## 07,13

# Физико-механические свойства и микромеханизмы локального деформирования материалов с различной зависимостью твердости от глубины отпечатка

© Ю.И. Головин<sup>1</sup>, А.И. Тюрин<sup>1</sup>, Э.Г. Асланян<sup>2</sup>, Т.С. Пирожкова<sup>1</sup>, В.М. Васюков<sup>1</sup>

<sup>1</sup> Научно-исследовательский институт "Нанотехнологии и наноматериалы"

Тамбовского государственного университета им. Г.Р. Державина,

Тамбов, Россия

<sup>2</sup> Всероссийский научно-исследовательский институт физико-технических и радиотехнических измерений, Менделеево, Россия

E-mail: golovin@tsu.tmb.ru

(Поступила в Редакцию 13 декабря 2016 г. В окончательной редакции 20 марта 2017 г.)

Методами микро- и наноиндентирования в широком диапазоне глубин отпечатка *h* (от десятков нанометров до нескольких десятков микрометров) изучены размерные эффекты в твердости нескольких классов материалов: ионных и ковалентных монокристаллов (сапфира, кремния, фторида лития); металлов (монокристаллического Al, поликристаллических Cu, Ni, Nb); керамик (высокопрочной наноструктурированной TZP-керамики на основе природного минерала диоксида циркония — бадделеита); аморфных материалов (плавленого кварца); полимеров (поликарбоната и политетрафторэтилена). Показано, что некоторые из них демонстрируют сильные размерные эффекты в твердости, другие — слабые, а третьи — вовсе их отсутствие. Проведен термоактивационный анализ и определены активационные и энергетические характеристики процессов локального деформирования под индентором, которые сопоставлены с доминирующими микромеханизмами пластичности исследованных материалов на разных стадиях формирования отпечатка, а также с особенностями размерных эффектов. Выявлены материалы, имеющие низкие значения коэффициента вариации твердости, согласующиеся с требованиями стандартов измерения нанотвердости ISO 14577 и ГОСТ Р 8.748-2011. В установленных диапазонах нагрузок эти материалы являются хорошими кандидатами для использования в качестве эталонов, призванных обеспечивать единство измерений твердости для нано- и микродиапазонов, а также для проведения калибровок и испытаний наноиндентометров.

Экспериментальное исследование размерных эффектов при наноиндентировании выполнено при поддержке гранта Российского научного фонда (проект № 15-19-00181). Исследование физико-механических свойств ТZР-керамики, а также обоснование методов калибровки и выбора материалов для эталонных образцов выполнены при поддержке гранта Российского научного фонда (проект № 16-19-10405).

DOI: 10.21883/FTT.2017.09.44851.443

#### 1. Введение

Современные нанотехнологии позволяют создавать изделия и отдельные компоненты с микронными, субмикронными и нанометровыми характерными размерами. В частности, получили распространение миниатюрные микро-/наноэлектромеханические системы, сенсоры, актуаторы, многослойные структуры [1–4], тонкие пленки, покрытия [5] и др. При их проектировании, изготовлении и эксплуатации необходимо учитывать, что физико-механические свойства традиционных и, особенно, новых, наноструктурированных материалов в субмикронных и нанообъемах, тонких пленках и приповерхностных слоях могут сильно отличаться от макроскопических свойств, приводимых в инженерных справочниках. Такое различие принято квалифицировать как размерные эффекты (size effects, SE) [1–4].

В качестве характерного размера  $R^*$ , определяющего границу перехода между макроскопическими и наноразмерными свойствами, могут выступать как внешние геометрические размеры образца, радиус контактного пятна при локальном деформировании, так и характерные размеры микроструктуры (размеры фаз, зерен, пор, дислокационных скоплений, двойников, толщина слоев/пленок и др.) [6–20]. С точки зрения чувствительности нано- и микромеханических свойств к величине  $R^*$  все материалы можно условно разделить на два класса: имеющие SE [4,6–12,17–19] и не демонстрирующие таковых (по крайней мере, в диапазоне  $R^*$  от единиц нанометров до многих десятков микрометров) [4,12,15,16,21,22]. Атомные механизмы столь различного поведения не вполне ясны.

Известно, что материалы, в которых проявляются SE в физико-механических свойствах, деформируются в макрообъемах главным образом посредством зарождения и движения дислокаций, двойников, зернограничного проскальзывания и других многоатомных механизмов [4,6,7,17–19,23–33]. Что касается материалов, имеющих размерно-независимые механические свойства, то в литературе практически не обсуждаются вопросы, связанные с причинами отсутствия в них SE. Пролить свет на природу размерных зависимостей или их отсутствия в локальных механических свойствах, в частности, при индентировании (indentation size effect, ISE) может проведение их систематических экспериментальных исследований, а также выявление доминирующих атомных механизмов деформации, которая протекает под индентором, внедряющимся на различную глубину и, следовательно, вовлекающим в пластическую деформацию сильно различающиеся объемы материала. В современных наноиндентометрах имеется возможность непрерывно регистрировать силу вдавливания и глубину погружения индентора в материал в диапазоне от долей нанометров до десятков микрометров. Это позволяет осуществлять размерное сканирование свойств материала в процессе одного испытания, при котором происходит изменение пластически деформированного объема более чем на 12 порядков величины!

