05

Сдвиговые упругие свойства ВТСП керамики в области перехода в сверхпроводящую фазу

© А.И. Коробов, А.И. Кокшайский, Н.В. Ширгина, Н.И. Одина, А.А. Агафонов, В.В. Ржевский

Московский государственный университет им. М.В. Ломоносова, 119991 Москва, Россия e-mail: aikor42@mail.ru

Поступило в Редакцию 4 сентября 2019 г. В окончательной редакции 6 декабря 2019 г. Принято к публикации 19 декабря 2019 г.

Приведены результаты исследований сдвиговых упругих свойств высокотемпературной сверхпроводящей (ВТСП) керамики $YBa_2Cu_3O_{7-x}$ в окрестностях фазового перехода в сверхпроводящее состояние при температуре 91.3 К, а также при комнатной температуре 293 К. В области температуры фазового перехода впервые обнаружено локальное увеличение сдвигового нелинейного акустического параметра *N*. Проведенные экспериментальные исследования линейных и нелинейных упругих свойств ВТСП керамики $YBa_2Cu_3O_{7-x}$ в области сверхпроводящего перехода показали, что электронный фазовый переход оказывает существенное влияние на ее упругие свойства. На основе результатов экспериментальных измерений были определены линейные и нелинейные упругие параметры как при комнатной температуре, так и в области температуры фазового перехода.

Ключевые слова: скорость ультразвуковых волн, сверхпроводящая керамика, структурная упругая нелинейность, нелинейный сдвиговый упругий параметр.

DOI: 10.21883/JTF.2020.06.49282.309-19

Введение

Со времени открытия высокотемпературных сверхпроводников (ВТСП) одним из наиболее интенсивно исследуемых материалов является ВТСП соединение YBa₂Cu₃O_{7-x} [1,2]. Интерес к этому материалу вызван сравнительно высокой температурой фазового перехода Т_с, равной приблизительно 91 К (превышающей температуру жидкого азота $T = 77.4 \,\mathrm{K}$) в сверхпроводящее состояние, относительно простой технологией его изготовления, возможностью его применения в различных областях электроники и электроэнергетики, например, при создании магнитных бесконтактных подшипников для накопителей энергии, при изготовлении объемных СВЧ резонаторов, а также при изготовлении электромоторов. Сверхпроводящие магнитные подшипники для быстро вращающихся конструкций, таких как турбины, маховики, двигатели и генераторы, являются одним из наиболее перспективных применений для ВТСП соединения YBa₂Cu₃O_{7-x} [3]. Керамика YBa₂Cu₃O_{7-x} представляет собой микрокристаллическую структуру, поэтому при эксплуатации изделий из нее могут возникать различные дефекты, в том числе микротрещины, влияющие на механическую прочность устройств, изготовленных из этой керамики. Вместе с тем существование в керамике YBa₂Cu₃O_{7-x} ряда фаз и фазовых переходов, зависящих от температуры, от содержания кислорода, неупорядоченности кислородной подрешетки [2,4-8], делает необходимым для изучения ее упругих свойств применение структурно-чувствительных методов. К таким методам относятся измерения коэффициента теплового расширения [9,10], ультразвуковые измерения [11], с помощью которых можно проводить эффективную диагностику ВТСП керамики YBa₂Cu₃O_{7-x}. Измерения коэффициента теплового расширения керамики в [9,10] проводились рентгеновским методом. Очевидно, что проводить периодическую диагностику промышленных изделий конечных размеров из керамики YBa₂Cu₃O_{7-x} в сверхпроводящем состоянии путем измерения коэффициента теплового расширения представляется довольно трудной задачей. Более перспективными методами неразрушающей диагностики конструкций конечных размеров из ВТСП керамики в сверхпроводящем состоянии являются ультразвуковые методы [12]. Анализ результатов исследований упругих свойств ВТСП керамик [2] показывает, что линейные сдвиговые свойства ВТСП керамик исследованы недостаточно, а исследования нелинейных упругих свойств практически отсутствуют. Особый интерес представляют нелинейные акустические эффекты, возникающие в ВТСП керамике YBa₂Cu₃O_{7-x} при распространении в ней гармонической сдвиговой акустической волны конечной амплитуды [11]. Проведенные авторами настоящей работы экспериментальные измерения скорости продольных и сдвиговых объемных акустических волн (ОАВ) в исследованных образцах ВТСП керамики YBa₂Cu₃O_{7-х} не обнаружили зависимости величины скорости ОАВ от направления распространения в образце. Это указывает на то, что микрокристаллическая керамика YBa₂Cu₃O_{7-x} является упругоизотропным материалом. Как показано в [7], вследствие высокой симметрии в изотропных твердых телах без дефектов генерация сдвиговой акустической гармоники запрещена. Однако в изотропных твердых телах кроме классической нелинейности, связанной с ангармонизмом кристаллической решетки, может наблюдаться неклассическая, структурная нелинейность, обусловленная наличием в микрокристаллическом изотропном твердом теле различных дефектов, в том числе микротрещин, при этом структурная нелинейность значительно превышает классическую. Экспериментально установлено, что структурная нелинейность зависит от количества структурных дефектов: с увеличением количества дефектов структурная нелинейность увеличивается. Первая ключевая работа по изучению влияния дефектной структуры на нелинейные упругие свойства поли- и монокристаллов металлов была выполнена в 1963 году на кафедре акустики физического факультета МГУ [13,14]. В этой работе экспериментально наблюдалась генерация второй сдвиговой гармоники в изотропных поликристаллических металлах: алюминии, магниево-алюминиевом сплаве МА-8. В результате проведенных экспериментов было установлено, что наличие неоднородностей и дефектов (дислокаций, микротрещин, границ микрозерен, локальных внутренних напряжений) существенно изменяет сдвиговые нелинейные упругие свойства твердых тел: в них появляется сдвиговая упругая структурная нелинейность и наблюдается генерация второй сдвиговой гармоники. При этом было отмечено, что с увеличением дефектности материала увеличивается сдвиговая упругая нелинейность в диагностируемом материале. Наличие сдвиговой гармоники упругой нелинейности в материале является диагностическим признаком и свидетельствует о наличии в нем дефектной структуры [11,14], поэтому периодическое измерение второй сдвиговой гармоники в деталях промышленных устройств, изготовленных из керамики YBa₂Cu₃O_{7-x}, находящейся в сверхпроводящем состоянии, позволит получить информацию о накоплении дефектов в этих устройствах.

