# Нестационарная нутация "одетых" спиновых состояний $E'_1$ -центров в кристаллическом кварце

© Г.Г. Федорук

Institute of Physics, University of Szczecin, 70-451 Szczecin, Poland Институт прикладных физических проблем, 220064 Минск, Белоруссия

E-mail: fedaruk@wmf.univ.szczecin.pl

### (Поступила в Редакцию 23 декабря 2003 г.)

Нестационарная нутация "одетых" СВЧ полем спиновых состояний двухуровневой системы ( $E'_1$ -центры в кристаллическом кварце) наблюдалась в импульсном ЭПР непосредственно во время действия дополнительного импульса линейно поляризованного радиочастотного поля амплитуды  $2B_2$ , приложенного вдоль статического магнитного поля. Показано, что при совпадении частоты радиочастотного поля с частотой нутации "голой" спиновой системы сигнал этой нутации модулирован нутацией "одетых" состояний с частотой  $\omega_2 = \gamma B_2$ , где  $\gamma$  — гиромагнитное отношение электрона. При этом время затухания нутации "одетых" состояний заметно (не менее, чем в 4 раза) больше времени затухания нутации "голых" состояний  $E'_1$ -центров, обусловленного спин-спиновой релаксацией, и коррелирует с временем спин-решеточной релаксации во вращающейся системе координат.

Собственные состояния квантовой системы, помещенной в сильное электромагнитное поле с частотой, близкой к частоте квантовых переходов системы, существенно отличаются от собственных состояний этой системы при отсутствии внешнего электромагнитного поля. Состояния такой "одетой" электромагнитным полем квантовой системы часто называют "одетыми" состояниями в отличие от состояний невозмущенной, "голой" системы. Свойства "одетой" квантовой системы обусловлены как свойствами "голой" квантовой системы, так и параметрами внешнего электромагнитного поля. Чаще всего свойства "одетых" квантовых систем исследовались стационарными методами в оптическом резонансе [1]. Резонанс ядерных спиновых состояний, одетых резонансным радиочастотным полем, наблюдался в стационарном ЯМР и был назван вращательным насыщением (rotary saturation) [2].

В последнее время использование импульсных методов позволило исследовать динамику квантовых переходов между "одетыми" состояниями и наблюдать для таких состояний нестационарные нутации в оптическом резонансе [3,4] и в ЭПР [5]. Поскольку взаимодействие "одетых" состояний спиновой системы с электромагнитным полем зависит от матричного дипольного момента перехода, а их взаимодействие с окружением происходит в условиях, заметно отличающихся от аналогичного взаимодействия "голой" системы, изучение динамики "одетых" состояний перспективно для расширения возможностей когерентной спектроскопии сложных многоуровневых систем [5].

В настоящей работе исследована нестационарная нутация "одетых" спиновых состояний в ЭПР  $E'_1$ -центров в кристаллическом кварце. Как и в [5], данный эффект формировался с помощью дополнительного импульса линейно поляризованного радиочастотного магнитного поля, параллельного постоянному магнитному полю. Однако нами нестационарная нутация "одетых" состояний наблюдалась непосредственно во время действия возбуждающего радиочастотного импульса, приводящего к модуляции нестационарной нутации "голой" спиновой системы, в то время как в [5] она регистрировалась после окончания возбуждающего импульса косвенно с использованием сигнала спинового эха "голой" системы.

#### 1. Основы теории

Рассмотрим электронную спиновую систему со спином S = 1/2 в статическом магнитном поле **B**<sub>0</sub>, направленном вдоль оси *z* лабораторной системы координат, и в линейно поляризованном электромагнитном поле 2**B**<sub>1</sub> cos( $\omega t$ ), направленном вдоль оси *x*. В этом случае гамильтониан (в единицах частоты) имеет вид

