## 05,08,13

# Особенности поведения зародышей перемагничивания в магнитном поле в одноосных пленках

© Р.М. Вахитов<sup>1</sup>, Р.В. Солонецкий<sup>1</sup>, И.Б. Ларионов<sup>2</sup>

 Башкирский государственный университет, Уфа, Россия
 Омский государственный университет им. Ф.М. Достоевского, Омск, Россия

E-mail: VakhitovRM@rambler.ru

(Поступила в Редакцию 23 августа 2016 г. В окончательной редакции 16 ноября 2016 г.)

> Теоретически исследуется влияние магнитного поля на структуру и свойства магнитных неоднородностей, образующихся на дефектах типа "потенциальная яма" в магнитоодноосных пленках. Показано, что поведение высокоамплитудной и малоамплитудной неоднородностей в магнитном поле существенно различается, и выявлены причины таких различий. Установлено, что в некоторых случаях, когда данные неоднородности в отсутствие поля не существуют, они могут индуцироваться в ненулевом поле. Рассмотрены возможности идентификации обоих типов неоднородностей при их экспериментальном обнаружении.

Работа выполнена при поддержке гранта РФФИ (проект № 15-32-51255).

DOI: 10.21883/FTT.2017.06.44481.334

## 1. Введение

Известно, что дефекты, присутствующие в магнитных материалах, существенно сказываются на их свойствах [1-3]. В частности, их наличие влияет на фазовые переходы типа спиновой переориентации [4,5], на процессы перемагничивания [1-3,6,7], на динамику доменных границ (ДГ) [8–10], а также на характеристики материалов: на ширину и подвижность ДГ [8,9], на коэрцитивную силу [3,7] и т.п. Кроме того, при определенных условиях дефекты могут генерировать магнитные неоднородности различной топологии: цилиндрические магнитные домены [11], треугольные домены [12], спиральные домены [13], вертикальные блоховские линии [14], а при взаимодействии с движущимися ДГ могут трансформировать их структуру [15,16]. При этом структурные неоднородности материала, проявляющие себя как дефекты, могут иметь как естественное происхождение, связанные с несовершенной технологией получения образцов [1], так и быть индуцированными в результате внешнего воздействия, например, импульсным оптическим излучением [14], неоднородными магнитным [12,17] или электрическим [14,18] полями и т.д.

В то же время дефекты различаются не только природой возникновения, но и конфигурацией, размерами и другими характеристиками, а по типу взаимодействия с магнитной системой они могут представлять "потенциальный барьер" или "потенциальную яму" [3,19]. В последнем случае на дефектах при некоторых условиях [19, 20] возможно возникновение связанных состояний с магнитной системой, что приводит к образованию на них микромагнитных структур, подстраивающихся под профиль дефектов и соответствующих 0-градусной ДГ (0°ДГ). Эти неоднородности играют важную роль во многих явлениях, в частности, они могут стать зародышами новой фазы при спин-переориентационных фазовых переходах [4,5], либо доменами обратной намагниченности в процессах перемагничивания материалов [1-3,21]. В последнем случае именно с ними связан один из основных механизмов возникновения магнитного гистерезиса, который проявляется в виде задержки и роста зародышей перемагничивания [3]. Однако данный механизм, как и все, что связано со свойствами подобных дефектов, еще мало изучен, несмотря на многочисленные исследования в этой области [1-3,6-8]. Здесь существует множество вопросов, связанных с топологией магнитных неоднородностей, возникающих на такого рода дефектах [13-16], с их особенностями и условиями их образования, дальнейшей их эволюцией, влиянием различных факторов и т.д. В этом плане следует отметить работу [20], в которой были рассмотрены некоторые из них и, в частности, было показано, что 0°ДГ, зарождающиеся на таких дефектах, могут быть двух типов: малоамплитудные (0°ДГ(I)) и высокоамплитудные (0°ДГ(II)). Они различаются по условиям зарождения и по структуре, причем характеристики  $0^{\circ}$ ДГ(I), к которым можно отнести его энергию *E*, ширину  $\Delta$  и амплитуду  $\theta_m$  (максимальный угол отклонения вектора намагниченности М от однородного состояния), по значениям существенно меньше таковых 0°ДГ(II). Последнее означает, что 0°ДГ(II) энергетически менее выгодны, чем 0°ДГ(I). Однако согласно расчетам 0°ДГ(II), образующиеся на достаточно крупных дефектах (когда  $L > 10\Delta_0$ , где L — размер дефекта,  $\Delta_0$  — характерный размер ДГ [6,20]), становятся энергетически более выгодными, чем однородное состояние магнетика. В этом случае они будут представлять метастабильные образования, которые могут внести весомый вклад в магнитный гистерезис исследуемых материалов [2,3]. С другой стороны, если учесть размагничивающие поля, обусловленные конечностью образца, то при определенных значениях материальных параметров  $0^{\circ} Д\Gamma(II)$  могут стать устойчивыми образованиями [22]. Кроме того, есть определенные экспериментальные данные [23,24], указывающие на реальность их существования. Имеются также достаточные основания считать, что 0°ДГ(II), зарождающие на двумерных дефектах [24], могут образовывать и спиральные структуры [13]. В свете сказанного становится актуальным продолжение исследований особенностей микромагнитной структуры, возникающей на дефектах типа "потенциальная яма" одноосного ферромагнетика, и, в частности, выявление ее вклада в процессы перемагничивания образца, что, в свою очередь, представляет и практический интерес [1-3,21].

