## О фазовом переходе во включениях в кристаллах CsH<sub>2</sub>AsO<sub>4</sub>, KD<sub>2</sub>PO<sub>4</sub> и KH<sub>2</sub>PO<sub>4</sub>

© С.А. Гриднев, С.А. Кравченко

Воронежский государственный технический университет, 394026 Воронеж, Россия

E-mail: gridnev@nsl.vstu.ac.ru

(Поступила в Редакцию 18 апреля 2000 г.)

Методом обращенного крутильного маятника изучены низкочастотное внутрее трение  $Q^{-1}$  и модуль сдвига *G* в параэлектрической фазе сегнетоэлектриков CsH<sub>2</sub>AsO<sub>4</sub>, KD<sub>2</sub>PO<sub>4</sub> и KH<sub>2</sub>PO<sub>4</sub>. На зависимостях  $Q^{-1}(T)$ и G(T) выше точек Кюри этих кристаллов обнаружены аномалии при температурах 308, 253 и 293 К соответственно, которые связываются с фазовым переходом 1-го рода ( $\bar{4}2m \rightarrow mm^2$ ), происходящим во включениях другой фазы.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (грант № 98-02-16055).

В кристаллах семейства КH<sub>2</sub>PO<sub>4</sub> многими исследователями обнаружены выше точки Кюри (Т<sub>С</sub>) аномалии различных физических свойств (электропроводности, диэлектрических, акустических, тепловых, оптических и др. свойств), расположенные, как правило, при температурах вблизи термического разложения кристаллов [1-4]. Наличие аномалий интерпретировалось либо как следствие высокотемпературных структурных фазовых переходов в твердой фазе, связанных с вращением групп H<sub>2</sub>PO<sub>4</sub> вокруг кристаллографических осей и изменениями, происходящими в водородных связях и в группах РО<sub>4</sub> [3,5–7], либо как следствие химического разложения кристаллов [4,8]. Результаты исследования низкочастотных упругих и неупругих свойств кристаллов этой группы показали [9,10], что температурный спектр внутреннего трения  $Q^{-1}$  имеет довольно сложный вид и что на температурных зависимостях  $Q^{-1}$  наряду с пиками  $Q^{-1}$ , соответствующими точкам Кюри и высокотемпературным фазовым переходам, наблюдаются также пики  $Q^{-1}$  в параэлектрической фазе несколько выше  $T_C$ , природа которых не установлена.

Поэтому целью данной работы являлось исследование природы аномалий низкочастотного внутреннего трения и модуля сдвига кристаллов CsH<sub>2</sub>AsO<sub>4</sub> (CDA), KD<sub>2</sub>PO<sub>4</sub> (DKDP) и KH<sub>2</sub>PO<sub>4</sub> (KDP) в параэлектрической фазе при различных внешних воздействиях.

## 1. Методика эксперимента и образцы

Исследуемые монокристаллы были выращены динамическим методом из перенасыщенных водных растворов при регулируемом понижении температуры. Для измерений использовались образцы в форме прямоугольных брусков размером  $20 \times 2 \times 2$  mm, вырезанные из однородных участков кристаллических буль с последующей полировкой на влажной ткани. Образцы были ориентированы так, чтобы их длинная сторона была направлена вдоль кристаллографической оси *X* или *Z* (соответственно образцы *X*- или *Z*-ориентации).

Внутреннее трение  $Q^{-1}$  и модуль сдвига *G* измеряли с помощью установки, сконструированной на основе обращенного крутильного маятника [11], на частоте ~ 20 Hz при амплитуде деформации ~ 5 · 10<sup>-5</sup>. В качестве меры внутреннего трения был выбран логарифмический декремент колебаний, деленный на  $\pi$ . Погрешность измерения  $Q^{-1}$  была не более 10% и модуля сдвига не более 5%. Установка позволяла также измерять угол  $\varphi$  закручивания образца в крутильном маятнике при изменении температуры и автоматически записывать кривые  $\varphi(T)$  с помощью двухкоординатного самописца. При измерениях образцы помещались в термостат, где температура поддерживалась и измерялась с погрешностью не более 0.3 К в интервале от 90 до 370 К.

