Низкотемпературные спектры комбинационного рассеяния смешанных кристаллов Hg₂(Br,I)₂

© Ю.Ф. Марков, Е.М. Рогинский

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, 194021 Санкт-Петербург, Россия

E-mail: Yu.Markov@pop.ioffe.rssi.ru

(Поступила в Редакцию 30 октября 2002 г.)

Изучены спектры комбинационного рассеяния смешанных кристаллов Hg₂(Br,I)₂. Обнаружено и объяснено разномодовое поведение оптических колебаний с учетом существования в этих кристаллах трех типов молекул (Hg₂Br₂, Hg₂I₂ и Hg₂BrI). Наблюдалось проявление в спектрах эффектов фазовых переходов, в том числе мягких мод, плотности состояний ИК-активных колебательных ветвей и нанокластеров, возникновение которых индуцировано дипольными молекулами Br-Hg-Hg-I.

Работа в значительной степени выполнена благодаря финансовой помощи РФФИ (гранты № 01-02-17599, 02-02-06778).

Кристаллы галогенидов одновалентной ртути Hg₂Hal₂ (Hal = Cl, Br, I) при комнатной температуре образуют тетрагональную объемно-центрированную решетку D_{4b}^{17} с двумя линейными молекулами (формульными единицами) в элементарной ячейке [1]. Молекулы образуют линейные цепочки вдоль оси $C_4(Z)$ в этих кристаллах, что приводит к очень сильной анизотропии их физических свойств. Они обладают уникальными свойствами: рекордно высоким двулучепреломлением, рекордно низкой скоростью звука и большими величинами акустооптических констант [2]. Например, кристаллы Hg₂I₂ имеют рекордно низкую среди твердых тел скорость поперечного (TA) звука $V_{[110]}^{[1\bar{1}0]} = 254 \text{ m/s}$, рекордно высокое двулучепреломление $\Delta n = +1.5$ и акустооптическое взаимодействие ($M_2 = 4284 \cdot 10^{-18}$ CGSU для TA волны) [2]. Эти кристаллы используются в технике в качестве основных элементов поляризаторов, акустических линий задержки, акустооптических фильтров и др.

Значительное внимание к этим объектам связано с тем, что они являются модельными кристаллическими системами при исследовании общих проблем структурных фазовых переходов. Несобственные сегнетоэластические фазовые переходы $D_{4h}^{17} \rightarrow D_{2h}^{17}$ (из тетрагональной фазы в ромбическую), индуцированные конденсацией наиболее медленной мягкой ТА-ветви в *X*-точке границы зоны Бриллюэна, сопровождаемые удвоением элементарной ячейки и $X \rightarrow \Gamma$ "перебросом" в зоне Бриллюэна, обнаружены в этих кристаллах при охлаждении до $T_c = 186$ (Hg₂Cl₂) и 144 K (Hg₂Br₂) [3]. Фазовый переход в кристаллах Hg₂I₂ удалось реализовать лишь при высоком гидростатическом давлении ($P_c = 9$ kbar при T = 293 K) [4].

В последние годы значительно возрос интерес к изучению динамики решеток и фазовых переходов в кристаллах смешанных галогенидов одновалентной ртути. Изучены кристаллы $Hg_2(Cl,Br)_2$ [5] и начато изучение кристаллов $Hg_2(Cl,I)_2$ [6] и $Hg_2(Br,I)_2$ [7]. В настоящей работе при низких температурах, вплоть до гелиевых,

при помощи комбинационного рассеяния света выполнено изучение динамики решеток и эффектов фазовых переходов в смешанных кристаллах $Hg_2(Br,I)_2$. По спектрам изучены концентрационное поведение колебаний, эффекты фазовых переходов, влияние неупорядоченности анионной подрешетки на нарушение трансляционной симметрии и правил отбора в колебательных спектрах, а также проявление в спектрах колебаний симметричных (Hg_2Br_2 , Hg_2I_2) и асимметричных (Hg_2BrI) смешанных молекул и нанокластеров, индуцированных последними.