#### 2. Основные уравнения

Рассмотрим одноосный ферромагнетик в виде пластины конечной толщины (D), содержащей дефект. Система координат выбирается так, что Ог совпадает с осью симметрии кристалла, перпендикулярной поверхности пластины, а ось Оу — с направлением, вдоль которого магнетик неоднороден. Соответственно будем считать, что материальные параметры (А — обменный параметр, *K<sub>u</sub>* — константа одноосной анизотропии, *M<sub>s</sub>* — намагниченность насыщения) зависят только от переменной у. Предположим также, что на образец действует внешнее однородное магнитное поле  $\mathbf{H} \parallel Oz$ . Нетрудно показать, что магнитные неоднородности, возникающие в данном магнетике, будут иметь блоховскую структуру [25]. В этом случае распределение намагниченности М в образце будет определяться лишь одной функцией  $\theta = \theta(y)$ , где  $\theta$  — угол между **M** и осью Oz. Тогда энергию магнетика, приведенную к площади S сечения пластины плоскостью xOz, можно записать в виде

$$E = \int_{-\infty}^{\infty} [A(y)(\theta')^2 + K_u(y)\sin^2\theta - HM_s(y)\cos\theta - \varepsilon_0]dy,$$
(1)

где подынтегральное выражение есть плотность энергии за вычетом энергии однородного состояния  $\varepsilon_0$  и учитывает вклады обменного взаимодействия, одноосной анизотропии и зеемановского взаимодействия в пренебрежении размагничивающими полями пластины  $(D \gg \Delta_0)$ . Здесь  $\theta'$  — производная от угла  $\theta$  по переменной у.

Уравнение Эйлера–Лагранжа, соответствующее минимуму выражения (1), примет вид

$$2\frac{d}{dy}(A(y)\theta') - 2K_u(y)\sin\theta\cos\theta - HM_s(y)\sin\theta = 0.$$
(2)

В дальнейшем для определенности рассмотрим дефект типа пластинчатого магнитного включения [19,20,22], в области которого параметры материала меняются скачком

$$A(y) = \begin{cases} A_1, |y| > L/2 \\ A_2, |y| \le L/2 \end{cases}, \quad K_u = \begin{cases} K_{u1}, |y| > L/2 \\ K_{u2}, |y| \le L/2 \end{cases},$$
$$M_s = \begin{cases} M_{s1}, |y| > L/2 \\ M_{s2}, |y| \le L/2 \end{cases},$$
(3)

где *L* — размер дефекта. Следует отметить, что, несмотря на простоту выбранной модели дефекта, основные закономерности зарождения магнитных неоднородностей на нем здесь также имеют место [19].

Для того чтобы дефект в одноосном ферромагнетике ( $K_{u1} > 0$ ) представлял собой "потенциальную яму", необходимо выполнение условия:  $K_{u2} < 0$ . Тогда структура магнитных образований на таких дефектах будет отвечать 0°ДГ. Соответствующие ей решения уравнения (2), согласно (3), будем искать в виде [20]

$$\theta = \begin{cases} \theta_1(y), |y| > L/2\\ \theta_2(y), |y| \le L/2 \end{cases} ,$$
 (4)

где  $\theta_i$  — четные функции от *у* (в силу симметрии задачи), удовлетворяющие уравнениям

$$A_i \frac{d^2 \theta_i}{dy^2} - K_{ui} \sin \theta_i \cos \theta_i - \frac{1}{2} H M_{si} \sin \theta_i = 0, \ i = 1, 2.$$
(5)