Целью настоящей работы является экспериментальное исследование линейных и нелинейных сдвиговых упругих свойств ВТСП керамики YBa₂Cu₃O_{7-x} в сверхпроводящем состоянии, а также при температуре 293 К.

Экспериментальные образцы, установка и методика измерений

Для проведения экспериментальных исследований использовались образцы ВТСП керамики $YBa_2Cu_3O_{7-x}$, изготовленные в Национальном исследовательском центре "Курчатовский институт". Эта керамика используется в промышленных приложениях, например, при изготовлении электромоторов. Из исходной заготовки с пористостью 10% были изготовлены три образца в форме прямоугольных параллелепипедов с размерами $36.22 \times 9.79 \times 7.19$ mm. Противоположные грани образцов были плоскопараллельны и тщательно полировались. Плотность образцов была равна 5690 ± 70 kg/m³.

 с лученная с помощью электронного микроскопа с коэффициентом увеличения 24971×. На рис. 1, а видно, что образец состоит из микрокристаллов различной формы с характерными размерами порядка 1-2μm. Также в образце обнаружена пора.
 Ультразвуковые измерения в интервале температур от

На рис. 1, а приведена микрофотография образца, по-

78 до 300 К проводились с использованием автоматизированной экспериментальной ультразвуковой установки. Установка состоит из персонального компьютера (ПК), ультразвуковой системы Ritec RAM-5000, работающей в импульсном режиме, электрической схемы для измерения сопротивления образца методом четырехточки (на рис. 1 не показана), низкотемпературной термостатируемой акустической ячейки с исследуемым образцом, дьюара с жидким азотом и системы для измерения температуры образца с помощью термопары. Постоянное напряжение, пропорциональное температуре образца, с термопары поступало на контроллер Stanford Research System SR630, и после усиления и оцифровки 12 разрядным аналогоцифровым преобразователем сигнал подавался в ПК.