## 2. Экспериментальные результаты и обсуждение

Температурные зависимости внутреннего трения  $Q^{-1}$  (кривые 1) и модуля сдвига G (кривые2) для образцов X-ориентации кристаллов CDP, DKDP и KDP представлены на рис. 1–3 соответственно. Для всех кристаллов в исследованном диапазоне температур на зависимостях  $Q^{-1}(T)$  наблюдается два явно выраженных пика  $Q^{-1}$ , которым соответствуют изменения (смягчение) в температурном поведении модуля сдвига G при температурах  $T_C$  и  $T^*$ . Что касается механических потерь в окрестности  $T_C$ , то механизм затухания низкочастотных упругих колебаний при фазовом переходе 1-го рода, ответственный за пик  $Q^{-1}$ , подробно рассмотрен в [9,12] и в данной работе обсуждаться не будет.

Для выяснения природы аномалий  $Q^{-1}$  и G при температуре  $T^*$  были проведены измерения  $Q^{-1}(T)$ , G(T)и  $\varphi(T)$  при различной скорости изменения температуры, амплитуде внешних механических напряжений и др. Перед проведением каждого эксперимента образцы приводились к одному и тому же исходному состоянию, чтобы избавиться от влияния предыстории образца на измеряемые величины. Для этого после каждого измерения проводилась изотермическая выдержка образца при комнатной температуре в вакууме около  $10^{-2}$  Torr в течение 12 часов.

Анализируя результаты, представленные на рис. 1–3, можно отметить, что аномалии  $Q^{-1}$  и G вблизи  $T^*$  наблюдаются для всех изученных кристаллов. Этот факт свидетельствует о том, что ответственный за них механизм является общим для кристаллов группы KH<sub>2</sub>PO<sub>4</sub> и практически не зависит от дейтерирования и изоморфного замещения ионов, которые влияют лишь на температурное положение и величину обнаруженных аномалий.

Из рисунков видно, что пикам  $Q^{-1}$  при температурах  $T^*$  для разных кристаллов соответствует смягчение модуля сдвига *G*, имеющее такой же вид, что и при фазовых переходах в  $T_C$ , но несколько меньшее по величине. При



**Рис. 1.** Температурные зависимости внутреннего трения  $Q^{-1}(I)$  и модуля сдвига G(2) для кристалла CsH<sub>2</sub>AsO<sub>4</sub> при скорости нагрева 0.5 K/min.



**Рис. 2.** Температурные зависимости внутреннего трения  $Q^{-1}(1)$ , модуля сдвига G(2) и угла спонтанного закручивания  $\varphi_s$  для кристалла KD<sub>2</sub>PO<sub>4</sub>(3).



**Рис. 3.** Температурные зависимости внутреннего трения  $Q^{-1}(1)$ , модуля сдвига G(2) и угла спонтанного закручивания  $\varphi_s$  для кристалла KH<sub>2</sub>PO<sub>4</sub> (3).

измерениях  $Q^{-1}$  и G в режиме нагрева и последующего охлаждения наблюдается температурный гистерезис, составляющий 5К при скорости изменения температуры 1 К/min. Изучение температурных зависимостей  $Q^{-1}$ на разных частотах в интервале от 6 Hz до 150 kHz показало, что высота пика в T\* изменяется обратно пропорционально частоте, в то время как сущесвенного смещения пика  $Q^{-1}$  по температурной шкале при этом не происходит. Такое поведение пика внутреннего трения характерно для низкочастотных релаксационных процессов, связанных с фазовым превращением [12]. Однако в окрестности этого пика  $Q^{-1}$  не было обнаружено каких-либо особенностей в температурном ходе диэлектрической проницаемости  $\varepsilon_{33}$  на частоте 1.5 kHz и электропроводности. Причину этого обсудим несколько позже.

