# удк 621.315.592 Электронная структура Pt-замещенных клатратных силицидов $Ba_8Pt_xSi_{46-x}$ (x = 4-6)

© Н.А. Борщ

Воронежский государственный технический университет, 394026 Воронеж, Россия E-mail: n.a.borshch@ya.ru

### (Получена 14 сентября 2015 г. Принята к печати 21 сентября 2015 г.)

Представлены результаты расчета электронного строения Pt-замещенных клатратов на основе кремния. Расчет проводился методом линеаризованных присоединенных плоских волн. Анализируется влияние числа замещений и их кристаллографической позиции в элементарной ячейке на электронно-энергетический спектр и электронные свойства Pt-замещенных клатратов.

# 1. Введение

Клатратные силициды известны с 1965 года, когда были синтезированы клатраты Na<sub>8</sub>Si<sub>46</sub> и Na<sub>8</sub>Si<sub>136</sub> [1]. Элементарная ячейка этих кристаллов представляет собой упорядоченную совокупность кремниевых сфероидов, в полости которых находятся атомы Na, обеспечивающие стабильность решетки. Затем были синтезированы клатратные силициды калия и бария [2-4]. Дальнейшие исследования свойств клатратных кристаллов позволили установить, что их свойства радикальным образом зависят от сорта стабилизирующего атома [5-7]. Это послужило толчком к многочисленным экспериментам по синтезу все новых клатратных кристаллов на основе кремния. В частности, создание новых клатратов происходит путем замещений части атомов кремния на атомы другого сорта, чаще металла [8-11]. В результате получаются соединения с радикально отличающимися электрофизическими характеристиками, такими как электро- и теплопроводность [8–11].

Благодаря возможности относительно легко варьировать свойства кремниевых клатратов открывается широкий спектр областей их применения. Например, в рамках одной из гипотез предполагается, что на основе клатратных кристаллов могут быть синтезированы термоэлектрические материалы с уникальными значениями коэффициента Зеебека [12].

В данной работе представлены результаты теоретического исследования электронной структуры ряда Pt-замещенных клатратных силицидов  $Ba_8Pt_xSi_{46-x}$  (x = 4-6). Получение новых металлзамещенных клатратных силицидов на основе клатрата  $Ba_8Si_{46}$  является одним из направлений синтеза новых клатратных силицидов [13]. В работе [13] сообщается о синтезе и экспериментальных исследованиях электрофизических характеристик ряда Pt-замещенных клатратных силицидов ряда  $Ba_8Pt_xSi_{46-x}$ . Авторами работы [13] установлено, что на электрофизические характеристики клатратов  $Ba_8Pt_xSi_{46-x}$  радикальным образом влияет число замещающих атомов. Механизм этого явления нельзя понять без детальных данных об электронном

строении кристаллов. Однако электронная структура Pt-замещенных клатратных силицидов ранее не изучалась ни экспериментально, ни теоретически. В настоящей работе представлены результаты комплексного расчета электронной структуры клатратных силицидов ряда  $Ba_8Pt_xSi_{46-x}$ , включающие зонные картины, полные, парциальные и локальные парциальные плотности электронных состояний. Рассматриваются клатраты с различным положением замещающих атомов платины в элементарной ячейке.

# 2. Метод расчета

Расчет электронной структуры клатратов проводился методом линеаризованных присоединенных плоских волн (ЛППВ) [14] в рамках локального приближении функционала плотности с использованием обменнокорреляционного потенциала в аппроксимакции [15] и скалярно-релятивистского приближения [16]. В этом приближении учитываются все релятивистские эффекты, кроме спин-орбитального расщепления. Этот метод был неоднократно апробирован для расчетов силицидов, в том числе клатратных [17,18].