Однако для подробного анализа закономерностей и природы ISE необходимо сначала получить надежные экспериментальные данные о локальных механических свойствах, номенклатуре и динамике структурных дефектов — потенциальных носителей пластической деформации, которые образуются под индентором, в как можно более широком диапазоне размеров и объема зоны деформирования. Следует отметить, что современные наноиндентометры обладают высокой чувствительностью к индивидуальным характеристикам вершины индентора, параметрам коррекции и настроек инструмента, а также методам обработки "сырых" (первичных) данных и извлечения из них механических характеристик материала. Это часто приводит к артефактам и рассогласованию результатов, полученных разными авторами. Поэтому предметом особой заботы в работе были тщательные калибровки используемых приборов и накопление большой статистики измерений в одних и тех же условиях (до 300 индивидуальных измерений на одну точку).

Целями настоящей работы было:

— получение систематических, статистически достоверных данных о твердости материалов различных классов, имеющих размерно-зависимые и размернонезависимые свойства в наношкале в широком диапазоне силы вдавливания P, перекрывающем пять порядков величины (от  $10\,\mu$ N до 1 N) и глубины погружения индентора h (от единиц нанометров до десятков микрометров);

проведение термоактивационного анализа и выявление доминирующих атомных механизмов локального деформирования материала под индентором на разных стадиях его погружения, т.е. при разном характерном размере зоны пластической деформации, за который принималась глубина отпечатка *h*;

 установление взаимосвязи между ISE и атомными механизмами локального деформирования ряда репрезентативных представителей материалов различных классов; — обоснование выбора материалов, которые можно было бы использовать для калибровки наноиндентометров в широком диапазоне твердости и упругости по стандартам ГОСТ Р 8.748-2011 [34] и ISO 14577 [35].

#### 2. Материалы и методы исследований

Для достижения поставленных целей набор материалов для проведения исследований должен перекрывать широкий диапазон упругопластических свойств. Необходимо также, чтобы сами материалы отвечали ряду требований:

1) среди исследуемых должны быть материалы, имеющие как размерно-зависимые, так и размернонезависимые механические свойства в нано- и микрошкале;

2) материалы должны обладать высокой степенью однородности (постоянством от точки к точке) локальных механических свойств;

 иметь различные атомные механизмы локального деформирования;

4) не создавать градиентной структуры вблизи поверхности, в частности, не образовывать приповерхностных упрочненных или разупрочненных слоев;

5) давать возможность подготовить неупрочненную поверхность со среднеквадратической шероховатостью не более нескольких нанометров;

6) иметь стабильные приповерхностные свойства на больших промежутках времени (не деградировать, не окисляться, иметь низкое газопоглощение и т.п.).

С учетом этих требований и имеющихся литературных данных о механических свойствах был проведен предварительный отбор материалов различных классов для проведения тестовых испытаний. Для исследования были выбраны репрезентативные представители материалов различных классов: мягкие металлы (монокристаллический Al, поликристаллические Cu, Nb, Ni), жесткие ионные и ковалентные монокристаллы (сапфир, кремний, фторид лития), полимеры (поликарбонат и политетрафторэтилен), наноструктурированная TZP-керамика с размером зерен ~ 130 nm на основе бадделеита природного диоксида циркония — и аморфный материал (плавленый кварц). В совокупности эти материалы охватывают широкий диапазон упругих и прочностных свойств: около трех порядков по твердости индентирования  $H_{\rm IT}$  и более двух порядков по модулю Юнга *E*. На рис. 1 их свойства представлены в обычно используемых для таких случаев координатах  $E/H_{\rm IT}^{0.5}$  (характеризует жесткость материала)-H<sub>IT</sub>. Этого диапазона достаточно для проведения калибровки наноиндентометров в интервале Р от нескольких десятков микроньютонов до 1 N и h от  $\sim 10 \, \text{nm}$  до десятков микрометров, что полностью соответствует выполнению требований стандартов [34,35] для нано- и микродиапазонов.

Измерение твердости на микро- и наноуровне проводилось на нанотрибоиндентометре (TriboIndenter TI-950)



**Рис. 1.** Механические свойства исследованных материалов. *1* — политетрафторэтилен, *2* — поликарбонат, *3* — Al, *4* — LiF, *5* — Nb, *6* — Cu, *7* — Ni, *8* — плавленый кварц, *9* — Si, *10* — TZP-керамика, *11* — сапфир.



**Рис. 2.** Типичные P-h-диаграммы нагружения-разгрузки при нарастающей максимальной силе вдавливания  $P_{\max}$  для ряда исследованных материалов. a — сапфир (1), TZP-керамика (2), плавленый кварц (3); b — поликарбонат (4), политетрафторэтилен (5).

фирмы Hysitron (USA) в диапазоне нормальной силы от 10µN до 1N, прикладываемой к индентору. Для испытаний в микро- и макрошкале использовались твердомеры G200 фирмы MTS (USA), Duramin A300 фирмы Struers (Denmark) и TNi-micro (собственной разработки). Значения  $E, H_{\text{IT}} = P_{\text{max}}/A_p(h_c)$  и твердости по Мартенсу —  $HM = P_{\text{max}}/A_s(h_{\text{max}})$  — определялись по методикам Оливера-Фарра [15,16,34,35] и Мартенса [35] из характерных *P*-*h*-диаграмм (рис. 2) в соответствии со стандартами [34,35]. Здесь Р<sub>тах</sub> — максимальная нагрузка, приложенная к индентору;  $A_p(h_c)$  — площадь проекции отпечатка на поверхность образца, определяемая по *P*-*h*-диаграмме в зависимости от глубины пластического отпечатка  $h_c$ ;  $A_s(h_{\max})$  — площадь поверхности внедряющегося индентора на расстоянии h<sub>max</sub> от его вершины;  $h_{\text{max}}$  — максимальная глубина отпечатка.