$$H_1 = \omega_0 S_z + 2\omega_1 \cos(\omega t) S_x, \tag{1}$$

где  $\omega_0 = \gamma B_0$  — частота Лармора (резонансная частота спиновых переходов),  $\gamma = g\beta_e/\hbar$  — гиромагнитное отношение электрона, д — д-фактор электрона,  $\beta_e$  — магнетон Бора,  $\omega_1 = \gamma B_1$ . Линейно поляризованное электромагнитное поле может быть разложено на две циркулярно поляризованные компоненты амплитуды  $B_1$ , вращающиеся в плоскости xy вокруг оси z в противоположных направлениях с частотами ±  $\omega$ . В приближении вращающейся волны в условиях магнитного резонанса ( $\omega \approx \omega_0$ ) только одна компонента линейно поляризованного электромагнитного поля, вращающаяся в направлении ларморовой прецессии спинов, эффективно вызывает резонансные переходы спинов. Частота второй компоненты электромагнитного поля существенно отличается от резонансной и ее влиянием при  $B_1 \ll B_0$ можно пренебречь с высокой степенью точности. В приближении вращающейся волны в системе координат, вращающейся вокруг оси z с частотой  $\omega$ , гамильтониан принимает вид

$$\tilde{H}_1 = (\omega_0 - \omega)S_z + \omega_1 S_x.$$
<sup>(2)</sup>

В случае воздействия дополнительного линейно поляризованного электромагнитного поля  $2B_2 \cos(\omega_{rf}t)$ , приложенного вдоль оси *z*, гамильтониан во вращающейся системе координат [5]

$$\tilde{H}_2 = (\omega_0 - \omega)S_z + \omega_1 S_x + 2\omega_2 \cos(\omega_{rf} t)S_z, \quad (3)$$

где  $\omega_2 = \gamma B_2$ .

Из (3) видно, что при резонансном воздействии первого электромагнитного поля ( $\omega = \omega_0$ ) гамильтониан  $\tilde{H}_2$  имеет такую же форму, как  $H_1$ , за исключением изменения осей координат. В результате дополнительное электромагнитное поле действует на состояния спиновой системы, "одетой" первым электромагнитным полем, подобно тому, как это первое поле действует на состояния "голой" системы, помещенной в статическое магнитное поле.

Как известно, простейшим эффектом, возникающим в результате импульсного включения резонансного взаимодействия электромагнитного поля с "голой" квантовой системой и непосредственно отражающим динамику квантовых переходов, является нестационарная нутация [6]. В случае магнитного резонанса сигнал нестационарной нутации вдоль оси у (сигнал поглощения) спиновой системы, находившейся до возбуждения в состоянии термического равновесия, при условиях  $\omega_1 \gg 1/T_2 \gg 1/T_1$  описывается соотношением [7]

$$S_y \propto rac{\omega_1}{\sqrt{\omega_1^2 + \delta^2}} \sin\left(\sqrt{\omega_1^2 + \delta^2 t}
ight) \times \exp\left[-rac{t}{T_2}\left(1 - rac{1}{2}rac{\omega_1^2}{\omega_1^2 + \delta^2}
ight)
ight],$$
 (4)

где  $\delta = \omega_0 - \omega$  — отстройка от резонанса,  $T_1$  и  $T_2$  соответственно времена спин-решеточной и спин-спиновой релаксации. Как видно из (4), в случае точного резонанса нестационарная нутация "голой" спиновой системы происходит с частотой  $\omega_1 = \gamma B_1$ . Из (3) следует, что при  $\delta = 0$  и выполнении условия нутационного резонанса (частота дополнительного поля  $B_2$  равна частоте нутации "голой" системы, т. е.  $\omega_{rf} = \omega_1$ ) нутация "одетой" спиновой системы должна происходить с частотой  $\omega_2 = \gamma B_2$ .

Несмотря на сходство гамильтонианов  $\tilde{H}_2$  и  $H_1$  физические условия переходов между состояниями "одетой" и "голой" спиновой системы различны, в частности из-за существенного различия величин статического и переменного магнитных полей (обычно  $B_1 \ll B_0$ ). Это обусловливает различие взаимодействий спиновой системы с окружением, приводя к изменению релаксационных процессов. С другой стороны, в случае переходов между состояниями "одетой" системы достаточно просто может реализовываться ситуация  $B_2 \sim B_1$ . В этом

случае приближение вращающейся волны не достаточно и должно быть учтено влияние второй циркулярно поляризованной компоненты поля  $B_2$ . Как известно, противоположно вращающаяся компонента электромагнитного поля в случае переходов между состояниями "голой" спиновой системы приводит к сдвигу резонансной частоты однофотонных переходов относительно частоты  $\omega_0$  (сдвиг Блоха–Зигерта), а также к многофотонным переходам на частотах  $\omega_0/(2n + 1)$  [8]. Следует ожидать подобного проявления противоположно вращающейся компоненты в случае переходов между состояниями "одетой" спиновой системы, приводящих к возникновению нутации.

