# 01

# Температурное поле при лазерном абляционном разрушении мишени при малых температурах

#### © В.Г. Шеманин<sup>1</sup>, О.В. Мкртычев<sup>2,¶</sup>

<sup>1</sup> Новороссийский политехнический институт (филиал) Кубанский государственный технологический университет, 353900 Новороссийск, Россия

<sup>2</sup> Филиал Белгородского государственного технологического университета им. В.Г. Шухова,

353912 Новороссийск, Россия

<sup>¶</sup>e-mail: oleg214@yandex.ru

(Поступило в Редакцию 7 марта 2017 г. В окончательной редакции 28 сентября 2017 г.)

Рассмотрена тепловая модель лазерного абляционного разрушения материалов. Для численного решения нестационарного уравнения теплопроводности в одномерном случае применяется метод моментов. Полученное решение позволяет анализировать динамику изменения многих параметров, характеризующих процесс лазерной абляции, в числе которых температура поверхности и характерная тепловая длина.

DOI: 10.21883/JTF.2018.05.45890.2241

# Введение

Использование лазеров высокой мощности требует понимания физических механизмов взаимодействия лазерного излучения с веществом. Одной из сторон такого взаимодействия является индуцированное лазерным излучением разрушение облучаемого вещества [1-4]. Лазерная абляция получила большое распространение также и во многих практических применениях, от медицины до связи. В связи с этим изучение проблем лазерного абляционного разрушения имеет большое значение и для производственных технологий. Эта проблематика встает и в вопросах теоретического изучения проблем взаимодействия электромагнитного излучения с веществом, например, термоядерная энергетика, моделирование процессов в ядрах звезд и галактик. Этими вопросами занимается большое число коллективов исследователей в разных частях света. В частности, основным ограничением в развитии мощности новых сверхкоротких лазеров является допустимая прочность оптических компонентов. Это особенно относится к сложным оптическим покрытиям многих элементов, которые используются для контроля отражения и пропускания оптических элементов и работают в самых жестких режимах облучения. Этот вопрос важен для технологий многослойных тонкопленочных покрытий. Такие компоненты силовой оптики должны иметь высокий коэффициент отражения в большой спектральной полосе, высокую оптическую прочность и ряд других характеристик для стабильной высокопроизводительной работы. Таким образом, исследование явления лазерного абляционного разрушения имеет большое теоретическое и практическое значение.

Цель настоящей работы — рассмотреть тепловую модель лазерной абляции в нестационарном случае и проанализировать динамику изменения ряда величин, характеризующих процесс лазерного абляционного разрушения. Для этого рассматривается нестационарное урав-

нение теплопроводности в одномерном случае. Численное решение проводилось с помощью метода моментов.

В результате разрабатываемый алгоритм решения должен быть применим к широкому классу функций, характеризующих физические и термодинамические параметры задачи.

## Физическая модель лазерной абляции

Одной из моделей, которыми с начала 1960-х годов описывались экспериментальные результаты квазистационарных режимов лазерного абляционного разрушения, является тепловая модель [3]. Эту же модель можно с успехом применять и к другим режимам лазерной абляции, проверив предварительно, следует ли динамика скорости лазерной абляции кинетике теплового испарения:

$$v = v_0 \exp(-T_a/T),\tag{1}$$

где  $v_0$  и  $T_a$  берутся из справочных данных. Область применения этой формулы определяется, в практически значимых случаях, неравенством  $T_a \gg T$ .

Если из эксперимента определить зависимости T(t) и v(t) и рассмотреть их в аррениусовских координатах,

$$\ln v = f(1/T),$$

то механизм лазерной абляции можно описать тепловой моделью, если полученная зависимость будет прямолинейной.

Однако непосредственное экспериментальное измерение T(t) и v(t) чрезвычайно сложно для короткоимпульсных лазеров. Как правило, экспериментаторы определяют зависимость  $h = h(\Phi)$ , толщины слоя удаленного за импульс материала h от дозы облучения  $\Phi$ . Исходя из качественных соображений, для этой зависимости получены три характерных формы для трех характерных областей изменения  $\Phi$ : абляции в допороговом приближении ( $\Phi < \Phi_{th}$ ), абляции в пороговой области ( $\Phi \sim \Phi_{th}$ ) и для развитой запороговой абляции ( $2.5\Phi_{th} < \Phi < 5\Phi_{th}$ ) [3]. Для первой области получена аррениусовская форма:

$$h = C_1 \exp(-C_2/\Phi),$$

где С<sub>1</sub> и С<sub>2</sub> — константы.