Для расчетов электронной структуры использовался базис из 2517 ЛППВ. В разложении базисной функции по сферическим гармоникам учитывались вклады до  $l_{\text{max}} = 7$ . Полученные в результате зонного расчета собственные функции  $\psi_{i,\mathbf{k}}(\mathbf{r})$  и собственные значения энергии  $E_i(\mathbf{k})$  использовались для расчета полных плотностей электронных состояний

$$n(E) = rac{2}{\Omega_{\mathrm{BZ}}} \sum_{i} \int\limits_{\Omega_{\mathrm{BZ}}} \delta \big( E - E_i(\mathbf{k}) \big) d\mathbf{k},$$

локальных парциальных плотностей электронных состояний

$$n_{sl}(E) = \frac{2}{\Omega_{\rm BZ}} \sum_{i} \int_{\Omega_{\rm BZ}} Q_{\bf k}^{sl} \delta(E - E_i({\bf k})) d{\bf k},$$

где *i* — номер энергетической зоны,  $\Omega_{\text{BZ}}$  — объем первой зоны Бриллюэна.



**Рис. 1.** Структура энергетических зон около уровня Ферми в Pt4(6d)-замещенном клатрате (a) и в Pt4(6d + 24k)-замещенном клатрате (b).

Рt-замещенные кремниевые клатраты кристаллизуются в примитивную кубическую ячейку пространственной группы Рт 3n [13]. На одну элементарную ячейку приходится два полиэдра Si20 и шесть полиэдров Si<sub>24</sub>. Атомы бария заполняют пустоты в полиэдрах. В элементарной ячейке имеются две неэквивалентные кристаллографические позиции атомов бария — 2*а* и 6*с* и три неэквивалентные позиции атомов клатратной решетки — 6d, 16i и 24k [13]. Атомы Pt замещают атомы кремния в 6d-позициях или в 6d- и 24k-позициях. В первом случае клатраты обозначены как Ptx(6d)-замещенные, во втором — как Ptx(6d + 24k)-замещенные (x — число замещающих атомов платины). В расчете использовались данные о параметрах кристаллической решетки и координатах атомов из работы [13].

# 3. Результаты и их обсуждение

Без учета зон, соответствующих Pt 5*d*-состояниям, в валентной зоне каждого из рассматриваемых клатратов содержится одинаковое число зон, а именно 92 энергетические зоны. Объяснить это можно тем, что замещающие атомы Pt в решетке клатрата стремятся к образованию тетраэдрических ковалентных связей, для которых необходима четырехэлектронная валентная конфигурация. Недостающие электроны поступают от атомов Ba, которые являются донорами электронов для клатратной решетки. Каждый атом бария отдает по два валентных 6s-электрона. Таким образом, от восьми атомов бария клатратная решетка получает 16 дополнительных электронов на элементарную ячейку. Поскольку атомы Pt имеют частично заполненную 6s-оболочку и незаполненную 6p-оболочку, то для образования тетраэдрических связей с атомами кремния им необходимо по три дополнительных электрона.

Как было показано в расчетах электронной структуры металл-замещенных клатратов [18], избыточные электроны, не задействованные в образовании связей металл—кремний, заполняют энергетические зоны у дна зоны проводимости, в результате чего уровень Ферми располагается в зоне проводимости, и клатрат является металлом или полуметаллом. В Pt4(6d)-замещенном клатрате только двенадцать электронов из шестнадцати, полученных клатратной решеткой от атомов бария,



**Рис. 2.** Структура энергетических зон около уровня Ферми в Pt5(6d)-замещенном клатрате (a) и в Pt5(6d + 24k)-замещенном клатрате (b).

используются для образования связей Pt-Si. Таким образом, на элементарную ячейку клатрата приходится четыре избыточных электрона. В отличие от других металлзамещенных клатратов, эти избыточные электроны не заполняют энергетические зоны у дна зоны проводимости. Как видно из рис. 1, *а* в Pt4(6d)-замещенном клатрате уровень Ферми расположен в энергетической цели между валентной зоной и зоной проводимости, т. е. в запрещенной зоне. Вместо этого четыре электрона, не задействованные в образовании связей Pt-Si, заполняют *5d*-оболочки атомов платины. Проводимость в этом клатрате относится к полупроводниковому типу, ширина запрещенной зоны составляет 0.15 эВ.

