# Дислокации как линейные топологические дефекты

### © Г.А. Малыгин

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, 194021 Санкт-Петербург, Россия E-mail: malygin.ga@pop.ioffe.rssi.ru

(Поступила в Редакцию 18 сентября 2000 г. В окончательной редакции 11 октября 2000 г.)

> Дислокации и дислокационная пластичность кристаллов рассматриваются на широком фоне других физических явлений, таких как сверхтекучесть жидкого гелия и сверхпроводники второго рода. Объединяет их с ними то, что дислокации, как и квантовые вихри в сверхпроводниках и сверхтекучем гелии, являются топологическими дефектами. Они образуются при фазовом переходе со спонтанным нарушением симметрии в результате Бозе-конденсации акустических фононов. Обсуждаются общие вопросы эволюции ансамблей линейных топологических дефектов и характер образуемых ими пространственных структур.

Понятие дислокации как дефекта, сильно снижающего сопротивление кристалла кристаллографическому сдвигу и обеспечивающего элементарный акт его пластической деформации, было введено в работах [1,2] чисто феноменологическим образом. Это не помешало в течение последующих десятилетий объяснить с помощью дислокаций основные закономерности пластической деформации кристаллических тел. В настоящее время само понятие пластичности кристалла подразумевает в основном его дислокационную пластичность, т.е. трансляционное перемещение дислокаций по наиболее плотноупакованным плоскостям, в результате чего происходит пластическое формоизменение кристаллического тела. В общем случае следует говорить о дислокационно-дисклинационной пластичности в условиях, когда вследствие заторможенности трансляций в кристалле появляются повороты, а в случае высоких температур — о вакансионной пластичности, когда преимущественный вклад в формоизменение кристалла вносят потоки вакансий.

В течение длительного времени оставался неясным микроскопический механизм возникновения дислокаций в первоначально бездислокационном кристалле. Это обстоятельство не являлось сдерживающим фактором при проведении упомянутых выше исследований, поскольку в реальном кристалле обычно имеется достаточное число дислокационных источников типа источников Франка– Рида. Их действие обеспечивает рост плотности дислокаций на самом начальном этапе деформации. При дальнейшем ее продолжении вступает в действие механизм двойного поперечного скольжения винтовых дислокаций, обеспечивающий быстрое увеличение плотности дислокаций с ростом деформации.

В отсутствие в кристалле дислокаций и источников Франка–Рида образование в нем дислокаций, как полагают, связано с наличием на поверхности кристалла геометрических концентраторов напряжений в виде ступенек атомных размеров. Вблизи концентраторов напряжений локальное напряжение может достигать теоретической прочности на сдвиг  $\approx G/2\pi$ , где G — модуль сдвига, что и приводит к зарождению в этом месте дислокаций.

После образования дислокаций их перемещение по кристаллу вдали от концентратора напряжений осуществляется под действием ничтожно малых напряжений  $(10^{-5}-10^{-4})G$ . Сопротивление движению дислокаций по плоскостям скольжения могут оказывать различные содержащиеся в кристалле дефекты (примесные атомы, выделения фаз, дислокации леса и т.д.), а в кристаллах с направленными атомными связями — решеточный рельеф Пайерлса. Эти препятствия увеличивают напряжение торможения дислокаций до  $(10^{-3}-10^{-2})G$ и обеспечивают устойчивость дислокационных петель после снятия приложенного к кристаллу напряжения вследствие закрепления (пиннинга) линии дислокации препятствиями.

В чем состоит причина низкого сопротивления решетки перемещению дислокаций в отсутствие в ней специальных препятствий, ограничивающих это движение? Согласно [3,4], образование дислокаций вблизи концентраторов напряжений в первоначально бездислокационном кристалле обусловлено спонтанным нарушением его симметрии (регулярности расположения атомов) и Бозе-конденсацией акустических фононов. Очевидно, что связанное с Бозе-конденсацией когерентное состояние фононов и обеспечивает низкое сопротивление решетки движению дислокаций. Таким образом, можно считать, что пластичность кристалла есть проявление его сверхтекучести, вызванной образованием и движением в нем дислокаций, т.е. она принадлежит к тому же классу явлений, что и сверхпроводимость металлов и сверхтекучесть  ${}^{4}$ Не и  ${}^{3}$ Не.