Во второй области для коротких импульсов и больших коэффициентов поглощения излучения наблюдается линейная зависимость, следующая из баланса энергии:

$$h = \beta (\Phi - \Phi_{\text{th}}),$$

где  $\beta \approx (1 - R)/L$ , R — коэффициент отражения излучения, L — скрытая теплота испарения на единицу объема твердого тела.

В третьей области, учитывая экранировку испаряемой поверхности парогазовым облаком и считая, что в результате поглощения излучения до поверхности облучаемой мишени доходит доза облучения

$$\Phi_a = \Phi \exp(-\alpha_g h),$$

где  $\alpha_g$  — нормированный эффективный коэффициент поглощения излучения в паре, предлагается логарифмическая зависимость

$$h = \ln(\Phi/\Phi_g)/\alpha_g$$

где  $\Phi_g = C_2 / \ln(\alpha_g C_1).$ 

К сожалению, когда речь идет о сути физических механизмов, ответственных за лазерное абляционное разрушение, зависимости интегральных кривых  $h = h(\Phi)$ , приведенные в публикациях, обзор которых представлен в [3], не достаточно информативны.

Для того чтобы сделать такие заключения более убедительными, всегда требуется дополнительная информация, например, из данных о составе и скоростях разлета продуктов лазерной абляции. Самыми информативными в этом случае будут данные об изменении со временем температуры поверхности подвергаемого абляции материала. Решению этой задачи и посвящена настоящая работа, которая является продолжением исследования вопросов динамики лазерного абляционного разрушения и прогнозирования оптической прочности материалов мишени и тонкослойных покрытий [4–7].

# Уравнение теплопроводности в одномерном случае

Рассмотрим одномерную задачу лазерной абляции в нестационарном случае. Такой случай реализуется при воздействии на мишень коротких лазерных импульсов. Считаем, что плоский фронт абляции движется вдоль направления z со скоростью v = v(t), которая в процессе лазерного воздействия быстро меняется. С этим фронтом абляции связываем подвижную систему координат.

В этой системе координат уравнение теплопроводности имеет вид

$$\frac{\partial H}{\partial t} = v \frac{\partial H}{\partial z} + \frac{\partial}{\partial z} \left( \varkappa \frac{\partial T}{\partial z} \right) - \frac{\partial I}{\partial z}, \qquad (2)$$

где  $H(T) = \int_{T_0}^{T} \rho(T_1) c(T_1) dT_1$  — энтальпия единицы объ-

ема твердого тела,  $\rho(T)$  — плотность твердого тела, c(T) — удельная теплоемкость твердого тела,  $\varkappa(T)$  — коэффициент теплопроводности,  $T_0$  — начальная температура. Правую часть уравнения (2) будем далее обозначать B[T].

Временная форма лазерного импульса моделируется функцией

$$I(t) = I_0 \frac{t}{t_1} \exp(-t/t_1),$$

при этом доза облучения связана с характерным временем  $t_1$  формулой  $\Phi = I_0 t_1$ .

Пространственное распределение интенсивности поглощенного лазерного излучения внутри твердого тела моделируется уравнением

$$\partial I/\partial z = -\alpha I,$$

с граничным условием вида  $I|_{z=0} = I_S$ , где  $\alpha$  — коэффициент поглощения, а  $I_S$  — поверхностная интенсивность поглощенного лазерного излучения, которая зависит от временной формы лазерного импульса I = I(t), поверхностной температуры  $T_S(t) = T(t)|_{z=0}$  и толщины испаренного слоя

$$h(t) = \int_0^t v(t_1) dt_1,$$

который уменьшает интенсивность поглощенного лазерного излучения:

$$I_S = I(t)A(T_S)\exp(-\alpha_g h),$$

где  $A(T_S) = 1 - R(T_S)$  поглощательная способность, R — коэффициент отражения. Скорость фронта абляции моделируется формулой (1), в которой надо заменить T на  $T_S$ .

Все рассматриваемые параметры в этих уравнениях могут произвольным образом зависеть от температуры.

