Отклик газа двумерных магнитных вихрей в слоистом сверхпроводнике на переменное магнитное поле

© А.Н. Артемов

Донецкий физико-технический институт Национальной академии наук Украины, 83114 Донецк, Украина

E-mail: artemov@kinetic.ac.donetsk.ua

(Поступила в Редакцию 4 февраля 2004 г. В окончательной редакции 1 июля 2004 г.)

> Анализируются эксперименты по измерению отклика сверхпроводящих YBCO пленок на слабое переменное магнитное поле вблизи температуры их перехода в нормальное состояние. Известные попытки объяснить результаты экспериментов связывают отклик с критическим поведением системы магнитных вихрей в тонкой пленке либо с поляризацией системы двумерных вихревых диполей. Частотная зависимость отклика объясняется временной дисперсией среды. В настоящей работе рассмотрен отклик газа двумерных магнитных вихрей в слоистых сверхпроводниках выше температуры фазового перехода Березинского–Костерлица–Таулесса на переменное электромагнитное поле. Использованы локальные модельные материальные соотношения, не предполагающие ни временной, ни пространственной дисперсии среды. Показано, что температурная зависимость проводимости и размерный эффект в образце конечных размеров позволяют объяснить основные наблюдавшиеся в экспериментах особенности отклика пленок.

1. Введение

Изучение отклика образцов на переменное магнитное поле позволяет исследовать механизмы, ответственные за проникновение в них магнитного потока. В настоящее время существует ряд теоретических и модельных представлений, позволяющих связать те или иные температурные, полевые и частотные зависимости отклика с определенными физическими явлениями и процессами.

В нормальных металлах основные представления об отклике на электромагнитное поле связаны с понятием нормальный скин-эффект. Авторы работы [1] рассмотрели в квазистационарном приближении [2] отклик плоскопараллельной проводящей пластины на электромагнитное поле при симметричном возбуждении. В работе показано, что в указанном приближении отклик пластины зависит от одного параметра d/δ , где d — толщина пластины, $\delta = c/\sqrt{2\pi\sigma\omega}$ — глубина скин-слоя, ω — частота поля, σ — проводимость материала пластины. В системе наблюдается размерный эффект, состоящий в том, что максимум величины диссипативной части восприимчивости χ_1'' на основной частоте достигается, когда глубина скин-слоя примерно сравнивается с половиной толщины пластины $d/\delta \approx 2$.

В случае сверхпроводников второго рода одной из наиболее продуктивных стала идея пиннинга магнитных вихрей и опирающиеся на нее модели критического состояния Бина [3] и Кима [4]. Они позволили на основе представления о критическом токе количественно описать процесс намагничивания и отклик жестких сверхпроводников [5].

С открытием высокотемпературных сверхпроводников, позволивших выполнять эксперименты при более высоких температурах, в отклике стали заметны процессы разрушения метастабильного критического состояния под влиянием тепловых флуктуаций. Здесь оказалась плодотворной идея крипа магнитного потока [6]. Она дала возможность объяснить характерные зависимости отклика сверхпроводников от частоты внешнего магнитного поля [7,8].

Перечисленные соображения привели к качественному пониманию процессов намагничивания массивных низкотемпературных сверхпроводников второго рода, массивных керамических высокотемпературных сверхпроводников и гранулированных пленок из высокотемпературных сверхпроводников при относительно низких частотах ($\leq 1 \text{ MHz}$) внешнего магнитного поля. Во всех этих системах наблюдается размерный эффект, состоящий в том, что максимум в температурной зависимости диссипативной части восприимчивости достигается при температуре T_m , при которой глубина проникновения магнитного поля примерно сравнивается с характерным размером образца. Указанная граничная частота является довольно условной, поскольку зависит от свойств и размеров сверхпроводящих образцов.

На более высоких частотах становится заметным, что система вихрей, реализующих проникший в образец магнитный поток, за период изменения поля не успевает достичь равновесного критического состояния. Для описания такой ситуации стало необходимым кроме сверхпроводящего критического тока ввести в рассмотрение нормальные токи, затухание которых связано с релаксацией потока к равновесному критическому состоянию [9].