Если полагать, что пик механических потерь при  $T^*$  обусловлен флуктуационным механизмом зарождения новой фазы вещества и движением фазовой границы через систему стопоров [9,12], то для случая достаточно малых амплитуд колебаний образца высота пика  $Q_m^{-1}$  должна подчиняться следующему уравнению:

$$Q_m^{-1} = \frac{G\beta x_s^2}{kT} \cdot \frac{m}{\omega},\tag{1}$$

где m — скорость фазового превращения, т.е. относительный объем вещества, претерпевающего фазовый переход в единицу времени;  $\beta$  — эффективный объем критического зародыша; G — модуль сдвига;  $x_s$  — скачок спонтанной деформации в точке фазового перехода,  $\omega$  частота, k — постоянная Больцмана, T — температура.

Как видно из формулы (1), флуктуационный механизм  $Q^{-1}$  не только объясняет обратную зависимость высоты пика  $Q_m^{-1}$  от частоты, но и предсказывает линейную зависимость  $Q_m^{-1}$  от скорости изменения температуры



**Рис. 4.** Температурные зависимости  $Q^{-1}$  в окрестности  $T^*$  для кристалла CsH<sub>2</sub>H<sub>2</sub>AsO<sub>4</sub> при различных скоростях нагрева V: I - 0.5; 2 - 1; 3 - 2.5 К/min. На вставке — зависимость высоты пика  $Q_m^{-1}$  от скорости нагрева V.

V (которая пропорциональна *m*). Именно такие зависимости  $Q_m^{-1}$  от V были получены в эксперименте для всех изученных кристаллов (см., например, рис. 4 для кристалла CDA). Оценки показали, что наблюдаемые эффекты не связаны с выравниванием температуры по объему образца из-за его конечной температуропроводности и с влиянием термоупругих деформаций на измеряемые в эксперименте величины  $Q^{-1}$  и G. Действительно, величину наибольшего запаздывания температуры  $\Delta T$  вдоль радиуса образца *r*, обусловленного температуропроводностью  $\chi$  материала, можно оценить из следующего выражения:

$$\Delta T = \frac{Vr^2}{2\chi}.$$
 (2)

Подставив в формулу (2) значения r = 1 mm,  $\chi = 10^{-3}$  cm<sup>2</sup>/s [13] и наибольшую в условиях эксперимента V = 2.5 K/min, получаем  $\Delta T = 0.1$  K, что существенно меньше ширины пика  $Q^{-1}$ , равной  $\cong 30$  K. Такой перепад температур по толщине образца вызывает термоупругую деформацию

$$x_T = \alpha_T \Delta T/2, \tag{3}$$

где  $\alpha_T$  — коэффициент линейного расширения. Полагая  $\alpha_T = 4 \cdot 10^{-5} \, \text{K}^{-1}$  [13] для  $T = 300 \, \text{K}$  и  $\Delta T = 0.1 \, \text{K}$ , получаем  $x_T = 2 \cdot 10^{-6}$ , что на порядок величины меньше тех амплитуд деформации, которые были использованы в эксперименте.

Формула (1) дает возможность оценить величину скачка спонтанной деформации  $x_s$  при фазовых переходах в  $T_C$  и  $T^*$ , исходя из экспериментальных данных по внутреннему трению. Полагая, что величина объема критического зародыша совпадает по порядку величины с размерами областей Кенцига  $\beta \cong 10^{-19} \,\mathrm{cm}^3$  [14] и подставляя в (1) необходимые данные из эксперимента, получаем для CDA, DKDP и KDP соответственно значения  $x_s = 10 \cdot 10^{-3}$ ,  $5 \cdot 10^{-3}$  и  $1.5 \cdot 10^{-3}$  при температуре  $T_C$ и  $x_s = 3 \cdot 10^{-3}$ ,  $9.8 \cdot 10^{-4}$  и  $5 \cdot 10^{10^{-4}}$  при температуре  $T^*$ .