#### 3. Результаты и их обсуждение

Зависимости  $H_{\rm IT}$  и HM от  $h_c$  и  $h_{\rm max}$  для исследованных материалов приведены на рис. З и 4. Каждая точка на кривых была получена усреднением результатов от 100 до 300 индивидуальных измерений, проведенных в одинаковых условиях на независимых отпечатках на одном образце.

Для исключения ошибок в измерении Е и Н в наношкале на каждом приборе предварительно проводилась серия калибровочных экспериментов на одном и том же образце плавленого кварца. Этот материал традиционно используется для калибровки наноиндентометров, поскольку достоверно известно, что у него отсутствуют размерные эффекты в H<sub>IT</sub> и Е при тестировании, по крайней мере в диапазоне h от единиц до тысяч нанометров (при условии отсутствия трещин вблизи отпечатка). Из результатов, приведенных на рис. 3, а, следует, что применяемые в работе методы обработки первичных данных и настройки инструментов обеспечивают неизменность измеряемых величин H<sub>IT</sub> и Е для плавленого кварца:  $H_{\rm IT} = 9.2 \pm 0.1 \, {\rm GPa}, \, E = 69.6 \pm 0.9 \, {\rm GPa}$ при изменении h<sub>c</sub> от 20 до 170 nm. По абсолютной величине эти значения совпадают с литературными данными, что дает основание полагать корректными последующие



Рис. 3. Зависимости  $E = f(h_c)$ ,  $H_{IT} = f(h_c)$ ,  $H_{IT} = f(h_{max})$ и  $HM = f(h_{max})$  для ряда исследованных материалов.  $a - H_{IT}$  (1) и E (2) для плавленого кварца;  $b - H_{IT}$  (3) и HM (4) для сапфира,  $H_{IT}$  (5) и HM (6) для TZP-керамики, HM для поликарбоната (7).



**Рис. 4.** Зависимости твердости индентирования  $H_{\text{IT}}$  исследованных материалов с наиболее ярко выраженным ISE от глубины пластического отпечатка  $h_c$ .

определения твердости и модуля Юнга и в других материалах при h > 20 nm.

Анализ зависимостей твердости от глубины отпечатка для других исследованных материалов (рис. 3, b и 4) показывает, что твердость поликарбоната и сапфира, как и плавленого кварца, не зависит от P и h, оставаясь практически постоянной в диапазоне глубин отпечатка от нескольких десятков нанометров до нескольких микрометров. Заметим, что помимо всего прочего (см. делее) эти результаты также свидетельствуют о корректности применяемых методик. Другая группа материалов (TZP-керамика, Si, LiF, политетрафторэтилен и др.) демонстрирует слабую размерную зависимость твердости, проявляющуюся в уменьшении ее величины с ростом глубины отпечатка в диапазоне от 100 nm до нескольких десятков микрометров, а также еще большее уменьшение твердости с уменьшением нагрузки и глубины отпечатка в область h < 100 nm.

Наиболее ярко ISE проявляется в исследованных металлах (Al, Cu, Nb, Ni), у которых на зависимостях

lg  $H_{\text{IT}}(\lg h_c)$  можно выделить несколько прямолинейных участков, имеющих различные коэффициенты наклона *n* (рис. 4). Так, например, для Cu, Nb и Ni ISE проявляется вплоть до глубины в несколько микрометров, вслед за которой начинается область с H = const. Для Al участок с n = 0.17 простирается по  $h_c$  более чем на три порядка величины (от 30 nm и по меньшей мере до  $90\,\mu\text{m}$ ), и даже при такой глубине еще не достигается состояние с  $H_{\text{IT}} = \text{const.}$ 

Отсутствие на зависимостях  $H_{\rm IT} = f(h_c)$  для ряда исследованных материалов (плавленый кварц, поликарбонат и сапфир) характерных наклонов и перегибов, выявленных для Al, Cu, Nb и Ni (рис. 4), означает по меньшей мере следующее: а) отсутствие градиента свойств в приповерхностном слое, b) неизменность действующего механизма деформации и независимость его от размеров пластически деформированной зоны.

Обычно полагают, что в области  $R^*$  от 100 nm до  $10\,\mu$ m определяющий вклад в возможные SE в макрообразцах могут вносить характерные размеры внутренней структуры (средний размер зерен в поликристаллах, ячеек в дислокационной структуре, толщина пленки или период сверхрешетки мультислойного покрытия и др.) [2,4,11,12,36–38].

Однако при локальном деформировании роль масштабирующего фактора могут играть и другие параметры (угол при вершине индентора, радиус закругления в его кончике, размер контактного пятна, параметры шероховатости поверхности, радиус свободной поверхности образца в нитевидных кристаллах и др.). Обобщая, можно отметить, что SE в этих условиях могут возникать тогда, когда геометрические размеры локально деформированной области или расстояния до свободных или внутренних границ становятся сопоставимыми с корреляционным радиусом некого атомарного процесса, реализующего пластическое течение. В качестве такого радиуса могут выступать размеры носителя деформации, длина его свободного пробега, радиус его взаимодействия с другими несовершенствами структуры и др. Традиционные теории пластичности не содержат масштабной шкалы и соответственно не могут объяснить происхождение ISE в условиях локальной деформации.

Для описания экспериментально наблюдаемых ISE обычно используют эмпирическое соотношение типа Холла–Петча:  $H = H_m + ah^{-m}$  (здесь  $H_m$  — макроскопическое значение твердости при  $h \ge 1$  mm, a — коэффициент пропорциональности, m = 0.5). Его выполнимость при индентировании наблюдалась в ряде работ [39,40], но показатель степени m при h редко бывает в точности равен 0.5 даже на небольших интервалах h, что хорошо видно, например, из наших результатов на рис. 4.