Перечисленные теории и модели в основном исчерпывают множество идей, которые успешно использовались для объяснения отклика сверхпроводников второго рода на слабое переменное магнитное поле. Однако в последнее время появились эксперименты по измерению диамагнитного отклика сверхпроводящих пленок [10,11], которые не укладываются в рамках этих моделей. В настоящей работе кратко излагаются основные результаты указанных экспериментов и обсуждаются различные интерпретации [11,12] результатов работы [11], предполагающие частотную дисперсию среды. Далее предлагается альтернативное объяснение этого эксперимента. Оно основывается на представлениях о фазовом переходе Березинского–Костерлица–Таулесса (БКТ) [13,14] в газе двумерных (2D) вихрей в слоистых сверхпроводниках и о размерном эффекте в образце и предполагает локальную связь тока с полем. В качестве аргументов в пользу предложенного подхода приводятся оценка зависимости температуры максимума диссипативной части отклика образца от частоты переменного магнитного поля и модельный расчет температурной зависимости восприимчивости.

2. Обсуждение экспериментальных результатов

В работе [10] исследовался отклик эпитаксиальной пленки YBCO на слабое переменное магнитное поле. Изучалась зависимость температуры T_m , при которой достигается максимум диссипативной части отклика $\chi_1''(T)$ на основной частоте, от амплитуды $(H_{\rm ac} = 40 \dots 500 \,\mathrm{mOe})$ и частоты $(\omega = 1 \dots 30 \,\mathrm{kHz})$ магнитного поля. Анализ результатов проводился в рамках моделей критического состояния и крипа магнитного потока. В модели критического состояния Бина амплитуда поля однозначно связана с величиной критического тока при температуре T_m [15,16], а модель крипа объясняет сдвиг температуры T_m , который прямо пропорционален $\ln \omega$ [7,8].

Обе эти особенности отчетливо представлены на рисунках. Необъясненным, однако, остается излом на линейных зависимостях $T_m(H_{\rm ac}^{2/3})$. На наш взгляд, это означает, что при некоторой температуре, находящейся вблизи и ниже температуры сверхпроводящего перехода, происходит смена механизма, ответственного за диссипацию энергии магнитного поля в образце. Как выше, так и ниже этой температуры отклик является нелинейным, на что указывает наличие зависимости температуры T_m от амплитуды поля.

Авторы работы [11] (см. также [17]) исследовали температурную зависимость отклика пленки YBCO на слабое переменное магнитное поле (< 1 mOe) при частотах в интервале от 30 mHz до 800 kHz. При температуре, обозначенной T_c , в температурной зависимости недиссипативной части отклика наблюдается излом, а диссипативная часть отклика отлична от нуля только при температурах $T > T_c$. Полагаем, что здесь, как и в работе [10], происходит изменение механизма, формирующего отклик. При увеличении частоты внешнего поля отмечается сдвиг максимума диссипативной части отклика в сторону высоких температур. Авторы предполагают, что при температуре T_c корреляционная длина сверхпроводника сравнивается с толщиной образца и

происходит зависящий от толщины фазовый переход, подобный переходу БКТ в тонких пленках [18]. Отклик при $T > T_c$ связывается с критическим поведением системы свободных магнитных вихрей, пронизывающих образец насквозь, которые возникают в результате флуктуационной диссоциации нейтральных вихревых пар. В [12] результаты эксперимента качественно объясняются на основе феноменологической линеаризованной теории отклика на внешнее поле системы 2D вихревых диполей в слоистых сверхпроводниках [19,20]. Частотную зависимость отклика, наблюдавшуюся в [11], авторы обеих работ связывают с частотной дисперсией среды, а максимум в диссипативной части отклика — с резонансным характером поглощения энергии электромагнитного поля.

Наличие двух интерпретаций одного эксперимента, ни в одной из которых не приведено достаточно веских аргументаций, заставляет усомниться в справедливости обеих. Для объяснения нелинейного характера отклика в работе [10] (по-видимому, неизвестной авторам [11,12]) требуются дополнительные теоретические построения. К тому же физические механизмы, ответственные за формирование отклика в названных работах, с нашей точки зрения, не являются доминирующими.

В соответствии с нашими представлениями изменение механизма, ответственного за отклик в экспериментах [10,11], связано с фазовым переходом БКТ [13,14] в системе 2D-вихрей в слоистых сверхпроводниках, частотная зависимость отклика обусловлена вязким движением свободных 2D-вихрей, а максимум в диссипативной части отклика является следствием размерного эффекта, подобного эффекту, описанному Фишером и Као [1].