1. Методика эксперимента

Оптические спектры регистрировались при помощи тройного раман-спектрометра "Dilor-Z24" с использованием аргонового ($\lambda = 5145$ Å) и гелий-неонового ($\lambda = 6328$ Å) лазеров, мощности которых варьировались от десятков до сотен mW. В низкотемпературных оптических измерениях использовались гелиевые криостаты замкнутого цикла "Cryogenics" с хорошей стабилизацией температуры (~ 0.1 K). Образцами в этих измерениях служили монокристаллы Hg₂(Br,I)₂ размером $5 \times 5 \times 5$ mm, выколотые по плоскостям спайности (110), (110), вырезанные по (001), шлифованные и полированные.

2. Экспериментальные результаты и обсуждение

На рис. 1 приведены спектры комбинационного рассеяния (СКР) чистых исходных монокристаллов Hg_2Br_2 и Hg_2I_2 этого твердого раствора. В спектрах наблюдается по две линии v_1 , v_2 в поляризации XZ(YZ) (E_g -симметрия) и v_3 , v_4 в поляризации ZZ (A_{1g} -симметрия), что согласуется с результатами теоретико-группового рассмотрения. Согласно последнему, в СКР первого порядка кристаллов Hg_2Br_2 ,



Рис. 1. СКР монокристаллов Hg_2I_2 (*a*) и Hg_2Br_2 (*b*) при комнатной температуре. Штриховые линии — XZ(YZ)-поляризация, сплошные — ZZ-поляризация; * — обертон колебания ν_1 .



Рис. 2. Собственные вектора колебаний в кристаллах Hg₂Hal₂. *R* — колебания, активные в комбинационном рассеянии, *IR* — в инфракрасном поглощении (отражении).

 Hg_2I_2 , имеющих при комнатной температуре тетрагональную решетку D_{4h}^{17} и одну формульную единицу (четырехатомную линейную молеулу Hal–Hg–Hg–Hal) в примитивной ячейке, разрешены четыре колебания: два дважды вырожденных симметрии $E_g(XZ, YZ)$ и два полносимметричных $A_{1g}(XX + YY, ZZ)$ (в скобках указаны компоненты поляризуемости, активные в СКР). На рис. 2 приведены собственные вектора этих колебаний. Следует заметить, что первое колебание симметрии E_g — это либрация, качание линейной молекулы как целого относительно горизонтальной оси X (или Y), обозначенное v_1 . Второе колебание симметрии E_g — деформационное "зигзагообразное" (v_2). Полносимметричные валентные колебания A_{1g} соответствуют главным образом смещениям Hg–Hg (v_3) и Hal–Hg (v_4). В ИК-спектрах разрешены нечетные колебания симметрии E_u (v_5) и A_{2u} (v_6), отвечающие смещениям подрешетки галогенов относительно подрешетки атомов ртути в базисной плоскости и вдоль оси Z соответственно (рис. 2).

В случае смешанных кристаллов $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$ при комнатной температуре сохраняется, как показали рентгеноструктурные исследования, тетрагональная решетка, аналогичная чистым галогенидам одновалентной ртути. Сохраняется также и спайность по плоскостям {110}. Правила отбора для колебательных спектров этих смешанных кристаллов в предположении хаотического распределения ионов брома и йода по узлам анионной подрешетки должны быть теми же, что и в случае чистых исходных кристаллов.

Были изучены СКР ряда смешанных кристаллов $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$ следующих составов: x = 0, 0.12, 0.18, 0.30, 0.50, 0.75, 0.90, 1.0. Измерения выполнены на этих образцах в различных поляризациях при низких температурах, от комнатной до гелиевых, с температурным шагом 50 градусов. Ожидалось, что при охлаждении в спектрах будет иметь место значительное сужение линий I-го порядка, вымораживание линий спектра II-го порядка, а также проявление эффектов фазовых переходов.

На рис. 3 приведены низкочастотные СКР лишь при $T = 10 \, \text{K}$ в области либрационного $v_1 \, (E_g)$ и деформационного $\nu_2(E_g)$ колебаний в разрешенных геометриях опыта. Следует заметить, что линии либрационного колебания имеют большую интенсивность и малую полуширину, несмотря на то, что это колебание является межмолекулярным. Частота этого колебания v1 плавно меняется в зависимости от концентрации x, увеличиваясь при переходе от Hg_2I_2 к Hg_2Br_2 ($x \rightarrow 0$), а полуширина увеличивается при движении к средним концентрациям. В данном случае, когда в спектре в области v1 для всех составов смешанных кристаллов $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$ ($0 \le x \le 1$) наблюдается только одна линия, реализуется так называемое одномодовое поведение. Теоретически в этих молекулярных смешанных кристаллах возможна реализация в спектрах одно-, двухи трехмодового поведения колебаний, так как в этих кристаллических системах возможно существование трех типов молекул, симметричных чистых Br-Hg-Hg-Br, I-Hg-Hg-I и асимметричных смешанных Br-Hg-Hg-I, I-Hg-Hg-Br; последние два случая статистически не идентичны и в расчете вероятности должны учитываться