В первом разделе настоящей работы обсуждаются с учетом сказанного выше общие вопросы образования и свойства топологических дефектов типа дислокаций и квантовых вихрей в конденсированных средах, во втором разделе — вопросы эволюции их ансамблей, в третьем — образуемые ими пространственно неоднородные структуры.

## Дислокации как топологические дефекты

Дислокации рассмотрены далее на широком физическом фоне, выходящем за рамки физики прочности и пластичности кристаллов. Этот фон образует широкий класс топологических дефектов, возникающих в различных конденсированных средах (кристаллах, жидких кристаллах, сверхтекучих жидкостях) в результате фазовых переходов со спонтанным нарушением симметрии [5–9]. Их можно квалифицировать также в качестве нелинейных топологических возбуждений среды при действии на нее тех или иных внешних полей.

Так, в случае сверхпроводников второго рода топологические дефекты в виде квантовых вихрей (флюксоидов) возникают в результате приложения к сверхпроводнику магнитного поля напряженностью  $H > H_{c1}$ . В сверхтекучем <sup>4</sup>Не и <sup>3</sup>Не квантовые вихри появляются после приложения к сверхтекучей жидкости механического импульса, обеспечивающего ее движение со скоростью  $V > V_c$ . В случае кристаллов возникновение квантовых вихрей в виде дислокаций вызвано, как уже было сказано выше, приложением к кристаллу локального механического напряжения порядка теоретической прочности решетки на сдвиг.

В литературе в последнее время широко обсуждается еще один вид топологических дефектов — гипотетические космические струны — линейные образования, несущие мощный гравитационный заряд. Согласно [10,11], они возникают на ранней стадии расширения Вселенной и являются местами, где в последующем происходит конденсация материи и зарождение галактик и звезд. Как и другие топологические дефекты, космические струны являются результатом фазового перехода при резком расширении и остывании первичной горячей и сверхплотной космической материи.

Что объединяет все эти топологические дефекты и позволяет рассматривать их как один класс явлений, несмотря на сильное различие физических сред, в которых они образуются? Таких моментов несколько.

Первый из них, как отмечено выше, состоит в том, что рассматриваемые дефекты формируются при фазовых превращениях со спонтанным нарушением симметрии. Второй момент заключается в том, что, хотя дефекты возникают в квантовых системах, после своего образования они могут рассматриваться как классические макроскопические объекты [4]. Связь с квантовой системой находит отражение лишь в величине и виде квантового (топологического) заряда, переносимого дефектом. В случае вихрей в сверхпроводнике это квант магнитного потока, в сверхтекучем гелии — квант циркуляции скорости частиц жидкости, для дислокаций это вектор Бюргерса (квант циркуляции смещения), а в случае космических струн — гравитационный заряд на единицу длины струны. Третий общий момент, объединяющий дефекты, связан с процессом Бозе-конденсации частиц соответствующих квантовых систем, в которых эти дефекты образуются. Бозе-конденсат может быть отделен от нормального состояния энергетической щелью (как в случае куперовских электронов и атомов <sup>4</sup>He) или быть бесщелевым (при образовании дислокаций [3,4], квантовых вихрей в *А*-фазе <sup>3</sup>He [8] и космических струн [12,13]) с участием так называемых глэдстоуновских бозонов с нулевой минимальной энергией. В этом случае параметр порядка контролируется не энергетической щелью, а величиной и направлением волнового вектора [3,8].

Четвертый объединяющий их момент состоит в том, что рассматриваемые топологические дефекты обладают собственной энергией на единицу длины (т.е. линейным натяжением) и сингулярным полем, напряженность которого спадает с расстоянием от линии дефекта, как  $r^{-1}$ . В этом отношении указанные дефекты можно квалифицировать как "заряженные" струны.