Переход БКТ заключается в перестройке состояния системы вихрей слоистого сверхпроводника при температуре $T_{\rm BKT}$. При низких температурах $T < T_{\rm BKT}$ намагничивание пленки формируется за счет вхождения в образец вихрей, пронизывающих всю толщину образца. Такие вихри являются связанными состояниями 2D-вихрей, локализованных в разных слоях сверхпроводника [21]. Они могут пиннинговаться на дефектах структуры образца, обусловливая конечную величину критического тока. Намагничивание сверхпроводника в этом состоянии можно анализировать на основе модели критического состояния.

При повышении температуры слоистые высокотемпературные сверхпроводники YBCO переходят в другое состояние. В сверхпроводнике появляются свободные 2D-вихри, которые существенно меняют свойства образца. Несмотря на то, что эти сверхпроводники изза сильной джозефсоновской связи между слоями являются, скорее, анизотропными, чем слоистыми, переход между двумя фазовыми состояниями обусловлен теми же процессами, что и переход БКТ в двумерных системах. Основными являются появление при температуре $T = T_{\rm BKT}$ неустойчивости системы связанных в диполи 2D-вихрей относительно диссоциации их в газ свободных вихрей и дебаевское экранирование взаимодействия свободных вихрей.



Рис. 1. Связь температуры максимума диссипативной части отклика T_m и частоты внешнего магнитного поля ω в эксперименте из работы [11].

Такие представления о поведении слоистых сверхпроводников основываются на экспериментальных и теоретических исследованиях этих материалов в окрестности температуры T_{BKT}. Здесь отметим только несколько работ, с нашей точки зрения, наиболее важных для качественного понимания физических процессов в таких системах. В работе [22] измерялись вольт-амперные характеристики (ВАХ) монокристаллов ҮВСО как в направлении вдоль сверхпроводящих слоев (в плоскости ab), так и в перпендикулярном направлении (в направлении оси с). Из приведенных результатов следует, что температура Т^с перехода образца из сверхпроводящего состояния в нормальное в направлении оси с ниже, чем температура T_c^{ab}, при которой происходит переход в нормальное состояние в плоскости аb. На наш взгляд, это означает, что при температуре T_c тепловые флуктуации разрушают когерентность между соседними слоями и образец превращается в систему несвязанных сверхпроводящих слоев. Из анализа ВАХ следует, что температура Т_c^c близка и, по-видимому, совпадает с температурой ТВКТ. Такое поведение слоистых сверхпроводников хорошо согласуется с результатами численного моделирования трехмерной анизотропной *ХҮ*-модели [23].

Разрушение когерентности фазы параметра порядка в соседних слоях ведет к исчезновению критического тока, обусловленного натяжением джозефсоновских вихрей. Это получает экспериментальное подтверждение при измерении ВАХ эпитаксиальной пленки YBCO, представленном в работе [24]. В ней показано, что при приближении снизу к некоторой температуре $T_{\rm BKT} < T_c$, вблизи которой показатель степени ВАХ резко меняется

от 3 до 1, критический ток пленки стремится к нулю. Аналогичный результат представлен и в работе [11] на вставке к рис. 1. Отсутствие критического тока в свою очередь означает отсутствие пиннинга вихрей.

Еще одна особенность поведения слоистых сверхпроводников вблизи температуры $T_{\rm BKT}$ связана с изменением условий проникновения в образец магнитного потока. Поскольку выше этой температуры состояние сверхпроводника с вихрями даже в отсутствии магнитного поля оказывается более выгодным, чем состояние без вихрей, это означает, что равно нулю первое критическое поле H_{c1} , а значит энергетический барьер для вхождения магнитного потока отсутствует.

Изложенные особенности поведения слоистых сверхпроводников, в частности, эпитаксиальных пленок YBCO, позволяют качественно объяснить результаты экспериментов [10,11]. При низких температурах, ниже температуры фазового перехода БКТ, исследуемый образец может находиться в сверхпроводящем критическом (как в [10]) или мейсснеровском (как в [11]) состоянии. При высоких температурах ($T > T_{\rm BKT}$) процессы намагничивания обусловлены поведением газа свободных 2D-вихрей. Диссипация энергии внешнего магнитного поля в этом случае связана с вязким движением магнитного потока и затуханием нормальных токов.

