02

# Сильная интерференционная люминесценция смешанных мод в окрестности критического значения затухания экситона

© Б.Ж. Ахмадалиев, Н.Х. Юлдашев¶

Ферганский политехнический институт, 150107 Фергана, Узбекистан <sup>¶</sup> e-mail: uzferfizika@mail.ru

Поступила в редакцию 27.10.2020 г. В окончательной редакции 23.04.2021 г. Принята к публикации 18.05.2021 г.

Проанализированы результаты численного расчета дисперсии и спектров люминесценции смешанных экситонных мод кристаллов типа CdS  $(A_{n-1})$  в зависимости от затухания  $\Gamma$  механических экситонов и угла выхода  $\theta$  излучения в вакуум в окрестности критических значений  $\Gamma_c$  и  $\theta_c$ . Показано, что механизм формирования линии  $A_L$  существенно зависит от значения параметра свето-экситонного взаимодействия  $\tilde{\omega}_{LT}(\theta_c)/\Gamma_c$ , суперпозиция волн 1 и 2 с сильно асимметричными  $I_{M1}(\omega)$ ,  $I_{M2}(\omega)$  и симметричным  $I_{12}(\omega)$  контурами формирует практически симметричный результирующий спектральный контур  $I(\omega)$  с максимумом на критической частоте  $\omega_c$ .

Ключевые слова: экситон-поляритоны, смешанные моды, пространственная дисперсия, аномальная дисперсия, промежуточное свето-экситонное взаимодействие, затухание экситона, интерференционная люминесценция.

DOI: 10.21883/OS.2021.09.51339.268-20

## Введение

Настоящая работа посвящена исследованию особенностей формирования дисперсии и спектров фотолюминесценции смешанных экситон-поляритонных мод (СЭПМ) гексагональных кристаллов типа CdS  $(A_{n-1})$ в окрестности критического значения затухания  $\Gamma \approx \Gamma_c$ механического экситона. Хотя экситонные дисперсии, поглощение и люминесценция подробно рассмотрены во многих работах (см., например, [1-5]), тем не менее отсутствует необходимая информация о свойствах смешанного экситона в условиях, когда  $\Gamma \to \Gamma_c$ . В кристалле CdS смешанные моды обнаруживаются при анизотропной геометрии излучения экситонов, волновой вектор которых составляет некоторый угол  $\theta$  (отличный от 0° и 90°) с напряженностью электрического поля и гексагональной осью C<sub>6</sub>. Изменяя угол от 0° до 90°, можно плавно изменять значение "эффективного продольно-поперечного расщепления"  $\tilde{\omega}_{LT}$  в одном и том же кристалле [2,4] и тем самым исследовать состояния системы "экситон + фотоны" в кристалле с промежуточным свето-экситонным взаимодействием (СЭВ)  $\omega_{LT} \sim \Gamma.$ 

Как известно [3,6,7], для поперечных поляритонов с изотропной эффективной массой M экситона и резонансной частотой  $\omega_0$ , когда диссипативное затухание экситона  $\Gamma = \Gamma_c = 4(\varepsilon_b \omega_{LT} \omega_M)^{1/2}$  (где  $\varepsilon_b$  фоновая диэлектрическая проницаемость кристалла,  $\omega_M = \hbar k_0^2/2M$ ), дисперсионное уравнение на частоте  $\omega = \omega_c = \omega_0 + \varepsilon_b \omega_M$  имеет кратные корни относительно  $k^2$ . Это также имеет место и для дисперсии смешанных мод [2,4,5], что приводит к существенному перемешиванию квантовых состояний и к сильному интерференционному излучению когерентных состояний нижней M1 и верхней M2 дисперсионных ветвей в окрестности частоты пересечения  $\omega_c$  в зависимости от  $\Gamma$  и угла выхода  $\theta$  излучения в вакуум. Данный случай интересен, например, для создания источников когерентного излучения одиночных фотонов на основе новых принципов спектроскопии СЭПМ. Ниже приводим результаты анализа численного расчета дисперсии и спектров фотолюминесценции смешанных мод кристаллов типа CdS в зависимости от угла  $\theta = \theta_c$ .

