### 01,05

# Магнитострикция в сплавах $Fe_{75}Ga_{25-x}Z_x$ (Z = AI, Ge, Si): расчет методом магнитного вращающего момента

© М.В. Матюнина, М.А. Загребин, В.В. Соколовский, В.Д. Бучельников

Челябинский государственный университет, Челябинск, Россия E-mail: matunins.fam@mail.ru

Поступила в Редакцию 8 июля 2021 г. В окончательной редакции 13 июля 2021 г. Принята к публикации 16 июля 2021 г.

> Представлено *ab initio* исследование влияния небольшой добавки третьего элемента III и IV групп на упругие и магнитоупругие свойства сплава Fe<sub>75</sub>Ga<sub>25</sub>. При помощи теории функционала плотности и метода магнитного вращающего момента получены зависимости тетрагонального модуля упругости C', магнитоупругой постоянной  $-b_1$  и постоянной тетрагональной магнитострикции  $\lambda_{001}$  от концентрации Z-элемента в кристаллических структурах кубической симметрии A2 и D0<sub>3</sub> сплавов Fe<sub>75</sub>Ga<sub>25-x</sub> $Z_x$  (Z = Al, Ge, Si) ( $0 \le x \le 6$  at.%). Показано, что добавка атомов Al и Si приводит к увеличению тетрагонального модуля упругости по сравнению с бинарным сплавом Fe<sub>75</sub>Ga<sub>25</sub>. Установлена корреляция в поведении зависимости равновесного параметра решетки  $a_0(x)$  и  $\lambda_{001}(x)$  в исследуемых тройных сплавах для структуры A2.

> Ключевые слова: постоянная тетрагональной магнитострикции, магнитоупругая постоянная, тетрагональный модуль упругости, метод магнитного вращающего момента.

DOI: 10.21883/FTT.2021.11.51571.15s

#### 1. Введение

Магнитоупорядоченные сплавы на основе железа являются объектом исследования вот уже более двух десятков лет. Небольшая добавка немагнитных полуметаллических и постпереходных элементов III и IV групп, таких как Ga, Ge, Al и Si в структуру  $\alpha$ -Fe позволяет получать перспективные магнитомягкие материалы с высокими значениями магнитострикции в слабых магнитных полях. Сплавы Fe-(Ga, Ge, Al, Si) в диапазоне содержания добавочного элемента до 30 at.% имеют схожую фазовую диаграмму в области комнатных температур, и характеризуются наличием полностью неупорядоченной структуры А2 с последующим образованием полностью и/или частично упорядоченных структур D0<sub>3</sub> и/или B2 [1-4]. Для всех четырех сплавов первый пик тетрагональной магнитострикции λ<sub>001</sub> связан с наличием фазы А2 и приходится на границу области A2/(D0<sub>3</sub>/B2). Данный пик также связывают с пределом растворимости добавочного элемента в структуре α-Fe. Для сплавов с элементами IV группы Fe-Ge и Fe-Si предел растворимости соответствует  $\approx 10$  at.% и  $\approx 5$  at.% содержания Ge и Si соответственно, при этом дальнейшее увеличение концентрации данных элементов в сплавах приводит к смене знака магнитострикции с положительного на отрицательный. Для сплавов с элементами III группы Ga и Al поведение кривых  $\lambda_{001}(x)$ аналогичны друг другу и первый пик магнитострикции, связанный с неупорядоченной фазой А2, наблюдается при содержании добавочных атомов около 19 at.% и дальнейшее увеличение концентрации не приводит к