Выпишем начальные и граничные условия уравнения теплопроводности.

Первое граничное условие на фронте абляции связывает тепловой поток на границе фаз  $J_S$  с расходом энергии на испарение [3]:

$$\varkappa \left. \frac{\partial T}{\partial z} \right|_{z=0} = v(L - H_S + H_S^{(v)}) \equiv -J_S,$$

где L — скрытая теплота испарения на единицу объема твердого тела,  $H_S$  — энтальпия единицы объема твердого тела на границе фаз, а величины с надстрочным

индексом (v) относятся к соответственным характеристикам пара.

Второе граничное условие для температуры  $T|_{z\to\infty} = T_0$  и начальное условие для температуры  $T|_{t=0} = T_0$ являются очевидными.

# Численное решение уравнения теплопроводности методом моментов

Вместо точного решения H(z, t) подставим некоторое приближенное решение  $H_p(z, t)$ . Ввиду этого тождество (2) нарушится и в результате образуется остаточная функция  $\text{Res}[H_p]$ :

$$\frac{\partial H_p}{\partial t} - B[T_p] \equiv \operatorname{Res}[H_p].$$

Эта функция, как и в [3], выбрана в виде

$$H_p(z,t) = rac{1}{1-lpha l} \left[ \left( H_S - rac{J_S l}{\chi_S} 
ight) e^{-lpha z} - \left( lpha l H_S - rac{J_S l}{\chi_S} 
ight) e^{-rac{z}{t}} 
ight],$$

что удовлетворяет граничным условиям при z = 0,  $z = \infty$  и выполняет требование  $H_p(z = 0, t) = H_S(t)$ . Первое слагаемое здесь описывает изменение энтальпии, связанное с глубиной проникновения излучения, а второе описывает эффекты теплопроводности. Функция l(t) представляет собой глубину прогрева или характерную тепловую длину, а  $\chi_S = \chi(T_S)$ , где  $\chi = \varkappa/c\rho$  — коэффициент температуропроводности.

Соответственно методу моментов приближенное решение  $H_p$  будет таковым, если выполнены интегральные соотношения для моментов  $M_n$ :

$$\frac{dM_n}{dt} = \int_0^\infty z^n B\left[T\left(H_p(z,t)\right)\right] dz = 0,$$
$$M_n = \int_0^\infty z^n H_p(z,t) dz,$$

где n = 0, 1, 2, ... (полное число этих уравнений должно равняться числу неизвестных функций, использованных для создания приближенного решения  $H_p$ ). Уравнения минимизируют остаточную функцию  $\text{Res}[H_p]$  вдоль направлений  $z^n$  в функциональном пространстве, обращая в ноль проекции на эти направления.

В качестве двух зависящих от времени функций можно выбрать температуру поверхности  $T_S(t)$  и пространственный масштаб распределения энтальпии l(t) или толщину испаренного слоя h(t). Для нас главное получить зависимость  $T_S(t)$ . В соответствии со сказанным

были введены два момента распределения энтальпии:

$$M_0(t) = \int_0^\infty H(z,t)dz, \quad M_1(t) = \int_0^\infty z H(z,t)dz$$

Проецируя уравнение теплопроводности на направления  $z_n$ , где n = 0, 1, получим систему уравнений

$$\frac{dM_0}{dt} = -vH_S + J_S + I_S = -v(L + H_S^{(v)}) + I_S,$$
$$\frac{dM_1}{dt} = -vM_0 + \int_{T_{\infty}}^{T_S} \varkappa(T)dT + \alpha^{-1}I_S.$$
(3)

Подставляя сюда наше приближение *H*<sub>p</sub>, получим следующие выражения для моментов:

$$M_0 = (l + \alpha^{-1})H_S - \alpha^{-1} \frac{J_S l}{\chi_S},$$
  
$$M_1 = (l^2 + \alpha^{-1}l + \alpha^{-2})H_S - (l + \alpha^{-1})\alpha^{-1} \frac{J_S l}{\chi_S}.$$
 (4)

