# 01

# Квазимолекулярные оптические переходы вблизи резонансных линий атомов Kr и Xe в атмосфере гелия

© А.З. Девдариани<sup>1,3</sup>, А.Л. Загребин<sup>2</sup>, М.Г. Леднев<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Санкт-Петербургский государственный университет,

198504 Санкт-Петербург, Россия

<sup>2</sup> Балтийский государственный технический университет "ВОЕНМЕХ" им. Д.Ф. Устинова,

190005 Санкт-Петербург, Россия

<sup>3</sup> Российский государственный педагогический университет им. А.И. Герцена,

191186 Санкт-Петербург, Россия

e-mail: snbrn2@yandex.ru

Поступила в редакцию 20.06.2019 г. В окончательной редакции 13.10.2019 г. Принята к публикации 21.10.2019 г.

Выполнено теоретическое исследование спектров излучения и поглощения вблизи резонансных линий  $^{1,3}P_1 - {}^1S_0$  атомов Кг и Хе в атмосфере атомов гелия при равновесных условиях. Потенциальные кривые для возбужденных состояний квазимолекул Kr( $4p^55s$ ) + He и Xe( $5p^56s$ ) + He получены в рамках совместного использования метода эффективного гамильтониана и метода псевдопотенциала. Для основного состояния используются экспериментальные данные. На основе этих потенциальных кривых в рамках квазистатического приближения рассчитаны спектральные профили квазимолекулярного излучения и поглощения для коротковолновых крыльев резонансных линий. Для поглощения полученные результаты сравниваются с имеющимися экспериментальными данными.

Ключевые слова: квазимолекулярные термы, поглощение и излучение света, столкновения атомов, резонансные переходы, крылья спектральных линий.

DOI: 10.21883/OS.2020.02.48956.218-19

# 1. Введение

Интерес к изучению радиационных процессов в смесях инертных газов связан с их широким применением в когерентных и некогерентных источниках излучения [1]. В настоящей работе вычислены и сопоставлены с экспериментальными данными профили спектральных линий в поглощении и излучении вблизи переходов  ${}^{1,3}P_1 - {}^1S_0$ в атомах Kr, Xe в атмосфере атомов He.

Форма далеких крыльев разрешенных спектральных линий определяется, главным образом, характером взаимодействия излучающих (поглощающих) атомов с атомами буферного газа. Поэтому определение потенциалов взаимодействия в основном и возбужденных состояниях является необходимым этапом при расчетах спектров квазимолекулярного излучения и поглощения. В то же время сравнение вычисленных спектров с экспериментальными данными дает возможность судить о качестве различных методов расчета потенциалов взаимодействия.

Для гетероядерных квазимолекул инертных газов неэмпирическое определение потенциалов взаимодействия в возбужденных состояниях связано со значительными вычислительными трудностями. Как отмечено в [2], трудности связаны с тем, что энергии электронного возбуждения оказываются близкими к порогу ионизации, что приводит к необходимости в расчетах *ab initio* одновременного учета большого числа ридберговских диффузных орбиталей. В настоящее время расчеты в подходе *ab intio* существуют только для ограниченного набора пар взаимодействующих атомов, а именно ArNe, ArHe, ArKr [3–5]. Для рассматриваемых в работе пар Kr<sup>\*</sup> + He, Xe<sup>\*</sup> + He расчеты потенциалов взаимодействия в возбужденных состояниях на сегодняшний день в таком подходе отсутствуют.

В настоящей работе в разд. 2 для возбужденных состояний были использованы потенциалы взаимодействия, впервые определенные в [6,7] в рамках методов эффективного гамильтониана и псевдопотенциала [8]. Такой подход для определения термов возбужденных состояний, который можно назвать полуэмпирическим, на сегодняшний день представляется наиболее надежным. Для основного состояния были использованы эмпирически определенные потенциалы взаимодействия [9], которые воспроизводят экспериментальные результаты лучше, чем определенные *ab initio*.

В разд. 3 расчеты коротковолновых крыльев квазимолекулярного излучения и поглощения в смесях Kr + He, Xe + He вблизи резонансных линий атомов криптона и ксенона выполнены в рамках квазистатического приближения [10]. Для спектра поглощения приводится сравнение результатов вычислений с экспериментальными данными, полученными на оборудовании BESSY [11] с помощью перестраиваемого синхротронного излучения.

Предварительные результаты работы доложены на 23 Международной конференции по форме спектральных линий [12].