Пятым моментом является то, что все рассматриваемые топологические возбуждения могут быть получены с помощью стандартных процедур теории калибровочных полей [3,4,11]. Теория их образования близка в этом отношении к современной теории образования элементарных частиц как различного рода возбуждений вакуума [14].

Наконец, шестым и не до конца еще в теоретическом отношении разработанным моментом является эволюция ансамбля линейных топологических дефектов после их возникновения в той или иной реальной физической среде. Уравнения калибровочных полей описывают механизм образования отдельных дефектов, но не их ансамбля, поскольку среднее расстояние между дефектами в ансамбле может значительно превышать расстояние, на котором квантовые эффекты играют заметную роль. Вопрос об эволюции ансамблей линейных топологических дефектов рассмотрен в следующем разделе.

# 2. Уравнения эволюции ансамбля линейных дефектов

Как уже было сказано выше, после своего возникновения топологические дефекты могут рассматриваться как классические макроскопические образования на расстояниях, превышающих среднее расстояние между частицами микроскопического ансамбля, в котором они возникают. С ростом величины внешнего поля, вызывающего их появление, число дефектов, как показывает опыт [15–21], возрастает и они начинают взаимодействовать друг с другом.

В настоящее время в экспериментальном и теоретическом отношении наиболее исследованными являются ансамбли дислокаций [18–21] и квантовых вихрей в сверхтекучем гелии [15–17]. Попытки сформулировать уравнения эволюции для вихрей в сверхпроводниках имеются в [22,23], а для космических струн — в [11,24,25]. В случае дислокаций и вихрей в гелии уравнения изменения со временем *t* средней плотности *n*(*t*) вихрей или дислокаций были получены вначале из модельных соображений с целью описания соответствующих экспериментальных зависимостей [15,20,21]

$$\frac{\mathrm{d}n}{\mathrm{d}t} = w + \left(\delta' - \frac{\gamma}{d}\right)n + \alpha n^{3/2} - \beta n^2. \tag{1}$$

Здесь n(t) = L(t)/V, где L(t) — общая длина дислокаций в кристалле или вихрей в сосуде в данный момент времени, V — объем кристалла или сосуда, w — плотность источников вихрей (в случае дислокаций — концентраторов напряжений и источников Франка-Рида),  $\delta'$  — коэффициент размножения дислокаций и вихрей на различных неоднородностях в соответствующих средах, коэффициент  $\gamma/d$  описывает убыль плотности топологических дефектов вследствие их ухода из тонких кристаллов или каналов (для вихрей в гелии) толщиной d,  $\alpha$  — коэффициент размножения дислокаций (вихрей) при их пересечении друг с другом,  $\beta$  — коэффициент аннигиляции дефектов противоположных знаков.

Уравнения (1) были сформулированы для плотности вихрей в гелии и плотности дислокаций в разное время и независимо друг от друга. Теоретическое обоснование этого уравнения в случае вихрей имеется в [16,17], а в случае дислокаций — в [21,26]. На рис. 1 и 2 показаны результаты сопоставления экспериментальных данных для эволюции плотности соответственно вихрей в <sup>4</sup>He [15] и дислокаций в алюминиево-магниевом сплаве [21] в частном случае уравнения (1)

$$\frac{\mathrm{d}n}{\mathrm{d}t} = \alpha n^{3/2} - \beta n^2. \tag{2}$$

На рис. 1, a сплошная прямая показывает зависимость (2) для безразмерной плотности вихрей  $\bar{n} = n/n_0$ 

$$\frac{\mathrm{d}\bar{n}}{\mathrm{d}t} = \frac{\alpha^2}{\beta} \bar{n}^{3/2} \left(1 - \bar{n}^{1/2}\right),\tag{3}$$

где  $n_0 = (\alpha/\beta)^2$ . Кривая на рис. 1, *b* демонстрирует зависимость той же величины от  $\bar{n}^{1/2}$ .