Наиболее популярным способом интерпретации природы ISE в монокристаллах является привлечение концепции геометрически необходимых дислокаций [6,36,41]. С уменьшением h их плотность  $\rho$  растет как  $h^{-1}$ , что вызывает локальное упрочнение материала под индентором. Однако при h < 50-100 nm

расчетная величина  $\rho$ , следующая из этой модели, становится нереалистично большой (>  $10^{16} \, {\rm m}^{-2}$ ). Авторы работ [6,7,42-44] объясняют возникновение ISE в микрообласти уменьшением размера зоны деформирования до некоторого характерного размера микроструктуры. В общем случае возможны и другие причины возникновения ISE в твердости. Так, например, одновременное действие нескольких более сложных механизмов локального деформирования (диффузионнодислокационных, дислокационно-дисклинационных, проскальзывания и поворота зерен и др. [37,45]) или смена доминирующих механизмов (например, недислокационных на дислокационные) [38,46-52], действующих на разных этапах формирования отпечатка, могут приводить к немонотонному изменению величины твердости с ростом глубины отпечатка и определять ISE.

Однако при этом практически не рассматриваются и не обсуждаются причины некоторых особенностей и различий в зависимости твердости от глубины отпечатка при индентировании материалов различных классов. Так, например, часто наблюдается отклонение величины наклона в зависимостях  $\lg H_{\rm IT} = f(\lg h_c)$  от m = 0.5 в соотношении Холла–Петча; падение  $H_{\rm IT}$  с уменьшением  $h_c$  в области  $\lesssim 50$  nm для ряда ГЦК-металлов (рис. 4); полное отсутствие ISE при индентировании плавленого кварца и других аморфных материалов или очень маленькое значение  $m (\ll 0.5)$ . Следовательно, для объяснения такого поведения твердости необходимо рассмотреть и другие возможные механизмы локального деформирования материала под индентором, особенно при  $h_c \ll 100$  nm.

Некоторый свет на причины наличия или отсутствия ISE могут пролить термоактивационный анализ, определение энергетических параметров процесса локального деформирования и выявление номенклатуры структурных дефектов, обусловливающих процесс формирования отпечатка. По меньшей мере они позволяют исключить из рассмотрения некоторые механизмы, не удовлетворяющие очевидным энергетическим и кинетическим соотношениям. Наиболее информативной при этом является величина  $\gamma$  в выражении

$$\dot{\varepsilon} = \dot{\varepsilon}_0 \exp[-(U_a - \gamma \sigma)/kT], \qquad (1)$$

следующем из известной формулы Журкова [53,54].

В (1)  $\hat{\varepsilon} = (dh/dt)h$  — мгновенное значение скорости относительной деформации,  $\sigma$  — мгновенное значение среднего контактного давления под индентором,  $U_a$  — энергия активации, k — постоянная Больцмана, T — температура. Первоначально под  $\gamma$  подразумевалась величина, численно равная произведению объема, "близкого к атомарному", на безразмерный коэффициент локального перенапряжения межатомной связи, в частности, в полимерной цепи [53–55]. Однако величине  $\gamma$ , особенно там, где процессы деформирования могут быть коллективными (дислокационная пластичность, полиморфные превращения и т.д.), можно при-

дать и другой смысл. Так, например, при дислокационной пластичности в кристаллических твердых телах величину у можно рассматривать как произведение атомного размера а (или модуля вектора Бюргерса b) на активационную площадь S<sub>a</sub>, которая "заметается" дислокационным сегментом в одном элементарном акте пластической деформации. В этом случае величина у отражает способность структуры реагировать на единичную термическую флуктуацию самоорганизующимся коллективным процессом, охватывающим некоторое количество атомов  $N_a \sim \gamma/a^3$ . Такое значение величине у, входящей в уравнение Журкова, придавалось в ряде более поздних работ, развивающих кинетическую концепцию прочности и пластичности при одноосном нагружении (см., например, [56-60]) и при индентировании [61-64].

В настоящей работе величина  $\gamma$ , обусловленная механизмами пластической деформации и динамикой основных ее носителей при наноиндентировании, определялась с помощью соотношения [47,51,52]

$$\gamma = \sqrt{3} \, \frac{\partial \ln \dot{\varepsilon}}{\partial \sigma} \, kT. \tag{2}$$

Некоторые погрешности определения  $\gamma$  таким упрощенным способом не имеют принципиального значения для целей нашего рассмотрения, поскольку носители и механизмы пластической деформации различной природы характеризуются разницей в значении  $\gamma$  на порядки величин.

Другой полезной характеристикой для определения природы деформации может служить величина удельной энергии образования пластического отпечатка *W*, которая находилась из соотношения

$$W = U/N, \tag{3}$$

где  $U = \int P dn$  — энергия, рассеиваемая в материале при формировании отпечатка [2,34,35,65–67], определяемая как площадь, ограниченная кривыми нагружения– разгрузки P-h-диаграмм,  $N = V/V_i$  — количество атомов (или ионов) материала, вытесненных из отпечатка,  $V = \int_0^{h_c} S dh$  — объем отпечатка,  $S = \frac{\sqrt{3}}{4} d^2$  — текущее значение площади проекции отпечатка на поверхности образца, d — сторона отпечатка,  $V_i$  — объем, приходящийся на один атом (или ион) исследуемого материала.