### 2. Потенциалы взаимодействия

Расчет потенциалов взаимодействия возбужденных атомов  $Kr(4p^55s)$  и  $Xe(5p^56s)$  с атомами Не в основном состоянии был выполнен в работах [6,7] в рамках метода эффективного гамильтониана, который учитывает промежуточный тип связи атомных угловых моментов в возбужденном атоме инертного газа, и с использованием метода псевдопотенциала [8].

Согласно [8], адиабатические потенциалы взаимодействия  $U_{\Omega}(R)$  ( $\Omega$  — модуль проекции полного электронного момента на молекулярную ось) для квазимолекулы  $X^*(np^5(n+1)s) + \text{He}(^1S_0)$  (X = Kr, Xe) выражаются через три функции  $V_{\Sigma}(R)$ ,  $V_{\Pi}(R)$  и  $U_{\sigma}(R)$ , а также атомные константы. Функции  $V_{\Sigma}(R)$  и  $V_{\Pi}(R)$  представляют собой потенциалы взаимодействия иона  $X^+$  с атомом гелия в  $\Sigma$ и П-состояниях без учета спин-орбитального взаимодействия. Функция  $U_{\sigma}(R)$  является матричным элементом оператора взаимодействия атома гелия, поляризованного ионом  $X^+$ , с возбужденным *s*-электроном.

Расщепление адиабатических потенциалов на  $\Omega$ -компоненты определяется ион-атомным взаимодействием. В настоящей работе в отличие от [6], где  $V_{\Sigma}(R)$  и  $V_{\Pi}(R)$  предполагались одинаковыми и совпадающими с поляризационным потенциалом, использовались, как и в [7], полуэмпирические ион-атомные потенциалы, определенные в [13], которые учитывают взаимодействие конфигураций X<sup>+</sup> + Не и Не<sup>+</sup> + Х. Функция  $U_{\sigma}(R)$  вычислена в рамках метода псевдопотенциала, предложенного в [14,15] и развитого в работах [6,8,16,17].

Вычисленные адиабатические потенциалы для состояний  $^{1,3}P_1(\Omega = 0^+, 1)$  квазимолекул Kr $(4p^55s)$  + He и Xe $(5p^56s)$  + He, а также разностные потенциалы представлены на рис. 1, 2. Поскольку в масштабе рисунков соответствующие кривые для каждой квазимолекулы почти совпадают при разных  $\Omega$ , то на рис. 1 представлены результаты только для KrHe $(^1P_1, \Omega = 1)$ , а на рис. 2 для XeHe $(^3P_1, \Omega = 0^+)$ . Для потенциалов взаимодействия Kr, Xe + He в основном состоянии были использованы потенциалы взаимодействия, полученные в [9], надежность которых для пары Kr + He подтверждена в [18].

# 3. Квазимолекулярное поглощение и излучение при тепловых столкновениях Хе + He, Kr + He

В процессе формирования крыльев атомных спектральных линий определяющую роль играют характер потенциалов взаимодействия атомов в ходе столкновения и зависимость вероятности квазимолекулярного оптического перехода от межатомного расстояния. Представленные в предыдущем разделе потенциалы взаимодействия в основном и возбужденных состояниях были использованы для расчета характеристик процессов квазимолекулярного излучения и поглощения вблизи резонансных атомных линий Xe ( $5p^56s^{-1,3}P_1 - 5p^{6.1}S_0$ ) и



**Рис. 1.** Адиабатические потенциалы взаимодействия в возбужденном (1) и основном (2) состояниях, а также разностный потенциал (3) для квазимолекулы  $Kr(4p^55s \ ^1P_1) + He$  в состоянии  $\Omega = 1$ .



**Рис. 2.** Адиабатические потенциалы взаимодействия в возбужденном (1) и основном (2) состояниях, а также разностный потенциал (3) для квазимолекулы  $Xe(5p^56s^3P_1) + He$  в состоянии  $\Omega = 0^+$ .

Кг  $(4p^55s^{1,3}P_1-4p^{6\,1}S_0)$ , индуцированных столкновениями с невозбужденными атомами гелия.