Исходя из свойств функций  $\theta_i = \theta_i(y)$ , решения уравнений (5) достаточно искать в области  $y \ge 0$ . В этом случае граничные условия для  $\theta_i(y)$  можно записать в виде

$$\theta_1(y), \ \theta_1'(y) \to 0$$
 при  $y \to \infty, \ \theta_2'(0) = 0.$  (6)

Кроме того будут выполняться условия их "сшивки" [20]

$$\theta_1(L/2) = \theta_2(L/2), \ A_1\theta_1'(L/2) = A_2\theta_2'(L/2).$$
 (7)

# 3. Трансформация структуры 0°ДГ в магнитном поле

Первый интеграл уравнений (5) имеет вид

$$A_i \left(\frac{d\theta_i}{dy}\right)^2 - \left[K_{ui}\sin^2\theta_1 - HM_{si}\cos\theta_i\right] = C_i, \quad (8)$$

где  $C_i$  — константы интегрирования (i = 1, 2). Из условий (6) следует

$$C_1 = HM_{s1}, \ C_2 = -K_{u2}\sin^2\theta_2(0) + HM_{s2}\cos\theta_2(0).$$
 (9)

После интегрирования (8) с учетом (9) для области *y* > *L*/2 получим

$$\theta_1(y) = 2 \operatorname{arcctg}(\sqrt{h_1/(1+h_1)} \operatorname{sh}(\sqrt{1+h_1}(y-y_0)/\Delta)),$$
(10)

которое по виду отвечает распределению намагниченности в 360°ДГ [26]. Здесь  $h_1 = HM_{s1}/K_{u1}$ ,  $\Delta_1 = \sqrt{(A_1/K_{u1})}$  — характерная ширина ДГ в основном объеме кристалла (по существу она совпадает с  $\Delta_0$ ),  $y_0$  — некоторая постоянная. Соответственно, для области 0 < y < L/2 имеем

$$\int_{\theta_2(y)}^{\theta_2(0)} \frac{d\theta}{\sqrt{\sin^2 \theta_2(0) - \sin^2 \theta + h_2[\cos \theta_2(0) - \cos \theta]}} = \frac{\overline{|K_{u2}|}}{A_2} y,$$
(11)

0 (0)

где  $h_2 = HM_{s2}/|K_{u2}|$ . Соотношение (11) можно свести к выражению

$$F(\varphi(y), k) - F(\varphi(0), k) = y \sqrt{\frac{(1 + h_2 \gamma + C_2 \gamma)|K_{u2}|}{(1 - \gamma^2)A_2}},$$
(12)

где  $F(\varphi, k)$  — неполный эллиптический интеграл I рода, аргумент ( $\varphi$ ) и модуль (k) которого определяются соотношениями

$$\sin \varphi(y) = \frac{\sqrt{1 - \gamma^2} \sin \theta(y)}{k(1 - \gamma \cos \theta(y))},$$
  

$$k = \frac{\overline{(1 + C_2)(1 + \gamma^2) - 2h_2\gamma}}{1 - h_2\gamma + C_2\gamma^2},$$
  

$$\gamma = \frac{(1 + C_2 - \sqrt{(1 + C_2)^2 - (h_2)^2})}{h_2}.$$
 (13)

Кроме того из условий (7) и соотношений (8) и (9) вытекает еще одно равенство вида

$$\sqrt{ \begin{aligned} &A_2 | K_{u2} | [\sin^2 \theta_2(0) - \sin^2 \theta_2(L/2) \\ &+ h_2(\cos \theta_2(0) - \cos \theta_2(L/2)) ] \end{aligned}} = \\ &= \overline{|A_1 K_{u1} [\sin^2 \theta_2(L/2) + h_1(1 - \cos(L/2))]}, \quad (14)$$

которое связывает значения  $\theta_2(y)$  на границе и в центре дефекта.

Полученные соотношения позволяют полностью решить задачу по нахождению распределения намагниченности в области дефекта. Однако из-за их громоздкости такой анализ осуществить крайне сложно, и потому соответствующая задача решалась в основном численно. При этом отметим, что структура 0°ДГ обоих типов полностью определяется заданием их энергии  $E_s$  (величина E, приведенная к выражению  $K_{u1}\Delta_1$ ), амплитуды  $\theta_m$  (здесь  $\theta_m = \theta_2(0)$ ) и ширины  $\Delta_s$ . Последняя находится из выражения [27]

$$\Delta_s = 2[y_1 - \theta(y_1)/\theta'(y_1)],$$
(15)

где  $y_1$  — точка перегиба функции  $\theta = \theta(y)$ , наиболее удаленная от центра дефекта.