## Теория

В работах [4,8] показано, что в окрестности критического значения (для параметров кристалла CdS) максимальное значение  $\hbar\Gamma_c \approx 0.5 \text{ meV}$  ( $T \approx 45 \text{ K}$ ), и легко могут быть реализованы случаи промежуточного СЭВ и аномальной дисперсии, вызывающие сильное интерференционное излучение когерентных состояний смешанных мод с узкой спектральной шириной  $\Delta \leq 0.1 \text{ meV}$ . Мы воспользуемся формальным сходством между дисперсионными уравнениями поперечных и смешанных мод, обобщим результаты работы [1,6] для изотропного поглощения света экситонами с учетом пространственной дисперсии (ПД, spatial dispersion, SD) на случай анизотропного поглощения. Решения дисперсионного уравнения для смешанных мод с учетом затухания можно записать как

$$n_{M\beta}^{2}(\omega\theta) = \frac{1}{2} \Big\{ N(\omega,\theta) + \varepsilon_{b} - (-1)^{\beta} \\ \times \Big[ [N(\omega,\theta) - \varepsilon_{b}]^{2} + 4(\omega_{LT/\omega_{M_{\perp}}}) \sin^{2}\theta \Big]^{1/2} \Big\}, \quad (1)$$

где  $\beta = 1, 2, N = (\omega, \theta) = (1 - M_{\perp}/M_{\parallel}) \sin^2 \theta + (\omega - \omega_L + +i\Gamma/2), M_{\perp}$  и  $M_{\parallel}$  — поперечная и продольная эффективные массы,  $\omega_L$  — частота продольного экситона. Для одноосных кристаллов типа CdS выполняется неравенство  $(1 - M_{\perp}/M_{\parallel}) \sin^2 \theta \ll \varepsilon - [b]$ , и из (1) на частоте  $\omega = \omega_c \simeq \omega_L + \omega_{M_{\perp}} \varepsilon_b$  (где  $\omega_{M_{\perp}} = \hbar k_0^2/2M_{\perp}$ ) получаем

$$n_{M\beta}^{2}(\omega_{c},\theta) = \varepsilon_{0} + \frac{\Gamma}{4\omega_{M_{\perp}}} \left[ i - (-l)^{\beta} \sqrt{\frac{\Gamma_{c}^{2}(\theta)}{\Gamma^{2}} - l} \right], \quad (2)$$

где

$$\Gamma_c(\theta) = \simeq 4\sin\theta \sqrt{\omega_{M_\perp}\omega_{LT}} = 4\sqrt{\omega_{M_\perp}\tilde{\omega}_{LT}\varepsilon_b}.$$
 (3)