Согласно формуле (1), низкочастотное внутреннее трение при фазовом переходе 1-го рода определяется кинетикой фазового превращения и в случае изотермических измерений  $Q^{-1}$  при фиксированной температуре  $(V \rightarrow 0)$  должны наблюдаться временные зависимости  $Q^{-1}$ . Пример таких зависимостей для кристалла CDA показан на рис. 5. Аналогичные зависимости были получены также и для кристаллов KDP и DKDP. Установлено, что зависимости  $Q^{-1}(t)$  достаточно хорошо аппроксимируются экспоненциальными функциями типа

$$Q^{-1}(t) = Q_{\infty}^{-1} + \left(Q_0^{-1} - Q_{\infty}^{-1}\right) \cdot \exp(-t/\tau), \quad (4)$$

где  $Q_0^{-1}$  — внутреннее трение в начальный момент времени,  $Q_\infty^{-1}$  внутреннее трение при  $t \to \infty$ ,  $\tau$  — время релаксации.

Возможность такой аппроксимации подтверждается тем, что в координатах  $\lg \gamma = \lg (Q_0^{-1} - Q_\infty^{-1})/(Q^{-1} - Q_\infty^{-1}))$  от времени *t* экспериментальные точки достаточно хорошо ложатся на прямые линии (вставка на рис. 5). Оцененное по (4) время релаксации  $\tau$  уменьшается с ростом температуры, а температурная зависимость  $\tau$  подчиняется уравнению Аррениуса

$$\tau = \tau_0 \exp\left(\frac{U}{kT}\right),\tag{5}$$

где  $\tau_0$  — предэкспоненциальный множитель, слабо зависящий от температуры, k — постоянная Больцмана, U — энергия активации.

Обработка экспериментальных результатов с помощью формулы (5) дает значение  $\tau_0 = 1.6 \text{ min}$  и высоты барьера U = 0.1 eV, которая близка к энергии взаимодействия межфазной границы с точечным дефектом [12]. Таким образом, временные зависимости  $Q^{-1}$  могут быть объяснены кинетикой межфазных границ, определяемой



**Рис. 5.** Временны́е зависимости  $Q^{-1}$  в окрестности  $T^*$  кристалла CsH<sub>2</sub>AsO<sub>4</sub> при различных температурах: 1 - 298, 2 - 308, 3 - 318 K. На вставке — зависимость lg  $\gamma$  от времени для T = 318 K.

Физика твердого тела, 2000, том 42, вып. 11

2077

диффузионным перераспределением точечных дефектов в процессе изотермического отжига и перемещением межфазных границ с течением времени в новые, энергетически более выгодные положения.

Физическая природа механической релаксации при фазовом переходе 1-го рода заключается в том, что скорость перемещения фазовой границы в процессе фазового превращения контролируется термофлуктуационным преодолением потенциальных барьеров, созданных стопорами (точечными дефектами). При этом роль перегрева (переохлаждения) в возникновении внутреннего трения сводится к уменьшению высоты потенциального барьера вследствие давления на межфазную границу со стороны термодинамически невыгодной фазы. Очевидно, что потенциальные барьеры для движущейся межфазной границы создает ее взаимодействие с точечными дефектами кристаллической решетки. В условиях эксперимента ширина пика  $Q^{-1}$  на температурной шкале определяется продолжительностью во времени процесса фазового перехода, а форма пика  $Q^{-1}$  отражает изменение скорости фазового превращения при изменении температуры.

Полученные экспериментальные данные позволяют считать, что особенности внутреннего трения и модуля сдвига в окрестности температуры  $T^*$  в исследованных кристаллах могут быть связаны с наличием выше  $T_C$ нового структурного фазового перехода 1-го рода. Этот вывод подтверждается также исследованиями температурной зависимости угла  $\varphi_s$  спонтанного закручивания образца в крутильном маятнике (кривые 3 на рис. 2 и 3). Видно, что параэлектрической фазе при температурах, близких к  $T^*$ , также как и при сегнетоэлектрическом фазовом переходе в  $T_C$ , происходит скачкообразное изменение  $\varphi_s$ . Причем величина скачка в  $T^*$  заметно меньше, чем в окрестности  $T_C$ .