**Рис. 1.** Зависимости амплитуды  $\theta_m$  (*a*), ширины  $\Delta_s$  (*b*) и энергии  $E_s$  (*c*) 0° ДГ(I) от поля при следующих значениях материальных параметров:  $K_{u2} = -K_{u1}, A_2 = A_1, M_{s2} = 1.3M_{s1}$ . Линия *I* соответствует  $L = 2\Delta_1$ , линия *2* —  $L = 5\Delta_1$ , линия *3* —  $L = 10\Delta_1$ , линия *4* —  $L = 20\Delta_1$ .

Согласно расчетам магнитные неоднородности, образующиеся на дефектах, в магнитном поле ведут себя неодинаковым образом. С возрастанием величины h(здесь и далее  $h = h_1$ ) 0°ДГ(I) уменьшается в размерах (рис. 1) вплоть до исчезновения при значениях h, превышающих некоторое критическое  $h_c$ . При этом ее ширина  $\Delta_s$  также уменьшается, но незначительно, в то время как ее амплитуда  $\theta_m$  уменьшается до нуля ( $\theta_m \rightarrow 0$ ). 0°ДГ(I) как бы "испаряется" (ведет себя подобно капле воды в процессе ее испарения). Процессы перемагничивания 0°ДГ(II) на дефекте существенно отличаются от рассмотренного сценария. Это связано с тем, что в ее структуре имеется область  $\pi/2 < \theta < 3\pi/2$ , в которой магнитные моменты находятся в наиболее невыгодном



**Рис. 2.** Зависимости амплитуды  $\theta_m$  (*a*), ширины  $\Delta_s$  (*b*) и энергии  $E_s$  (*c*) 0° ДГ(II) от поля при следующих значениях материальных параметров:  $K_{u2} = -K_{u1}$ ,  $A_2 = A_1$ ,  $M_{s2} = 1.3M_{s1}$ . Линия *I* соответствует  $L = 10\Delta_1$ , линия *2* —  $L = 20\Delta_1$ , линия *3* —  $L = 30\Delta_1$ , линия *4* —  $L = 40\Delta_1$ .

положении по отношению к направлению магнитного поля **H** ( $\varepsilon_H = -\mathbf{H}\mathbf{M} > 0$ ). Соответственно магнитные моменты в 0°ДГ(II), принадлежащие данной области, под действием поля **H** будут поворачиваться к направлению поля, что приведет к увеличению  $\theta_m$  (рис. 2, *a*) с одновременным уменьшением ширины 0°ДГ(II) (рис. 2, *b*). В пределе, при больших *h*, амплитуда  $\theta_m \rightarrow 2\pi$ . Отсюда следует (с учетом характера распределения вектора **M** вне дефекта, определяемого выражением (10)), что 0°ДГ(II) по структуре будет приближаться к неоднородности, представляющей собой связанное состояние двух 360°ДГ с противоположными значениями киральности. Последнее, однако, означает, что переход такого связанного состояния в 720°ДГ (или, по-другому, слияние двух 360°ДГ) топологически невозможен. В то же время с увеличением *h* возрастает и энергия  $E_s 0^{\circ} Д \Gamma(II)$ (рис. 2, *c*), которая при  $h > h_c$ , где  $E_s(h_c) = 0$ , становится положительной. В этом случае однородное состояние магнетика становится энергетически более выгодным, чем его неоднородное состояние. В результате  $0^{\circ} Д \Gamma(II)$ становится неустойчивым образованием и коллапсирует.

Однако трансформация 0°ДГ(II) в поле **H** || Oz, как показано в [28], может произойти и по другому сценарию, связанному с неустойчивостью структуры 0°ДГ(II) относительно "неелевских" флуктуаций вектора **M**. Это приведет к выходу намагниченности из плоскости стенки, т.е. к ее трансформации в 0°ДГ(II) с квазиблоховской структурой [25,29]. Детальный анализ данного механизма перемагничивания 0°ДГ(II) требует отдельного исследования. Тем не менее, можно показать, что при реализации первого механизма процессы перемаг-



**Рис. 3.** Зависимости амплитуды  $\theta_m$  (*a*), ширины  $\Delta_s$  (*b*) и энергии  $E_s$  (*c*) 0° ДГ(I) от поля при следующих значениях материальных параметров:  $L = 20\Delta_1$ ,  $A_2 = A_1$ ,  $M_{s2} = 1.3M_{s1}$ . Линия *I* соответствует  $K_{u2} = -0.1K_{u1}$ , линия  $2 - K_{u2} = -0.2K_{u1}$ , линия  $3 - K_{u2} = -0.5K_{u1}$ , линия  $4 - K_{u2} = -K_{u1}$ .