## 2. Методика эксперимента

Импульсная последовательность, использованная для наблюдения нестационарных нутаций "голых" и "одетых" спиновых состояний в ЭПР, представлена на рис. 1.

Нутации "голых" спиновых состояний формировались непрерывным СВЧ излучением (*a*) и импульсом продольного магнитного поля (*b*) [9,10]. Первоначально спиновая система находилась в нерезонансном статическом магнитном поле  $B = B_0 - \Delta B$  и перпендикулярном ему СВЧ поле  $B_1$  ( $\gamma B_1 > 1/T_2, 1/T_1$ ) в течение времени, достаточного для установления ее стационарного состояния. При этом поглощение СВЧ излучения отсутствовало. Затем магнитное поле импульсно изменялось до резонансного значения  $B_0$ . Время установления резонансных условий выбиралось меньшим  $T_2$ , и скорость изменения магнитного поля  $|dB/dt| > \gamma B_1^2$ . Импульс магнитного поля (*b*) включался в момент времени t = 0. За счет эффекта Зеемана в результате скачка магнитного



**Рис. 1.** Схема формирования нестационарных нутаций "голых" и "одетых" спиновых состояний в ЭПР поперечным непрерывным СВЧ излучением (a), импульсом магнитного поля (b) и импульсом линейно поляризованного радиочастотного поля (c), приложенными вдоль статического магнитного поля.

поля  $\Delta B = |B - B_0|$  частота  $\omega'_0$  квантового перехода спиновой системы в момент времени t = 0 изменялась до значения  $\omega_0$  и становилась равной частоте СВЧ поля  $\omega$  (*a*). Поэтому на время действия импульса устанавливалось резонансное взаимодействие СВЧ поля со спиновой системой, приводящее к возникновению нестационарной нутации.

Нутация "одетых" спиновых состояний формировалась с помощью импульса линейно поляризованного радиочастотного поля с амплитудой  $2B_2$ , приложенного вдоль поля В<sub>0</sub> одновременно с импульсом магнитного поля  $\Delta B$  (c). Как уже отмечалось, дополнительное переменное магнитное поле с амплитудой циркулярно поляризованной компоненты  $B_2$  и частотой  $\omega_{rf}$ , приложенное вдоль поля В<sub>0</sub>, действует на "одетые" спиновые состояния подобно тому, как СВЧ поле на "голую" систему. В результате для "одетых" спиновых состояний при  $\omega_{rf} = \omega_1$  наблюдается резонанс, а при импульсном возбуждении этих состояний в условиях такого резонанса возникает нестационарная нутация с частотой  $\omega_2 = \gamma B_2$ . Технически оба импульса магнитного поля создавались пропусканием тока через один и тот же модуляционный элемент. Измерение тока обеспечивало возможность калибровки амплитуды В2 создаваемого в месте расположения образца радиочастотного поля по известной амплитуде импульса магнитного поля  $\Delta B$ . Величина  $\Delta B$  определялась по частоте биений (равной  $\Delta B/\gamma$ ) в сигнале свободной индукции, наблюдавшемся после окончания импульса магнитного поля [11].

Рассмотренная методика формирования нутационных сигналов была реализована на модернизированном варианте импульсного спектрометра ЭПР, работающего в 3-ст диапазоне ( $\omega/2\pi = 10.1 \text{ GHz}$ ) и описанного в [11]. Максимальное значение  $B_1$  в месте расположения образца в прямоугольном резонаторе типа  $H_{102}$  составляло около 0.054 mT и для двухуровневых систем со спином S = 1/2 обеспечивало формирование нутационных сигналов с частотой до  $\omega_1/2\pi = 1.5 \text{ MHz}$ . Для улучшения отношения сигнал/шум использовалось многоканальное цифровое суммирование сигналов. Привязка фазы радиочастотного поля к началу импульса магнитного поля, а значит, и к нутации "голой" спиновой системы отсутствовала.