Анализ зависимостей  $\gamma = f(h_{\text{max}})$  и  $W = f(h_{\text{max}})$ , приведенных на рис. 5 и 6, показывает, что в исследованном диапазоне глубин (от 20 nm до нескольких десятков микрометров) значения величин  $\gamma$  для плавленого кварца, поликарбоната, монокристаллического кремния и политетрафторэтилена сначала растут до некоторого критического значения глубины отпечатка  $h_{\rm cr}$ , а затем остаются практически постоянными (например, для плавленого кварца  $h_{\rm cr} \approx 100$  nm, для поликарбоната  $h_{\rm cr} \approx 200$  nm). Для сапфира, TZP-керамики, LiF и Al значения  $\gamma$  растут во всем исследованном диапазоне h. Величина W для всех исследованных материалов сначала растет до некоторого значения  $h_w$ , принимая при этом максимальные значения, а затем начинает уменьшаться с ростом h и выходит на постоянный уровень. При этом для плавленого кварца, поликарбоната и политетрафторэтилена достижение значений  $h_{\rm cr}$ , отмечаемое как выход на насыщение величины  $\gamma$ , соответствует и выходу на постоянные значения величины W (рис. 5 и 6).

Сопоставляя полученные значения  $\gamma$  с величиной  $b^3$ , а W — с энергией активации зарождения и перемещения различных структурных дефектов (точечные дефекты, краудионы и малоатомные кластеры, дислокации и др.), можно индентифицировать механизмы



**Рис. 5.** Зависимость величины активационного объема  $\gamma$  от максимальной глубины отпечатка  $h_{\text{max}}$ . a — политетрафторэтилен (1), поликарбонат (2), сапфир (3), ТZР-керамика (4), плавленый кварц (5); b — Al (6), LiF (7), Si (8); c — Cu (9), Nb (10), Ni (11).



**Рис. 6.** Зависимость удельной энергии W, рассеиваемой при формировании отпечатка, от максимальной глубины отпечатка  $h_{\text{max}}$ . a — сапфир (1), TZP-керамика (2), плавленый кварц (3), политетрафторэтилен (4), поликарбонат (5); b — Si (6), Nb (7), Ni (8), Cu (9), LiF (10), Al (11).

пластической деформации на разных стадиях формирования отпечатка или, как минимум, отсеять те, которые не согласуются с найденными значениями  $\gamma$  и W по порядкам величин. Набор некоторых возможных механизмов пластической деформации в зависимости от величины  $b^3$  [38,47,59,68–71] схематически представлен на рис. 7.

Значения величин у и W, полученные для исследованных материалов в интервале h<sub>max</sub> от нескольких десятков нанометров до единиц микрометров (рис. 5 и 6), составляют от  $10^{-31}$  до  $2 \cdot 10^{-27}$  m<sup>3</sup> и от 0.025 до 10 eV/atom соответственно (в зависимости от типа исследуемого материала и глубины отпечатка). Значение величины у может варьироваться в зависимости от лимитирующего процесса пластической деформации от  $\sim b^3$  для решеточной диффузии [47,59,68–71] (рис. 7) до  $\sim (10^2 - 10^4) b^3$  для дислокационных механизмов, например, в ГЦК-металлах [38,47,68] (рис. 5, с и 7). Для энергии активации процессов пластической деформации значения порядка сотых-десятых долей eV характерны для дислокационных механизмов, а в интервале 1-10 eV сопоставимы с энергией образования точечных дефектов в решетке. Так, например, в работах [70,71] показано,



Рис. 7. Схема взаимосвязи наиболее эффективных механизмов пластической деформации с величиной активационного объема  $\gamma$  (b — вектор Бюргерса,  $\tau$  и  $\sigma$  — приложенные напряжения, v — скорость носителя деформации). l — ползучесть Кобла (образование и движение неравновесных точечных дефектов), 2 — образование и движение краудионов (по Инденбому–Орлову), 3 — образование и расширение кинков в рельефе Пайерлса, 4 — срабатывание источников дислокаций (по Франку–Риду), 5 — преодоление дислокациями сетки локальных стопоров (по Гилману), 6 — коллективные процессы в дислокационных ансамблях (полосы скольжения, двойники).

что энергия образования кислородной вакансии для  $Al_2O_3$  составляет 10.28 eV, а для вакансии алюминия — 15.49 eV [71].

Низкие значения  $\gamma$ , составляющие  $\sim b^3$  (для кристаллических материалов) и порядка нескольких атомарных объемов (для аморфных и полимерных материалов), и высокие значения W (от нескольких десятых долей до единиц eV/atom), полученные на начальных стадиях формирования отпечатка, характерны для монои/или малоатомных механизмов локального деформирования [24,25,47,50-52,59,68,70,71]. Учитывая, что исследованная керамика является наноструктурированной (с размером зерен около 100 nm), можно предположить, что ее деформирование может происходить за счет моно- или малоатомных микромеханизмов массопереноса или фазовых переходов метастабильной тетрагональной фазы в стабильную моноклинную. Для плавленого кварца, имеющего аморфную структуру, и сапфира, имеющего кристаллическую структуру, найденные значения величин у и W практически совпадают с данными, полученными для энергии образования точечных структурных дефектов [70,71], что дает основание предполагать определяющую роль моно- или малоатомных механизмов деформации.

Выход на насыщение величин  $\gamma$  и W при глубинах отпечатка выше некоторого критического значения, характерного для каждого исследованного материала (рис. 4 и 5), может означать начало установившегося доминирующего процесса пластической деформации материала под индентором. На этом участке высокие значения величин  $\gamma$  и низкие для W, полученные для ряда исследованных материалов (LiF, Al, поликарбонат и политетрафторэтилен), свидетельствуют в пользу многоатомных микромеханизмов пластичности. И для LiF, и для Al они согласуются со значениями, характерными для дислокационного течения.