Акустическая ячейка с экспериментальным образцом опускалась в дьюар с жидким азотом. Ячейка состояла из кристаллодержателя, в котором был закреплен исследуемый образец с термопарой. Кристаллодержатель с образцом помещался в полый герметичный толстостенный цилиндр из бронзы. Бронза обладает высокими коэффициентами тепловодности и теплоемкости, что позволяло предотвратить неоднородность температуры в исследуемом образце. Температура образца изменялась путем плавного перемещения ячейки в парах азота. Скорость изменения температуры во всем диапазоне температур не превышала 0.5 К/min, а в окрестности сверхпроводящего перехода менее 0.1 К/min.

Для одновременного исследования линейных и нелинейных упругих свойств твердых тел в экспериментальной установке были реализованы следующие экспериментальные методики:

а) импульсный метод измерения скорости и поглощения ультразвуковых волн [15];

б) спектральный метод для определения нелинейных упругих свойств твердых тел, основанный на исследовании эффективности генерации высших акустических гармоник при распространении акустических волн конечной амплитуды в исследуемом образце [8].

Для возбуждения сдвиговых волн в образце керамики использовалась пластинка из пьезоэлектрического кристалла ниобата лития YZ-17° среза с резонансной чистотой 5 MHz. Для приема сигнала второй упругой сдвиговой гармоники на частоте 2f = 10 MHz использовалась аналогичная пластинка с резонансной частотой 10 MHz. Эта пластинка также использовалась и для приема ультразвукового сигнала на частоте 5 MHz. Пластинки крепились к противоположным полированным плоскопараллельным сторонам образца. Акустический



Рис. 1. *a* — фотография образца, сделанная на электронном микроскопе; *b* — экспериментальная установка для проведения низкотемпературных акустических измерений: *1* — ультразвуковая система Ritec RAM-5000, *2* — ПК, *3* — фильтр высоких частот, *4* — фильтр низких частот, *5* — многоканальный измеритель температуры Stanford Research System SR630, *6* — ручная лебедка с миллиметровой подачей, *7* — упругая виброразвязка, *8* — сосуд Дьюара, *9* — пары азота, *10* — жидкий азот, *11* — массивная латунная емкость, *12* — пьезоэлектрические преобразователи, *13* — образец.

контакт между пьезоэлектрическими преобразователями и образцом в интервале температур (78–300) К осуществлялся с помощью силиконового масла, обладающего сдвиговой упругостью и незамерзающего при температуре жидкого азота. С ультразвукового измерительного комплекса на излучающий пьезоэлектрический преобразователь подавался высокочастотный импульс с частотой заполнения f = 5 MHz и амплитудой до 500 V, длительностью $(3-5)\mu$ s, который возбуждал в образце упругую волну. Прошедшая через образец волна регистрировалась приемным преобразователем. Спектр прошедшего через образец акустического сигнала содержал, кроме сигнала зондирующей волны A_f на частоте f = 5 MHz, сигнал второй гармоники A_{2f} на частоте 2f = 10 MHz. Для выделения сигналов первой и второй гармоник из спектра акустической волны, прошедшей через образец, применялись фильтры нижних и высоких частот. Отфильтрованные сигналы основной частоты и второй гармоники подавались на отдельные приемные входы ультразвукового комплекса. Это позволяло по двум независимым каналам проводить одновременное измерение амплитуды A и фазы φ сигналов первой и второй гармоник в зависимости от амплитуды зондирующего сигнала при различных температурах исследуе-

мого образца. Регистрация экспериментальных данных и их последующая математическая обработка осуществлялась в ПК.