Кроме того, полагаем, что при интерпретации этих экспериментов нет необходимости учитывать частотную дисперсию среды. По крайней мере, частотная зависимость восприимчивости в эксперименте [11] хорошо согласуется с моделью, учитывающей линейную локальную связь тока с электрическим полем и температурную зависимость проводимости среды, характерную для перехода БКТ.

Рассмотрим плоско-параллельную пластину толщиной d, на поверхность которой с двух сторон падают плоские электромагнитные волны так, что их магнитное поле на поверхностях всегда находится в одинаковой фазе. Пусть плотность тока связана с электрическим полем соотношением $j(x, t) = \sigma_f(T)E(x, t)$. Согласно [1], максимум диссипативной части восприимчивости достигается, когда глубина скин-слоя $\delta = c / \sqrt{2\pi\omega\sigma_f}$ составляет примерно половину толщины пластины $d/\delta \approx 2$. Здесь σ_f — проводимость сверхпроводящей среды, обусловленная вязким течением магнитного потока и связанная с проводимостью материала в нормальном состоянии σ_n и концентрацией 2D-вихрей n(T) соотношением $\sigma_f(T) \sim \sigma_n/n(T)$. Для оценки зависимости n(T) будем полагать, что корреляционная длина ξ^+ при $T>T_{\rm BKT}$ пропорциональна длине дебаевского экранирования взаимодействия 2D-вихрей $\xi^+ \sim \sqrt{8\pi\lambda(T)^2T/\phi_0^2n(T)s}$, где λ — глубина проникновения магнитного поля, ϕ_0 квант магнитного потока, s — период слоистой структуры. Отсюда, зная температурную зависимость $\xi^+(T) \sim \exp\{(T/T_{
m BKT}-1)^{-1/2}\}$ [25] при $T o T_{
m BKT}$ сверху, найдем $n(T) \sim \exp\{-2(T/T_{BKT}-1)^{-1/2}\}$. Подставляя эти оценки в условие максимума диссипативной части восприимчивости, получим

$$2 pprox rac{d}{\delta} = rac{d\sqrt{2\pi\omega\sigma_f}}{c} \sim rac{\sqrt{\omega}}{\exp\{-(T_m/T_{
m BKT}-1)^{-1/2}\}}$$

Логарифмируя полученное соотношение и удерживая только существенные члены, увидим, что температура T_m , соответствующая максимуму восприимчивости, связана с частотой изменения магнитного поля ω соотношением

$$\ln \omega \sim -\left(\frac{T_m}{T_{\rm BKT}} - 1\right)^{-\frac{1}{2}}.$$
 (1)

На рис. 1 приведены результаты эксперимента [11], взятые из работы [12]. Видно, что они достаточно хорошо согласуются с теоретической зависимостью. Заметим, что для получения оценки (1) не понадобились какие-либо подгоночные параметры. Это дает основание считать справедливыми высказанные нами предложения о переходе БКТ и о локальности связи тока с полем.

Однако сделанные оценки не объясняют результаты работы [10], где температура T_m зависит от амплитуды внешнего магнитного поля. Это указывает на нелинейный характер отклика как в области низких температур $T < T_{\rm BKT}$, так и при $T > T_{\rm BKT}$. В следующем разделе представлена попытка численного модельного расчета нелинейного отклика слоистых сверхпроводников на переменное электромагнитное поле в интервале температур от $T_{\rm BKT}$ до T_c .

3. Локальная нелинейная модель восприимчивости газа 2D-вихрей

Основной трудностью при расчете восприимчивости сверхпроводника в этой фазе является получение материальных соотношений, связывающих ток с электрическим полем. В настоящее время нет теории, в рамках которой могла бы быть получена связь тока с полем для такой среды в достаточно широком диапазоне температур и токов.

Здесь предполагается численный расчет отклика образца из слоистого сверхпроводника на переменное внешнее магнитное поле с использованием модельного выражения для материальных соотношений. Для связи между током и электрическим полем используется выражение, качественно моделирующее поведение ВАХ высокотемпературных сверхпроводников в интервале температур между $T_{\rm BKT}$ и T_c .