В Pt5(6*d*)-замещенном клатрате для полного заполнения 5*d*-оболочки у атомов платины и построения у них четырехэлектронной валентной оболочки необходимо 20 электронов. Следовательно, в элементарной ячейке клатрата возникает дефицит из четырех электронов, в результате которого только 114 энергетических зон заполнены полностью, а три заполнены частично, и уровень Ферми пересекает потолок валентной зоны (рис. 2, *a*). Такая картина в прифермиевской области характерна для сильно легированных полупроводников или "плохих" металлов. Ширина запрещенной зоны в этом клатрате составляет 0.44 эВ.

Валентная зона Pt6(6d)-замещенного клатрата включает 122 энергетические зоны, 117 из которых заполнены полностью, а пять не заполнены или заполнены частично. Наличие незаполненных или частично заполненных зон обусловлено нехваткой электронов для образования связей Pt—Si. Поскольку для шести атомов платины необходимо 18 электронов для образования связей с атомами кремния и еще шесть электронов для формирования закрытой 5*d*-оболочки, то в элементарной ячейке образуется дефицит восьми электронов. Таким образом, уровень Ферми в Pt6(6d)-замещенных клатратах пересекает потолок валентной зоны, пять зон у потолка валентной полосы заполнены частично (рис. 3, *a*). Ширина запрещенной зоны в этом клатрате возрастает до 0.60 эВ.

В клатратах, содержащих замещающие атомы платины не только в 6*d*-, но и в 24*k*-позиции, картина энергетических зон в прифермиевской области существенно иная. В Pt4(6d + 24k)-замещенном клатрате структура зон в прифермиевской области характерна для сильнолегированных полупроводников. Ширина запрещенной



**Рис. 3.** Структура энергетических зон около уровня Ферми в Pt6(6d)-замещенном клатрате (a) и в Pt6(6d + 24k)-замещенном клатрате (b).

зоны составляет 0.05 эВ. В Pt5(6d + 24k)-замещенном клатрате две верхние зоны валентной полосы слабо заполнены (рис. 2, *b*). При этом верхняя зона валентной полосы перекрывается с нижней зоной из зоны проводимости, т.е. по типу проводимости клатрат является "плохим" металлом. В Pt6(6d + 24k)-замещенном клатрате две верхние энергетические зоны отщепляются от валентной полосы и оказываются незаполненными, а три нижележащие заполнены частично (рис. 3, *b*). Клатрат является полупроводником с шириной запрещенной зоны равной 0.30 эВ.

Основные закономерности распределения плотности электронных состояний одинаковы для всех рассматриваемых клатратов. В низкоэнергетической части валентной зоны доминирует вклад Si 3s-состояний, а в высокоэнергетической области — вклад Si 3p-состояний. Характерной особенностью строения валентной зоны незамещенных клатратных силицидов является наличие энергетической щели между областью с доминирующим вкладом Si 3s-состояний и областью, в которой преобладает вклад Si 3p-состояний [19]. В Pt-замещенных кремниевых клатратах эта энергетическая щель оказывается заполненной Pt 5d- и Pt 5s-состояниями. Pt 5p-состояния в свою очередь локализованы в прифермиевской области.

### 4. Заключение

В низкоэнергетической части валентной зоны Pt-замещенных клатратных силицидов доминирует вклад Si 3s-состояний, в области высоких энергий — вклад Si Зр-состояний. Замещающие атомы платины являются акцепторами электронов в элементарной ячейке клатрата и стремятся образовать валентную конфигурацию, необходимую для создания ковалентных тетраэдрических связей с атомами кремния. Энергетическая щель в валентной зоне, свойственная незамещенным кремниевым клатратам, в Pt-замещенных клатратах закрывается. Количество замещающих атомов платины влияет на электронно-энергетический спектр в прифермиевской области клатрата и определяет характер проводимости кристалла. Кристаллографическая позиция замещающих атомов определяет ширину энергетической щели между валентной зоной и зоной проводимости клатрата.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ, грант 13-02-97510 р\_центр\_а.