Экспериментальные результаты и их обсуждение

В приготовленных образцах керамики $YBa_2Cu_3O_{7-x}$ импульсным ультразвуковым методом на прохождение [16] вдоль трех ортогональных направлений, параллельных трем ребрам параллелепипеда, были измерены скорости продольных и сдвиговых объемных акустических волн (ОАВ) при комнатной температуре T = 300 К. Численные значения как для продольных, так и для сдвиговых скоростей ОАВ в образце не зависели от направления распространения ОАВ. Проведенные измерения скорости ОАВ дали возможность считать исследуемые образцы упругоизотропным твердым телом. Также была измерена плотность образцов ВТСП $\rho_0 = 5690 \pm 70 \text{ kg/m}^3$. На основании этих измерений были рассчитаны коэффициенты упругости второго порядка в исследованной ВТСП керамике (см. таблицу).

В изотропных твердых телах имеется 12 отличных от нуля коэффициентов упругости второго порядка (КУВП), но только 2 из них являются независимыми. Обычно такими принято считать коэффициенты C_{11} и C_{44} . В таблице приведены результаты измерения скоростей продольной и сдвиговой ОАВ, значение плотности керамики YBa₂Cu₃O_{7-x} и рассчитанные по формулам (1) и (2) значения КУВП в исследованном образце:

$$C_{11} = \rho_0 V_L^2, \tag{1}$$

$$C_{44} = \rho_0 V_T^2, \tag{2}$$

где ρ_0 — плотность образца, V_L — продольная скорость, V_T — сдвиговая скорость ОАВ.

Для описания упругих свойств изотропных твердых тел наряду с тензорными коэффициентами C_{11} и C_{44} часто используются скалярные величины: λ , μ — коэффициенты Ламе, Sij — модуль податливости второго порядка, E — модуль Юнга, K — коэффициент всестороннего сжатия, σ — коэффициент Пуассона. Любая пара этих коэффициентов однозначно описывает упругие свойства твердых тел. Экспериментально определенные коэффициенты C_{11} и C_{44} позволили рассчитать коэффициенты Ламэ λ , μ , модуль Юнга E, коэффициент Пуассона σ , коэффициент всестороннего сжатия K в ВТСП керамике.

Значение этих коэффициентов в ВТСП керамике приведено в таблице. Методика расчета этих коэффициентов приведена в [17].

Для определения температуры сверхпроводящего перехода из ВТСП керамики $YBa_2Cu_3O_{7-x}$ был приготовлен образец размером $1 \times 1 \times 7$ mm. Сопротивление образца *R* в интервале температур (78–300) К было



Рис. 2. Температурная зависимость сопротивления образца керамики YBa₂Cu₃O_{7-x}.

измерено методом четырехточки при токе через образец J = 1 mA. Эти измерения зарегистрировали переход керамики YBa₂Cu₃O_{7-x} в сверхпроводящее состояние при температуре $T_c = (91.3 \pm 0.1)$ K (ширина перехода ~ 1 K) (рис. 2).

Линейные упругие свойства керамики в интервале температур (79–300) К исследовались импульсным методом путем измерения скорости продольных и сдвиговых ОАВ. С понижением температуры на фоне монотонного роста у скоростей как продольных, так и сдвиговых волн обнаружено аномальное поведение при переходе материала в сверхпроводящее состояние при температуре $T_c = 91.3$ К. Особенно тщательно нами были измерены температурные зависимости скоростей ОАВ в области сверхпроводящего перехода (рис. 3).

В случае продольных волн при $T = T_c = 91.3$ К отмечены аномалии как самой зависимости, так и ее производной по температуре (рис. 3). Для оценки величин наблюдаемых скачков скорости кривая зависимости была аппроксимирована отрезками прямых с использованием метода наименьших квадратов на участках выше (T = 92.5 - 94 К) и ниже (T = 88 - 90 К) температуры перехода, после чего обе прямые были экстраполированы до точки T_c . Согласно оценкам, скачок относительного изменения скорости продольной волны $V_1 \frac{\Delta V_l}{V_l} (T_c) = -1.5 \cdot 10^{-4}$ (рис. 3, *a*), при этом изменение производной было равно $\Delta \left[\frac{d}{dT} \left(\frac{\Delta V_l}{V_l} \right) \right] = 1.3 \cdot 10^{-4}/K$.

