## 13;15 Микроволновый полосно-пропускающий фильтр на диэлектрических слоях с металлическими сетками

© Б.А. Беляев<sup>1,2</sup>, В.В. Тюрнев<sup>1,2</sup>, А.С. Волошин<sup>2,3</sup>, Р.Г. Галеев<sup>3,4</sup>

 <sup>1</sup> Институт физики им. Л.В. Киренского ФИЦ КНЦ СО РАН, Красноярск, Россия
 <sup>2</sup> Сибирский федеральный университет, Красноярск, Россия
 <sup>3</sup> Сибирский государственный университет науки и технологий им. акад. М.Ф. Решетнева, Красноярск, Россия
 <sup>4</sup> НПП "Радиосвязь", Красноярск, Россия
 E-mail: belyaev@iph.krasn.ru

## Поступило в Редакцию 31 октября 2017 г.

Разработана конструкция полосно-пропускающего фильтра, состоящего из диэлектрических слоев с металлическими сетками на поверхностях. Диэлектрические слои являются полуволновыми резонаторами, сетки служат зеркалами с заданными отражательными свойствами, обеспечивающими оптимальные связи между резонаторами и оптимальные связи крайних резонаторов со свободным пространством. Изготовленный опытный образец синтезированного фильтра третьего порядка с центральной частотой полосы пропускания ~ 12 GHz и относительной ее шириной ~ 17% показал хорошее согласие теории и эксперимента. Конструкция может использоваться в качестве радиопрозрачных в заданной полосе частот панелей для укрытия микроволновых антенн.

## DOI: 10.21883/PJTF.2018.10.46093.17102

В настоящее время исследователи активно изучают особенности распространения электромагнитных волн, падающих на слоистые кон-

3

струкции из диэлектрических пластин, на границах раздела которых сформированы периодические структуры из полосковых проводников (2D-решетки или сетки). Интерес к таким конструкциям обусловлен возможностью создания на их основе частотно-селективных поверхностей, служащих полосно-пропускающими фильтрами в диапазонах от субмикронных до дециметровых длин волн [1–4]. Полосковые элементарные ячейки, из которых состоит периодическая 2D-структура, например металлические квадраты или ячейки металлической сетки, являются резонаторами [5]. Именно поэтому, используя многослойные конструкции из таких структур, можно создавать различные полосно-пропускающие фильтры [5,6]. Важно отметить, что длина волны на центральной частоте полосы пропускания в таких фильтрах, которые нередко называют частотно-селективными поверхностями [7], не только много больше периода решеток, но и много больше толщины диэлектрических слоев.

Известно, что сопротивление проводников на высоких частотах растет из-за уменьшения толщины скин-слоя, что приводит с учетом шероховатости подложки к снижению собственной добротности полосковых резонаторов. Поэтому главным недостатком многослойных фильтров, использующих резонансные структуры из полосковых проводников, являются сравнительно большие потери мощности в полосе пропускания устройств. Более перспективными исследователи считают конструкции фильтров, в которых сами диэлектрические слои являются высокодобротными резонаторами, а 1D- или 2D-структуры из полосковых проводников на их поверхностях служат зеркалами с заданной отражательной способностью [8,9]. При этом период полосковых структур выбирается значительно меньше длины волны, чтобы их резонансные частоты находились как можно выше полосы пропускания фильтра. В работах [8,10] для таких конструкций получены формулы синтеза фильтров с заданной шириной полосы пропускания и заданным уровнем потерь на отражение в ней, которые позволяют определить оптимальные размеры полосковых проводников на поверхностях каждого из диэлектрических слоев.

В настоящей работе исследована разработанная конструкция полосно-пропускающего фильтра третьего порядка на диэлектрических слоях-резонаторах, разделенных металлическими сетками. Приведено сравнение расчетных и измеренных амплитудно-частотных характеристик (АЧХ) опытного образца фильтра.



**Рис. 1.** Конструкция полосно-пропускающего фильтра третьего порядка на диэлектрических слоях с металлическими сетками.

Конструкция исследуемого фильтра содержит две одинаковые параллельные диэлектрические пластины с относительной диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon_1$  и толщиной  $h_1$ , разделенные диэлектрическим слоем, например воздухом, толщиной  $h_2$  с диэлектрической проницаемостью  $\varepsilon_2$  (рис. 1). На поверхностях диэлектрических пластин квадратные сетки из металлических проводников имеют одинаковый период T. При этом ширина полосковых проводников у наружных сеток равна  $w_1$ , а у внутренних —  $w_2$ . Очевидно, что в рассматриваемой конструкции каждая из диэлектрических пластин и воздушный зазор между ними являются взаимодействующими полуволновыми резонаторами, которые формируют полосу пропускания устройства.