# Список литературы

- J.S. Kasper, P. Hagenmuller, M. Pouchard, C. Cros. Science, 150, 1713 (1965).
- [2] J.S. Tse, S. Desgreniers, Zhi-qiang Li, M.R. Ferguson, Y. Kawazoe. Phys. Rev. B, 89, 195 507 (2002).
- [3] H. Fukuoka, J. Kiyoto, S. Yamanaka. Inorg. Chem., 42, 2933 (2003).
- [4] F. Shimizu, Y. Maniwa, K. Kume, K. Kawaji, S. Yamanaka, M. Ishikawa. Phys. Rev. B, 54, 132 42 (1996).
- [5] E. Reny, S. Yamanaka, C. Cros, M. Pouchard. Chem. Commun., 24, 2505 (2000).
- [6] G.K. Ramachandran, P.F. McMillan, J. Dong, O.F. Sankey. J. Solid State Chem., 154, 626 (2000).
- [7] B.B. Iversen, E. Anders, E.C. Palmqvist, D.E. Cox, A. George, S. Nolas, B. Galen, D. Stucky, N.P. Blake, H. Meti. J. Solid State Chem., 149, 455 (2000).
- [8] H. Fukuoka, J. Kiyoto, S. Yamanaka. J. Solid State Chem., 175, 237 (2003).
- [9] N. Jaussaud, P. Gravereau, S. Pechev, B. Chevalier, M. Menetrier, P. Dordor, R. Decourt, G. Goglio, C. Cros, M. Pouchard. C.R. Chimie, 8, 39 (2005).
- [10] N. Nasir, A. Grytsiv, N. Melnychenko-Koblyuk, P. Rogl, E. Bauer, R. Lackner, E. Royanian, G. Giester, A. Saccone. J. Phys.: Condens. Matter., 21, 385 404 (2009).
- [11] J.S. Tse, T. Iitaka, T. Kume, H. Shimizu, K. Parlinski, H. Fukuoka, S. Yamanaka. Phys. Rev. Lett., 72, 155 441 (2005).
- [12] G.A. Slack. Mater. Res. Symp. Proc., 47, 478 (1997).
- [13] N. Melnychenko-Koblyuk, A. Grytsiv, P. Rogl, E. Bauer, R. Lackner, E. Royanian, M. Rotter, G. Giester. J. Phys. Soc. Jpn. Suppl. A, 77, 54 (2008).
- [14] S.N. Vosko, L. Wilk, M. Nusair. Can. J. Phys., 58, 1200 (1980).
- [15] D.D. Koelling, G.O. Arbman. J. Phys. F, 5, 2041 (1975).
- [16] A.H. MacDonald, W.E. Pickett, D.D. Koelling. J. Phys. C, 13, 2675 (1980).
- [17] S.I. Kurganskii, N.S. Pereslavtseva, E.V. Levitskaya, Yu.A. Yurakov, I.G. Rudneva, E.P. Domashevskaya. J. Phys.: Condens. Matter., 14 (27), 6833 (2002).
- [18] Н.А. Борщ, Н.С. Переславцева, С.И. Курганский. ФТП, 45 (6), 241 (2011).
- [19] K. Moriguchi, M. Yonemura, A. Shintani, S. Yamanaka. Phys. Rev. B, 61, 9859 (2000).

Редактор А.Н. Смирнов

# Electronic structure of Pt-substituted clathrate silicides $Ba_8Pt_xSi_{46-x}$ (x = 4-6)

### N.A. Borshch

Voronezh State Technical University, 394026 Voronezh, Russia

**Abstract** Theoretical investigation of electronic structure of Pt-substituted Si-based clathrates are presented. In calculation the linearized augmented plane wave method was used. Influence of the number of Pt atoms on an electron spectra was considered.