Расчет выполнен для плоско-параллельной пластины толщины d при симметричном по магнитному полю возбуждении. Ось x направлена перпендикулярно пластине так, что ее поверхности задаются уравнениями $x = \pm d/2$. Электрическое поле направлено вдоль оси y, а магнитное — вдоль x. В такой геометрии уравнения

Максвелла внутри пластины можно записать в виде

$$\frac{\partial e}{\partial l} = -\frac{\partial b}{\partial \tau}, \quad \frac{\partial b}{\partial l} = -j(e),$$
 (2)

где введены безразмерные переменные $e = E_y \times (\sigma_n/J_{GL}(0)),$ $b = B_z(\sigma_n/J_{GL}(0)),$ $l = x(4\pi\sigma_n/c),$ $\tau = t(4\pi\sigma_n),$ σ_n — проводимость сверхпроводящего материала в нормальном состоянии, $J_{GL}(0)$ — плотность тока распаривания при нулевой температуре. Удобно записать материальные соотношения в виде, разрешенном относительно электрического поля

$$e(j) = j \left[\left(\frac{4a}{e^{e_0}} \right)^{\frac{1}{\sqrt{4-2a}}} + \frac{j}{j_{\text{GL}}} \right]^{a \left(1 - \frac{j}{j_{\text{GL}}}\right)}.$$
 (3)

Здесь $j_{\rm GL} = (1 - T/T_c)^{3/2}$ — безразмерный ток распаривания, e_0 — параметр, который может быть связан с энергией кора вихря, в расчетах принято $e_0 = 6$. Величина $a = K(T_c/T - 1)$ меняется от 0 при $T = T_c$ до 2 при $T = T_{\rm BKT}$. Буквой K обозначен параметр, контролирующий степень анизотропии материала. В вычислениях он взят равным 100, что примерно соответствует YBCO. Равенство $a(T_{\rm BKT}) = 2$ определяет температуру $T_{\rm BKT}$. Величину a + 1 обычно называют показателем степени BAX.

В квадратных скобках выражения (3) заключены два слагаемых. Первое моделирует вклад в сопротивление свободных 2D-вихрей, появившихся как тепловые флуктуации при переходе БКТ. Второе описывает вклад вихрей, возникших в результате разрыва током вихревых диполей. Приведенное выражение правильно описывает все токовые и температурные асимптотики. В области промежуточных величин токов и температур это выражение обеспечивает качественное описание поведения реальных систем.

В пределе слабых токов, когда второе слагаемое в квадратных скобках значительно меньше первого, получаем линейную зависимость e(j). В области промежуточных значений токов, где второе слагаемое больше первого, но значительно меньше единицы, имеем высокотоковую асимптотику $e \sim j^{a+1}$. Когда величина тока приближается к току распаривания, система попадает в область насыщения. В этой области большая часть вихревых диполей уже разорвана током и дальнейшее его увеличение не ведет к значительному росту концентрации свободных вихрей. В пределе $j \rightarrow j_{GL}$ система переходит в нормальное состояние. Такое поведение зависимости e(j) моделируется введением зависящего от тока множителя при показателе степени а. Эта особенность, как правило, не наблюдается в экспериментальных ВАХ из-за тепловой неустойчивости в области больших токов.

В предельном случае высоких температур $T \to T_c$ или $a \to 0$ выражение (3) описывает переход системы в нормальное состояние с линейной зависимостью e(j). В другом пределе $T \to T_{\text{BKT}}$ $(a \to 2)$ при всех токах,

кроме области насыщения, получаем характерную зависимость $e \sim j^3$.

Исключая из уравнений (2) электрическое поле, получим замкнутое нелинейное диффузионное уравнение для индукции магнитного поля

$$\frac{\partial b}{\partial \tau} = \frac{\partial e}{\partial j} \frac{\partial^2 b}{\partial l^2},\tag{4}$$

где коэффициент диффузии определен посредством дифференцирования выражения (3) с учетом второго уравнения (2).