Рис. 3. Низкотемпературные (10 K) низкочастотные СКР смешанных кристаллов $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$ в XZ(YZ)-поляризации; колебания v_2 обозначены стрелкой, * — обертон фононной ветви, соответствующей в центре зоны Бриллюэна либрационному колебанию v_1 .

дважды. Частоты либрационных колебаний в чистых исходных кристаллах близки (например, при T = 10 K $v_1 = 32 \, \text{cm}^{-1}$ в случае кристаллов $\text{Hg}_2 \text{I}_2$ и $38 \, \text{cm}^{-1}$ в кристаллах Hg₂Br₂), и, по-видимому, дисперсия этих решеточных колебаний по зоне Бриллюэна достаточно велика. При легировании исходной матрицы Hg2Br2 (Hg₂I₂) примесной компонентой Hg₂I₂ (Hg₂Br₂) частоты примесных щелевых колебаний попадают в область высокой плотности либрационных и акустических колебательных состояний и "рассасываются". В результате в эксперименте проявляются лишь колебания самой исходной матрицы. Итак, реализация одномодового поведения либрационного колебания может быть связана с близостью частот v_1 в чистых исходных кристаллических компонентах, значительной дисперсией этого колебания по зоне Бриллюэна и высокой плотностью колебательных состояний, в том числе и акустических, в этой области частот.

В области деформационного колебания v2 в поляризации XZ(YZ) наблюдается одна малоинтенсивная широкая линия, частота, полуширина и интенсивность которой сильно зависят от концентрации х. Причем эта линия несколько уширена и в чистых исходных компонентах Hg2Br2 и Hg2I2, что связано со значительным ангармонизмом этого колебания. Заметим, что в случае чистых компонент полуширина этой линии при охлаждении от комнатной до гелиевых температур уменьшается в несколько раз, что свидетельствует в пользу упомянутой выше причины. Частотный интервал здесь значительно больше, чем в предыдущем случае (при $T = 10 \,\mathrm{K}$ $v_2 = 75$ и $92 \,\mathrm{cm}^{-1}$ в кристаллах $\mathrm{Hg}_2\mathrm{I}_2$ и Hg₂Br₂ соответственно), а дисперсия этой внутримолекулярной колебательной ветви по зоне Бриллюэна должна быть меньше, чем дисперсия межмолекулярного либрационного колебания. Однако, как и в случае колебания v₁, в спектрах наблюдается одномодовое поведение деформационного колебания v2 в кристаллах $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$.



Рис. 4. Высокочастотные СКР кристаллов $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$ при T = 10 К в ZZ-поляризации.

На рис. 4 приведены СКР в области валентных полносимметричных A_{1g} -колебаний при низкой температуре (10 K). В случае колебания v_4 , связанного со смещением Hal–Hg, наблюдается сильная концентрационная зависимость частоты и значительное уширение, в том числе и небольшая асимметрия линии этого колебания в области средних составов (x = 0.5). Однако опять реализуется лишь одномодовое поведение, причины реализации которого, по-видимому, те же, что и в двух предыдущих случаях.