Подставляя уравнения (4) в (3) с учетом граничных условий, получим дифференциальные уравнения для функций  $T_S(t)$  и l(t). Вместе с уравнением (1) эти уравнения составляют систему однородных дифференциальных уравнений первого порядка вида

$$\begin{cases} m_{11}\dot{T}_S + m_{12}\dot{I} + m_{13}\dot{h} = n_1, \\ m_{21}\dot{T}_S + m_{22}\dot{I} + m_{23}\dot{h} = n_2, \\ m_{31}\dot{T}_S + m_{32}\dot{I} + m_{33}\dot{h} = n_3, \end{cases}$$

где коэффициенты  $m_{ij}$ ,  $n_i$  не зависят явно от  $\dot{T}$ ,  $\dot{l}$ ,  $\dot{h}$ , или в матричном виде MX = N, где обозначены

$$M = \begin{pmatrix} m_{11} & m_{12} & m_{13} \\ m_{21} & m_{22} & m_{23} \\ m_{31} & m_{32} & m_{33} \end{pmatrix}, \quad X = \begin{pmatrix} T_S \\ l \\ \dot{h} \end{pmatrix}, \quad N = \begin{pmatrix} n_1 \\ n_2 \\ n_3 \end{pmatrix}.$$

В зависимости от вида функций c(t),  $\varkappa(t)$  и A(t) система может иметь и большее или меньшее число уравнений.

Приводя матрицу M к диагональному виду, получим систему трех дифференциальных уравнений для функций  $T_S(t)$ , l(t) и h(t):

$$\begin{cases} \dot{T}_{S} = f_{1}(T_{S}, l, h), \\ \dot{l} = f_{2}(T_{S}, l, h), \\ \dot{h} = f_{3}(T_{S}, l, h), \end{cases}$$
(5)

которая численно интегрируется (с соответствующими начальными условиями). Данный алгоритм применим к уравнению теплопроводности при любых функциональных зависимостях входящих в это уравнение теплофизических параметров. Этот алгоритм распространяется на случай облучения системы нескольких плоскопараллельных сред.

Применимость тепловой модели к описанию лазерной абляции в микросекундном и наносекундном диапазонах длительностей лазерных импульсов подтверждена результатами работ [2,3,8,9]. Развитый авторами алгоритм на основе использованной физической модели тестировался для проверки адекватности и точности путем расчетов в созданной программе по данным, полученным авторами [3,10–12], и сравнения полученных результатов с результатами этих работ. В частности, были выполнены вычисления температуры поверхностей, характерные тепловые длины и глубины кратеров [3]; глубины кратеров [10]; глубины кратеров и скорости абляции [11] и температуры поверхности [12]. Тестирование показало хорошее совпадение наших результатов и данных, полученных другими авторами, в пределах погрешности 30%.

Рассмотрим для примера случай постоянных  $\rho$ , c,  $\varkappa$  и A. Система (5) после алгебраических преобразований примет вид

$$\begin{cases} \dot{T}_{S} = f_{1}(T_{S}, l) = \frac{m_{22}n_{1} - m_{12}n_{2}}{m_{11}m_{22} - m_{12}m_{21}}, \\ \dot{l} = f_{2}(T_{S}, l) = \frac{-m_{21}n_{1} + m_{11}n_{2}}{m_{11}m_{22} - m_{12}m_{21}}, \end{cases}$$
(6)

где

1

$$m_{11} = l + \frac{1}{\alpha} - \frac{v_0 lL}{\alpha \varkappa} \frac{T_a}{T_s^2} \exp\left(-\frac{T_a}{T_s}\right),$$

$$m_{12} = T_s - T_0 - \frac{v_0 lL}{\alpha \varkappa} \exp\left(-\frac{T_a}{T_s}\right),$$

$$n_1 = v_0 \left(\frac{L}{c\rho} - T_s + T_0\right) \exp\left(-\frac{T_a}{T_s}\right) + \frac{I_s}{c\rho},$$

$$m_{21} = l^2 + \frac{l}{\alpha} + \frac{1}{\alpha^2} + \left(l + \frac{1}{\alpha}\right) \frac{v_0 lL}{\alpha \varkappa} \frac{T_a}{T_s^2} \exp\left(-\frac{T_a}{T_s}\right),$$

$$m_{22} = \left(2l + \frac{l}{\alpha}\right) (T_s - T_0) - \frac{2v_0 lL}{\alpha \varkappa} \exp\left(-\frac{T_a}{T_s}\right),$$

$$n_2 = \frac{\varkappa}{c\rho} (T_s - T_0) + \frac{I_s}{\alpha c\rho} - \left(l + \frac{1}{\alpha}\right) (T_s - T_0)$$

$$\times v_0 \exp\left(-\frac{T_a}{T_s}\right) + \frac{v_0^2 lL}{\alpha^2 \varkappa} \exp\left(-2\frac{T_a}{T_s}\right).$$