Как видно из рис. 1, 2, в областях межатомных расстояний, ответственных за формирование далеких крыльев и доступных для тепловых столкновений, значения разностных потенциалов положительны. Таким образом, столкновения с атомами гелия приводят к формированию коротковолновых крыльев резонансных атомных линий криптона и ксенона. Расчеты соответствующих спектральных распределений коэффициентов поглощения  $K_{\rm abs}(T, \omega)$  и константы скорости излучения  $I(T, \omega)$ для условий термодинамического равновесия проводи-



**Рис. 3.** Спектральные распределения коэффициентов поглощения для переходов  $\operatorname{Kr}({}^{1}S_{0}-{}^{3}P_{1})$  (слева) и  $\operatorname{Kr}({}^{1}S_{0}-{}^{1}P_{1})$  (справа) при температуре T = 300 К. Сплошные линии соответствуют результатам вычислений, точки — экспериментальным значениям.



**Рис. 4.** Спектральные распределения коэффициентов поглощения для переходов  $Xe({}^{1}S_{0}-{}^{3}P_{1})$  (слева) и  $Xe({}^{1}S_{0}-{}^{1}P_{1})$  (справа) при температуре T = 300 К. Сплошные линии соответствуют результатам вычислений, точки — экспериментальным значениям.

лись в рамках квазистатического приближения [10]:

$$K_{\text{abs}}(\omega, T) = \frac{\lambda^2}{4} \hbar A \sum_{\Omega} \sum_{R_c} \frac{g_{\Omega} 4\pi R_c^2 \exp\left[-\frac{U_0(R_c)}{kT}\right]}{\left|\frac{d\Delta U_{\Omega}(R_c)}{dR}\right|}, \quad (1)$$
$$I(\omega, T) = \hbar A \sum_{\Omega} \sum_{R_c} \frac{g_{\Omega} 4\pi R_c^2 \exp\left[-\frac{U_0(R_c)}{kT}\right]}{\left|\frac{d\Delta U_{\Omega}(R_c)}{dR}\right|}. \quad (2)$$

Здесь  $\Omega = 0^+$ , 1,  $\lambda$  — длина волны квазимолекулярного перехода,  $\Delta U_{\Omega}(R) = U_{\Omega}(R) - U_0(R)$  — соответствую-

щий разностный потенциал,  $R_c$  — так называемая кондоновская точка или корень уравнения  $\Delta U_{\Omega}(R_c) = \hbar \Delta \omega =$  $= \hbar(\omega - \omega_0), \ \omega = 2\pi c/\lambda, \ \omega_0$  — частота атомного перехода,  $g_{\Omega}$  — относительный статистический вес квазимолекулярного состояния ( $g_{0+} = 1/3, \ g_1 = 2/3$  для излучения и  $g_{0+} = 1, \ g_1 = 2$  для поглощения), A(R) вероятность соответствующего квазимолекулярного перехода (коэффициент Эйнштейна), которая в общем случае зависит от межатомного расстояния R. Но в рассматриваемых случаях такой зависимостью можно пренебречь, поскольку в существенной для тепловых столкновений области межатомных расстояний малость



**Рис. 5.** Спектральные распределения константы скорости излучения для переходов  $Xe({}^{1}P_{1}-{}^{1}S_{0})$  (сплошная линия),  $Xe({}^{3}P_{1}-{}^{1}S_{0})$  (штриховая линия) и  $Kr({}^{1}P_{1}, {}^{3}P_{1}-{}^{1}S_{0})$  (пунктирная линия). Распределения для двух переходов в атоме криптона в масштабе рисунка совпадают.

изменения A(R) определяется малостью квадрата отношения расщеплений термов с различными  $\Omega$ , которые пропорционально зависят от величины  $V_{\Sigma}(R) - V_{\Pi}(R)$ , к тонкому расщеплению атомных уровней [8]. Поэтому в расчетах использовались значения коэффициентов Эйнштейна для соответствующих свободных атомов, вычисленные по данным о силах осцилляторов из работы [19]:  $\mathrm{Kr}({}^{1}S_{0}-{}^{3}P_{1}, \lambda_{0} = 123.6 \mathrm{nm}) = 0.214$ ,  $\mathrm{Kr}({}^{1}S_{0}-{}^{1}P_{1}, \lambda_{0} = 116.5 \mathrm{nm}) = 0.193$ ,  $\mathrm{Xe}({}^{1}S_{0}-{}^{3}P_{1}, \lambda_{0} =$  $= 147.0 \mathrm{nm}) = 0.273$ ,  $\mathrm{Xe}({}^{1}S_{0}-{}^{1}P_{1}, \lambda_{0} = 129.6 \mathrm{nm}) = 0.186$ . Результаты расчетов спектров квазимолекулярного излучения и поглощения представлены на рис. 3–5.