смене знака  $\lambda_{001}$  [5]. В сплавах Fe-Al и Fe-Si магнитострикция достигает только одного пика в отличие от систем Fe-Ga и Fe-Ge, где второй пик магнитострикции связан с однофазным составом сплавов с полностью упорядоченной структурой D03 в композициях с концентрацией  $x^{\text{Ga}} \approx 27 - 28$  at.% и  $x^{\text{Ge}} \approx 19$  at.% [5–7]. Только в сплавах Fe-Ga в области между двумя пиками, при одновременном существовании структур А2 и D0<sub>3</sub> различное соотношение данных фаз приводит к минимуму при  $x \approx 25$  at.%, а затем к увеличению  $\lambda_{001}$  до второго пика, где как уже было отмечено выше, наблюдается только фаза DO<sub>3</sub>. Экспериментально показано, что добавка атомов Al, Si, Ga и Ge уменьшает тетрагональный модуль сдвига с увеличением концентрации, однако в сплавах Fe-Ga и Fe-Ge наблюдается существенное "размягчение" С' [5,6].

Целью настоящей работы является исследование влияния замещения атомов Ga в сплаве  $Fe_{75}Ga_{25}$  небольшим количеством атомов III и IV групп для установления возможных корреляций изменения равновесного параметра решетки с изменениями величины магнитострикции. В работе рассмотрены свойства кристаллических структур кубической симметрии A2 и D0<sub>3</sub> сплавов  $Fe_{75}Ga_{25-x}Z_x$  (Z = Al, Ge, Si) ( $0 \le x \le 6$  at.%).

## 2. Детали вычислений

Для проведения исследования был выбран первопринципный программный пакет SPR-KKR (A spin polarized relativistic Korringa–Kohn–Rostoker) [8], основанный на



**Рис. 1.** Зависимость равновесных параметров решетки от концентрации Z-элемента в сплавах  $Fe_{75}Ga_{25-x}Z_x$  (Z = Al, Ge, Si) ( $0 \le x \le 6$  at.%) для структур (a) A2 и (b) D0<sub>3</sub>. Значения для сплавов Fe-Ga приведены из работы [13]. (открытые и заполненные символы звезда).



**Рис. 2.** Зависимость тетрагональных модулей упругости от концентрации Z-элемента в сплавах  $Fe_{75}Ga_{25-x}Z_x$  (Z = Al, Ge, Si) ( $0 \le x \le 6$  at.%) для структур A2 и D0<sub>3</sub>. Значения для сплавов Fe-Ga приведены из работы [13] (открытые и заполненные символы звезда).

методе Корринги–Кона–Ростокера (ККР) и позволяющий эффективно решать задачи, связанные с примесями в кристалле без использования дополнительной геометрии, связанной с формированием конечного кластера или суперьячейки. Для создания нестехиометрических композиций было использовано приближение когерентного потенциала (Coherent potential approximation — СРА). Максимальное количество шагов СРА составляло 30, порог сходимости самосогласованных функций —  $10^{-5}$  Ry. Обменно-корреляционные эффекты учитывались в приближении обобщенного градиента (generalized gradient approximation — GGA) в формулировке Пердью-Бурке-Эрнцерхофа (Perdew-Burke-Ernzerhof — PBE) [9]. Для самосогласованных циклов оператор рассеивания вычислялся с помощью интегрирования зоны Бриллюэна на *k*-сетке 45 × 45 × 45 с



**Рис. 3.** Зависимость энергии магнитокристаллической анизотропии  $E_{MKA}$  от степени малых деформаций  $\varepsilon$  в сплавах Fe<sub>75</sub>Ga<sub>25-x</sub> $Z_x$  (Z = Al, Ge, Si) ( $0 \le x \le 6$  at.%) для структур (a) A2 и (b) D0<sub>3</sub>. Значения для сплавов Fe-Ga приведены из работы [13] (короткие штрихи).