**Рис. 4.** Зависимости амплитуды  $\theta_m$  (*a*), ширины  $\Delta_s$  (*b*) и энергии  $E_s$  (*c*) 0° ДГ(II) от поля при следующих значениях материальных параметров:  $L = 20\Delta_1$ ,  $A_2 = A_1$ ,  $M_{s2} = 1.3M_{s1}$ . Линия *I* соответствует  $K_{u2} = -0.5K_{u1}$ , линия  $2 - K_{u2} = -K_{u1}$ , линия  $3 - K_{u2} = -1.5K_{u1}$ .

ничивания будут происходить с гистерезисом, а при реализации второго — без гистерезиса. Кроме того, поле  $h_c$ , при котором может иметь место коллапс 0°ДГ(II) (рис. 2, *c*), значительно меньше поля исчезновения  $h_c$ 0°ДГ(I) (рис. 1, *a*).

Следует отметить, что характеристики 0°ДГ обоих типов и критические поля их существования  $h_c$  сильно зависят от параметров дефекта. В частности, ширина и амплитуда 0°ДГ обоих типов, а также  $h_c$ , увеличиваются с возрастанием размеров дефекта L (рис. 1, 2). Причем, если их ширина увеличивается пропорционально величине L (что согласуется с [20,22]), то амплитуда увеличивается, асимптотически быстро приближаясь к величине  $\pi/2$  для 0°ДГ(I) или к величине  $3\pi/2$  для

0°ДГ(II). Это связано с тем, что область дефекта представляет собой "легкоплоскостной" магнетик, который создает вращательный момент, заставляющий магнитные моменты повернуться в сторону плоскости *хОу*: чем значительней размер этой области, тем на больший угол они повернутся. Соответственно требуется большее поле *h* для преодоления воздействия данного вращательного момента. С другой стороны, используя энергетический подход, можно заметить, что энергия дефекта (которая представляет собой работу, совершаемую магнитным полем по перемагничиванию магнитной неоднородности, закрепленной на дефекте) прямо пропорциональна размерам дефекта: чем больше L, тем больше энергия дефекта и, следовательно, тем при больших полях происходит исчезновение 0°ДГ обоих типов на дефекте.

Аналогичная картина поведения 0°ДГ обоих типов в магнитном поле имеет место при уменьшении величины  $K_{u2}$ , т.е. при увеличении глубины потенциальной ямы. В этом случае с уменьшением  $K_{u2}$  также увеличивается и вращательный момент, заставляющий магнитные моменты "лечь" в плоскость пластины, что приводит к возрастанию ширины  $\Delta_s$  и амплитуды  $\theta_m$ 0°ДГ(I) (рис. 3). Кроме того, для 0°ДГ(I) увеличивается  $h_c$ , что также связано с возрастанием энергии дефекта по абсолютной величине: чем глубже потенциальная яма, тем бо́лышая зеемановская энергия нужна для перемагничивания 0°ДГ(I), закрепленной на дефекте.

Магнитные неоднородности второго типа при уменьшении  $K_{u2}$  ведут себя несколько иначе (рис. 4). В этом случае увеличивающийся вращательный момент будет поворачивать магнитные моменты к плоскости пластины тем сильнее, чем больше  $|K_{u2}|$ . В итоге амплитуда  $\theta_m$ для 0°ДГ(II) будет уменьшаться, так как  $\theta_m > 3\pi/2$ и  $\theta_m \rightarrow 2\pi$  в результате действия магнитного поля. В то же время уменьшение  $\theta_m$  с увеличением  $|K_{u2}|$ приводит в результате к уменьшению ширины 0°ДГ(II), что согласуется с рис. 4, *a*.