Наиболее интересным и информативным оказалось поведение внутримолекулярного валентного колебания v₃, связанного главным образом со смещением Hg-Hg. При комнатной температуре в области колебания v_3 в спектрах смешанных кристаллов Hg₂(Br_{1-x}I_x)₂ возникает интенсивная, асимметричная и более широкая по сравнению с чистыми исходными кристаллами полоса, плавно смещающаяся от $v_3 = 135 (Hg_2Br_2)$ до $113 \,\mathrm{cm}^{-1}$ (Hg₂I₂), причем в средних составах она сильно уширена и имеет сложную структуру [7]. При низких температурах (10 К, рис. 4) в СКР смешанных кристаллов $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$, близких к чистым Hg_2Br_2 , т.е. при x немного больше нуля (например, x = 0.12 и 0.18), уже можно уверенно видеть в области v3 наряду с упомянутой выше интенсивной линией v_3^{Br} , плавно смещающейся в область низких частот при увеличении х и связанной с колебаниями Hg-Hg в молекулах Br-Hg-Hg-Br, малоинтенсивный симметричный триплет v₃^{BrI} на низкочастотном крыле этой линии в области частот $\sim 120 \, {\rm cm^{-1}}$. Этот триплет, как можно видеть из рисунка, состоит из трех узких линий с полуширинами порядка 3-4 cm⁻¹, причем интенсивность центральной компоненты почти на порядок превосходит интенсивности боковых компонент. Интенсивность триплета при увеличении х растет относительно интенсивности основной линии v₃ (рис. 4 и 5), что и должно иметь место, если связать этот триплет с колебаниями Hg-Hg в смешанных молекулах Br-Hg-Hg-I. При приближении к средним составам смешанных кристаллов $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$, например к соединениям с x = 0.3, 0.5, интенсивности боковых компонент этого триплета аномально быстро растут и приближаются к интенсивности центральной компоненты. Причем все линии триплета заметно уширяются, частично перекрываются и образуют сложный контур на низкочастотном крыле основной линии v3. Следует заметить также, что в смешанных кристаллах с x = 0.5линия v₃ представляет собой уже ярко выраженный дублет с приблизительно равными интенсивностями компонент: высокочастотная соответствует колебаниям Hg-Hg в молекулах Br-Hg-Hg-Br (ν_3^{Br}), а низкочастотная — в молекулах I–Hg–Hg–I (ν_3^{I}).

На рис. 5 приведены концентрационные зависимости интегральных интенсивностей валентных колебаний Hg–Hg (v_3) в чистых Hg₂Br₂ ($v_3^{\rm Br}$), Hg₂I₂ ($v_3^{\rm I}$) и смешанных молекулах Hg₂BrI ($v_3^{\rm BrI}$). При возрастании *x* от нуля до единицы можно видеть резкое падение интенсивности колебаний $v_3^{\rm Br}$ и соответствующее возраста-



Рис. 5. Концентрационные зависимости интегральных интенсивностей колебаний Hg–Hg (ν_3) в молекулах Hg₂Br₂ (1), Hg₂I₂ (2) и смешанных молекулах Hg₂BrI (3); линии визуализация экспериментальных зависимостей.

ние интенсивности колебаний v₃. Интенсивность этих колебаний в смешанных молекулах v_3^{Brl} , равная сумме интегральных интенсивностей триплета, ведет себя иначе, демонстрируя ярко выраженный максимум в средних концентрациях в области $x \approx 0.5$. Если предположить хаотическое распределение атомов галогенов по анионным подрешеткам в $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$, вероятность образования молекул Hg₂BrI пропорциональна 2x(1-x), вероятность образования молекул $Hg_2I_2 \sim x^2$, а молекул $Hg_2Br_2 \sim (1-x)^2$. Численные значения вероятности образования асимметричных смешанных молекул Hg2BrI равны 0.21 (для случая x = 0.12), 0.29 (x = 0.18), 0.42 $(x = 0.3), 0.5 \ (x = 0.5), 0.37 \ (x = 0.75), 0.18 \ (x = 0.90).$ Экспериментально полученное поведение суммарной интегральной интенсивности этого триплета от концентрации коррелирует с концентрационным поведением вероятности. Очевидно, что концентрационные зависимости экспериментальных интегральных интенсивностей v_3^{Br} и v_3^{I} , соответствующие колебаниям Hg-Hg в симметричных молекулах Br-Hg-Hg-Br и I-Hg-Hg-I, ведут себя согласно теории. Однако при количественной оценке отношений интегральных интенсивностей этих колебаний в чистых и смешанных молекулах необходимо предположить несколько разные силы осцилляторов в симметричных и асимметричных молекулах.