2300 *k*-точками. Для проведения геометрической оптимизации кубических структур были выбраны следующие решетки:

A2 — группа симметрии  $Im\overline{3}m$  (№ 229), позиции Уайкова — 2a (0; 0; 0) — Fe, Ga, Z (Z = Al, Ge, Si);

D0<sub>3</sub> — группа симметрии  $Fm\overline{3}m$  (№ 225), позиции Уайкова — 4a (0; 0; 0) — Ga, Z (Z = Al, Ge, Si);

4b (0.5; 0.5; 0.5) и 8c (0.25; 0.25; 0.25) — атомы Fe. Равновесные параметры структур  $a_0$  определялись из кривых зависимости энергии от параметра решетки с помощью уравнения состояния Бирча — Мурнагана. На основе полученных  $a_0$  для исходных кубических структур были созданы системы с небольшой степенью тетрагонального искажения  $\varepsilon \pm 3\%$  при сохранении



Рис. 4. Зависимость (a, b) магнитоупругой постоянной  $-b_1$  и (c, d) константы тетрагональной магнитострикции  $\lambda_{001}$  от концентрации Z-элемента в сплавах Fe<sub>75</sub>Ga<sub>25-x</sub>Z<sub>x</sub> (Z = Al, Ge, Si)  $(0 \le x \le 6 \text{ at.}\%)$  для структур A2 и D0<sub>3</sub>. Значения для сплавов Fe-Ga приведены из работы [13] (открытые и заполненные символы звезда).

объема ( $\varepsilon_x = \varepsilon_y = -1/2\varepsilon_z$ ). При этом были подобраны решетки следующих групп симметрии:

A2 — группа симметрии *Immm* (№ 71), позиции Уайкова — 2a (0; 0; 0) — Fe, Ga, Z (Z = Al, Ge, Si);

D0<sub>3</sub> — группа симметрии *Fmmm* (№ 69), позиции Уайкова — 4*a* (0; 0; 0) — Ga, *Z* (*Z* = Al, Ge, Si); 4*b* (0; 0; 0.5) и 8*f* (0.25; 0.25; 0.25) — атомы Fe. Тетрагональный модуль упругости определялся из соотношения  $C' = (d^2 E_{\text{полн.}}/d\varepsilon^2)/3V$  [10] на основании полученных зависимостей значений полной энергии  $E_{\text{полн.}}$  от степени малых искажений.

Второй этап расчетов включал в себя определение магнитоупругих постоянных  $-b_1$  и постоян-

ных тетрагональной магнитострикции  $\lambda_{001}$ . Магнитоупругие постоянные связаны с энергией магнитокристаллической анизотропии  $E_{\rm MKA}$  соотношением  $-b_1 = 2(dE_{\rm MKA}/d\varepsilon)/3V$  [10]. Для расчета  $E_{\rm MKA}$  был выбран реализованный в программном пакете SPR-KKR метод магнитного вращающего момента, основное преимущество которого заключается в том, что  $E_{\rm MKA}$  нужно рассчитать при одной конкретной магнитной ориентации и выполнить интегрирование в *k*-пространстве при этой ориентации [11,12]. Непосредственно для расчетов энергии магнитокристаллической анизотропии были использованы потенциалы, полученные при выполнении самосогласованных расчетов полной энергии систем от степени малых тетрагональных искажений и заданием оси намагниченности вдоль направления [001].

#### 3. Результаты и обсуждение

Результаты расчетов равновесных параметров решеток для структур A2 и D0<sub>3</sub> представлены на рис. 1. Для сравнения на графики нанесены значения равновесных параметров решеток, полученных для бинарных сплавов Fe-Ga в работе [13], при этом, например, в терминах тройных систем Fe<sub>75</sub>Ga<sub>25-x</sub>Z<sub>x</sub> концентрация добавочного элемента в объеме 6 at.% соответствует замещению атомов Ga атомами Fe и композиции Fe<sub>81</sub>Ga<sub>19</sub>(Fe<sub>75</sub>(Ga<sub>19</sub>Fe<sub>6</sub>)). В целом можно отметить, что в случае фазы  $DO_3 a_0$  уменьшается незначительно с увеличением количества атомов Ge и Al в отличие от добавки атомов Si. Данное поведение объясняется наименьшим атомным радиусом кремния среди всех атомов, входящих в сплавы. В случае структуры А2, зависимость  $a_0(x)$  в сплавах Fe-Ga-Ge демонстрирует тенденцию к увеличению, тогда как для бинарных сплавов и сплавов с добавкой A1 и Si меньшее содержание Ga в системе соответствует меньшему значению параметра решетки.

