## 11,07

# Образование нанокристаллов в монокристалле кварца под влиянием тепловых колебаний дислокаций

#### © В.И. Веттегрень, Р.И. Мамалимов

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, Санкт-Петербург, Россия E-mail: Victor.Vettegren@mail.ioffe.ru

#### (Поступила в Редакцию 27 января 2016 г.)

При помощи инфракрасной спектроскопии проведено исследование изменения структуры слоя на естественной поверхности роста монокристалла кварца толщиной ~  $10\,\mu$ m при повышении температуры. Обнаружено, что выше 500 К монокристалл в этом слое разбивается на нанокристаллы с линейными размерами ~ от 8 до ~ 28 nm. Этот эффект объяснен "размораживанием" поперечных колебаний дислокаций роста.

#### 1. Введение

Кварц — наиболее распространенный минерал. Исследованию его структуры и свойств посвящено большое число работ. Известно, что при комнатной температуре и нормальном давлении он существует в виде а-фазы. Нагрев до 846 К вызывает фазовый переход первого рода из  $\alpha$ - в  $\beta$ -фазу. Однако недавно [1–3] было установлено, что это верно только для объема и поверхностного слоя кварца толщиной меньше 0.1 µm. Оказалось, что существует слой, расположенный на расстоянии от  $\sim 1$ до  $\sim 10\,\mu m$  от естественной поверхности роста кристалла, в котором фазовый переход размыт, а именно уже при нагреве до температуры на  $\sim 20 \, \mathrm{K}$  выше комнатной концентрация кристаллических ячеек а-кварца в этом слое начинает уменьшаться. Одновременно появляются ячейки β-фазы, концентрация которых растет по мере уменьшения концентрации α-фазы.

Известно [4,5], что поверхностные слои кристаллов кварца независимо от того, выращены ли эти кристаллы из раствора или из расплава, содержат винтовые дислокации роста, концентрация которых достигает  $10^3$  cm<sup>-2</sup>. Около ядра дислокаций кристаллическая решетка искажена. Согласно [6–9], искажения кристаллической решетки уже при низкой температуре могут вызывать образование зародышей новой фазы с размерами  $\geq 1 \, \mu$ m. Фазовый переход начинается в наиболее искаженных областях кристалла и при повышении температуры распространяется на менее искаженные области. Это и приводит к уменьшению концентрации  $\alpha$ -фазы [1–3].

Нас заинтересовал вопрос: не могут ли напряжения вокруг дислокаций привести к разбиению макрокристалла на нанокристаллы? Чтобы ответить на него, мы исследовали форму полос в спектрах затухания инфракрасного (ИК) излучения в поверхностном слое макрокристалла кварца.

## 2. Объект и метод исследования

Образцы имели вид плоскопараллельных пластинок с поперечными размерами ~ 3 × 3 ст. Их выпиливали алмазной пилой на расстоянии ~ 2 mm от поверхности кристалла кварца, выращенного из раствора. Образцы помещались в приставку для записи спектров отражения SRM-8000 так, чтобы ИК луч падал на поверхность роста. Приставка с образцом устанавливалась в кюветное отделение Фурье-спектрометра IR-21 "Prestige". Угол падения неполяризованного луча света на поверхность кристалла составлял 10°.

Устройство для варьирования температуры представляло собой нагреваемый нихромовой спиралью стальной цилиндр, к концу которого был прижат образец. Нагрев образца осуществлялся ступенями. На каждой из них перед измерением спектра отражения при заданной температуре осуществлялось термостатирование образца в течение 10 min. Температура поверхности образца контролировалась с помощью хромель-копелевой термопары, подсоединенной к цифровому вольтметру.

Для расчета спектра затухания  $\varepsilon''(v)$ , где v — частота ИК-света, использовался метод, предложенный в [10].

# 3. Результаты измерений и их обсуждение

На рис. 1 показана полоса 695.1 сm<sup>-1</sup> в спектре затухания  $\varepsilon''(v)$  ИК-излучения. Она приписана колебаниям симметрии *E* кристаллической ячейки  $\alpha$ -кварца [11–13]. Видно, что при повышении температуры интенсивность полосы уменьшается из-за уменьшения концентрации  $\alpha$ -фазы [1–3]. Одновременно максимум полосы смещается в сторону низких частот из-за изменения размеров кристаллической решетки (теплового расширения и внутренних напряжений) [1–3].