Симметричные граничные условия определяют симметричное распределение поля в пластине. Магнитное поле является четной, а электрическое — нечетной функцией координаты *x*. Поэтому можно решать задачу только для одной (правой) половины пластины. Граничные условия в центре пластины задаются в виде

$$rac{\partial b}{\partial l}\left(0,\, au
ight)=0,\quad e(0,\, au\,)=0.$$

На поверхностях пластины должны приравниваться тангенциальные компоненты индукции магнитного поля и напряженности электрического.

$$b_{in}\left(\pmrac{d}{2}, au
ight) = b_{out}\left(\pmrac{d}{2}, au
ight),$$
 $e_{in}\left(\pmrac{d}{2}, au
ight) = e_{out}\left(\pmrac{d}{2}, au
ight).$

По условиям задачи из $+\infty$ на правую границу падает плоская волна $b(l, \tau) = b_0 \cos(\omega(\tau + l - d/2))$, $e(l, \tau) = b_0 \cos(\omega(\tau + l - d/2))$ с амплитудой b_0 . Отраженная волна представляет собой суперпозицию плоских волн, распространяющихся в положительном направлении оси x, амплитуды и спектр частот которых определяются свойствами нелинейной среды пластины. Электрическое и магнитное поля этой волны ориентированы так же, как в падающей волне, и связаны соотношением $e_r(l, \tau) = -b_r(l, \tau)$, следующем из уравнений Максвелла в вакууме. Поэтому условия на правой границе запишутся в виде

$$b_{in}(d/2, \tau) = b_0 \cos(\omega \tau) + b_r(d/2, \tau),$$

 $e_{in}(d/2, \tau) = b_0 \cos(\omega \tau) - b_r(d/2, \tau).$

Складывая эти выражения, получим граничные условия для внутренней задачи. Таким образом, поставленная задача нахождения поля внутри пластины будет полностью определена, если к уравнению (4) добавить граничные условия для магнитной индукции

$$b(d/2, \tau) + e(d/2, \tau) = 2b_0 \cos(\omega \tau), \ \frac{\partial b}{\partial l}(0, \tau) = 0.$$
 (5)

Для численного решения краевой задачи использован явный абсолютно устойчивый метод Дюфора– Франкеля [26]. Точность вычислений была не хуже 5%.



Рис. 2. Температурные зависимости нелинейной (сплошные линии) диссипативной части восприимчивости модельной системы, рассчитанные при частоте внешнего поля $\omega = 2\pi \cdot 10^{-3}$ и различных амплитудах внешнего поля b_0 , и линейной (штриховые линии) восприимчивости при различных частотах.

Применена следующая схема расчета температурной зависимости восприимчивости. При каждой амплитуде магнитного поля расчет начинался в нормальном состоянии при температуре $T_c(a = 0)$. В качестве начальных условий использовано распределение магнитного поля, найденное аналитически. При изменении температуры от a = 0.00 до 1.98 распределение поля, найденное в конце предыдущего шага играло роль начальных условий для следующего. В течение одного периода система релаксировала к стационарному состоянию, а второй период использовался для расчета отклика. Проверка достаточности такого режима путем увеличения времени релаксации при некоторых значениях температуры до 20 периодов показала отсутствие заметного отличия в величине отклика.

Безразмерные параметры рассчитываемой системы подбирались так, чтобы они удовлетворяли условиям квазистационарности ($\omega \ll 1$), соотношению для толщин образца и глубины скин-слоя в нормальном состоянии, характерному для реальных экспериментов, ($d \ll \delta$), и при этом обеспечивали бы минимально необходимую точность при приемлемом объеме численных расчетов. Из этих соображений нами выбрана толщина пластины d = 1 и частота переменного поля $\omega = 2\pi \cdot 10^{-3}$. Безразмерная глубина скин-слоя $\delta = \sqrt{2/\omega} \approx 17.8$.

Результаты численного расчета температурной зависимости диссипативной части восприимчивости на основной частоте при различных значениях амплитуды внешнего магнитного поля от $b_0 = 10^{-7}$ до $4 \cdot 10^{-5}$ показаны на рис. 2. Здесь же для сравнения показаны зависимости линейной восприимчивости системы с теми же параметрами при различных частотах внешнего поля.

На температурных зависимостях диссипативной части восприимчивости $4\pi\chi_1''$ при амплитудах поля $b_0 < 4 \cdot 10^{-5}$ имеются максимумы, которые располагаются вблизи температуры $T_{\rm BKT}$ и положение которых зависит от амплитуды поля. Существование этих максимумов объясняется размерным эффектом, а зависимость температуры максимума T_m от амплитуды поля связана с нелинейностью проводимости среды.