# 4. Устойчивые состояния 0° ДГ в магнитном поле

Очевидно, для рассмотрения устойчивых состояний  $0^{\circ}$ ДГ в зависимости от материальных параметров и приложенного поля необходимо учесть влияние размагничивающих полей образца, обусловленных его конечностью. Для магнитных неоднородностей блоховского типа вклад размагничивающих полей в энергию магнетика (приведенную к площади S) (1) определяется выражением вида

$$E_{ms} = D^{-1} \iint_{-\infty}^{\infty} \left| \left[ M_s(y) M_s(y') \cos \theta(y) \cos \theta(y') - M_{s1}^2 \cos^2 \theta_0 \right] \ln \left( 1 + \frac{D^2}{(y - y_0)^2} \right) \right| dy dy', \quad (16)$$

где  $\theta_0$  — угол, определяющий ориентацию вектора **M** в доменах ( $y \to \infty$ ). Соответствующее уравнение



**Рис. 5.** Зависимости амплитуды  $\theta_m$  (*a*), ширины  $\Delta_s$  (*b*) и энергии  $E_s$  (*c*) 0° ДГ(I) от поля при следующих значениях материальных параметров:  $L = 20\Delta_1$ ,  $A_2 = A_1$ ,  $M_{s2} = 1.3M_{s1}$ ,  $D = 10\Delta_1$ . Линия *I* соответствует Q = 1, линия 2 - Q = 1.3, линия 3 - Q = 1.5, линия 4 - Q = 1.8, линия 5 - 6ез учета магнитостатики.

Эйлера–Лагранжа будет содержать дополнительное слагаемое, представляющее собой "вариационную" производную [30] от выражения (16)

$$\frac{\delta E_{ms}}{\delta \theta} = -2D^{-1}M_s(y)\sin\theta(y)$$
$$\times \int_{-\infty}^{\infty} M_s(y')\cos\theta(y')\ln\left(1 + \frac{D^2}{(y-y')^2}\right)dy'. (17)$$

В этом случае уравнение, описывающее структуру магнитных неоднородностей в рассматриваемом магнетике, будет являться уже нелинейным интегродифференциальным уравнением второго порядка с переменными коэффициентами. Решение данного уравнения аналитически через известные функции не представляется возможным, поэтому для его решения использовался метод численного интегрирования, в котором применялся метод прогонки с использованием итерационной процедуры по Ньютону [31]. Соответствующая программа вычислений позволила не только найти распределение намагниченности **M** в области дефекта, но и определить характеристики 0°ДГ. Из численных расчетов следует, что вклад размагничивающих полей весом и сказывается как на структуре обоих типов



**Рис. 6.** Зависимости амплитуды  $\theta_m$  (*a*), ширины  $\Delta_s$  (*b*) и энергии  $E_s$  (*c*) 0° ДГ(II) от поля при следующих значениях материальных параметров:  $L = 20\Delta_1$ ,  $A_2 = A_1$ ,  $M_{s2} = 1.3M_{s1}$ ,  $D = 10\Delta_1$ . Линия *1* соответствует Q = 1, линия 2 - Q = 1.3, линия 3 - Q = 1.5, линия 4 - Q = 1.8, линия 5 - 6ез учета магнитостатики.



Рис. 7. Диаграмма области существования магнитных неодноростей типа 0°  $Д\Gamma(I)$  и 0°  $Д\Gamma(II)$  при  $K_{u2} = -0.15K_{u1}$ ,  $A_2 = A_1, M_{s2} = 1.3M_{s1}, D = 10\Delta_1$ . Штриховые линии обозначают границу области существования 0°  $Д\Gamma(II)$ , а сплошные — границу области существования 0°  $Д\Gamma(I)$ . Область I — это область, в которой существует только 0°  $Д\Gamma(I), 2$  — существуют и 0°  $Д\Gamma(I)$  и 0°  $Д\Gamma(II), 3$  — существует только 0°  $Д\Gamma(II)$ .