Сплошная кривая на рис. 2 показывает зависимость коэффициента размножения дислокаций с деформацией от безразмерной плотности дислокаций

$$\delta \frac{\mathrm{d}\bar{n}}{\mathrm{d}\varepsilon} = 4\bar{n}^{1/2} \left(1 - \bar{n}^{1/2}\right). \tag{4}$$

Уравнение (4) получено из (1) с учетом того, что в случае дислокаций  $dn/dt = (dn/d\varepsilon)\varepsilon$ , где  $\varepsilon$  — деформация,  $\dot{\varepsilon} = bnu$  — скорость пластической деформации, b — вектор Бюргерса, u — скорость перемещения дислокаций,  $\alpha = k_1bu$ ,  $\beta = k_2bu$ ,  $n_0 = (\alpha/\beta)^2 = (k_1/k_2)^2$ ,  $\delta = 4/k_2$ . Восходящие ветви парабол на рис. 1, b и 2 описывают процесс размножения линейных дефектов в результате



**Рис. 1.** Зависимость скорости образования квантовых вихрей в <sup>4</sup>Не от плотности вихрей  $\bar{n}$  [15] согласно (3) (*a*) и от величины  $\bar{n}^{1/2}$  (*b*).



**Рис. 2.** Зависимость коэффициента размножения дислокаций в Al-Mg сплаве при разных температурах в интервале 77-473 K от величины  $\bar{n}^{1/2}$  [21].

их пересечения, а нисходящие ветви — процесс аннигиляции дефектов противоположных знаков.

Как видно, уравнения (2)–(4) находятся в хорошем согласии с экспериментом. Очевидно, что уравнение (1) описывает процесс эволюции ансамбля линейных топологических дефектов независимо от микроскопической квантовой системы, их порождающей. Оно отражает кинетические особенности дефектов как классических образований и характерные для линейных дефектов процессы генерации, размножения и аннигиляции. На это важное обстоятельство ранее не обращалось внимания.

#### 3. Пространственные структуры

Еще одним характерным свойством рассматриваемых дефектов является образование ими пространственных структур. Эти структуры можно разделить на однородные (хаотические [16], упорядоченные [27], сетчатые [28]) и неоднородные (полосовые [19,21], ячеистые [18,21]). Наиболее исследованными в экспериментальном и теоретическом отношениях являются сейчас однородные и неоднородные дислокационные структуры [18,19,21,28–30]. В качестве примера далее будет продемонстрирован механизм формирования ячеистой структуры в дислокационном ансамбле.

Для этого запишем уравнение (1) в виде

$$\frac{\partial n}{\partial t} + \boldsymbol{\nabla} \cdot \mathbf{j} = -\nu n + \alpha n^{3/2} - \beta n^2, \qquad (5)$$

где  $\nu = (\gamma/d - \delta') > 0$ — коэффициент, определяющий скорость иммобилизации дислокаций на препятствиях, d — длина свободного пробега дислокаций до этих препятствий (в случае тонких кристаллов d — толщина кристалла в направлении движения дислокаций).

Существуют по крайней мере два источника возникновения пространственно неоднородных дислокационных потоков. Один из них связан с дальнодействующим взаимодействием дислокаций и возникновением корреляционного диффузионного потока в результате экранирования дислокаций одного знака дислокациями другого знака [21,29,30]

$$\mathbf{j}^{\mathrm{cr}} = \hat{D}_1^{\mathrm{cr}} \cdot \boldsymbol{\nabla} n + \hat{D}_2^{\mathrm{cr}} \cdot (\boldsymbol{\nabla}^2) \boldsymbol{\nabla} n + \dots, \qquad (6)$$

где  $\hat{D}_{1,2}^{\rm cr}$  — коэффициенты диффузии первого и второго порядков.

Другой механизм связан с близкодействующим (контактным) взаимодействием дислокаций, вызывающим снижение скорости дислокаций и инверсию диффузионного потока в местах повышенной плотности дислокаций вследствие дислокационного (деформационного) упрочнения дислокационного ансамбля [21]

$$\mathbf{j}^{df} = -(1-M)\hat{D}_1^{df} \cdot \boldsymbol{\nabla} n - (1-M)\hat{D}_2^{df} \cdot (\boldsymbol{\nabla}^2)\boldsymbol{\nabla} n + \dots, \quad (7)$$

где  $M = -\partial \ln u / \partial \ln n > 0$  — коэффициент упрочнения и инверсии (M > 1) дислокационного потока.