Известно [15], что в сегнетоэлектриках со сдвиговой спонтанной деформацией  $x_s$ , возникающей в  $T_C$ , появление скалывающих компонент деформации приводит в отсутствии внешнего механического напряжения к спонтанному закручиванию образца в крутильном маятнике при изменении температуры в окрестности точки фазового перехода на угол  $\varphi_s$ , равный

$$\varphi_s = \left(\frac{3l}{4a}\right) \cdot x_s. \tag{6}$$

Здесь *l* — длина образца, *a* — поперечный размер образца.

Оценка по (6) величины скачка деформации в точке Кюри кристалла KDP дала  $x_{6s} = 1.4 \cdot 10^{-3}$ , что близко к значению  $x_{6s} = 1.5 \cdot 10^{-3}$ , приведенному в [16]. Скачок деформации при температуре  $T^*$ , оцененный по измеренному углу закручивания, имеет существенно меньшую величину  $x_6 = 3 \cdot 10^{-3}$ ,  $8.5 \cdot 10^{-4}$  и  $2.5 \cdot 10^{-4}$ для изученных кристаллов CDA, DKDP и KDP соответственно.

Несмотря на то, что кристаллы семейства KH<sub>2</sub>PO<sub>4</sub> являются хорошо изученными объектами, в литературе отсутствуют сведения, которые могли бы на основе структурных исследований подтвердить наличие фазового перехода при температурах, близких к  $T^*$ . Поэтому маловероятно, что подобный фазовый переход, если он существует, происходит во всем объеме кристалла, повидимому, он происходит лишь в некоторых локальных областях — включениях другой фазы. Такое предположение основывается на результатах исследования кристалла KDP методом просвечивающей электронной микроскопии [17,18], в котором было обнаружено, что при комнатной температуре (т.е. существенно выше  $T_C$ ) в тетрагональной матрице (точечная группа симметрии 42m) присутствуют включения ромбической фазы (*mm2*). Средний размер включений составляет величину порядка 500-4500 Å, а общий объем включений невелик и составляет от 1.5 до 5% в разных кристаллах. Можно считать, что обнаруженные в работе аномалии  $Q^{-1}$  и G связаны со структурным фазовым переходом не в тетрагональной матрице, а во включениях, при этом макроскопическая симметрия матрицы не изменяется. Поскольку объемная доля включений мала, то диэлектическая проницаемость такой микрогетерогенной системы определяется в основном диэлектрическими свойствами матрицы, а не включений, что объясняет отсутствие диэлектрических аномалий при температуре T\*.

Наличие фазового перехода при  $T^*$  во включениях фазы с орторомбической симметрией mm2 подтверждается также обнаруженной в экспериментах ориентационной зависимостью  $Q^{-1}$  и G. Пик внутреннего трения  $Q_m^{-1}$  и смягчение модуля сдвига G наблюдаются не при любой ориентации образцов относительно кристаллографических осей. Аномалии  $Q^{-1}$  и G явно выражены в окрестности Т\* только в случае образцов Х-ориентации и полностью отсутствует для образцов Z-ориентации. Аномальное поведение упругих и неупругих свойств в случае образцов Х-ориентации объясняется тем, что внешнее крутильное напряжение создает скалывающие компоненты  $\sigma_5$  и  $\sigma_6$  и, следовательно, сопряжено с параметром перехода x<sub>6</sub>. При кручении образцов Z-ориентации возникают компоненты  $\sigma_4$  и  $\sigma_5$ , которые не "зацеплены" с  $x_6$ , поэтому аномалии  $Q^{-1}$  и G вблизи  $T^*$  отсутствуют.