Зависимость тетрагонального модуля сдвига от содержания третьего элемента показана на рис. 2. Как можно видеть на рис. 2, *a* в фазе A2 поведение зависимости C'(x) обратно поведению  $a_0(x)$ . Для фазы D0<sub>3</sub> модуль упругости увеличивается на 10% в композициях Fe<sub>75</sub>Ga<sub>19</sub>(Al, Si)<sub>6</sub> по сравнению со сплавом Fe<sub>75</sub>Ga<sub>25</sub>. В композициях Fe<sub>79</sub>Ga<sub>21</sub> и Fe<sub>75</sub>Ga<sub>21</sub>Ge<sub>4</sub> содержание галлия в объеме 21 аt.% приводит к точке перегиба на кривой зависимости C'(x).

На заключительном этапе исследований при помощи метода магнитного вращающего момента были определены магнитоупругие постоянные и постоянные тетрагональной магнитострикции, которые связаны между собой соотношением  $\lambda_{001} = -b_1/3C'$  [10]. На рис. 3 представлена зависимость энергии магнитокристаллической анизотропии от степени малых деформаций для содержания добавочного атома в объеме 1, 4, 5 и 6 at.%. В фазе A2 наклон кривой  $E_{MKA}(\varepsilon)$  остается положительным и по мере увеличения атомов Al, Ge и Si изменения угла наклона можно видеть в диапазоне деформаций 1–3%. В фазе DO<sub>3</sub>  $E_{MKA}(\varepsilon)$  демонстрирует сложное нелинейное поведение (см. рис. 3, b). Для рассмотренных сплавов характерно сильное изменение угла наклона кривых  $E_{\rm MKA}(\varepsilon)$  с увеличением концентрации добавочных элементов. Наибольшее сходство в изменении энергии магнитострикции наблюдается в области деформаций ±1% в композициях, близких к сплаву  $Fe_{75}Ga_{25}$  (x = 1 at.%). В бинарных системах с содержанием Ga > 21 at.% наблюдается смена легкой и трудной оси, в случае тройных сплавов легкая ось соответствует направлению [111].

На рис. 4 представлены зависимости  $-b_1(x)$  и  $\lambda_{001}(x)$  от концентрации атомов Al, Ge и Si в структурах

 $(0 \le x \le 6 \text{ at.}\%)$ . В случае фазы А2 бо́льшее содержание галлия соответствует большему значению -b1 и изменения практически линейны. Также стоит отметить, что кривые  $-b_1(x)$  сплавов Fe-Ga и Fe-Ga-Si лежат близко друг к другу, как и зависимости  $E_{MKA}(\varepsilon)$ . Данное сходство можно объяснить небольшой разностью в размерах атомов Fe и Si. Полученные для фазы A2 зависимости  $\lambda_{001}(x)$  повторяют поведение  $a_0(x)$  (см. рис. 1, *a*, 4, *c*). Схожая закономерность была получена при исследовании структуры сплавов  $Fe_{100-x}Ga_x$  ( $15 \le x \le 30$  at.%) при помощи дифракции нейтронов в работе [14]. Авторы установили, что поведение концентрационной зависимости равновесных параметров решетки фаз A2 и D03 повторяет поведение постоянной магнитострикции. Для структуры D0<sub>3</sub> профили зависимости  $\lambda_{001}(x)$  повторяют профили кривых  $-b_1(x)$ , а полученные значения тетрагональной магнитострикции для всех тройных сплавов отрицательны. По абсолютной величине наименьшее значение  $\lambda_{001}$  в тройных сплавах получено в композиции  $Fe_{75}Ga_{23}Ge_2$  (-82 × 10<sup>-6</sup>), наименьшее в  $Fe_{75}Ga_{19}Ge_6$  $(-40 \times 10^{-6}).$ 