После подстановки выражений для потоков (6) или (7) в уравнение (5) находим, что плотность дислокаций оказывается неустойчивой к пространственным флуктуациям  $\delta n \sim \exp(\omega t + i\mathbf{q} \cdot \mathbf{r})$  с критическим волновым вектором  $q_c = (D_1/2D_2)^{1/2}$  и критическим инкрементом

$$\omega(q_c) = \left(\frac{\partial \Phi}{\partial n}\right)_0 + (M-1)\frac{D_1^2}{4D_2} > 0, \qquad (8)$$

где через  $\Phi(n)$  обозначена правая часть уравнения (5). Производная  $(\partial \Phi / \partial n)_0$  соответствует значениям *n*, когда  $\Phi(n) = 0$ .



**Рис. 3.** Распределение дислокаций в ячеистой структуре в сечении z = 0 согласно (10*a*) при  $f = 10^2$ .

При соотношении кинетических коэффициентов в (5)  $\nu\beta/\alpha^2 < 1$  уравнение  $\Phi(n) = 0$  имеет три корня [21]

$$n_1 = 0, \quad n_2 \approx \left(\frac{\nu}{\alpha}\right)^2, \quad n_3 \approx \left(\frac{\alpha}{\beta}\right)^2.$$
 (9)

Анализ показывает, что особая точка  $n_2$  является неустойчивым фокусом, а  $n_3$  — седлом. Пренебрегая в (5) и (7) диффузионными потоками второго порядка, находим, что стационарное решение нелинейного уравнения (5) имеет вид

$$n(x, y, z) = \frac{n_3}{\left[1 + (f - 1)\sin^2\left(\pi \frac{\pm x \pm y \pm z}{\Lambda}\right)\right]^2} \qquad (10a)$$

при условии  $f = (n_3/n_2)^{1/2} = \alpha^2/\nu\beta > 1$ . Оно описывает пространственно-периодическую (ячеистую) дислокационную структуру с периодом

$$\Lambda = 4\pi\sqrt{3} \left[\frac{(M-1)D_1}{\nu}\right]^{1/2}$$
(10*b*)

и плотностью дислокаций в стенках ячеек  $n_3$ , а в объеме ячеек  $n_2 < n_3$ . Как видно из соотношений (9), величина  $n_2$  определяется конкуренцией процессов иммобилизации и размножения дислокаций, а величина  $n_3$  конкуренцией процессов размножения и аннигиляции дислокаций. На рис. 3 в качестве иллюстрации (10*a*) показано распределение плотности дислокаций  $n/n_3$  в ячеистой структуре в плоскости z = 0 при соотношении плотностей дислокаций в границах и объеме ячеек  $n_3/n_2 = 10^4$ .

Что касается неоднородных структур в других ансамблях линейных топологических дефектов, то в ансамблях квантовых вихрей в сверхпроводниках и сверхтекучем гелии они, насколько известно автору, не наблюдались. Как видно из приведенного выше расчета, для возникновения таких структур требуется выполнение определенных и достаточно жестких условий. Еще одно обстоятельство представляет интерес в этой связи, а именно крупномасштабная структура современной Вселенной в виде ячеистого характера распределения в ней материи (галактик и звезд) [31]. Согласно гетерогенному механизму зарождения галактик в результате аккреации первичной материи на космических струнах [10,11], можно по аналогии с ячеистыми дислокационными структурами предполагать, что неоднородный характер распределения материи во Вселенной обусловлен ячеистым характером распределения в ней космических струн. Этот гипотетический механизм формирования крупномасштабных неоднородностей может рассматриваться в качестве альтернативного традиционному механизму их образования вследствие квантовых флуктуаций плотности первичной материи.

Таким образом, рассмотрение дислокаций на широком фоне других топологических дефектов показывает, что дислокации в целом обладают свойствами, характерными для большинства этих дефектов; это придает явлению пластической деформации кристаллов общефизический характер. Кроме того, из сопоставления уравнений эволюции ансамбля дислокаций и ансамбля вихрей в сверхтекучем гелии следует, что они описываются одним и тем же уравнением, учитывающим кинетические особенности их как не точечных, а линейных объектов. Это позволяет заключить, что уравнения эволюции других линейных топологических дефектов и образуемые ими структуры должны иметь аналогичный вид.