Амплитуда электрического вектора света, падающего на поверхность образца, затухает экспоненциально от поверхности вглубь. Эффективная толщина поверхностного слоя, о строении которого несет информацию спектр отражения, задана глубиной h, на которой амплитуда электрического вектора света уменьшается в  $e \sim 2.7$  раз (e — основание натуральных логарифмов),



Рис. 1. Полоса  $695.1 \,\mathrm{cm}^{-1}$  в спектре  $\varepsilon''(\nu)$  кварца при температурах 295 (1), 504 (2) и 812 К (3).



**Рис. 2.** Температурная зависимость концентрации ячеек  $\alpha$ -фазы кварца в поверхностном слое толщиной ~  $10\,\mu$ m.

а интенсивность света — <br/>в $e^2 \sim 8$ раз. Она вычислена по формуле[14]

$$h \approx \frac{1}{4\pi v k}$$

где *k* — показатель поглощения.

Расчеты с использованием этой формулы показали, что значение h в максимуме полосы 695.1 сm<sup>-1</sup> составляет ~  $10 \,\mu$ m [1–3].

Разделим интегральную интенсивность A(T) при температуре T на интенсивность A(298) при 298 К. Найденная таким образом величина C = A(T)/A(298) представляет собой концентрацию ячеек  $\alpha$ -фазы при температуре T в поверхностном слое толщиной  $\sim 10 \mu$ m. Известно, что температура фазового перехода  $\alpha \rightarrow \beta$ составляет 846 К. Поэтому ожидалось, что при увеличении температуры до  $\sim 800$  К содержание  $\alpha$ -фазы будет приблизительно постоянным, а при приближении к 846 К начнет резко уменьшаться. Однако, как следует из рис. 2, в слое толщиной  $\sim 10 \mu$ m фазовый переход в этом слое размыт: концентрация  $\alpha$ -фазы начинает уменьшаться уже при нагреве на 20 К и при 770 К уменьшается в ~ 4 раза. Одновременно, как было показано в [1–3], растет концентрация  $\beta$ -фазы.

Важно, что температурная зависимость концентрации немонотонна: до ~ 500 К концентрация ячеек  $\alpha$ -фазы уменьшается, затем растет, при ~ 570 К достигает максимального значения, а затем вновь уменьшается. Анализ формы полосы 695.1 сm<sup>-1</sup> показал, что в диапазоне температур от комнатной до 500 К эта полоса имеет дисперсионную, симметричную форму, характерную для макрокристаллов [15,16] (рис. 1), а именно зависимость затухания  $\varepsilon''(\nu)$  от частоты  $\nu$  описывается выражением

$$\varepsilon''(\nu) = \frac{\varepsilon_0''(\Gamma/2)^2}{(\nu_0 - \nu)^2 + (\Gamma/2)^2}$$

где  $\varepsilon_0''(\nu)$  — мнимая часть диэлектрической проницаемости в максимуме полосы, а  $\Gamma$  — ее ширина (на половине  $\varepsilon_0'')$ .

Когда же температура превышает 500 К, полоса становится асимметричной (рис. 1). Известно, что полосы становятся асимметричными под влиянием фононного конфайнмента [17–19]. Он проявляется, когда длина пробега  $\Lambda$  фононов становится меньше размера L кристаллитов, т.е. когда они имеют наноразмеры. Отметим, что явление разбиения макрокристалла кварца на нанокристаллы в окрестности температуры фазового перехода в объеме кварца, т.е. около 846 К, ранее наблюдали методами электронной микроскопии и рассеяния нейтронов [20–24]. Наши измерения показали, что в поверхностном слое толщиной 10  $\mu$ m это явление наблюдается уже при температуре 500 К, т.е. на ~ 250 К ниже, чем в объеме.

Оценим размеры нанокристаллов. Приближенное выражение для формы полос в спектрах нанокристаллов имеет вид [17–19]:

$$I(\nu) \cong \int \frac{|C(\mathbf{0}, \mathbf{q})| d\mathbf{q}}{\left(\nu_0 - \nu(\mathbf{q})\right) + (\Gamma/2)},\tag{1}$$

где  $v_0$  — частота фонона,  $v(\mathbf{q})$  — дисперсия,  $\mathbf{q}$  — волновой вектор фонона,  $C(\mathbf{0}, \mathbf{q})$  — коэффициент Фурье волновой функции  $\Psi(\mathbf{q}, \mathbf{r})$  фонона  $\mathbf{q}_0$ 

$$C(\mathbf{0},\mathbf{q}) = \frac{1}{(2\pi)^3} \int \Psi(\mathbf{q}_0,\mathbf{r}) \exp(-i\mathbf{q}_0,\mathbf{r}) d^3\mathbf{r},$$

где  $\mathbf{r}$  — вектор, величина которого равна расстоянию от точки, в которой амплитуда колебаний имеет наибольшее значение.