Узость линии ЭПР и большие времена релаксации сделали  $E'_1$ -центры в кристаллическом кварце удобным объектом для нутационных исследований [5,10,11]. Основное состояние  $E'_1$ -центров является крамерсовым дублетом, имеющим спин S = 1/2 и слабую анизотропию фактора спектроскопического расщепления ( $\Delta g = 9.10^{-4}$ ). При направлении магнитного поля, параллельном оптической оси кристалла, спектр ЭПР данных центров в 3-ст диапазоне состоит из одиночной линии с шириной  $\Delta B_{pp} = 0.016$  mT и g = 2.0008. Времена релаксации  $E'_1$ -центров сравнительно длинные даже при комнатной температуре ( $T_1 \approx 0.2$  ms [12,13],  $T_2$  определяется диполь-дипольным взаимодействием [12] и при концентрации центров 10<sup>17</sup> ст<sup>-3</sup> составляет около 12  $\mu$ s).  $E'_1$ -центры создавались облучением монокристалла кварца ( $1.5 \times 1.5 \times 2 \,\mathrm{mm}$ ) реакторными нейтронами интегральным потоком около  $10^{18} \,\mathrm{cm}^{-3}$ . Концентрация  $E'_1$ -центров оценена сравнением их стационарных спектров со спектрами эталона и составляла около ( $3 \pm 0.8$ )  $10^{17} \,\mathrm{cm}^{-3}$ .

# 3. Результаты и обсуждение

Эксперименты выполнены при комнатной температуре и резонансном значении статического магнитного поля во время действия импульса, что соответствовало максимальному абсорбционному сигналу нутаций "голой" спиновой системы с частотой  $\omega_1 = \gamma B_1$ . Статическое магнитное поле было параллельным оптической оси кристалла. При этом длительность  $t_1$  импульсов магнитного поля составляла  $10\,\mu$ s,  $\Delta B = 0.12$  mT, а период повторения импульсов — 1.25 ms.

На рис. 2 представлены нутационные сигналы  $E'_1$ -центров в кристаллическом кварце, зарегистрированные при различных амплитудах резонансного ( $\omega_{rf} = \omega_1$ ) радиочастотного поля  $B_2$ . Как видно из осциллограммы a, в соответствии с соотношением (4) при резонансном ( $\omega = \omega_0$ ) возбуждении полем  $B_1$  и при отсутствии воздействия поля  $B_2$  наблюдается нутация "голой" спиновой системы с частотой  $\omega_1 = \omega_1/2\pi i 1.34$  MHz. В то же время резонансное воздействие радиочастотного поля  $B_2$  приводило к модуляции сигнала нутации "голой"



**Рис. 2.** Нутационные сигналы ЭПР  $E'_1$ -центров в кристаллическом кварце, зарегистрированные при различных амплитудах резонансного ( $\omega_{rf} = \omega_1 = 2\pi 1.34$  MHz) радиочастотного поля  $B_2$ :  $a = 0, b = 2.8 \,\mu$ T,  $c = 5.6 \,\mu$ T,  $d = 11.2 \,\mu$ T.

спиновой системы (осциллограммы b-d на рис. 2). Причем частота этой модуляции увеличивается пропорционально амплитуде  $B_2$ , как это ожидается согласно (3) для нестационарной нутации "одетых" спиновых состояний.

Нутационные сигналы ЭПР  $E'_1$ -центров, зарегистрированные в условиях нутационного резонанса ( $\omega_{rf} = \omega_1$ ) при одной и той же амплитуде радиочастотного поля для различных значений СВЧ поля  $B_1$  и соответственно различных частот  $\omega_{rf}$  радиочастотного поля, приведены на рис. 3. Приведенные сигналы показывают, что при изменении частоты нутационного резонанса частота модуляции (частота нутации "одетых" спиновых состояний) остается неизменной.