### Список литературы

- [1] E. Orowan. Zs. Phys. 89, 9, 605 (1934).
- [2] G.I. Taylor. Proc. Roy. Soc. A145, 855, 362 (1934).
- [3] M. Wadati, H. Matsumoto, H. Umezawa. Phys. Rev. B18, 8, 4077 (1978).
- [4] H. Umezawa, H. Matsumoto, M. Tachiki. Thermo field dynamics and condensed states. North-Holland Publ., Amsterdam– N. Y.–Oxford (1982) [рус. пер.: Термополевая динамика и конденсированные состояния. Мир, М. (1985)].
- [5] G. Toulouse, M. Kleman. J. Phys. Lett. 37, 1, 149 (1976).
- [6] V.P. Mineev, G.E. Volovik. Phys. Rev. B18, 7, 3197 (1978).
- [7] N.D. Mermin. Rev. Modern. Phys. 51, 3, 591 (1979).
- [8] Г.Е. Воловик. УФН. **143**, *1*, 73 (1984).
- [9] И.А. Овидько, А.Е. Романов. Сб.: Теоретическое и экспериментальное исследование дисклинаций. ФТИ им. А.Ф. Иоффе АН СССР, Л. (1986). С. 6.
- [10] M. Hindmarsh, T.W. Kibbel. Rep. Progr. Phys. 58, 5, 47 (1995).
- [11] A. Vilenkin, E.P. Shellard. Cosmic strings and other topological defects. Cambridge Univ. Press, Cambridge (1994).
- [12] A. Vilenkin, A.E. Everette. Phys. Rev. Lett. 48, 26, 1867 (1982).
- [13] N. Turok. Phys. Rev. Lett. 76, 7, 1015 (1996).
- [14] J. Polchinsky. String theory. Cambridge Univ. Press, Cambridge (1998).
- [15] W.F. Vinen. Proc. Roy. Soc. (London) A242, 1231, 493 (1957); A243, 1234, 400 (1957).
- [16] K.W. Schwarz. Phys. Rev. B38, 4, 2398 (1988).
- [17] S.K. Nemirovskii, W. Fiszdon. Rev. Modern. Phys. 67, 1, 37 (1995).

- [18] Ф.Р.Н. Набарро, З.С. Базинский, Д.В. Хольт. Пластичность чистых монокристаллов. Металлургия, М. (1967). 202 с.
- [19] Б.И. Смирнов. Дислокационная структура и упрочнение кристаллов. Наука, Л. (1981). 232 с.
- [20] U.F. Kocks, A.S. Argon, M.F. Ashby. Thermodynamics and kinetics of slip. Pergamon Press, N.Y. (1975).
- [21] Г.А. Малыгин. УФН 169, 9, 979 (1999).
- [22] J.R. Clem. Phys. Rev. **B26**, *5*, 2463 (1982).
- [23] С.Е. Савельев, Л.И. Фишер, В.А. Ямпольский. ЖЭТФ 112, 3, 936 (1997).
- [24] P.P. Avellino, R.R. Caldwall, C.J. Martins. Phys. Rev. B56, 8, 4568 (1997).
- [25] C.J. Martins, E.P. Shellard. Phys. Rev. D54, 4, 2535 (1996).
- [26] Г.А. Малыгин. ФТТ 38, 8, 2418 (1996).
- [27] U. Essmann, H. Trauble. Phys. Lett. A24, 9, 526 (1967).
- [28] С.А. Амелинкс. Методы прямого наблюдения дислокаций. Мир, М. (1968).
- [29] Ш.Х. Ханнанов. ФММ 10, 34 (1992).
- [30] Г.Ф. Сарафанов. ФТТ 39, 9, 155 (1997).
- [31] M.S. Turner, J.A. Tyson. Rev. Modern. Phys. 71, 2, 145 (1999).