Здесь частота  $\omega$  имеет простой геометрический смысл: она соответствует точке пересечения дисперсионных кривых поперечных фотонов в поляризации Е || С и чисто продольных экситонов. На частоте  $\omega = \omega_c$  при критическом значении затухания  $\Gamma = \Gamma_c$  ( $\theta = \theta_c$ ) из (2) получаются кратные корни  $n_{M1} = n_{M2}$ . Величина  $\Gamma_c$  (3) содержит в качестве параметра эффективную массу экситона  $M_{\perp}$ , и, естественно, отношение характеризует величину ПД по отношению к затуханию, а с другой стороны,  $\tilde{\omega}_{LT}(\theta)/\Gamma = \omega_{LT} \sin^2 \theta / \varepsilon_b \Gamma$  является аналогичной мерой СЭВ в спектре смешанных мод. При  $M_{\perp} \to \infty$ ,  $(M_{\parallel}) \to \infty$  и  $\Gamma \neq 0$  имеем  $\Gamma_c/\Gamma \ll 1$ , что означает отсутствие ПД, причем для кристаллов с ярко выраженной ПД в изотропной геометрии может осуществиться  $\Gamma \gg \Gamma$ . В случае смешанных мод  $\Gamma_c$ , согласно (3), зависит от  $\theta$ , и для типичных значений оптических параметров кристалла CdS из (3) получим максимальное значение  $\Gamma_c \approx 0.48 \ {
m meV} \ (\tilde{\omega}_{LT} pprox 0.213 \ {
m meV})$ при  $\theta = \pi/2$ , в то время как для изотропной геометрии  $\Gamma_c \approx 1.457 \text{ meV} \ (\omega_{LT} \approx 2.0 \text{ meV})$  в окрестности температур  $T \approx 4 \,\mathrm{K}$  [8]. Поэтому для смешанных мод эффекты ПД и СЭВ проявляются слабее по сравнению с поперечными поляритонами. Однако, как показано ниже, в отличие от последних в спектрах низкотемпературной фотолюминесценции СЭПМ обнаруживаются эффекты сильной анизотропии, аномальной дисперсии и гигантского интерференционного излучения.

Здесь особо следует отметить, что интерференционное излучение смешанных мод является одной из разновидностей проявления эффектов ПД [7]. Для сред без ПД величина  $\Gamma_c = 0$ , и в таких средах отсутствует интерференционный эффект. Заметное интерференционное излучение экситон-поляритонных состояний наблюдается во всех кристаллах с ПД, когда  $\Gamma \approx \Gamma_c = 4\sqrt{\omega_M \omega_{LT} \varepsilon_b}$ , т.е.

$$\frac{\omega_{LT}}{\Gamma} \approx \frac{1}{4\sqrt{\varepsilon_b \omega_M / \omega_{LT}}}.$$
(4)



**Рис. 1.** Зависимости от угла выхода  $\theta$  значений  $\tilde{\omega}_{LT}$  (1) и  $\Gamma_c$  (2), рассчитанные для параметров смешанных мод экситонного резонанса  $A_{n-1}$  в CdS.

Для многих полупроводников с ярко выраженными экситонными резонансами знаменатель в формуле (4)  $4\sqrt{\varepsilon_b\omega_M/\omega_{LT}} \sim 1$ , а, значит, рассматриваемый эффект практически обнаруживается в кристаллах с промежуточной величиной СЭВ.

Варьирование (за счет изменения  $\theta$ ) параметров  $\Gamma(\theta)$ и  $\tilde{\omega}_{LT}(\theta)$  для одного и того же образца CdS при фиксированных значениях других параметров экситонного резонанса обеспечивает очень простой и надежный способ изучения эффектов, связанных с ПД и СЭВ. При этом появляется интересная с физической точки зрения возможность экспериментального сопоставления предельных и промежуточных ситуаций, в которых параметры  $\Gamma$  и  $\tilde{\omega}_{LT}$  могут принимать сильно отличающиеся от  $\Gamma$  и сравнимые с  $\Gamma$  значения. Сам параметр  $\Gamma$  может варьировать в определенных пределах, например, путем изменения температуры кристалла.