На особенности деформирования, наличие ISE и механизмы пластичности под индентором могут влиять не только энергетические, но и чисто геометрические и структурные факторы. Так, например, в кристаллических материалах до тех пор, пока глубина погружения и соответственно характерный размер локально нагруженной области не превышают критического радиуса дислокационной петли, дислокации не могут зарождаться гомогенно [4]. Вероятность гетерогенного зарождения дислокаций в объемах  $\leq 10^3 b^3$  тоже очень мала. В ряде других материалов, например в аморфных, дислокации вообще теряют смысл, так как изначально в них нет кристаллической упорядоченности, которую они могут нарушать.

Для учета возможного влияния местных неоднородностей на величину твердости исследуемого материала были проведены эксперименты в различных точках поверхности исследуемого образца, а также на различных образцах, подготовленных из одного и того же материала. В качестве меры оценки локальной неоднородности свойств материала использовался коэффициент вариации, который определялся как  $V_H = S_H / \bar{H}$ . Здесь S<sub>H</sub> — стандартное отклонение измерений твердости, проведенных по стандартам [34,35],  $\bar{H}$  — среднее значение твердости. Из данных для V<sub>H</sub>, полученных для ряда исследованных материалов при фиксированных значениях  $P_{\text{max}}$  и  $h_{\text{max}}$  (рис. 8), следует, что величина  $V_H$ сильно зависит от типа материала и величины нагрузки, прикладываемой к индентору. При этом увеличение P<sub>max</sub> в диапазоне от  $10 \mu N$  до 1 N, как правило, приводит к уменьшению величины V<sub>H</sub>.



**Рис. 8.** Зависимость коэффициента вариации  $V_H$  твердости по Мартенсу от максимальной нагрузки, приложенной к индентору  $P_{\text{max}}$ . I — поликарбонат, 2 — плавленый кварц, 3 — сапфир, 4 — TZP-керамика.

Так, например, для плавленого кварца и поликарбоната при  $P_{\text{max}}$  в интервале от 10 до 50  $\mu$ N коэффициент вариации превышает 8%, в интервале от 100 до 500  $\mu$ N он меньше 5%, в интервале от 500  $\mu$ N до 1 mN меньше 3%, а в интервале от 5 mN до 1 N — меньше 2%.

Для TZP-керамики  $V_H$  при  $P_{\text{max}} = 5 \text{ mN}$  превышает 8%, с ростом нагрузки  $V_H$  уменьшается и при  $P_{\text{max}} = 1 \text{ N}$  составляет 5%. Для сапфира при  $P_{\text{max}} = 5 \text{ mN}$  коэффициент вариации более 5%, а при  $P_{\text{max}} \ge 10 \text{ mN}$  он падает до значений  $\le 2\%$ .

Таким образом, плавленый кварц и поликарбонат наряду с постоянным значением твердости имеют коэффициент вариации менее 5% в диапазоне нагрузок от 100  $\mu$ N до 1 N, а сапфир — при  $P_{\rm max} \ge 10$  mN. Такие значения полностью соответствуют требованиям стандартов ГОСТ и ISO [34,35], и поэтому эти материалы (в установленных диапазонах нагрузок) являются хорошими кандидатами для использования в качестве мер твердости и эталонов, предназначенных для обеспечения единства измерений в нано- и микродиапазонах глубины отпечатка, а также для проведения калибровок и испытаний наноиндентометров.

### 4. Заключение

В широком диапазоне глубин отпечатка (от 20 nm до десятков микрометров) в работе выявлены зависимости твердости ряда репрезентативных представителей материалов различных классов: ионных и ковалентных монокристаллов (сапфира, кремния, фторида лития); металлов (монокристаллического Al, поликристаллических Cu, Ni, Nb); керамик (высокопрочной наноструктурированной TZP-керамики на основе природного минерала диоксида циркония — бадделеита); аморфных материалов (плавленого кварца); полимеров (поликарбоната и политетрафторэтилена).

Погружение индентора от момента касания поверхности и до образования отпечатка размером до нескольких микрометров в мягких металлах происходит в несколько стадий. Низкие значения у и высокие значения W в области малых глубин отпечатка  $h < h_{\rm cr}$  свидетельствуют в пользу того, что дислокационные механизмы не могут играть доминирующей роли в пластическом течении исследуемых материалов на начальной стадии локального деформирования острым индентором. Более вероятными представляются недислокационные механизмы деформации, в частности реализуемые путем образования и перемещения неравновесных точечных дефектов и их небольших скоплений — краудионов. При этом твердость ряда исследованных материалов сначала нарастает с увеличением глубины отпечатка, а затем падает, поскольку включаются более эффективные механизмы пластической деформации, а именно дислокационного течения. По мере увеличения размеров отпечатка исследуемые материалы демонстрируют два типа поведения и могут быть разделены на два класса: материалы,

не имеющие ISE (плавленый кварц, поликарбонат, сапфир и политетрафторэтилен), и материалы, в которых твердость начинает падать с ростом h (TZP-керамика, LiF, Al, Cu, Nb, Ni и др.). Уменьшение твердости с ростом размера отпечатка в материалах второй группы сопровождается ростом значений  $\gamma$  и уменьшением W, значения которых дают основание полагать, что роль многоатомных (например, дислокационных) механизмов пластичности нарастает, а недислокационных падает при увеличении размеров области локальной деформации.

Отсутствие ISE в ряде исследованных материалов или участки с постоянными значениями твердости для материалов, имеющих ISE (в области больших размеров отпечатка), характеризуются постоянными значениями величин  $\gamma$  и W, что свидетельствует о неизменном доминирующем механизме пластической деформации. Такое поведение характерно, например, для плавленого кварца и поликарбоната.