Указанный размерный эффект совпадает с размерным эффектом [1] при достаточно малой амплитуде внешнего поля в линейном режиме. Максимум в зависимости $4\pi \chi_1''(T)$ появляется потому, что при приближении к температуре T_{BKT} сверху концентрация свободных вихрей быстро снижается, что ведет к росту проводимости σ_f . В результате глубина скин-слоя уменьшается и при некоторой температуре Т_т становится примерно равной половине толщины образца. В нелинейном режиме проводимость зависит от тока и является разной в различных точках образца. Поэтому глубину скинслоя, как в линейном случае, ввести не удается. Однако здесь имеется некоторая характерная глубина проникновения магнитного поля, которая быстро уменьшается при приближении к ТВКТ, что приводит к нелинейному размерному эффекту.

Отметим несколько особенностей рассчитанных зависимостей. При уменьшении амплитуды переменного поля зависимость восприимчивости от нее становится все менее выраженной. При амплитуде $b_0 \le 10^{-7}$ система практически выходит на линейный режим. Высота максимума диссипативной части восприимчивости $4\pi \chi_1'' \approx 0.417$ близка к наблюдавшейся в эксперименте (рис. 1 в [12]). Она убывает при уменьшении температуры *T_m*. Эта же закономерность наблюдается в результатах эксперимента [11], перестроенных в работе [12], несмотря на то, что причины смещения максимума в расчетах и эксперименте различны. Полагаем, что изменение высоты максимумов в этом эксперименте связано с нелинейностью отклика, которая проявляется все сильнее по мере приближения к температуре $T_{\rm BKT}$. Это отчетливо видно на рис. 2, где все кривые, соответствующие нелинейному отклику при различных амплитудах внешнего поля, в области высоких температур сливаются с линейной зависимостью.

Максимальное значение температуры T_m при данной частоте достигается при минимальной амплитуде внешнего поля в линейном режиме. Увеличение амплитуды поля сдвигает T_m в сторону низких температур. При $b_0 = 4 \cdot 10^{-5}$ на частоте $\omega = 2\pi \cdot 10^{-3}$ максимум в зависимости $4\pi \chi_1''(T)$ в интервале температур между $T_{\rm BKT}$ и T_c не достигается. В реальном эксперименте в такой ситуации максимум достигается в области более низких температур, где отклик обусловлен другими физическими процессами.

Полученная зависимость $T_m(b_0)$ качественно соответствует результатам эксперимента в работе [10], что позволяет связать причину излома в линейной зависимости $T_m(H_{\rm ac}^{2/3})$ с происходящим в образце при некоторой температуре $T_{\rm BKT}$ фазовым переходом БКТ.

4. Заключение

Из экспериментов [10,11] следует, что существует узкий температурный интервал ($T_{\rm BKT}$, T_c), в котором отклик пленок YBCO на переменное магнитное поле качественно отличается от отклика при низких температурах.

В работе [11] предполагается, что при температуре T_c ($T_{\rm BKT}$ в наших обозначениях) в пленке происходит зависящий от ее толщины фазовый переход, подобный переходу БКТ в двумерных системах. В результате в образце появляются свободные магнитные вихри, пронизывающие его насквозь, поведение которых в окрестности этого перехода и обусловливает отклик на переменное магнитное поле. Авторы работы [12] связывают отклик с зависящей от частоты поляризацией системы нейтральных диполей 2D-вихрей под действием переменного внешнего поля.

В нашем подходе отклик сверхпроводящих пленок YBCO в указанном интервале температур интерпретируется как отклик системы свободных 2D-вихрей, появившихся в образце в результате перехода БКТ, концентрация которых зависит как от температуры, так и от локальной плотности тока.

Зависимость отклика от частоты и наличие максимума в недиссипативной части восприимчивости в указанных работах объясняется временной дисперсией среды. С нашей точки зрения, эти особенности отклика обусловлены вязким движением свободных 2D-вихрей и размерным эффектом в образце конечных размеров при локальном характере связи тока с полем. Такой подход кроме качественного соответствия позволил без использования подгоночных параметров получить хорошо согласующиеся с экспериментом зависимость температуры T_m от частоты (рис. 1) и высоту пика диссипативной части восприимчивости.