На рис. 1 построены рассчитанные зависимости от  $\theta$  величин  $\Gamma_c$  и  $\tilde{\omega}_{LT}$  для типичных значений параметров экситонного резонанса  $A_{n=1}$  в CdS. Этот рисунок позволяет сделать вывод, что в эксперименте действительно могут быть реализованы существенно разные соотношения между величинами Г,  $\Gamma_c$  и  $\tilde{\omega}_{LT}$ : 1)  $\Gamma \gg \Gamma_c$ ,  $\Gamma \gg \tilde{\omega}_{LT}$ , 2)  $\Gamma \ge \Gamma_c$ ,  $\Gamma \gg \tilde{\omega}_{LT}$ , 3)  $\Gamma \le \Gamma_c$ ,  $\Gamma > \tilde{\omega}_{LT}, 4$ )  $\Gamma \ll \Gamma_c, \Gamma < \tilde{\omega}_{LT}$ . Случай сильной экситонфотонной связи ( $\Gamma \ll \tilde{\omega}_{LT}$ ) сюда не включен из-за реальных ограничений на значения экситонного затухания в CdS, Г > 0.075 meV. Такой случай имеет место в геометрии поперечных мод  $(\mathbf{E} \perp \mathbf{C}, \mathbf{k} \perp \mathbf{C})$ , когда  $\Gamma \ll \omega_{LT}$ (для CdS  $\hbar \tilde{\omega}_{LT} \leq 0.2 \text{ meV} \ll \hbar \omega_{LT} \approx 2 \text{ meV}$  при  $T = 2 \,\mathrm{K}$ ). В предельном случае  $\Gamma \ll \Gamma_c$ ,  $\tilde{\omega}_{LT}$  эффекты ПД и СЭВ естественно не сказываются на формировании экситонного излучения, контур которого приобретает лоренцевский характер, а его полуширина определяется значением Г [4,8]. В случае  $\Gamma \sim \Gamma_c > \tilde{\omega}_{LT}$  наблюдается сильная интерференция состояний смешанных мод  $(\mathbf{k}_{M1} \approx \mathbf{k}_{M2})$  в условиях аномальной дисперсии, причем поляритонные эффекты несущественны. При Г < Г<sub>с</sub> и  $\Gamma \leq \tilde{\omega}_{LT}$  эффекты ПД, СЭВ и интерференционное излучение когерентных состояний смешанных мод  $M_1$  и



**Рис. 2.** Сравнение дисперсионных кривых (a'-c') и спектров фотолюминесценции (a-c) смешанных мод при критических значениях  $\Gamma_c = \Gamma$ , рассчитанных для значений параметров CdS при T = 2 K. Треугольники на рис. a — эксперимент [4].

*M*<sub>2</sub> должны играть более умеренную роль в спектрах экситон-поляритонной люминесценции (ЭПЛ).

В работах [3,4,6,7] была построена микроскопическая теория ЭПЛ с использованием диаграммной техники Келдыша в случае, когда диссипативное затухание экситона нарушает критерии применимости кинетического уравнения Больцмана для функции распределения экситон-поляритонов,

$$|\operatorname{Re} k_{\beta}| \gg lpha eta, \qquad |\operatorname{Re} (k_{\beta} - k_{\beta'})| \gg lpha eta, \ lpha eta',$$
  
 $(eta, eta' = 1, 2, 3 \text{ или } M1, M2).$  (5)

ношении между  $|\text{Re }k_{\beta}|$  и  $\alpha\beta$  (где  $k_{\beta}$  и  $\alpha\beta$  — волновой вектор и коэффициент поглощения волны дисперсионной ветви  $\beta$ ), позволила учесть интерференцию когерентно излучающих квантовых состояний поперечных поляритонов и продольных экситонов, а также смешанных мод при наличии затухания ( $\Gamma \neq 0$ ). На основе этой теории были последовательно рассчитаны вклады смешанных мод M1, M2 и их интерференции [4], а также нижней поляритонной ветви 1, сильно затухающих волн 2 и 3 в ЭПЛ [3,6,7] в окрестности частоты  $\omega_L$  продольного экситона и удовлетворительно проанали-

Развитая теория, справедливая при произвольном соот-

зированы экспериментальные спектры ЭПЛ кристаллов CdS, ZnP<sub>2</sub> и CdTe.