 $0^{\circ}$ ДГ (рис. 5, 6), так и на их устойчивых состояниях. В частности, в малых полях амплитуда  $\theta_m$  0°ДГ обоих типов в незначительной степени зависит от фактора качества Q  $(Q = K_{u1}/2\pi M_{s1}^2)$ , а в больших полях – существенно. Однако ширина 0°ДГ в зависимости от ее типа ведет себя по-разному: поведение ширины  $0^{\circ} Д \Gamma(I)$ противоположно поведению ее амплитуды, а ширина  $0^{\circ}$ ДГ(II) мало зависит от Q во всем интервале полей. В тоже время с уменьшением величины Q размеры  $0^{\circ}$ ДГ(I) (ширина  $\Delta_s$  и амплитуда  $\theta_m$ ) и критическое поле существования увеличиваются. Аналогичные зависимости от *Q* имеют место и для характеристик 0°ДГ(II). Такая зависимость характеристик обоих типов  $0^{\circ}$ ДГ от Q объясняется тем, что размагничивающие поля, энергия которых обратно пропорциональна Q [22], стремятся развернуть магнитные моменты в плоскость пластины: чем меньше Q, тем сильнее такое воздействие. При Q = 1 оба типа  $0^{\circ}$ ДГ в нулевом поле не существуют, так как равновесное направление М в доменах в этом случае является неустойчивым. Более того, они не существуют и при включении поля  $\mathbf{H} \parallel O_Z$ ; 0°ДГ становятся устойчивыми лишь при достижении полем некоторого порогового значения  $h_l$ . В этом случае область существования 0°ДГ обоих типов ограничена значениями поля h, лежащими в интервале  $h_l < h < h_r$ . Здесь *h<sub>r</sub>* — верхнее значение критического поля, при котором  $0^{\circ}Д\Gamma$  исчезают. При этом  $0^{\circ}Д\Gamma(I)$  исчезает посредством непрерывного уменьшения амплитуды  $(\theta_m \to 0)$ , она как бы "испаряется", а 0°ДГ(II) — путем коллапсирования либо путем перестройки своей структуры с образованием 0°ДГ(II) с квазиблоховским распределением намагниченности [28]. Следует отметить, что нижнее значение фактора качества Q, при котором в нулевом поле 0°ДГ еще существует (при

данных значениях материальных параметров), согласно расчетам соответствует Q = 1.143. Другие пороговые значения Q, при которых 0°ДГ обоих типов существуют, можно определить из диаграммы устойчивых состояний 0°ДГ в координатах Q - l, где  $l = L/\Delta_1$  (рис. 7).

Очевидно, что критические поля  $h_c$ , при которых исчезают 0°ДГ обоих типов, можно ассоциировать с коэрцитивной силой  $h_c$  исследуемого образца [2,32]. С учетом того, что поле  $h_c$ , при котором исчезают 0°ДГ(I), значительно больше соответствующего поля коллапсирования 0°ДГ(II), основной вклад в коэрцитивную силу будут вносить 0°ДГ(I). Однако из диаграммы устойчивых состояний 0°ДГ (рис. 7) видно, что при некоторых значениях материальных параметров доминирующий вклад в коэрцитивную силу может внести и 0°ДГ(II). В то же время 0°ДГ(I) по своим свойствам и поведению в магнитном поле полностью совпадает с 0°ДГ, используемой для модельного представления доменов обратной намагниченности [32].

#### 5. Заключение

Таким образом, из приведенных расчетов следует, что два вида магнитных образований на дефектах типа "потенциальная яма" различаются по структуре и по свойствам. Было установлено, что наличие области, в которой  $\varepsilon_H = -\mathbf{M}\mathbf{H} > 0$  в плоскости вращения магнитных моментов  $0^{\circ} Д \Gamma(II)$ , приводит к тому, что 0°ДГ(II), во-первых, существенно отличаются от 0°ДГ(I) по размерам [20,22,24]. Во-вторых, при определенных значениях параметров материала 0°ДГ(II) становятся устойчивыми образованиями, т.е. энергетически более выгодными, чем 0°ДГ(I). В-третьих, при магнитооптическом наблюдении поверхности магнитоодноосных пленок в поляризационном микроскопе в случае, когда присутствующие в них дефекты имеют округлую форму сквозного типа, 0°ДГ(II), образующиеся на них, будут иметь изображение, повторяющее его профиль и имеющее ореол [24]. В-четвертых, при наложении магнитного поля, параллельного оси симметрии, 0°ДГ(II), закрепленные на дефектах, перемагничиваются в полях, значительно меньших, чем  $0^{\circ} \Pi \Gamma(I)$ . И наконец, в некоторых случаях (когда значения параметров материала таковы, что 0°ДГ на подобного рода дефектах не образуются) данные неоднородности могут быть индуцированы в ненулевых магнитных полях и существовать в определенном диапазоне значений этих полей. В этом случае их зарождением, эволюцией и уничтожением можно управлять с помощью внешних магнитных полей, что аналогично поведению цилиндрических магнитных доменов в одноосных пленках [30]. Последнее позволяет говорить о возможности технических применений вышеуказанных неоднородностей.