Для зависимости скорости сдвиговой волны от температуры $\frac{\Delta V_l}{V_l}(T_c)$, аппроксимированной аналогично $\frac{\Delta V_l}{V_l}(T)$, в пределах ошибки измерений скачка величины $\frac{\Delta V_l}{V_l}$ не наблюдалось, величина же скач-

Плотность, kg/m ³	V_L , m/s	V _S , m/s	C_{11} , GPa	$C_{44} = \mu \mathrm{GPa}$	S_{11}	<i>S</i> ₁₂	K, GPa	E, GPa	$\sigma,$ Pa	λ, GPa
5690 ± 70	4530 ± 70	2630 ± 40	116.74 ± 3.48	39.35 ± 1.18	(1.02	(-2.5	64.2 ± 1.9	98 ± 3	0.25 ± 0.07	38 ± 1
					$\pm 0.03) \cdot 10^{-11}$	$\pm 0.07) \cdot 10^{-12}$				

Упругие параметры ВТСП керамики $YBa_2Cu_3O_{7-x}$ при температуре T = 300 K



Рис. 3. Температурные зависимости продольных (а) и сдвиговых (b) ОАВ в ВТСП керамике $YBa_2Cu_3O_{7-x}$ в области температуры фазового сверхпроводящего перехода при $T_c = 91.3$ K.

производной при $T = T_c$ составила (рис. 3, *b*) ка $= 1.02 \cdot 10^{-4} 1/K.$ $\Delta \left| \frac{d}{dT} \right|$

Одновременно импульсным методом было исследовано поглощение сдвиговой акустической волны в образце в зависимости от температуры в ВТСП керамике YBa₂Cu₃O_{7-x} в области фазового перехода. Поглощение упругих волн вычислялось по формуле

$$\alpha = \frac{1}{l} \ln \left(\frac{A_i}{A_{i+1}} \right),\tag{3}$$

где *l* — длина образца, *A_i* — амплитуда первого прошедшего импульса, A_{i+1} — амплитуда второго импульса в серии упругих импульсов, прошедших через образец. Измеренная зависимость коэффициента поглощения сдвиговой упругой волны от температуры в окрестности фазового перехода при $T_c = 91.3 \, {\rm K}$ приведена на рис. 4. Как видно из приведенной на рис. 4 зависимости, с увеличением температуры наблюдается уменьшение поглощения упругой сдвиговой волны, однако вблизи точки фазового перехода 91.3 К наблюдается локальное увеличение коэффициента поглощения с 0.014 до 0.015 1/m.

Нелинейные сдвиговые упругие свойства ВТСП керамики YBa₂Cu₃O_{7-x} в области температуры сверхпроводящего фазового перехода при T_c = 91.3 К исследовались спектральным методом путем измерения эффективности генерации второй сдвиговой упругой гармоники в изучаемой керамике.

Этот метод заключается в следующем. В спектре гармонической сдвиговой ОАВ конечной амплитуды А, прошедшей через исследуемый твердотельный образец, кроме волны основной частоты $A_f = A_1 \sin(\omega t - kl)$, наблюдалась вторая гармоника ОАВ $A_{2f} = A_2 \sin[2(\omega t - kl)]$:

$$A = A_1 \sin(\omega t - kl) + A_2 \sin[2(\omega t - kl)].$$
(4)

Генерация второй сдвиговой гармоники в изотропном образце связана с неклассической структурной нелинейностью, обусловленной наличием в исследуемом образце мелкокристаллической структуры (рис. 1, *a*). Зависимость амплитуды второй гармоники А2 от амплитуды ОАВ первой гармоники А1 в (4) определяется



Рис. 4. Температурная зависимость коэффициента поглощения α для сдвиговых упругих волн от температуры в ВТСП керамике YBa₂Cu₃O_{7-x} в области температуры сверхпроводящего фазового перехода при $T_c = 91.3$ K.

Журнал технической физики, 2020, том 90, вып. 6



Рис. 5. Температурные зависимости: a — амплитуды второй сдвиговой гармоники A_2 ; b — нормированного нелинейного упругого параметра второго порядка N(T) для сдвиговых упругих волн в ВТСП керамике вблизи температуры сверх-проводящего перехода при $T_c = 91.3$ К.