Полученные в [4] формулы для парциальных интенсивностей  $I_{\beta}(\omega, \theta)$  применимы при любых значениях  $\Gamma_c/\Gamma$  и  $\tilde{\omega}_{LT}/\Gamma$ , когда  $\Gamma \cong \Gamma_{\beta} \gg \tau_{M\beta}^{-1}$ , где  $\tau_{M\beta}$  — время внутризонного рассеяния для излучающих состояний смешанных мод. Однако в условиях сильной интерференции [8] таких состояний при  $\Gamma \approx \Gamma_c$  ( $\theta \approx \theta_c$ ) на частоте  $\omega = \omega_c$  нельзя пользоваться этими формулами из-за наличия особенности ( $n_{M1}^1 - N_{M2}^2 = 0$ ) в их знаменателях. Поэтому исключаем частоту  $\omega_c$  при численном расчете  $I_{\beta}(\omega\theta)$  и ограничиваемся значениями  $\omega \to \omega_c$ . Оказалось, что можно устранить эту особенность для суммарной интенсивности  $I^{(0)}(\omega, \theta) = \sum_{\beta=1,2,12} I_{M\beta}(\omega\theta)$ , и мы получили формулу

$$I^{0}(\omega\theta) = C \, \frac{4n_{ox}^{2}n_{0z}L_{\rm cr}}{|N_{M}|^{2}} \Gamma_{f}(\omega), \qquad (6)$$

где введены следующие обозначения:  $C = \frac{1}{(2\pi)^3} \frac{2M_{\perp}^2 c \varepsilon_b \omega_{LT}}{\hbar}$ , c — скорость света в вакууме,

$$\bar{n}_{p} = \frac{N_{oz}\varepsilon_{b}(n_{M1z} + M_{M2z})}{N_{0}^{2}(\varepsilon_{b} - N_{0}^{2} + n_{M1z}n_{M2z})},$$

$$\chi = \frac{n_{0z}\varepsilon_{b}}{n_{0}^{2}(\varepsilon_{b} - n_{0x}^{1/2})} \quad \delta = \varepsilon_{b}k_{0}l/(\varepsilon_{b} - n_{0x}^{2})^{1/2}n_{0},$$

$$L_{cr} = L \frac{2k_{0}^{2}L^{2}[l + k_{0}L(n''_{M1z}) + n''_{M2z}]}{(l + 2k_{0}Ln''_{M1z})(l + 2k_{0}Ln''_{M2z})},$$

$$[(L + k_{0}L(n''_{M1z} + n''_{M2z}))^{2} + k_{0}^{2}L^{2}(n'_{M1z} - n'_{M2z})^{2}]$$

$$n_{x} = n_{0}\sin\theta, \quad n_{0z} = n_{0}\cos\theta, \quad n'_{M\beta z} = \operatorname{Re} n_{M\beta z},$$

$$n''_{M\beta z} = \operatorname{Im} n_{M\beta z}, \qquad n_{M\beta z} = (n_{M\beta}^{2} - n_{0x}^{2})^{1/2},$$

$$\Gamma_f(\omega) = \sum_{\beta'=T1M1} \sum_{\mathbf{k}_{\beta'}} \frac{f_{\beta' \mathbf{k}_{\beta'}}(\omega)}{\tau_{M\beta' \mathbf{k}_{\beta'}}(\omega)},\tag{7}$$

 $n_{0x}$  и  $n_{M\beta} = (k_{M\beta}^2)^{1/2}/k_0$  — показатели преломления окружающей среды и кристалла для мод  $\beta = M^1$ , 2,  $k_0 = \omega_0/C$  — длина мертвого (безэкситонного) слоя, L — длина диффузии для мод T1 и M1 с достаточно большими волновыми векторами, состояния которых можно описать функциями распределения  $f_{\beta' \mathbf{k}_{\beta'}}(\omega)$  и временами релаксации  $\tau'_{M\beta' \mathbf{k}_{\beta'}}(\omega)$  (см. формулу (7)). Поскольку мы интересуемся узким частотным интервалом  $\Delta\hbar\omega \approx 0.25$  meV, то при численном расчете спектров люминесценции СЭПМ пренебрегали плавной частотной зависимостью величин f и  $\Gamma$ .