А2 и D0<sub>3</sub> сплавов  $Fe_{75}Ga_{25-x}Z_x$  (Z = Al, Ge, Si)

# 4. Заключение

В настоящей работе представлено комплексное исследование влияния небольшой добавки атомов Ge, Al и Si на структурные, упругие и магнитострикционные свойства сплава Fe<sub>75</sub>Ga<sub>25</sub>. Все расчеты были выполнены в рамках теории функционала плотности и метода магнитного вращающего момента, реализованные в первопринципном программном пакете SPR-KKR. Увеличение параметра решетки было получено только для структуры A2 в сплавах Fe<sub>75</sub>Ga<sub>25-x</sub>Ge<sub>x</sub> во всем исследуемом диапазоне. Добавка атомов Al и Si приводит к монотонному увеличению тетрагонального модуля упругости на величину порядка 10% по сравнению с композицией Fe<sub>75</sub>Ga<sub>25</sub>. Показано, что характер изменения зависимости константы тетрагональной магнитострикции в фазе А2 соответствует профилю кривых изменения равновесных параметров в данной фазе для всех исследуемых составов. Найдено, что кристаллическая структура D03 вносит отрицательный вклад в величину тетрагональной магнитострикции.

#### Финансирование работы

Исследование выполнено при финансовой поддержке РФФИ в рамках научного проекта № 19-32-90138. МЗ благодарит за поддержку фонд перспективных научных исследований ЧелГУ.

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов. Настоящая статья не содержит каких-либо исследований с участием людей в качестве объектов исследований.

## Список литературы

- O. Ikeda, I. Ohnuma, R. Kainuma, K. Ishida. Intermetallics 9, 755 (2001).
- [2] O. Ikeda, R. Kainuma, I. Ohnuma, K. Fukamichi, K. Ishida. J. Alloys Compd. 347, 198 (2002).
- [3] G. Petculescu, J.B. LeBlanc, M. Wun-Fogle, J.B. Restorff, W.M. Yuhasz, T.A. Lograsso, A.E. Clark. J. Appl. Phys. 105, 07A932 (2009).
- [4] R. Grössinger, R. Sato Turtelli, N. Mehmood. IEEE Trans. Magn. 44, 11, 3001 (2008).
- [5] J.B. Restorff, M. Wun-Fogle, K.B. Hathaway, A.E. Clark, Th.A. Lograsso, G. Petculescu. J. Appl. Phys. 111, 2, 023905 (2012).
- [6] A.E. Clark, K.B. Hathaway, M. Wun-Fogle, J.B. Restorff, T.A. Lograsso, V.M. Keppens, G. Petculescu, R.A. Taylor. J. Appl. Phys. 93, 8621 (2003).
- [7] Q. Xing, Y. Du, R.J. McQueeney, T.A. Lograsso. Acta Mater. 56, 16, 4536 (2008).
- [8] H. Ebert, D. Ködderitzsch, J. Minár. Rep. Prog. Phys. 74, 096501 (2011).
- [9] J.P. Perdew, K. Burke, M. Ernzerhof. Phys. Rev. Lett. 77, 3865 (1996).
- [10] H. Wang, Y.N. Zhang, R.Q. Wu, L.Z. Sun, D.S. Xu, Z.D. Zhang. Sci. Rep. 3, 03521 (2013).
- [11] X. Wang, R. Wu, D. Wang, A.J. Freeman. Phys. Rev. B 54, 61 (2001).
- [12] J.B. Staunton, L. Szunyogh, A. Buruzs, B.L. Gyorffy, S. Ostanin, L. Udvardi. Phys. Rev. B 74, 144411 (2006).
- [13] М.В. Матюнина, М.А. Загребин, В.В. Соколовский, В.Д. Бучельников. Челябинский физ.-мат. журн. 5, 2, 174 (2020).
- [14] I.S. Golovin, A.M. Balagurov, I.A. Bobrikov, S.V. Sumnikov, A.K. Mohamed. Intermetallics 114, 106610 (2019).

Редактор К.В. Емцев