Низкие значения коэффициента вариации твердости  $(V_H < 5\%$  при  $P_{\rm max} \ge 100\,\mu{\rm N}$  для плавленого кварца и при  $P_{\rm max} \ge 10\,{\rm mN}$  для сапфира) полностью соответствуют требованиям стандартов ГОСТ и ISO [34,35] и поэтому данные материалы (в установленных диапазонах нагрузок) являются хорошими кандидатами для использования в качестве мер и эталонов твердости для обеспечения единства измерений механических свойств твердых тел в нано- и микродиапазонах глубины отпечатка, а также для проведения калибровки, юстировки и настройки наноиндентометров.

#### Список литературы

- [1] Springer handbook of nanotechnology / Ed. B. Bhushan. Springer-Verlag, Berlin (2010). 1968 p.
- [2] Ю.И. Головин. Основы нанотехнологий. Машиностроение, М. (2012). 656 с.
- [3] A.C. Fischer-Cripps. Nanoindentation. Springer, N.Y. (2011). 279 p.
- [4] Ю.И. Головин. Наноиндентирование и его возможности. Машиностроение, М. (2009). 312 с.
- [5] А.С. Гращенко, С.А. Кукушкин, А.В. Осипов. Письма в ЖТФ 40, 24, 53 (2014).
- [6] W.D. Nix, H. Gao. J. Mech. Phys. Solids 46, 411 (1998).
- [7] L.A. Berla, S.W. Lee, Yi. Cui, W.D. Nix. J. Power Sources 273, 41 (2015).
- [8] X. Qiao, L. Han, W. Zhang, J. Gu. Mater. Characterization 110, 86 (2015).
- [9] T. Csanádi, S. Grasso, A. Kovalcíková, J. Dusza, M. Reece. J. Eur. Ceram. Soc. 36, 239 (2016).
- [10] D. Wu, J.S.C. Jang, T.G. Nieh. Intermetallics 68, 118 (2016).
- [11] Ю.И. Головин. ФТТ 50, 2113 (2008).
- [12] Ю.И. Головин, В.М. Васюков, В.В. Коренков, Р.А. Столяров, А.В. Шуклинов, Л.Е. Поляков. ЖТФ 81, 5, 55 (2011).
- [13] Ю.И. Головин, В.И. Иволгин, А.И. Тюрин, С.В. Потапов, В.З. Бенгус, Е.Д. Табачникова. Кристаллография 50, 326 (2005).

- [14] М.Ш. Акчурин, Р.В. Гайнутдинов, Е.А. Гарибин, Ю.И. Головин, А.А. Демиденко, К.В. Дукельский, С.В. Кузнецов, И.А. Миронов, В.В. Осико, А.Н. Смирнов, Н.Ю. Табачкова, А.И. Тюрин, П.П. Федоров, В.В. Шиндяпин. Перспективные материалы 5, 5 (2010).
- [15] W.C. Oliver, G.M. Pharr. J. Mater. Res. 7, 1564 (1992).
- [16] W.C. Oliver, G.M. Pharr. J. Mater. Res. 19, 3 (2004).
- [17] D.M. Dimiduk, M.D. Uchic, T.A. Parthasarathy. Acta Mater. 53, 4065 (2005).
- [18] J. Biener, A.M. Hodge, J.R. Hayes, C.A. Volkert, L.A. Zepeda-Ruiz, Al.V. Hamza, F.F. Abraham. Nanoletters 6, 2379 (2006).
- [19] F. Xu, Y.H. Ding, X.H. Deng, P. Zhang, Z.L. Long. Physica B 450, 84 (2014).
- [20] D. Maharaj, B. Bhushan. Mater. Sci. Eng. R 95, 1 (2015).
- [21] K. Herrmann, N.M. Jennett, S. Kuypers, I. McEntegaart, C. Ingelbrecht, U. Hangen, T. Chudoba, F. Pohlenz, F. Menelaoa. Z. Metallk. 94, 802 (2003).
- [22] Hardness testing: principles and applications / Ed. K. Herrmann. ASM International, Materials Park, Ohio (2011). 258 p.
- [23] Ю.И. Головин, А.И. Тюрин, В.В. Хлебников. ЖТФ 75, 4, 91 (2005).
- [24] Yu.I. Golovin, A.I. Tyurin, B.Ya. Farber. Phil. Mag. A 82, 1857 (2002).
- [25] Yu.I. Golovin, A.I. Tyurin, B.Ya. Farber. J. Mater. Sci. 37, 895 (2002).
- [26] Ю.И. Головин, В.И. Иволгин, А.И. Тюрин, В.А. Хоник. ФТТ 45, 1209 (2003).
- [27] Ю.И. Головин, А.А. Шибков, Ю.С. Боярская, М.С. Кац, А.И. Тюрин. ФТТ 30, 3491 (1988).
- [28] С.Д. Викторов, Ю.И. Головин, А.Н. Кочанов, А.И. Тюрин, А.В. Шуклинов, И.А. Шуварин, Т.С. Пирожкова. Физ.-техн. пробл. разработки полезных ископаемых 50, 46 (2014).
- [29] Ю.И. Головин, Р.Б. Моргунов, Д.В. Лопатин, А.А. Баскаков, Я.Е. Евгеньев. ФТТ 40, 2065 (1998).
- [30] Ю.И. Головин, Р.Б. Моргунов. ФТТ 43, 827 (2001).
- [31] Ю.А. Осипьян, Ю.И. Головин, Р.Б. Моргунов, Р.К. Николаев, И.А. Пушнин, С.З. Шмурак. ФТТ 43, 1333 (2001).
- [32] Yu. Golovin, R. Morgunov, A. Baskakov. Mol. Phys. 100, 1291 (2002).
- [33] Ю.И. Головин, Р.Б. Моргунов. Письма в ЖЭТФ 61, 583 (1995).
- [34] ГОСТ Р 8.748-2011. Металлы и сплавы. Измерение твердости и других характеристик материалов при инструментальном индентировании. Ч. 1. Метод испытаний. Стандартинформ, М. (2013). 24 с.
- [35] ISO 14577-1 to 3 (2002), ISO 14577-4 (2007): Metallic materials — instrumented indentation test for hardness and materials parameters. Parts 1–4.
- [36] X. Feng, Y. Hyang, K. Hwang. In: Micro- and nano mechnical testing of materials and devices / Eds F. Yang, J.C.M. Li. Springer, N.Y. (2008). P. 49.
- [37] Ю.Р. Колобов Диффузионно-контролируемые процессы на границах зерен и пластичность металлических поликристаллов. Наука, Новосибирск (1998). 184 с.
- [38] Р.А. Андриевский, А.М. Глезер. УФН 179, 337 (2009).
- [39] Y.Y. Lim, M.M. Chaudhri. Phil. Mag. A 82, 2071 (2002).
- [40] I. Manika, J. Maniks. Acta Mater. 54, 2049 (2006).
- [41] S. Qu, Y. Huang, W.D. Nix, H. Jiang, F. Zhang, K.C. Hwang. J. Mater. Res. 19, 3423 (2004).
- [42] M.A. Meyers, A. Mishra, D.J. Benson. Prog. Mater. Sci. 51, 427 (2006).