## Анализ результатов численного расчета

На рис. 2, a', b', c' представлены рассчитанные дисперсионные кривые СЭПМ в одноосном кристалле CdS при критических углах выхода излучения из кристалла в вакуум  $\theta = 12^{\circ}$  (a), 24.5° (b), 56° (c) и следующих значениях основных параметров экситона:  $\hbar\Gamma = \hbar\Gamma_c \approx 0.1$ , 0.2, 0.4 meV и  $\hbar\omega_0 = 2552.4$  meV,  $\hbar\omega_{LT} = 2 \text{ meV}, \ \varepsilon_{b\perp} = 9.4, \ M_{\perp} = 0.9m_0, \ M_{\parallel} = 2.85m_0.$ Видно, что на частоте  $\omega_c$  дисперсионные линии M1и M2 пересекаются:  $\operatorname{Re} k_{M1} = \operatorname{Re} k_{M2}$  (а также M1'и M2':  $\operatorname{Im} k_{M1} \approx \operatorname{Im} k_{M2}$ ). При этом параметр СЭВ  $\tilde{\omega}_{LT}(\theta_c)/\Gamma = \omega_{LT} \sin^2 \theta_c/\varepsilon_b \Gamma_c$  для указанных критических углов принимает значения 0.1, 0.183, 0.399. Это означает, что для критического угла выхода в вакуум  $\theta_c = 12^{\circ}$ ( $\hbar\Gamma_c \approx 0.1 \text{ meV}$ ) имеет место слабый, а для остальных двух значений  $\theta_c$  — промежуточный поляритонный эффект. Поэтому на рис. 1, a' в окрестности резонансной частоты  $\omega_c$  практически не обнаруживается антипересечения дисперсионных кривых M1 и M2, а на рис. 1, b', c'четко видна динамика образования нижных и верхних поляритонных ветвей на фоне сильной аномальной дисперсии.

Далее обсуждаем результаты численного расчета спектров люминесценции СЭПМ в окрестности критических значений затухания  $\hbar\Gamma = \hbar\Gamma_c$  и угла выхода  $\theta = \theta_c$  излучения в вакуум. При этом представляет наибольший интерес динамика развития спектральных кривых парциальных  $I_{\beta}(\omega, \theta_c)$  и суммарной  $I^{(0)}(\omega, \theta_c)$ интенсивностей, а также изменения механизмов формирования их в соответствии с дисперсией смешанных мод М1, М1' и М2, М2' в зависимости от значений  $\hbar \Gamma_c$ ,  $\theta_c$  и  $\tilde{\omega}_{LT}$  в случаях  $\Gamma \approx \Gamma_c \gg \tilde{\omega}_{LT}$  и  $\Gamma \approx \Gamma_c \ge \tilde{\omega}_{LT}$ . Парциальные вклады  $I_{\beta}(\omega, \theta_c)$  на частоте  $\omega = \omega_c$  не рассчитывались, так как они являются сингулярными величинами при  $\Gamma = \Gamma_c$  на данной частоте. Однако при этом суммарная интенсивность  $I^{(0)}(\omega, \theta_c)$  будет вполне измеряемая конечная величина, и можно рассчитать её с помощью формулы (6). Следует отметить, что интерференционная люминесценция СЭПМ при  $\Gamma \approx \Gamma_c$ носит резонансный характер, т.е. в окрестности частоты  $\omega_c$  с удалением от неё должно наблюдаться резкое уменьшение интерференционного эффекта, приводящего к узким спектральным линиям парциальных вкладов в общую интенсивность  $I^{(0)}$ .

Численный расчет парциальных спектров  $I_{\beta}(\omega, \theta_c)$  проводился на компьютере с помощью программного обеспечения Matlab по формулам (16а) и (16b) работы [4]. При этом использовали те же значения экситонных параметров кристалла CdS, как и на рис. 2, a', b', c', и дополнили их значениями l = 70 Å,  $L = 0.80 \, \mu$ m.