уравнением [13]

$$A_2 = [(Nk^2L)A_1^2]/8, (5)$$

где $k = \omega/V_T$ — волновой вектор, V_T — скорость сдвиговой акустической волны, ω — частота первой упругой гармоники, L — длина области взаимодействия, N нелинейный акустический параметр для ОАВ в твердом теле. Экспериментальные исследования температурных зависимостей амплитуды второй гармоники $A_2(T)$ от амплитуды первой гармоники $A_1(T)$ ОАВ позволяют определить температурную зависимость сдвигового нелинейного акустического параметра N(T), численно характеризующего упругую нелинейность образца.

Из уравнения (5) следует

$$N(T) = [8A_2(T)]/[(k_f^2 L)A_1^2(T)].$$
(6)

На рис. 5 приведены экспериментальные результаты температурных зависимостей амплитуды второй сдвиговой упругой гармоники и акустического нелинейного параметра N(T) для сдвиговых упругих волн второго порядка в области сверхпроводящего перехода при $T_c = 91.3$ K, нормированного на его значения при температуре 84 K.

Как следует из рис. 5, в окрестности температуры $T_c = 91.3$ К, соответствующей сверхпроводящему фазовому переходу, наблюдалось локальное увеличение сдвигового нелинейного акустического параметра: его величина увеличилась примерно в 1.13 раза.

Увеличение поглощения основной частоты, амплитуды второй сдвиговой упругой гармоник и нелинейного акустического параметра (рис. 4, 5) вблизи температуры фазового перехода $T_c = 91.3$ К связаны со структурными изменениями в системе, сопровождающими сверхпроводящий переход. Особенности в поведении коэффициента теплового расширения при температуре фазового перехода были обнаружены в [9,10], которые авторы связывают с изменением структуры образца.

Заключение

В работе исследованы образцы ВТСП керамики YBa₂Cu₃O_{7-x}, изготовленной в Национальном исследовательском центре "Курчатовский институт". Эта керамика используется при изготовлении электромоторов. В ВТСП керамике YBa₂Cu₃O_{7-x} при температуре 293 К были измерены скорости продольных и сдвиговых волн параллельно ребрам образца. На основании результатов измерений величин скоростей продольных и сдвиговых волн был сделан вывод, что исследуемые образцы являются упруго изотропными. Проведенные измерения скорости ОАВ и плотности образцов позволили определить все независимые компоненты тензоров упругости второго порядка. В интервале температур (78-300) К методом четырехточки измерена температурная зависимость сопротивления образца ВТСП керамики $YBa_2Cu_3O_{7-x}$. При температуре T = 91.3 K в исследуемом образце был обнаружен фазовый переход в сверхпроводящее состояние. Несмотря на то, что образец являлся упруго изотропным, в нем наблюдалась генерация второй сдвиговой гармоники, которая связана с микрокристаллической структурой образца. В окрестности температуры фазового перехода впервые обнаружено увеличение сдвигового нелинейного акустического параметра N, характеризующего нелинейные сдвиговые упругие свойства ВТСП керамики YBa₂Cu₃O_{7-x}, которое объясняется изменением внутренней структуры образца. Изменение структуры образца ВТСП керамики YBa₂Cu₃O_{7-x} в области фазового перехода было ранее зарегистрировано при исследовании рентгеновским методом коэффициента теплового расширения в [9,10].

Генерация второй сдвиговой гармоники может служить диагностическим признаком изменения внутренней структуры образца, в том числе появления микротрещин. Проведенные исследования нелинейных упругих сдвиговых свойств ВТСП керамики YBa₂Cu₃O_{7-x} показывают, что они могут быть использованы при неразрушающей акустической диагностике образцов и промышленных деталей из этого материала в сверхпроводящем состоянии методами нелинейной акустики. Достоинство этого метода заключается в том, что он дает возможность проводить непрерывную диагностику конструкций, изготовленных из ВТСП керамики, в процессе их эксплуатации.