При настройке фильтра необходимо учитывать, что центральная частота его полосы пропускания определяется толщиной диэлектрических слоев, а ширина полосы пропускания и заданный максимальный уровень отражений в ней — подбором ширины полосковых проводников у внутренних и наружных сеток. С увеличением  $w_2$  и  $w_1$  связь между соседними резонаторами и крайних резонаторов со свободным про-

странством уменьшается, что приводит к уменьшению ширины полосы пропускания фильтра, и наоборот. Заметим, что металлические сетки понижают резонансные частоты резонаторов, причем тем сильнее, чем больше связь между ними.

Наиболее просто расчет АЧХ рассматриваемого фильтра при нормальном падении электромагнитной волны может быть выполнен в квазистатическом приближении матричным методом. Для всего фильтра *ABCD*-матрица (классическая матрица передачи) может быть рассчитана как произведение *ABCD*-матриц каждого компонента конструкции [11], т.е. каждого слоя и каждой сетки. Для определенности будем предполагать, что временная зависимость компонент электромагнитного поля описывается множителем  $\exp(-i\omega t)$ . В этом случае нормированная *ABCD*-матрица для каждого диэлектрического слоя может быть рассчитана по формуле [11]

$$\begin{pmatrix} A_{1,2}^d & B_{1,2}^d \\ C_{1,2}^d & D_{1,2}^d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos\theta_{1,2} & -i\frac{\sin\theta_{1,2}}{n_{1,2}} \\ -in_{1,2}\sin\theta_{1,2} & \cos\theta_{1,2} \end{pmatrix},$$

где  $n_{1,2} = \sqrt{\varepsilon_{1,2}}$  — показатели преломления слоев, а  $\theta_{1,2} = \frac{\omega}{c} n_{1,2} h_{1,2}$  — фазовые толщины слоев. Здесь верхний индекс *d* указывает на то, что *ABCD*-матрица относится к слою диэлектрика.

Матрица рассеяния бесконечно тонкой идеально проводящей металлической сетки, расположенной на границе сред с показателями  $n_1$  и  $n_2$ , выражается формулами [12]

$$\begin{pmatrix} S_{11}^{m} & S_{12}^{m} \\ S_{21}^{m} & S_{22}^{m} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{n_1 - n_2 - iZ_0Y_{1,2}}{n_2 + n_1 + iZ_0Y_{1,2}} & \frac{2\sqrt{n_2n_1}}{n_2 + n_1 + iZ_0Y_{1,2}} \\ \frac{2\sqrt{n_2n_1}}{n_2 + n_1 + iZ_0Y_{1,2}} & \frac{n_2 - n_1 - iZ_0Y_{1,2}}{n_2 + n_1 + iZ_0Y_{1,2}} \end{pmatrix}$$

$$Y_{1,2} = \frac{2\pi}{\omega\mu_0(T - w_{1,2})\ln\left(\operatorname{cosec}\left(\frac{\pi w_{1,2}}{2T}\right)\right)} \\ - \omega\varepsilon_0T \frac{n_1^2 + n_2^2}{\pi}\ln\left(\operatorname{sec}\left(\frac{\pi w_{1,2}}{2T}\right)\right),$$

полученными в квазистатическом приближении, где индекс m указывает на металл, а  $Z_0$ ,  $\mu_0$  и  $\varepsilon_0$  — характеристическое сопротивление, абсолютная магнитная и абсолютная диэлектрическая проницаемости

свободного пространства соответственно. Отсюда элементы нормированной *ABCD*-матрицы металлической сетки могут быть вычислены по формулам [11]

$$\begin{aligned} A^{m} &= \left(1 + S_{11}^{m} - S_{22}^{m} - \det[S_{ik}^{m}]\right) n_{2} / \left(2S_{21}^{m}n_{1}\right), \\ B^{m} &= \left(1 + S_{11}^{m} + S_{22}^{m} + \det[S_{ik}^{m}]\right) n_{2} / \left(2S_{21}^{m}n_{1}n_{2}\right), \\ C^{m} &= \left(1 - S_{11}^{m} - S_{22}^{m} + \det[S_{ik}^{m}]\right) n_{1}n_{2} / \left(2S_{21}^{m}n_{1}n_{2}\right), \\ D^{m} &= \left(1 - S_{11}^{m} + S_{22}^{m} - \det[S_{ik}^{m}]\right) / \left(2S_{21}^{m}n_{1}n_{2}\right). \end{aligned}$$

Перемножив *ABCD*-матрицы каждого компонента структуры, можно вычислить матричные элементы *A*, *B*, *C* и *D* матрицы передачи всей конструкции рассматриваемого фильтра.