Полученные с использованием перестраиваемого синхротронного излучения спектры поглощения высокого разрешения [20] позволяют провести сравнение рассчитанных распределений с экспериментальными данными. Эксперимент проводился на оборудовании BESSY [11] в условиях газовой ячейки при концентрациях Kr(Xe) и Не порядка  $10^{16}$  и  $10^{19}$  сm<sup>-3</sup> соответственно. Результаты приводятся на рис. 3 и 4 для смесей Kr + He и Xe + He соответственно. Как видно из представленных рисунков, вычисленные спектральные распределения коэффициента поглощения для обеих смесей находятся в удовлетворительном согласии с данными эксперимента. Для смеси Хе + Не различие между результатами вычислений и экспериментом существеннее, что может быть связано с неучтенным в расчете квазимолекулярных термов взаимодействием с близколежащими состояниями конфигурации  $Xe(5p^56p) + He$ .

Результаты расчетов спектров излучения при температуре T = 300 К для смесей Кг<sup>\*</sup> + Не и Хе<sup>\*</sup> + Не представлены на рис. 5. Экспериментальные спектры излучения для этих смесей на сегодняшний день отсутствуют.

# 4. Заключение

Полученные результаты позволяют сделать вывод о том, что совместное использование методов эффективного гамильтониана и псевдопотенциала [8] дают достаточно хорошие результаты при расчете квазимолекулярных термов для случая взаимодействия возбужденных атомов Kr\*, Xe\* с атомами гелия, о чем свидетельствует сравнение полученных спектров поглощения с результатами прецизионного эксперимента [20]. Это позволяет обоснованно надеяться на возможность дальнейшего успешного применения указанных методов для расчета квазимолекулярных термов этих и других возбужденных атомов с промежуточным типом связи угловых моментов, взаимодействующих с атомами гелия и неона.

Авторы благодарны рецензенту за ссылку на работу [21], в которой экспериментально исследованы спектры поглощения гетероядерных квазимолекул инертных газов вблизи резонансных линий при  $T \sim 160$  К. В этой работе в качестве главных особенностей поглощения в смесях He + Xe, Kr отмечается существование "интенсивного монотонного уширения в коротковолновом крыле" как следствие переходов из связанного состояния основного терма в свободное состояние возбужденного терма [21]. Согласно результатам настоящей работы (рис. 1, 2) коротковолновое крыло формируется свободно-свободными переходами, а квазистатическое крыло в длинноволновой области отсутствует.

В работе [21] также отмечается наличие "слабого горба (а weak shoulder)" в окрестности резонансной линии Xe. Слабо выраженный горб со сдвигом от центра линии ~ 450 nm присутствует и в экспериментальных данных [20], полученных в условиях газовой ячейки при  $T \sim 300$  K, однако выполненный расчет (рис. 4) его не воспроизводит. Учитывая значения температуры, при которой проводились эксперименты в [20,21], наиболее вероятной причиной появления слабо выраженного горба в коротковолновом крыле можно считать нарушение условия квазистатического приближения о локализации перехода при  $R = R_c$ .

Согласно расчетам [9], глубина потенциальных ям основного состояния димеров НеКг, НеХе, локализованных при  $R_m \sim 7-7.5a_0$ , составляет -(17-18) сm<sup>-1</sup>, что допускает существование одного связанного состояния с энергией -(6-7) сm<sup>-1</sup> (при аппроксимации потенциалом Морзе) и амплитудой колебаний  $\sim 3a_0$  [21]. При  $T \sim (160-300)$  К длина волны атома гелия составляет  $(2-3)a_0$ , так что в области  $R_m \sim 7-7.5a_0$  локализуются 1-2 пучности волновой функции сплошного спектра, поэтому фактор Франка-Кондона для свободно-свободного перехода имеет слабо выраженную осцилляционную структуру и качественно не отличается от

такового для слабосвязанного состояния. Дальнейшее уточнение формы спектра, связанное с обобщением квазистатических формул (1), (2), может быть выполнено в рамках равномерного квазиклассического приближения для радиационных переходов подобно тому, как это сделано в [22] для легких квазимолекул  $\text{He}(2^1S) + \text{Ne}$ ,  $\text{Ar}({}^3P_2) + \text{He}$ , но только после необходимого анализа зависимости квазимолекулярного дипольного момента оптического перехода от расстояния.

### Финансирование работы

Один из соавторов (А.З.Д) благодарен Министерству образования и науки РФ за частичную поддержку работы (проекты № 3.5042.2017/6.7, 3.1738.2017/4.6).