Проведенные экспериментальные исследования линейных и нелинейных упругих свойств керамики YBa₂Cu₃O_{7-x} в области сверхпроводящего перехода показывают, что переход в сверхпроводящее состояние оказывает существенное влияние на линейные и нелинейные упругие сдвиговые свойства данного материала.

Благодарности

Авторы благодарят Круглова В.С. за предоставленные образцы.

Финансирование работы

Исследования упругих характеристик выполнены за счет гранта Российского научного фонда (проект № 14-22-00042).

Конфликт интересов

Авторы заявляют, что них нет конфликта интересов.

Список литературы

- Wu M.K., Ashburn J.R., Torng C.J., Hor P.H., Meng R.L., Gao L., Huang Z.J., Wang Y.Q., Chu C.W. // Phys. Rev. Lett. 1987. Vol. 58. N 9. P. 908–910.
- [2] Nikiforov V.N., Bulychev N.A., Rzhevskii V.V. // Bull. Lebedev Phys. Inst. 2016. Vol. 43. N 2. P. 74–79.
- Walter H., Bock J., Frohne Ch., Schippl K., May H., Canders W.R., Kummeth P., Nick W., Neumueller H.-W. // J. Phys.: Conf. Series. 2006. Vol. 43. P. 995–998.
- [4] Galliano P.G., Soga N., Hirao K. // J. Mater. Sci. 1992. Vol. 27.
 P. 2621–2626.
- [5] Воронов Б.Б., Коробов А.И., Мощалков В.В. // Сверхпроводимость: физика, химия, техника. 1990. Т. З. Вып. 12. С. 2733–2744.
- [6] Воронов Б.Б., Коробов А.И. // Физика низких температур. 1991. Т. 17. Вып. 11–12. С. 1573–1576.
- [7] Гаджимагомедов С.Х., Палчаев Д.К., Рабаданов М.Х., Мурлиева Ж.Х., Шабанов Н.С., Палчаев Н.А., Мурлиев Э.К., Эмиров Р.М. // Письма в ЖТФ. 2016. Т. 42. Вып. 1. С. 9–16. [Gadjimagomedov S., Palchaev D., Rabadanov M., Murlieva Zh., Shabanov N., Palchaev N., Murliev E.K., Emirov R. // Tech. Phys. Lett. 2016. Vol. 42. P. 4–7. DOI: 10.1134/S1063785016010065]
- [8] Белодедов М.В., Черных С.В. // ЖТФ. 2003. Т. 48. Вып. 2.
 С. 75–80. [Belodedov M.V., Chernykh S.V. // Tech. Phys. 2003.
 Vol. 48. N 2. P. 209–214.]

- [9] Головашкин А.И., Данилов В.А., Иваненко О.М., Мицен К.В., Перепечко И.И. // Письма в ЖЭТФ. 1987. Т. 46. Вып. 7. С. 273–275.
- [10] Swenson C.A., McCallum R.W., No K. // Phys. Rev. B. 1989.
 Vol. 40. N 13. P. 8861–8871.
- [11] Руденко О.В. // УФН. 2006. Т. 176. Вып. 1. С. 77–95. [Rudenko O.V. // Phys. Usp. 2006. Vol. 49. N 1. P. 69–87.]
- [12] Hull J.R., Murakami M. Proceedings of the IEEE. 2004. Vol. 92. N 10. P. 1705–1718.
- [13] Зарембо Л.К., Красильников В.А. Введение в нелинейную акустику. М.: Наука, 1966. 309 с.
- [14] Гедройц А.А., Зарембо Л.К., Красильников В.А. // ДАН СССР. 1963. Т. 150. С. 515–518.
- [15] Труэлл Р., Эльбаум Ч., Чик Б. Ультразвуковые методы в физике твердого тела. М.: Мир, 1972. 307 с. [Truell R., Elbaum C., Chick B. Ultrasonic Methods in Solid State Physics. NY: Academic Press, 1969. 478 p.]
- [16] Сиротин Ю.И., Шаскольская М.П. Основы кристаллоакустики. М.: Наука, 1975. 680 с.
- [17] Мэзон У. Физическая акустика. Т. 1. Методы и приборы ультразвуковых исследований. М.: Мир, 1966. 588 с.