В спектрах этих смешанных кристаллов наблюдались также новые малоинтенсивные линии, не имеющие аналогов в СКР чистых исходных компонент Hg_2Br_2 , Hg_2I_2 . Эти широкие линии, обозначенные на рис. 3 и 4 как ω_5



Рис. 6. Концентрационные зависимости частот колебаний в кристаллах $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$ при низких температурах (10 K). Точки — эксперимент, сплошные линии — визуализация экспериментальных зависимостей фундаментальных колебаний ν_1 , ν_2 , ν_3^{Br} , ν_3^{I} , ν_4 ; штриховые и пунктирные линии — визуализация концентрационных зависимостей компонент триплета ν_3^{BrI} и частот ω_5 и ω_6 , генетически связанных с ИК-активными ветвями.

и ω_6 , лежат на высокочастотном крыле либрационного колебания v_1 и в интервале частот $140-170 \,\mathrm{cm}^{-1}$ соответственно. Эти линии имеют частоты, близкие к частотам ИК-активных колебаний v5 и v6, которые запрещены в СКР чистых галогенидов одновалентной ртути Hg₂Br₂, Hg₂I₂. Однако в связи с хаотичностью анионной подрешетки смешанных кристаллов и соответствующим нарушением трансляционной симметрии естественно имеет место некоторое нарушение правил отбора по импульсу и проявление в спектрах плотности колебательных состояний ИК-активных ветвей, причем основной вклад вносят состояния из высокосимметричных точек границы зоны Бриллюэна. Здесь следует заметить также, что в случае асимметричных смешанных молекул Br-Hg-Hg-I, не имеющих центра симметрии, разрешено (но уже на молекулярном уровне) проявление в СКР упомянутых выше ИК-активных колебаний v5 и v6.

Наши более ранние спектроскопические и рентгеновские исследования смешанных кристаллов $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$ [8], в том числе и предварительное изучение фазовых переходов, показали, что некоторые из них демонстрируют сегнетоэластические переходы в области реальных температур, а другие указывают на возможность реализации лишь виртуальных переходов. В первом случае речь идет о смешанных кристаллах $Hg_2(Br_{1-x}I_x)_2$ с x = 0, 0.12, 0.18 и 0.30, а виртуальные переходы ожидаются для соединений с x = 0.75, 0.90и 1.0. В случае кристаллов $Hg_2(Br_{0.5}I_{0.5})_2$ (x = 0.5) фазовый переход сильно размыт и реализуется в некоторой области температур в окрестности 0 К. В СКР этих смешанных кристаллов при реальных фазовых переходах должны возгораться нечетные колебания с границы зоны Бриллюэна (Х-точка) — акустические и ИКактивные [3]. Наиболее ярко проявляется возгорание мягких мод, генетически связанных с самыми "медленными" ТА-ветвями в Х-точке зоны Бриллюэна, индуцированное удвоением элементарной ячейки и $X \to \Gamma$ "перебросом". Эффекты возгорания мягких мод v_{sm} надежно наблюдаются в СКР в области низких частот (несколько сm⁻¹) для соединений с x = 0, 0.12 и 0.18 (рис. 3). Обнаружение возгорания других нечетных колебаний при фазовых переходах II-го рода, даже в случае чистых исходных кристаллов, например Hg₂Br₂, представляет собой специальную и трудную задачу. В смешанных же кристаллах эта задача еще более усложняется, так как все линии спектра, в том числе возгорающие линии, уширены и попадают в область частот, где наблюдаются максимумы плотности соответствующих колебательных состояний, главным образом из Х-точки границы зоны Бриллюэна, проявление которых индуцировано нарушением трансляционной симметрии.

На рис. 6 приведены концентрационные зависимости частот колебаний в этих смешанных кристаллах, некоторые из которых получены путем моделирования линий спектра осцилляторами. Можно видеть одномодовое поведение колебаний v1, v2, v4, когда колебания исходной матрицы плавно переходят в колебания другой исходной матрицы, т.е. реализуется случай, когда в спектрах наблюдается одна линия для каждого типа колебания. В случае колебания v₃ реализуется сложное многомодовое поведение, что главным образом связано с очень малой дисперсией этого колебания по зоне Бриллюэна по сравнению с дисперсией других колебательных ветвей (см., например, случай Hg₂Cl₂, Hg₂Br₂ [9]). Как указывалось выше, соответствующие моды обозначены ν_3^{Br} (валентное колебание Hg–Hg в молекулах Hg₂Br₂), v_3^{I} (валентное колебание Hg–Hg в молекулах Hg₂I₂) и v₃^{BrI}-триплет (колебания Hg-Hg в смешанных молекулах Hg₂BrI). Очень строго прослеживаются концентрационные зависимости частот колебаний Hg-Hg (v₃) в симметричных молекулах Hg_2Br_2 (ν_3^{Br}) и Hg_2I_2 (ν_3^{I}). Достаточно надежным выглядит частотное поведение триплета в зависимости от концентрации x, связанного с проявлением колебаний Hg-Hg в асимметричных смешанных молекулах Hg₂BrI. Возникновение триплета

