ma, K. Sugita, S. Arai. Appl. Phys. B., 50 (5), 385 (1990). DOI: 10.1007/BF00325091
- [45] В.Н. Лохман, Г.Н. Макаров, Е.А. Рябов, М.В. Сотников. Квант. электрон., 23 (1), 81 (1996).
- [46] W. Fuß, J. Göthel, M. Ivanenko, K.L. Kompa, W.E. Schmid.
 Z. für Phys. D., 24, 47 (1992). DOI:10.1007/BF01436603
- [47] V.Yu. Baranov, A.P. Dyad'kin, D.D. Malyuta, V.A. Kuzmenko, S.V. Pigilsky, V.S. Mezhevov, V.S. Letokhov, V.B. Laptev, E.A. Ryabov, I.V. Yarovoy, V.B. Zarin, A.S. Podoryashy. Proc. of SPIE., 4165, 314 (2000). DOI: 10.1117/12.394137
- [48] Изотопы: свойства, получение, применение, Т. 1. Под ред. Баранова В.Ю. (Физматлит, Москва, 2005), Разд. 8.4. С. 460.
- [49] R.I. Martinez, J.T. Herron. Chem. Phys. Lett., 84 (1), 180 (1981). DOI: 10.1016/0009-2614(81)85396-1
- [50] A. Melchior, P. Knupfer, I. Bar, S. Rosenwaks, T. Laurent, H.-R. Volpp, J. Wolfrum. J. Phys. Chem., **100** (32), 13375 (1996). DOI: 10.1021/jp9609038
- [51] L. Li, G. Dorfman, A. Melchior, S. Rosenwaks, I. Bar. J. Chem. Phys., **116** (5), 1869 (2002). DOI: 10.1063/1.1427915
- [52] V.M. Apatin, V.O. Kompanets, V.B. Laptev, Yu.A. Matveets,
 E.A. Ryabov, S.V. Chekalin, V.S. Letokhov. Chem. Phys. Lett.,
 414 (1-3), 76 (2005). DOI: 10.1016/j.cplett.2005.07.116
- [53] A. Amrein, H.-R. Dübal, M. Quack. Mol. Phys., 56 (3), 727 (1985). DOI:10.1080/00268978500102671
- [54] G. Guelachvili, R.K. Narahari. *Handbook of IR standards* (Academic Press, Orlando, 1986).
- [55] M.J. Frisch, G.W. Trucks, H.B. Schlegel, G.E. Scuseria, M.A. Robb, J.R. Cheeseman, G. Scalmani, V. Barone, B. Mennucci, G.A. Petersson et al., Gaussian 09, Revision B.01 (Gaussian, Inc., Wallingford CT, 2010). URL: http://www.gaussian.com/

- [56] D. Papoušek, M.R. Aliev. Molecular Vibrational/Rotational Spectra (Academia, Prague, 1982).
- [57] Ю.С. Макушкин, В.Г. Тютерев. Методы возмущений и эффективные гамильтонианы в молекулярной спектроскопии (Наука, Новосибирск, 1984).
- [58] M.R. Aliev, J.K.G. Watson. *Molecular Spectroscopy: Modern Research*, ed. by Rao K.N. (Academic Press, New York, 1985). V. III. Ch. 1. P. 1–67.
- [59] S.V. Krasnoshchekov, E.V. Isayeva, N.F. Stepanov. J. Phys. Chem. A., 116 (14), 3691 (2012). DOI: 10.1021/jp211400w
- [60] S.V. Krasnoshchekov, N.F. Stepanov. J. Chem. Phys., 139 (18), 184101 (2013). DOI: 10.1063/1.4829143
- [61] S.V. Krasnoshchekov, E.V. Isayeva, N.F. Stepanov. J. Chem. Phys., 141 (23), 234114 (2014). DOI: 10.1063/1.4903927
- [62] S.V. Krasnoshchekov, N.C. Craig, N.F. Stepanov. J. Phys. Chem. A, 117 (14), 3041 (2013). DOI: 10.1021/jp311398z
- [63] S.V. Krasnoshchekov, N. Vogt, N.F. Stepanov. J. Phys. Chem. A, 119 (25), 6723 (2015).
 DOI: 10.1021/acs.jpca.5b03241
- [64] S.V. Krasnoshchekov, N.C. Craig, P. Boopalachandran, J. Laane, N.F. Stepanov. J. Phys. Chem. A, **119** (43), 10706 (2015). DOI: 10.1021/acs.jpca.5b07650
- [65] S.V. Krasnoshchekov, R.S. Schutski, N.C. Craig, M. Sibaev, D.L. Crittenden. J. Chem. Phys., **148** (8), 084102 (2018). DOI: 10.1063/1.5020295
- [66] S.V. Krasnoshchekov, V.B. Laptev, I.K. Gainullin. J. Quant. Spectrosc. Radiat. Transfer, 217, 243 (2018). DOI: 10.1016/j.jqsrt.2018.06.004
- [67] S.V. Krasnoshchekov, N.C. Craig, L.A. Koroleva, N.F. Stepanov. Spectrochim. Acta A, 189, 66 (2018). DOI: 10.1016/j.saa.2017.07.062
- [68] C.A. Pietropolli, L. Bizzocchi, B.M. Giuliano, P. Caselli, N.C. Craig, S.V. Krasnoshchekov. JQSRT, 239, 106656 (2019). DOI: 10.1016/j.jqsrt.2019.106656
- [69] S.V. Krasnoshchekov, V.B. Laptev, S.A. Klimin, I.K. Gainullin,
 A.A. Makarov. Spectrochim. Acta A, 238, 118396 (2020).
 DOI: 10.1016/j.saa.2020.118396
- [70] O.L. Polyansky, R.I. Ovsyannikov, A.A. Kyuberis, L. Lodi, J. Tennyson, N.F. Zobov. J. Phys. Chem. A, **117** (39), 9633 (2013). DOI: 10.1021/jp312343z
- [71] M.E. Kellman. J. Chem. Phys., 93 (9), 6630 (1990).
 DOI: 10.1063/1.458930
- [72] M.W. Mackenzie. Spectrochim. Acta A., 40 (3), 279 (1984).
 DOI: 10.1016/0584-8539(84)80049-5
- [73] S.V. Krasnoshchekov, E.O. Dobrolyubov, M.A. Syzgantseva, R.V. Palvelev. Mol. Phys., **118** (11), e1743887 (2020).
 DOI: 10.1080/00268976.2020.1743887