Нелинейный характер отклика в нашей модели дает основание считать, что в рамках этих же представлений могут быть объяснены и результаты эксперимента [10]. Понижение температуры T_m при увеличении амплитуды поля в модельных расчетах качественно соответствует зависимостям, наблюдавшимся в эксперименте при температурах, выше излома на зависимости $T_m(H_{\rm ac}^{2/3})$. Температура, при которой наблюдается указанный излом, может быть сопоставлена с температурой $T_{\rm BKT}$. Возможности количественного сравнения результатов расчета и конкретного эксперимента сильно ограничены большим объемом вычислений.

Список литературы

- [1] H. Fisher, Y.H. Kao. Sol. Stat. Commun. 7, 2, 275 (1967).
- [2] Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Электродинамика сплошных сред. Наука, М. (1982). С. 620.
- [3] C.P. Bean. Phys. Rev. Lett, 8, 7, 250 (1962).
- [4] Y.B. Kim. Phys. Rev. Lett. 8, 7, 256 (1962).
- [5] A.M. Kempbell, J.E. Evetts. Critical currents in superconductors. Taylor and Francis LTD, London (1972).

- [6] P.W. Anderson. Phys. Rev. Lett. 9, 7, 309 (1962).
- [7] A.N. Artemov, V.F. Drobot'ko, D.G. Emel'yanenkov,
 V.I. Makhov, V.A. Khokhlov. Phys. Lett. A 157, *1*, 85 (1991).
 [9] K. H. Müller, Physical C 169, 5 (1992).
- [8] K.-H. Müller. Physica C 168, 5-6, 585 (1990).
- [9] M.W. Coffey, J. Clem. Phys. Rev. Lett. 67, 3, 386 (1991).
- [10] В.А. Хохлов, В.В. Кржижановский, А.Ю. Прохоров, В.Ф. Дроботько, А.В. Климов, Г.Г. Левченко. ФТТ 43, 9, 1541 (2001).
- [11] J.Kötzler, D. Görlitz, S. Skwirblies, A. Wriedt. Phys. Rev. Lett. 87, 12, 127005-1 (2001).
- [12] K. Medvedyeva, B.J. Kim, P. Minnhagen. Phys. Rev. Lett. 89, 14, 149703-1 (2002).
- [13] В.Л. Березинский. ЖЭТФ 61, 3, 1144 (1971).
- [14] J.M. Kosterlitz, D.G. Thouless. J. Phys. C 6, 6, 1181 (1973).
- [15] A.N. Artemov, A.M. Grishin, V.N. Korenivskii, A.N. Ulyanov, V.A. Khokhlov. Int. J. Mod. Phys. B 4, 4, 591 (1990).
- [16] J. Kötzler, G. Nakielsky, M. Baumann, R. Behr, F. Goerke, E.H. Brandt. Phys. Rev. B 50, 3384 (1994).
- [17] J. Kötzler, D. Görlitz, A. Wriedt. Phys. Rev. Lett. 89, 14, 149704-1 (2002).
- [18] T. Schneider. Physica C 195, 1–2, 82 (1992).
- [19] P. Minnhagen. Rev. Mod. Phys. 59, 4, 1001 (1987).
- [20] B.J. Kim, P. Minnhagen, P. Olsson. Phys. Rev. B 59, 17, 11 506 (1999).
- [21] J. Clem. Phys. Rev. B 43, 7837 (1991).
- [22] N.-C. Yeh, C.C. Tsuei. Phys. Rev. B 39, 9708 (1989).
- [23] W. Weber, H.J. Jensen. Phys. Rev. B 44, 454 (1991).
- [24] А.Н. Артемов, А.М. Гришин, А.В. Зиновук, Ю.И. Медведев, Ю.М. Николаенко. ФТВД 11, 3, 110 (2001).
- [25] J.M. Kosterlitz. J. Phys. C 7, 1046 (1974).
- [26] Д. Поттер. Вычислительные методы в физике. Мир, М. (1975) [D. Potter. Computational Physics. John Wiley & Sons, London–N. Y.–Sydney–Toronto (1973).].