$$Br-Hg-Hg-Br\dots Br-Hg-Hg-Hg-I\dots Br-Hg-Hg-Br,$$
(1)

$$Br-Hg-Hg-Br\dots Br-Hg-Hg-I\dots Br-Hg-Hg-I, (2)$$

$$Br-Hg-Hg-Br\dots Br-Hg-Hg-Hg-I\dots I-Hg-Hg-Br.~(3)$$

Причем при малых х наиболее вероятным является конфигурация (1), так как смешанных молекул еще мало и очевидно, что ближайшее окружение может состоять лишь из чистых симметричных (не дипольных) молекул Hg₂Br₂. Эта конфигурация и связана с наиболее интенсивной центральной компонентой этого триплета. Вероятность двух других конфигураций, когда вдоль цепочки соседствуют две асимметричных смешанных молекулы, образуя сегнетоэлектрическое и антисегнетоэлектрическое локальные состояния (нанодомены), значительно ниже, что и проявляется в очень малой интенсивности двух сателлитов этого триплета. Однако при увеличении концентрации х и приближении к средним составам этих смешанных кристаллов вероятность возникновения нанодоменов растет и приближается к вероятности первой конфигурации, что и проявляется в выравнивании интенсивностей всех трех компонент триплета (рис. 4).

Концентрационная зависимость частот максимумов плотности однофононных состояний ИК-активных колебательных ветвей (в центре зоны Бриллюэна — v_5, v_6), проявление которых в СКР индуцировано нарушением трансляционной симметрии и правил отбора по импульсу, приведена на рис. 6. Упомянутые выше ИКколебания, обозначенные на рис. 3-5 как ω_5 и ω_6 , демонстрируют одномодовое поведение и плавную зависимость частот от концентрации. В смешанных кристаллах, испытывающих реальные фазовые переходы при T < T_c, в СКР на эти линии должны также накладываться колебания ИК-активных ветвей из Х-точки зоны Бриллюэна, проявление которых индуцировано удвоением элементарной ячейки и $X \to \Gamma$ "перебросом", но наблюдение этого эффекта возможно только при прецизионных поляризационных исследованиях.

В заключение авторы выражают благодарность А.А. Каплянскому за обсуждение и поддержку настоящих исследований.

Список литературы

- [1] R.J. Havighurst. J. Am. Chem. Soc. 48, 2113 (1926).
- [2] Proc. II Int. Symposium on Univalent Mercury Halides. Trutnov, ČSSR (1989). 265 p.
- [3] Ч. Барта, А.А. Каплянский, В.В. Кулаков, Б.З. Малкин, Ю.Ф. Марков. ЖЭТФ 70, 4, 1429 (1976).
- [4] Ч. Барта, А.А. Каплянский, Ю.Ф. Марков, В.Ю. Мировицкий. ФТТ 27, 8, 2500 (1985).

- [5] Ч. Барта, Г.Ф. Добржанский, Г.М. Зингер, М.Ф. Лимонов, Ю.Ф. Марков. ФТТ 24, 10, 2952 (1982); G.F. Dobrzhanskii, A.A. Kaplyanskii, M.F. Limonov, Yu.F. Markov. Ferroelectrics 48, 69 (1983).
- [6] Г.М. Зингер, Ю.Ф. Марков, В.В. Шабалин. ФТТ 29, 12, 3620 (1987).
- [7] Ю.Ф. Марков, А.Ш. Тураев. ФТТ 37, 7, 2133 (1995).
- [8] Ю.Ф. Марков, К. Кнорр, Е.М. Рогинский. ФТТ 42, 5, 925 (2000).
- [9] А.А. Каплянский, Б.С. Задохин, М.Ф. Лимонов, Ю.Ф. Марков. ФТТ 29, 1, 187 (1987).