Селективные свойства любого фильтра характеризуют частотной зависимостью матричных элементов его матрицы рассеяния **S**. Коэффициентами отражения являются матричные элементы  $S_{11}$  и  $S_{22}$ , а коэффициентами прохождения — элементы  $S_{21}$  и  $S_{12}$ . Рассматриваемая конструкция является симметричным и взаимным четырехполюсником [11]. Поэтому выполняются равенства  $|S_{11}| = |S_{22}|$ ,  $S_{21} = S_{12}$ . Вычислив элементы *ABCD*-матрицы фильтра, значения коэффициентов отражения и прохождения несложно получить по формулам [11]

$$S_{11} = \frac{A+B-C-D}{A+B+C+D}, \quad S_{21} = \frac{2}{A+B+C+D}.$$

Здесь предполагается, что фильтр окружает среда с показателем преломления *n* = 1.

На основе полученных формул была написана компьютерная программа численного анализа рассмотренной конструкции фильтра третьего порядка (рис. 1). С помощью этой программы был проведен параметрический синтез конструктивных параметров фильтра, в котором диэлектрические слои и сетки на их поверхностях изготовлены из металлизированных пластин ТММЗ корпорации Rogers, имеющих толщину  $h_1 = 5.08$  mm, относительную диэлектрическую проницаемость  $\varepsilon_1 = 3.41$  и толщину слоев из меди 17.5  $\mu$ m. Заметим, что частота полуволнового резонанса ( $\lambda_1/2 = h_1$ ) в таком диэлектрическом слое равна  $f_1 \approx 15.96$  GHz. Однако из-за присутствия сеток в фильтре центральная частота его полосы пропускания  $f_0$ , очевидно, будет ниже частоты  $f_1$ .



**Рис. 2.** АЧХ фильтра третьего порядка на диэлектрических слоях с металлическими сетками. Сплошная линия — квазистатический расчет, штриховая линия — электродинамический анализ 3D-модели, пунктир — эксперимент.

Учитывая тот факт, что период сеток должен быть меньше  $\lambda_1/2$  [12], в исследуемом фильтре зафиксируем T = 3 mm. Пусть для определенности максимумы отражений в полосе пропускания не превышают -14 dB. Очевидно, оптимальным величинам соответствующих связей резонаторов друг с другом и со свободным пространством будут отвечать определенные значения  $w_1$  и  $w_2$ . Для простоты анализа исследуемой конструкции зафиксируем в ней ширину полосковых проводников наружных сеток  $w_1 = 0.1$  mm.

Таким образом, учитывая все перечисленные выше условия, при параметрическом синтезе фильтра потребуется подобрать лишь два параметра конструкции: ширину полосковых проводников внутренних сеток и толщину воздушного зазора между диэлектрическими пластинами. По результатам синтеза эти параметры принимают соответственно следующие значения:  $w_2 = 0.58$  mm и  $h_2 = 11.15$  mm. AUX прямых потерь  $S_{21}(f)$  синтезированного фильтра показана сплошной линией на рис. 2. Фильтр имеет центральную частоту полосы пропускания  $f_0 = 12.44$  GHz и относительную ширину полосы пропускания, измеренную по уровню -3 dB от уровня минимальных потерь,  $\Delta f/f_0 = 16.7\%$ .



**Рис. 3.** Фотография опытного образца фильтра третьего порядка на диэлектрических слоях с металлическими сетками (a) и увеличенные фрагменты его наружных (b) и внутренних (c) сеток.