Рассмотрим допороговое приближение этой системы уравнений, полагая  $l \ll 1$  и  $T_a \gg T_S$ . При этих допущениях система уравнений (6) примет вид

$$\begin{cases} \dot{T}_{S} = \frac{J_{S}\alpha}{c\rho} - \frac{1}{2} \frac{\alpha \varkappa}{lc\rho} (T_{S} - T_{0}), \\ \dot{l} = \frac{1}{2} \frac{\varkappa}{c\rho} (\alpha + \frac{1}{l}). \end{cases}$$
(7)

Результаты компьютерного моделирования

$\Phi, J \cdot cm^{-2}$		0.1	1	10
<i>Т</i> , К	10 ns 150 μs	0.5 27.5	1.25 87.5	3.5 280
l, cm	10 ns 150 <i>µ</i> s	$\begin{array}{c}1\cdot10^{-5}\\0.05\end{array}$	$\begin{array}{c} 0.8\cdot 10^{-5}\\ 0.05\end{array}$	$\begin{array}{c} 0.65 \cdot 10^{-5} \\ 0.05 \end{array}$

# Результаты компьютерного моделирования

Численное решение системы (7) проводилось с помощью соответственного математического программного обеспечения — пакета прикладных программ МАТLAB. Для расчетов была создана программа Heat\_mom. Приведем здесь результаты расчетов для некоторых значений параметров:  $\alpha = 4.25 \cdot 10^5$  cm<sup>-1</sup>,  $T_0 = 300$  K,  $\chi = 1.55 \cdot 10^{-3}$  W cm<sup>-1</sup> · K<sup>-1</sup>, L = 710 J cm<sup>-3</sup>,  $T_a = 15700$  K, c = 0.96 J g<sup>-1</sup> · K<sup>-1</sup>,  $\rho = 1.42$  g cm<sup>-3</sup>,  $I_s$  варьировался (здесь поток излучения  $\Phi$  и характерное время  $t_1$  связаны соотношением  $\Phi = I_0 t_1$ ),  $v_0 = 3 \cdot 10^6$  cm · s<sup>-1</sup>.

В экспериментах использовались импульсы лазерного излучения длительностью 20 ns и  $300 \,\mu$ s. При этом значения пороговых величин потоков излучения для наносекундных импульсов находились в диапазоне 20-50 и  $150-300 \, J \, cm^{-2}$ .



**Рис. 1.** Изменение температуры поверхности при облучении наносекундным импульсом с потоком  $\Phi = 0.1 \, J \cdot cm^{-2}$ .



**Рис. 2.** Изменение температуры поверхности при облучении микросекундным импульсом с потоком  $\Phi = 0.1 \, \text{J} \cdot \text{cm}^{-2}$ .

Журнал технической физики, 2018, том 88, вып. 5

Приведем данные по температуре поверхности для импульса наносекундного диапазона с потоком излучения  $\Phi = 0.1$ ; 1; 10 J cm<sup>-2</sup> и характерным временем  $t_1 = 10$  ns и для импульса микросекундного диапазона с потоком излучения  $\Phi = 0.1$ , 1, 10, 20, 50, 100 J cm<sup>-2</sup> и характерным временем  $t_1 = 150 \,\mu s$  (рис. 1 и 2 и таблица). В тексте и на графиках фигурирует не температура поверхности  $T_S$ , а ее отклонение от начальной температуры  $T_0$ . То есть  $T = T_S - T_0$ .

Для большей наглядности покажем все графики для разности температур  $T = T_S - T_0$  для микросекундного импульса на рис. 3 и для характерной длины области прогрева на рис. 4. Можно отметить, что для наносекундного импульса наблюдается уменьшение тепловой длины с увеличением плотности излучения. При этом для микросекундного импульса к моменту примерно 100  $\mu$ s от начала облучения тепловая длина достигает предельного значения, которое не зависит от плотности падающего излучения.