На рис. 2, a-c представлены рассчитанные спектральные зависимости общей,  $I^{(0)}(\omega, \theta_c)$  (сплошные линии), и парциальных,  $I_{\beta}(\omega, \theta_c)$ , интенсивностей, обусловленных вкладами во внешнее излучение смешанных мод  $\beta = M1$ , M2 (пунктирные и штриховые кривые) и их интерференции  $I_{M12}$  ( $\beta = M12$ , штрихпунктирные линии) при тех же критических значениях затухания  $\hbar\Gamma = \hbar\Gamma_c$ и  $\theta_c$ , что и для дисперсионных кривых a'-c'.

Заметим, что, согласно рисункам, парциальные спектральные линии  $I_{\beta}(\omega, \theta_c)$  при разных значениях  $\Gamma_c$ качественно совпадают. Они имеют почти идентичные и резко асимметричные формы вблизи частоты  $\omega_c$ , полуширина которых слабо зависит от значения  $\Gamma_c$ . Суммарная кривая  $I^{(0)}(\omega, \theta_c)$  в первом приближении,

п

а  $I_{12}(\omega, \theta_c)$  полностью симметричны относительно  $\omega_c$ . Это обусловлено тем, что параметр ПД для всех рис. 1, a-c имеет одинаковое значение  $\gamma_{\Pi\Pi} = \Gamma_c / \Gamma \approx 10$ . Однако при внимательном анализе указанных спектральных линий можно установить следующее. Во-первых, полуширина  $\Delta_A$  спектральной линии  $A_L$  результирующей интенсивности  $I^{(0)}(\omega, \theta_c)$  сильно зависит от значений  $\Gamma = \Gamma_c$  (или  $\theta_c$ ) и  $\tilde{\omega}_{LT}$ , частота её максимума с ростом  $\theta_c$  смещается в коротковолновую сторону от  $\omega_c$  и, строго говоря, симметричный лоренцевский характер, справедливый при  $\Gamma \approx \Gamma_c \gg \tilde{\omega}_{LT}$ , нарушается. Во-вторых, особое внимание обращает на себя резко отличающие две части парциальных спектральных контуров  $I_{M1}(\omega, \theta_c)$  и  $I_{M2}(\omega, \theta_c)$ : очень сильные, узкие резонансные части полушириной  $\Delta_P \approx 0.089 \text{ meV}$  над суммарным контуром  $I^{(0)}(\omega, \theta_c)$  и относительно слабые, протяженные, резко асимметричные крылья. При этом резонансные, положительные парциальные вклады  $I_{M1}(\omega_{c}) + I_{M2}(\omega_{c})$  и отрицательный интерференционный вклад  $I_{M12}(\omega_c)$  сильно гасят друг друга и почти не влияют на полуширину  $\Delta_A$  линии  $A_L$ . В-третьих, механизм формирования линии AL зависит от значения параметра СЭВ  $\tilde{\omega}_{LT}(\theta_c)/\Gamma_c$ . Так, уже при  $\theta_c = 12^\circ$  имеем  $\tilde{\omega}_{LT}/\Gamma_c \approx 0.1$ , и слабый поляритонный эффект приводит к сильной интерференции вблизи  $\omega_c$  ( $-I_{12} \ge I_{M1}, I_{M2}$ ) смешанных экситон-неоднородных волн, а при  $\theta \ge 25^\circ$ преобладает роль СЭПМ М1 и М2. Суперпозиция этих двух мод с сильно асимметричными  $I_{M1}(\omega)$ ,  $I_{M2}(\omega)$  и симметричными  $I_{12}(\omega)$  контурами формирует практически симметричный спектральный контур  $I^0(\omega, \theta_c = 12^\circ)$ с максимумом на частоте  $\omega_c$  (рис. 2, *a*), и количественно хорошо воспроизводится экспериментальный спектр для CdS (треугольники). Расхождения теории и эксперимента на дальних краях спектра не превышают 5-7%. Вчетвертых, с увеличением критического значения угла выхода ( $\theta_c = 24.5^{\circ}$ , 56°) монотонно увеличивается параметр СЭВ  $\tilde{\omega}_{LT}/\Gamma_c \approx 0.18$ , 0.4, и доминируют промежуточные смешанные поляритоны в формировании спектров люминесценции СЭПМ на фоне усиления аномальной дисперсии, что проявляется в существенном изменении максимальных значений интенсивностей  $I_{\beta}(\omega, \theta_{c})$  и слабой трансформации формы парциальных спектральных контуров (рис. 1, b, c).