При наличии нутации "одетых" спиновых состояний в условиях их резонансного ( $\omega_{rf} = \omega_1$ ) возбуждения наблюдаемый сигнал в приближении вращающейся волны был аппроксимирован соотношением

$$v \propto [1 + \cos(\omega_2 t)] \sin(\omega_1 t) \exp\left(-\frac{t}{T_{mp}}\right),$$
 (5)

где  $\omega_2 = \gamma B_2$  — частота нутации "одетых" спиновых состояний при  $\omega_{rf} = \omega_1$ ,  $T_{mp}$  — время релаксации, характеризующее затухание нутации "одетых" спиновых состояний.

Возможность калибровки  $B_2$  в нашем эксперименте позволяет исследовать зависимость  $\omega_2$  от  $B_2$  количественно (рис. 4). Как видно, полученная зависимость



**Рис. 3.** Нутационные сигналы ЭПР  $E'_1$ -центров, зарегистрированные при фиксированной амплитуде радиочастотного поля  $B_2 = 8.0 \,\mu\text{T}$  для различных частот ( $\omega_{rf} = \omega_1$ ) нутационного резонанса: a - 0.52, b - 0.97 и c - 1.34 MHz.



**Рис. 4.** Зависимость частоты нутации "одетых" спиновых состояний при их резонансном ( $\omega_{rf} = \omega_1$ ) возбуждении от амплитуды радиочастотного поля  $B_2$ .

хорошо соответствует теоретически ожидаемой в реализованных условиях зависимости для частоты нутации "одетых" спиновых состояний  $\omega_2 = \gamma B_2$ , представленной линией.

При взаимодействии "одетых" спиновых состояний с окружением, приводящем к релаксационным процессам и затуханию нутаций частоты  $\omega_2$ , СВЧ поле  $B_1$  играет роль, аналогичную постоянному магнитному полю  $B_0$  в случае релаксации "голых" спиновых состояний, обусловливающей затухание нутаций частоты  $\omega_1$  и отражаемой временами релаксации  $T_1$  и  $T_2$ . Поскольку  $B_1 \ll B_0$ , при резонансе  $\omega_{rf} = \omega_1$  может иметь место необычное поведение релаксации "одетых" спиновых состояний. Сравнение скоростей затухания нутаций, приведенных на рис. 2, показывает, что "одетые" спиновые состояния (осциллограммы b-d) заметно слабее взаимодействуют с окружением, чем "голые" (осциллограмма a). Оценка с помощью соотношений (4) и (5) дает  $T_2 = 3.6 \pm 0.4 \mu$ s и  $T_{mp} = 16 \pm 2 \mu$ s.

С другой стороны, значение  $T_2$  для  $E'_1$ -центров за счет их диполь-дипольного взаимодействия при случайном расположении в решетке равно [12]

$$T_2 = \frac{9\sqrt{3}}{4\pi^2 \gamma^2 \hbar C} = \frac{1}{8.1 \times 10^{-13} C}$$
(6)

и для измеренной для данного образца концентрации  $C = 3.10^{17} \text{ cm}^{-3}$  составляет 4.1  $\mu$ s. Близость определенного из затухания нутаций значения  $T_2$  к величине, оце-



**Рис. 5.** Спектры "одетых" СВЧ полем состояний  $E'_1$ -центров при  $\omega_2/2\pi = 0.078$  МНz и различных частотах нутации "голых" состояний  $\omega_1/2\pi$ : 1 - 0.52, 2 - 0.97 и 3 - 1.34 МHz.

ненной из концентрации, указывает на слабое влияние неоднородности  $B_1$  в выполненных исследованиях.

Полученное значение  $T_{mp}$  согласуется с оценкой данной величины  $T_{mp} > 10 \,\mu$ s в [5] на основе затухания сигнала спинового эха "одетых" состояний и измеренной величиной  $T_{1p} = 14 \,\mu$ s, показывающей, что  $T_{m\rho} \approx T_{1\rho}$ , где  $T_{1\rho}$  — время спин-решеточной релаксации во вращающейся системе координат. В то же время, хотя в исследованном в [5] образце время фазовой памяти  $E'_1$ -центров было в 1.8 раза больше, чем в исследованном нами образце, время затухания нутаций "одетых" состояний, измеренное нами, оказалось значительно (в 16 раз) больше, чем в [5]. Это может быть вызвано неоднородностями возбуждающих полей, сильнее проявляющимися в [5] в силу больших величин использованных полей.