Форма нанокристаллов неизвестна. Поэтому для грубой оценки будем полагать, что нанокристаллы имеют вид шара диаметром *d*. Тогда [17–19]

$$|C(0,q)| = \exp\left(-\frac{-qd}{16\pi}\right).$$
 (2)

Для колебания  $695.1 \,\mathrm{cm}^{-1}$  был принят вид зависимости частоты от волнового вектора фонона, полученный ли-



**Рис. 3.** Температурная зависимость размеров нанокристаллов в поверхностном слое толщиной  $\sim 10\,\mu$ m.

нейной аппроксимацией начального участка зависимости  $\nu(q)$ , полученной в работе [25] с использованием метода неупругого рассеяния нейтронов

$$\nu(q) \approx \nu_0 - 36aq,\tag{3}$$

где  $a = 0.5 \,\mathrm{nm}$  — среднее межатомное расстояние для кварца [26].

Используя выражения (1)-(3), мы подбирали значения  $v_0$  и d, которые наилучшим образом описывают форму полосы 695.1 сm<sup>-1</sup>. Оказалось, что размеры нанокристаллов кварца изменяются от ~ 8 до ~ 28 nm в зависимости от температуры (рис. 3).

Выясним причину, по которой разбиение макрокристалла наблюдается при температуре ~ 500 К, т.е. на ~ 250 К ниже, чем в объеме. С этой целью определим величину внутренних напряжений в кристалле кварца при различных температурах. Сведения о величине напряжений можно получить, анализируя температурную зависимость смещения  $\Delta v$  максимума полосы 695.1 сm<sup>-1</sup> (рис. 1). Известно [16], что смещение частоты колебаний кристаллической решетки связано с ее деформацией  $\varepsilon = \Delta V/V$  (V — объем,  $\Delta V$  — его изменение) следующим образом:

$$\frac{\Delta \nu}{\nu_0} = -G\varepsilon,$$

где  $v_0$  — частота фонона, а G — параметр Грюнайзена; для фонона, частота которого составляет 695.1 сm<sup>-1</sup>, G = 0.68 [1].

Используя это выражение, по измеренному значению смещения максимума полосы мы нашли величину деформации  $\varepsilon$  кристаллической решетки при различных температурах (рис. 4). Сравним ее величину с тепловым расширением кристаллической решетки кварца, значения которого приведены в [27]. Из рис. 4 видно, что при нагреве выше 500 К размеры кристаллической решетки  $\alpha$ -кварца в исследуемом слое изменяются не

только из-за теплового расширения. На них влияют еще и внутренние напряжения  $\sigma$ , которые приводят к уменьшению деформации. Чтобы оценить их величину  $\sigma$ , мы рассчитывали разницу  $\Delta \varepsilon = \varepsilon_T$  между измеренной  $\varepsilon$  и тепловой деформацией  $\varepsilon_T$  и умножали ее на объемный модуль упругости D (значения D при соответствующих температурах взяты из работы [28]):  $\sigma = D\Delta \varepsilon$ .

Зависимость напряжения от температуры приведена на рис. 5. Видно, что выше 500 К в поверхностном слое кварца толщиной ~  $10\,\mu$ m появляются сжимающие напряжения, которые при ~ 570 К достигают наибольшей величины ~ 270 МРа, а затем уменьшаются. По-видимому, эти напряжения сжатия возникают изза колебаний дислокаций роста. Так, в работах [29,30] было обнаружено, что на температурных зависимостях внутреннего трения кварца в килогерцевом диапазоне частот в области 570–620 К наблюдается максимум.



**Рис. 4.** Температурная зависимость деформации кристаллической решетки  $\alpha$ -фазы кварца: 1 — в объеме, 2 — в поверхностном слое толщиной  $\sim 10\,\mu$ m.



**Рис. 5.** Температурная зависимость напряжений сжатия кристаллической решетки  $\alpha$ -кварца в поверхностном слое толщиной ~ 10  $\mu$ m.

Он был приписан колебаниям дислокационных петель длиной  $\sim 2\,\mu$ m. Сжатие, вызванное колебаниями дислокаций, препятствует образованию кристаллических ячеек  $\beta$ -фазы, имеющих объем, бо́льший, чем ячейки  $\alpha$ -фазы [28]. Оно способствует росту концентрации  $\alpha$ -фазы и увеличению размеров нанокристаллов.