**Рис. 3.** Температура поверхности при разных плотностях излучения в течение первых  $100 \,\mu$ s для допорогового приближения. Сверху вниз: сплошная, штриховая, пунктирная, штрихпунктирная, сплошная и штриховая линии соответствуют значениям плотности излучения  $\Phi = 100, 50, 20, 10, 1, 0.1 \, J \cdot cm^{-2}$  соответственно.



**Рис. 4.** Характерная длина области прогрева при разных плотностях излучения в течение первых 70  $\mu$ s для допорогового приближения. Сверху вниз: штриховая, сплошная, штрихпунктирная, пунктирная, штриховая и сплошная линии соответствуют значениям плотности излучения  $\Phi = 100$ , 50, 20, 10, 1, 0.1 J · cm<sup>-2</sup> соответственно.



**Рис. 5.** Нормированная температура поверхности в относительных единицах времени при разных значениях плотности излучения  $\Phi_{1-5} = 0.1, 0.5, 1, 5, 10 J \cdot cm^{-2}$ .

На рис. 5 показаны графики нормированной на начальную температуру поверхности разности температуру  $T/T_0$  в зависимости от относительного времени  $t/t_{imp}$  для пяти разных значений плотности излучения  $\Phi_{1-5}$ . Для микросекундного диапазона соответствующие графики обозначены римскими цифрами от I до V, для наносекундного — арабскими от I до 5. Вычисления проводились при значениях, указанных выше в тексте, с несколько иными значениями начальных данных в Heat\_mom\_ArbUnit\_1\_арргохітаtion, созданной специально для этой задачи программе.

#### Заключение

Разработанный алгоритм решения и созданное программное обеспечение позволили проанализировать динамику ряда параметров лазерного абляционного разрушения: температуры поверхности, тепловой длины, толщины аблированного слоя, скорости абляции.

При решении нестационарной задачи теплопроводности для одномерного случая численным методом с помощью метода моментов, в приведенном алгоритме можно учитывать имеющиеся отличия и проводить вычисления по созданной компьютерной программе для величин, которые могут зависеть и от времени, и от координаты произвольным образом.

## Список литературы

- [1] Волков Н.Б., Майер А.Е., Яловец А.П. // ЖТФ. 2003. Т. 73. Вып. 3. С. 1–9.
- [2] Морозов Н.Ф., Старцев Ю.К., Судьенков Ю.В., Сусликов А.А., Баранов Г.А., Беляев А.А. // ЖТФ. 2006. Т. 76. Вып. 7. С. 53–58.
- [3] Анисимов С.И., Лукьянчук Б.С. // УФН. 2002. Т. 172. Вып. 3. С. 301–333.
- [4] Atkarskaya A.B., Mkrtychev O.V., Privalov V.E., Shemanin V.G. // Opt. Mem. Neural Netw. 2014. Vol. 23. N 4. P. 265–270.

- [5] Мкртычев О.В., Аткарская А.Б., Шеманин В.Г. // Известия вузов. Физика. 2012. Т. 8. Вып. 2. С. 238-239.
- [6] Мкртычев О.В., Привалов В.Е., Фотиади А.Э., Шеманин В.Г. // Научно-технические ведомости СПб. гос. политех. ун-та. Физико-математические науки. 2015. Т. 213. Вып. 1. С. 128–135.
- [7] Shemanin V.G., Mkrtychev O.V. // J. Phys. Conf. Ser. 2015. Vol. 653. P. 012012.
- [8] Маненков А.А., Прохоров А.М. // УФН. 1986. Т. 148. Вып. 1. С. 179–211.
- [9] Климентов С.М., Кононенко Т.В., Пивоваров П.А., Гарнов С.В., Конов В.И., Прохоров А.М., Брайтлинг Д., Даусинер Ф. // Квант. электрон. 2001. Т. 31. Вып. 5. С. 378–383.
- [10] Гуськов К.С., Гуськов С.Ю. // Квант. электрон. 2001. Т. 31. Вып. 4. С. 305–310.
- [11] Булгаков А.В., Булгакова Н.М. // Квант. электрон. 1999.
   Т. 27. Вып. 2. С. 53-58.
- [12] Gao X., Feng G., Han J., Zhai L. // Opt. Express. 2012. Vol. 20. N 20. P. 22095–22101.