Таким образом, совокупность полученных в данной работе экспериментальных фактов, таких как: наличие пика внутреннего трения  $Q^{-1}$  и характерное для фазовых переходов смягчение модуля сдвига G; гистерезис  $Q^{-1}$  и G при циклическом изменении температуры; слабая зависимость положения пика  $Q^{-1}$  от частоты; ориентационная зависимость  $Q^{-1}$  и G; долговременная механическая релаксация при изотермической выдержке образца в области пика  $Q^{-1}$ , а также скачкообразное изменение сдвиговой компоненты деформации  $x_6$ , оцененное по внутреннему трению и по углу спонтанного закручивания образца в крутильном маятнике, позволяет заключить, что в изученных кристаллах при температуре  $T^*$  про-исходит фазовый переход во включениях с изменением

симметрии  $\bar{4}2mm \rightarrow mm2$ . Причины возникновения включений орторомбической фазы в тетрагональной матрице пока еще точно не установлены. Высказываются предположения [18], что небольшие концентрации неконтролируемых примесей (Fe<sup>3+</sup>, Cr<sup>3+</sup>, Ca<sup>2+</sup>, Al<sup>3+</sup>) могут создавать локальные деформации, которые и приводят к орторомбическим искажениям кристаллической решетки. Вполне возможно, что роль таких примесей могут играть также различные фосфатные комплексы (HPO<sub>4</sub><sup>-2</sup>, H<sub>5</sub>P<sub>2</sub>O<sub>8</sub><sup>-</sup>, H<sub>3</sub>PO<sub>4</sub>), которые всегда присутствуют даже в тщательно очищенных насыщенных водных растворах KH<sub>2</sub>PO<sub>4</sub> [19].

## Список литературы

- A.I. Baranov, V.P. Khiznichenko, L.A. Shuvalov. Ferroelectrics 100, 135 (1989).
- [2] А.Т. Амандосов, И.А. Величко, Л.Н. Рашкович. Кристаллография 26, 2, 406 (1981).
- [3] K. Itoh, T. Matsubayashi, E. Nakamura, H. Motegi. J. Phys. Soc. Jap. 39, 3, 843 (1975).
- [4] J.-H. Park, K.-S. Lee, J.-N. Kim. J. Korean Phys. Soc. 32, S1149 (1998).
- [5] R. Blinc, V. Dinic, D. Kolar, G. Lahajnar, J. Stepisnik, S. Zumer, N. Vene, D. Hafzi. J. Chem. Phys. 49, 11, 4996 (1968).
- [6] В.Г. Гофман, М.Д. Ивченкова, А.В. Мищенко, Б.У. Шаймердинов. Кристаллография 22, 5, 1107 (1977).
- [7] J.I. Eicholson, J. Soest. J. Chem. Phys. 60, 2, 715 (1974).
- [8] B.-K. Choi, S.-C. Chung. Ferroelectrics 155, 153 (1993).
- [9] S.A. Gridnev, B.M. Darinskii. Phys. Stat. Sol. (a), 47, 379 (1978).
- [10] S.A. Gridnev, S.A. Kravchenko. Ferroelectrics 186, 313 (1996).
- [11] С.А. Гриднев, В.И. Кудряш, Л.А. Шувалов. Изв. АН СССР. Сер. физ. 43, 8, 1718 (1979).
- [12] S.A. Gridnev. Ferroelectrics 112, 107 (1990).
- [13] Акустические кристаллы. Справочник / Под ред. М.П. Шаскольской. Наука, М. (1973). 632 с.
- [14] W. Kanzig. Helv. Phys. Acta 24, 175 (1951).
- [15] С.А. Гриднев, А.В. Бирюков, О.Н. Иванов. ФТТ 41, 10,1848 (1999).
- [16] Ф. Иона, Дж. Ширане. Сегнетоэлектрические кристаллы. Мир, М. (1965). 555 с.
- [17] Е.И. Суворова, В.В. Клечковская. Кристаллография 36, 3, 729 (1991).
- [18] E.I. Suvorova, V.V. Klechkovskaya. Ferroelectrics 144, 245 (1993).
- [19] M.R. Cerreta, K.A. Berglund. J. Crystal Growth 84, 577 (1987).