# 4. Выводы

1. При нагреве до температуры на 20 К выше комнатной в поверхностном слое монокристалла кварца толщиной ~ 10 μm происходит размытый фазовый переход: концентрация ячеек α-фазы начинает уменьшаться при увеличении температуры.

2. При ~ 500 К в рассматриваемом слое размораживаются колебания дислокационных петель, что приводит к появлению динамических напряжений сжатия, способствующих рождению ячеек  $\alpha$ -фазы. Образующиеся в этих условиях кристаллы  $\alpha$ -фазы имеют наноразмеры (от ~ 8 до ~ 28 nm).

# Список литературы

- В.И. Веттегрень, Р.И. Мамалимов, Г.А. Соболев. ФТТ 55, 10, 1987 (2013).
- [2] В.И. Веттегрень, Г.А. Соболев, С.М. Киреенкова, Ю.А. Морозов, А.И. Смульская, Р.И. Мамалимов, В.Б. Кулик. ФТТ 56, 6, 1180 (2014).
- [3] Г.А. Соболев, В.И. Веттегрень, С.М. Киреенкова, Ю.А. Морозов, А.И. Смульская, Р.И. Мамалимов, В.Б. Кулик. Геофиз. исследования 15, 4, 5 (2014).
- [4] P.M. Dove, N. Han, J. De Yoreo. PNAS 102, 15357 (2005).
- [5] A.R. Lang, V.F. Miuscov. J. Appl. Phys. 38, 2477 (1967).
- [6] В. Кенциг. Сегнетоэлектрики и антисегнетоэлектрики. ИЛ., М. (1960). 235 с.
- [7] М.В. Белоусов, Б.Е. Вольф. Письма в ЖЭТФ **31**, 348 (1980).
- [8] M.T. Dove. Am. Mineral. 82, 213 (1997).
- [9] Г.А. Малыгин. УФН 171, 187 (2001).
- [10] A.B. Kuzmenko. Rev. Sci. Instrum. 76, 083 108 (2005).
- [11] W.G. Spitzer, D.A. Kleinman. Phys. Rev. 121, 1324 (1961).
- [12] K. Iishi, H. Yamacuchi. Am. Mineral. 60, 907 (1975).
- [13] J. Etchepare, M. Merian, P. Kaplan. J. Chem. Phys. 60, 1873 (1974).
- [14] M. Born, E. Wolf. Principles of optics. 7th ed. University Press, Cambridge (2003). 985 p.
- [15] I.P. Ipatova, A.A. Maradudin, R.F. Wallis. Phys. Rev. 155, 882 (1967).
- [16] O. Madelung. Festkörpertheorie. Springer, Berlin (1972).416 p.
- [17] H. Richter, Z.P. Wang, L. Ley. Solid State Commun. 39, 625 (1981).
- [18] K.K. Tiong, P.M. Amirtharagj, F.H. Pollak, D.E. Aspness. Appl. Phys. Lett. 44, 122 (1984).
- [19] H. Shen, F.H. Pollak. Appl. Phys. Lett. 45, 692 (1984).
- [20] J. Van Landuyt, G. Van Tendello, S. Amelinckx. Ultramicroscopy 23, 371 (1987).
- [21] P. Saint-Gregoire, I. Luk'yanchuk, E. Snoeck, C. Roucau, V. Janovec. Письма в ЖЭТФ 64, 376 (1996).

- [22] P.J. Heaney, D.R. Veblen. Am. Mineral. 76, 1459 (1991).
- [23] T.A. Adanyant, A.P. Levanyuks, M. Vallade, J.J. Lajzerowicz. Phys. C 16, 6705 (1983).
- [24] P. Bastie, F. Mogeon, C.M.R. Zeyen. Phys. Rev. B 38, 786 (1988).
- [25] D. Strauch, B. Dorner. J. Phys.: Condens. Matter. 5, 6149 (1993).
- [26] L. Levien, C.T. Prewitt, D. Weidner. Am. Mineral. 65, 920 (1980).
- [27] U. Raz, S. Girsperger, A.B. Thompson. Schweiz. Mineral. Petrogr. Mitt. 82, 561 (2002).
- [28] D.L. Lakshtanov, S.V. Sinogeikin, J.D. Bass. Phys. Chem. Minerals 34, 11 (2007).
- [29] Y. Hiki. Phys. Soc. Jpn. 15, 586 (1960).
- [30] H.E. Bommei, W.P. Mason, A.W. Warner. Phys. Rev. 102, 2, 64 (1956).