Для проверки точности полученных формул нами в электродинамическом пакете CST Місгоwave Studio были рассчитаны амплитудно-частотные характеристики 3D-модели фильтра, показанные штриховыми линиями на рис. 2. Учет омических потерь в проводниках сеток увеличил минимальные потери в полосе пропускания фильтра от 0 до 0.32 dB, однако зависимости  $S_{21}(f)$  и  $S_{11}(f)$  при этом почти не изменились. Центральная частота полосы пропускания фильтра  $f_0 = 12.41$  GHz, а относительная ширина полосы пропускания, измеренная по уровню -3 dB от уровня минимальных потерь,  $\Delta f/f_0 = 16.8\%$ .

Экспериментальная проверка расчетов была проведена на опытном образце фильтра, изготовленном из диэлектрических пластин ТММЗ корпорации Rogers, имеющих толщину  $h_1 = 5.08$  mm и размеры  $300 \times 300$  mm. Фотография слоистого фильтра представлена на рис. 3, *a*, а увеличенные фрагменты его наружных и внутренних сеток показаны на рис. 3, *b* и *c* соответственно. После изготовления медные сетки были покрыты серебром для защиты от окисления. В фильтре пластины скреплялись параллельно друг другу на расстоянии  $h_2 = 11.15$  mm дву-

мя парами небольших тефлоновых держателей. АЧХ опытного образца фильтра, представленная пунктиром на рис. 2, регистрировалась на векторном анализаторе цепей ZVK фирмы Rohde & Schwarz (Германия) с помощью широкополосных измерительных антенн. Относительная ширина полосы пропускания экспериментального фильтра, измеренная по уровню  $-3 \, dB$  от уровня минимальных потерь,  $\Delta f / f_0 = 16.5\%$ , ее центральная частота  $f_0 = 12.29 \, \text{GHz}$ , а минимальные потери в полосе пропускания 1.15 dB.

Таким образом, предложенная конструкция, состоящая из диэлектрических слоев, разделенных металлическими сетками, может служить полосно-пропускающим фильтром. Важно отметить, что слои могут изготавливаться как из одного, так и из разных материалов. Очевидно, что из панелей, изготовленных на основе таких слоистых структур, можно конструировать радиопрозрачные поверхности для защиты параболических антенн и антенных решеток [13].

Работа выполнена при поддержке Министерства образования и науки РФ (соглашение № 14.575.21.0142, уникальный идентификатор проекта RFMEFI57517X0142).

## Список литературы

- Melo A.M., Kornberg M.A., Kaufman P., Piazzettaet M.H., Bortoluccial E.C., Zakia M.B., Bauer O.H., Poglitsch A., Alves da Silva A.M.P. // Appl. Opt. 2008. V. 47. N 32. P. 6064–6069.
- [2] Garcia-Vidal F.J., Martin-Moreno L., Ebbesen T.W., Kuipers L. // Rev. Mod. Phys. 2010. V. 82. N 1. P. 729–788.
- [3] Tomasek P. // Int. J. Circ. Syst. Signal Proc. 2014. V. 8. P. 594–599.
- [4] Oh S., Lee H., Jung J.-H., Lee G.-Y. // Int. J. Microwave Sci. Technol. 2014.
   V. 2014. P. 857582 (1–5).
- [5] Ade P.A.R., Pisano G., Tucker C., Weaver S. // Proc. SPIE. 2006. V. 6275.
   P. 62750U-1.
- [6] Zhou H, Qu S.-B., Wang J.-F., Lin B.-Q., Ma H., Xu Z., Bai P., Peng W.-D. // Electron. Lett. 2012. V. 48. N 1. P. 11–12.
- [7] Munk B.A. Frequency selective surfaces: theory and design. N.Y.: Wiley-Interscience, 2000. 410 p.
- [8] Belyaev B.A., Tyurnev V.V. // Opt. Lett. 2015. V. 40. N 18. P. 4333-4335.
- [9] Abadi S.M.A.M.H., Behdad N. // IEEE Transact. Antennas Propagation. 2015. V. 63. N 11. P. 4766–4774.

- [10] Belyaev B.A., Tyurnev V.V. // Opt. Lett. 2016. V. 41. N 3. P. 536-539.
- [11] *Гупта К., Гардж Р., Чадха Р.* Машинное проектирование СВЧ устройств. М.: Радио и связь, 1987. 104 с.
- [12] Беляев Б.А., Тюрнев В.В. // РЭ. 2017. Т. 62. № 7. С. 642–650.
- [13] Mainwaring А., Умнов А.Л., Шуралев М.О., Ельцов А.Ю. // Письма в ЖТФ. 2011. Т. 37. В. 4. С. 68–75.