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

## Список литературы

- [1] Герасимов Г.Н. // УФН. 2004. Т. 174. № 2. С. 155.
- [2] Devdariani A.Z., Chesnokov E.A., Zagrebin A.L., Lednev M.G., Petsalakis I.D., Theodorakopoulos G., Liebermann H.-P, Buenker R.J. // Chem. Phys. 2006. V. 330. N 1–2. P. 101.
- Petsalakis I.D., Buenker R.J., Liebermann H.-P., Alekseyev A., Devdariani A.Z., Theodorokopoulos G. // Chem. Phys. 2000.
   V. 113. N 14. P. 5812.
- [4] Petsalakis I.D., Liebermann H.-P., Buenker R.J., Theodorokopoulos G. // Chem. Phys. 2001. V. 115. N 14. P. 6365.
- [5] Petsalakis I.D., Theodorokopoulos G., Liebermann H.-P., Buenker R.J. // Chem. Phys. 2002. V. 117. N 8. P. 3639.
- [6] Загребин А.Л., Павловская Н.А. // Опт. и спектр. 1987. Т. 62. В. 1. С. 27; Zagrebin A.L, Pavlovskaya N.A. // Opt. Spectrosc. 1987. V. 62. N 1. P. 17.
- [7] Загребин А.Л., Павловская Н.А. // Опт. и спектр. 1989.
  Т. 66. В. 5. С. 996. Zagrebin A.L., Pavlovskaya N.A. // Opt. Spectrosc. 1989. V. 66. N 5. P. 582.
- [8] Devdariani A.Z., Zagrebin A.L., Blagoev K.B. // Annales de Phys. 1989. V. 14. N 5. P. 467.
- [9] Keil M., Danielson L.J., Dunlop P.J. // J. Chem. Phys. 1991.
  V. 94. N 1. P. 296.
- [10] Девдариани А.З. // Опт. и спектр. 1999. Т. 86. № 6. С. 954; Devdariani A.Z. // Opt. Spectrosc. 1999. V. 86. N 6. P. 853.
- [11] Alekseev V.A., Schwentner N. // Chem. Phys. Lett. 2007.
  V. 436. N 4–6. P. 327.
- [12] Alekseeva O.S., Devdariani A.Z., Grigorian G.M., Lednev M.G., Zagrebin A.L. // J. Phys.: Conf. Series. 2017. P. 810. P. 012029.
- [13] Hausamann D., Morgner H. // Mol. Phys. 1985. V. 54. N 5. P. 1085.
- [14] Иванов Г.К. // Теор. и эксп. химия. 1978. Т. 14. № 5. С. 610; Ivanov G.K. // Theor. Exp. Chem. 1978. V. 14. N 5. P. 472.
- [15] Иванов Г.К. // Теор. и эксп. химия. 1979. Т. 15. № 6. С. 644; Ivanov G.K. // Theor. Exp. Chem. 1979. V. 15. N 6. P. 502.
- [16] Девдариани А.З., Загребин А.Л. // Опт. и спектр. 1986.
  Т. 61. В. 2. С. 231. Devdariani A.Z., Zagrebin A.L. // Opt. Spectrosc. 1986. V. 61. N 2. P. 143.

- [17] Загребин Ф.Л., Павловская Н.А. // Хим. физика. 1988. Т. 7. № 4. С. 435. Zagrebin A.L, Pavlovskaya N.A. // Sov. J. Chem. Phys. (UK). 1990. V. 7. N 4. P. 687.
- [18] Haley T.P., Cybulski S.M. // J. Chem. Phys. 2003. V. 119. N 11. P. 5487.
- [19] Chan W.F., Cooper G., Guo X., Burton G.R., Brion C.E. // Phys. Rev. A. 1992. V. 46. N 1. P. 149.
- [20] Alekseeva O., Alekseev V., Devdariani A., Lednev M., Zagrebin A. // 20th. ICSLS, AIP Conference Proceedings, 2010. P. 231.
- [21] Freeman D.E., Yoshino K., Tanaka Y. // J. Chem. Phys. 1977. V. 67. P. 3462.
- [22] Девдариани А.З., Загребин А.Л., Ребентрост Ф., Церковный С.И., Чесноков Е.А. // ЖЭТФ. 2002. Т. 122. № 3. С. 421; Devdariani A.Z., Zagrebin A.L., Rebentrost F., Tserkovnyi S.I., Tchesnokov E.A. // J. Exp.Theor. Phys. 2002. V. 95. N 3. P. 413.