- [43] T.P. Remington, C.J. Ruestes, E.M. Bringa, B.A. Remington, C.H. Lu, B. Kad, M.A. Meyers. Acta Mater. 78, 378 (2014).
- [44] C.J. Ruestes, A. Stukowski, Y. Tang, D.R. Tramontina, P. Erhart, B.A. Remington, H.M. Urbassek, M.A. Meyers, E.M. Bringa. Mater. Sci. Eng. A 613, 390 (2014).
- [45] A.E. Romanov, A.L. Kolesnikova, I.A. Ovid'ko, E.C. Aifantis. Mater. Sci. Eng. A 503, 62 (2009).
- [46] В.Л. Инденбом. Письма в ЖЭТФ 12, 526 (1970).
- [47] I.C. Choi, Y.J. Kim, B. Ahn, M. Kawasaki, T.G. Langdon, J.I. Jang. Scripta Mater. 75, 102 (2014).
- [48] Ю.И. Головин, С.Н. Дуб, В.И. Иволгин, В.В. Коренков, А.И. Тюрин. ФТТ 47, 961 (2005).
- [49] Ю.И. Головин, В.И. Иволгин, В.В. Коренков, А.И. Тюрин. Письма в ЖТФ 23, 15 (1997).
- [50] Ю.И. Головин, А.И. Тюрин. Изв. РАН. Сер. физ. 59, 49 (1995).
- [51] Ю.И. Головин, А.И. Тюрин. ФТТ 38, 1812 (1996).
- [52] Ю.И. Головин, А.И. Тюрин. Кристаллография 40, 884 (1995).
- [53] С.Н. Журков, Б.Н. Нарзуллаев. ЖТФ 23, 1677 (1953).
- [54] S.N. Zhurkov. International J. Fracture Mech. 1, 311 (1965).
- [55] В.Р. Регель, А.И. Слуцкер, Э.Е. Томашевский. Кинетическая природа прочности твердых тел. Физматлит, М. (1974). 560 с.
- [56] В.Л. Инденбом, А.Н. Орлов. В кн.: Термически активируемые процессы. Мир, М. (1973). С. 5.
- [57] В.Л. Инденбом, А.Н. Орлов, Ю.З. Эстрин. В кн.: Элементарные процессы пластической деформации кристаллов. Наук. думка, Киев (1978). С. 93.
- [58] В.Л. Гиляров. ФТТ 47, 808 (2005).
- [59] H. Conrad. Nanotechnology 18, 325701 (2007).
- [60] L. Lu, X. Chen, X. Huang, K. Lu. Science 323, 607 (2009).
- [61] H. Somekawa, A. Singh, C.A. Schuh. J. Alloys Compd. 685, 1016 (2016).
- [62] H. Somekawa, C.A. Schuh. Acta Mater. 59, 7554 (2011).
- [63] J.K. Mason, A.C. Lund, C.A. Schuh. Phys. Rev. B 73, 054102 (2006).
- [64] C.A. Schuh, J.K. Mason, A.C. Lund. Nature Mater. 4, 617 (2005).
- [65] M. Sakai. Acta Met. Mater. 41, 1751 (1993).
- [66] M.T. Attaf. Mater. Lett. 57, 4684 (2003).
- [67] O. Uzun, N. Güçlü, U. Kölemen, O. Şahin. Mater. Chem. Phys. 112, 5 (2008).
- [68] H. Conrad. Mater. Sci. Eng. A 341, 216 (2003).
- [69] H.J. Frost, M.F. Ashby. Deformation mechanism maps: the plasticity and creep of metals and ceramics. Pergamon Press, Oxford (1982). 165 p.
- [70] С.В. Еремеев, Л.Ю. Немирович-Данченко, С.Е. Кулькова. ФТТ **50**, 523 (2008).
- [71] J. Carrasco, N. Lopez, F. Illas. Phys. Rev. Lett. 93, 225502 (2004).