На рис. 2 прослеживается четкая корреляция между дисперсионными кривыми (a'-c') и соответствующими спектральными линиями фотолюминесценции (a-c) смешанных мод при разных критических значениях  $\Gamma = \Gamma_c$ . Видно, что динамика изменения дисперсии смешанных мод M1, M2 и M1', M2' в зависимости от значения  $\Gamma_c$  вызывает адекватные изменения формы спектральных линий парциальных (кривые 1, 2), интерференционных (кривые 12) и результирующих (кривые  $\Sigma$ ) интенсивностей, обусловленные описанными выше особенностями.

### Заключение

Таким образом, на основе полученных в настоящей работе результатов можно сделать следующий вывод. Рассчитанные ранее в работах [3,4,7] спектры люминесценции при заданном значении затухания  $\hbar\Gamma$  позволяли следить за динамикой изменения спектров ЭПЛ с ростом  $\theta$ при одновременном присутствии ПД ( $\gamma_{\Pi\Pi} = \Gamma_c(\theta)/\Gamma$ ) и СЭВ ( $\gamma_{LT} = \tilde{\omega}_{LT}(\theta)/\Gamma$ ). А представленный в настоящей работе совместный анализ дисперсионных кривых и спектров люминесценции СЭПМ демонстрирует одновременное влияние затухания и СЭВ на формирование спектров когерентного излучения сильно затухающих смешанных волн при постоянном значении параметра *γ*<sub>ПД</sub> = 1.0. Этот анализ условий формирования спектральной линии A<sub>L</sub> позволяет утверждать, что процессы затухания экситонов влияют на её полуширину  $\Delta_A$ сильнее, чем ПД.

### Благодарности

Авторы выражают благодарность А.В. Селькину за предоставление экспериментальных результатов.

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

## Список литературы

- [1] Ахмедиев Н.Н. // ЖЭТФ. 1980. Т. 79. № 4 (10). С. 1534.
- [2] Lebedev M.V., Lysenko V.G. // Sov. Phys. JETP. 1984. V. 59. N 6. P. 2193.
- [3] Ивченко Е.Л., Селькин А.В., Абдукадыров А.Г., Сажин М.И., Юлдашев Н.Х. // Опт. и спектр. 1989. Т. 67. № 4. С. 845.
- [4] Абдукадыров А.Г., Сажин М.И., Селькин А.В., Юлдашев Н.Х. // ЖЭТФ. 1990. Т. 97. В. 2. С. 644.
- [5] Masami Susaki, Kazuki Wakita, Nobuyuki Yamamoto. // Jpn. J. Appl. Phys. 1999. V. 38. N 5A. P. 1.
- [6] Akhmadaliev B.Zh., Polvonov B.Z., Yuldashev N.Kh. // Opt. Spectrosc. 2014. V. 116. N 2. P. 244.
- [7] Akhmadaliev B.Zh., Yuldashev N.Kh., Yulchiev I.I. // Opt. Spectrosc. 2018. V. 125. N 3. P. 330.
- [8] Юлдашев Н.Х. Экситон-поляритонная люминесценция и перенос резонансного излучения в кристаллах. Фергана: Фаргона, 2002. 214 с.