### Список литературы

- [1] Д.Д. Мишин. Магнитные материалы. Высш. шк., М. 1991. 386 с.
- [2] D. Gall. In: Handbook of magnetism and advanced magnetic matirials. V. 2. Micromagnetism / Eds H. Kronmuller, S. Parkin, John Wiley & Sons. N.Y. (2007). P. 1023.
- [3] Г.С. Кандаурова. Сорос. образоват. журнал 1, 100 (1997).
- [4] В.К. Власко-Власов, М.В. Инденбом. ЖЭТФ 86, 1084 (1984).
- [5] Р.М. Вахитов, А.Р. Юмагузин. ФТТ 43, 65 (2001).
- [6] H. Kronmuller. In: Handbook of magnetism and advanced magnetic matirials. V. 2. Micromagnetism / Eds H. Kronmuller, S. Parkin. John Wiley & Sons. N.Y. (2007). P. 733.
- [7] Y. Sun, R. Gao. Solid State Commun. 149, 393 (2009).
- [8] E.A. Périgo, I. Titov, R. Weber, D. Honecker, E.P. Gilbert, M.F. De Campos, A. Michels. J. Alloys Comp. 677, 139 (2016).
- [9] Е.Б. Магадеев, Л.С. Успенская, Р.М. Вахитов. Изв. РАН. Сер. физ. 77, 1406 (2013).
- [10] И.Ю. Джежеря, М.В. Сорокин. ФТТ 41, 1231 (1999).
- [11] Д.П. Куликова, А.П. Пятаков, Е.П. Николаева, А.С. Сергеев, Т.Б. Косых, З.А. Пятакова, А.В. Николаев, А.К. Звездин. Письма в ЖЭТФ 104, 196 (2016).
- [12] Л.П. Иванов, А.С. Логгинов, Г.А. Непокойчицкий, И.И. Никитин. ЖЭТФ 88, 260 (1985).
- [13] В.В. Федотова, А.П. Гесь, Т.А. Горбачевская. ФТТ 37, 2835 (1995).
- [14] А.С. Логгинов, Г.А. Мешков, А.В. Николаев, А.П. Пятаков. Письма в ЖЭТФ 86, 124 (2007).
- [15] E.G. Ekomasov, R.R. Murtazin, O.B. Bogomazova, A.M. Gumerov. J. Magn. Magn. Mater. 339, 133 (2013).
- [16] Б.Н. Филиппов, М.Н. Дубовик. ФТТ 56, 931 (2014).
- [17] M.V. Logunov, S.F. Nikitov, M.V. Gerasimov, F.V. Spirin, A.V. Balyasov. Ultrafast Magnetism I. Proc. Int. Conf., Springer Int. Publ. Switzerland (2015). P. 98.
- [18] Г.В. Арзамасцева, А.М. Балбашов, Ф.В. Лисовский, Е.Г. Мансветова, А.Г. Темирязев, А.Г. Темирязева. ЖЭТФ 147, 793 (2015).
- [19] Е.Б. Магадеев, Р.М. Вахитов. ТМФ 184, 134 (2015).
- [20] Р.М. Вахитов, Е.Б. Магадеев. ФММ 115, 906 (2014).
- [21] Y. Zhang, X. Li, X. Zhang, Y. Zhao. J. Magn. Magn. Mater. 408, 228 (2016).
- [22] Р.М. Вахитов, Е.Б. Магадеев, А.Р. Юмагузин, Р.В. Солонецкий. ФТТ 57, 1462 (2015).
- [23] М.В. Четкин, Ю.Н. Курбатова, Т.Б. Шапаева. ФТТ 52, 1795 (2010).
- [24] Р.М. Вахитов, Т.Б. Шапаева, Р.В. Солонецкий, А.Р. Юмагузин. Докл. АН Сер. физ. химия **470**, 674 (2016).
- [25] Е.Б. Магадеев, Р.М. Вахитов. ФТТ 53, 944 (2011).
- [26] М.Я. Широбоков. ЖЭТФ 15, 57 (1945).
- [27] A. Hubert, K. Schäfer. Magnetic domains. Springer-Verlag. Berlin (2009). 696 p.
- [28] H.E. Khodenkov, N.N. Kudelkin, V.V. Randoshkin. Phys. Status Solidi A 84, K135 (1984).
- [29] В.В. Плавский, М.А. Шамсутдинов, Б.Н. Филиппов. ФММ 88, 22 (1999).
- [30] А. Малоземов, Дж. Слонзуски. Доменные стенки в материалах с цилиндрическими магнитными доменами. Мир, М. (1982). 382 с.
- [31] Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.М. Кобельков. Численные методы. Наука, М. (1987). 600 с.
- [32] Р.М. Вахитов, А.Р. Юмагузин. ФММ 106, 477 (2008).