Спектр "одетых" состояний может быть получен изменением частоты радиочастотного поля  $\omega_{rf}$  при фиксированных остальных параметрах возбуждения спиновой системы и измерением при этом изменения амплитуд нутаций, обусловленного различием скоростей затухания "голых" и "одетых" состояний. Как видно из рис. 2, для  $t_1 > 5 \mu$ s различия амплитуд нутаций "голой" и "одетой" систем хорошо заметны. Их разница A использована для получения спектров "одетых" состояний, представленных на рис. 5. Воздействующее радиочастотное поле было значительно слабее СВЧ поля, чтобы избежать заметного сдвига Блоха–Зигерта для резонансной линии "одетых" состояний. Как видно, в соответствии с (3) максимум сигнала нутации "одетой" системы имеет место при совпадении частоты радиочастотного поля с  $\omega_1$ . Амплитуда радиочастотного поля ( $B_2 = 2.8 \,\mu\text{T}$ ) была также значительно меньше ширины линии ЭПР  $E_1'$ -центров (расстояние между экстремумами первой производной  $\Delta B_{pp} = 16 \,\mu\text{T}$ ). В этом случае можно ожидать, что спектр "одетых" состояний будет близок к обычному спектру ЭПР. Действительно, ширина резонансной линии "одетых" состояний на полувысоте  $\Delta B_{1/2} = 11 \,\mu\text{T}$ .

Таким образом, на примере Е1-центров в кварце продемонстрирована возможность прямой регистрации нутации "одетых" спиновых состояний в ЭПР, реализованная с помощью непрерывного СВЧ излучения и амплитудно модулированных радиочастотным полем импульсов поляризующего магнитного поля. Поскольку данная нутация затухает с временем, близким к времени спин-решеточной релаксации во вращающейся системе координат  $T_{1\rho}$ , а данное время в твердых телах, как правило, больше времени затухания нутации "голых" спиновых состояний, обусловленного Т2, использование "одетых" спиновых состояний может дать информацию о динамических процессах, которую нельзя получить из измерений T<sub>1</sub> и T<sub>2</sub>. С другой стороны, импульсные эксперименты с использованием "одетых" спиновых состояний, в частности двумерные корреляционные эксперименты, позволяют расширить возможности методов нутационной спектроскии ЭПР для изучения многоуровневых систем с перекрывающимися спектрами [5].

Автор выражает благодарность И.З. Рутковскому за помощь в проведении эксперимента.

# Список литературы

- C. Cohen-Tannoudji, J. Dupont-Roc, G. Grynberg. Atom– Photon Interaction: Basic Processes and Application. Wiley, N.Y. (1992).
- [2] A.G. Redfield. Phys. Rev. 98, 1787 (1955).
- [3] C. Wei, N.B. Manson, J.P.D. Martin. Phys. Rev. Lett. 74, 7, 1083 (1995).
- [4] C. Wei, S.A. Holmstrom, A.D. Greentree, N.B. Manson. Journal of Optics B1, 289 (1999).
- [5] G. Jeschke. Chem. Phys. Lett. 301, 5-6, 524 (1999).
- [6] H.C. Torrey. Phys. Rev. 76, 8, 1059 (1949).
- [7] S. Stoll, G. Jeschke, M. Willer, A. Schweiger, J. Magn. Reson. 130, 1, 86 (1998).
- [8] У. Хеберлен, М. Меринг. ЯМР высокого разрешения в твердых телах. Мир, М. (1980). С. 99.
- [9] И.З. Рутковский, Г.Г. Федорук. ЖЭТФ 78, 3, 1237 (1980).
- [10] Г.Г. Федорук. Журнал прикладной спектроскопии 69, 2, 141 (2002).
- [11] В.С. Кузьмин, Г.Г. Федорук. Нестационарные когерентные явления в парамагнитных спиновых системах. БГУ, Минск. (2001). 208 с.
- [12] К.М. Салихов, А.Г. Семенов, Ю.Д. Цветков. Электронное спиновое эхо и его применение. Наука, Новосибирск. (1976). 344 с.
- [13] Л.К. Аминов, И.Н. Куркин, Д.А. Лукоянов, К.П. Чернов. ФТТ **39**, *8*, 1335 (1997).