Распределение электрического тока в сверхпроводящей пленке с ферромагнитными аппликациями

© Ю.И. Беспятых, В. Василевский*

Институт радиотехники и электроники, 141120 Фрязино, Московская обл., Россия *Технический университет, Радом, Польша

(Поступила в Редакцию 11 августа 1999 г.)

Вычислено простанственное распределение электрического тока в сверхпроводящей пленке, покрытой ферромагнитным материалом с одномерной шероховатостью поверхности. Показано, что использование покрытий и аппликаций с большой магнитной восприимчивостью позволяет добиться существенной неоднородности тока в плоскости сверхпроводящей пленки и анизотропной зависимости распределения тока от его направления относительно направления неоднородности.

Открытие высокотемпературной сверхпроводимости и успехи в технологии создания наноструктур активизировали исследование систем, в состав которых входят сверхпроводящие и магнитные компоненты. Было показано, что в структурах с обменным взаимодействием между спиновой подсистемой ферромагнетика и электронами проводимости сверхпроводника возможны пространственно неоднородные состояния [1-3], сходные с криптоферромагнитным состоянием в ферромагнитных сверхпроводниках [4,5]. В слоистых структурах с электромагнитным взаимодействием локализованных спинов магнетика со спаренными электронами сверхпроводника при толщине ферромагнитных пленок, меньшей критической, может наблюдаться подавление магнитных Особый интерес в прикладном отдоменов [6–11]. ношении представляют эффекты возникновения слабых связей за счет полей рассеяния доменов ферромагнетика [12,9], искусственного закрепления абрикосовских вихрей с помощью магнитных аппликаций [13-14] и их депиннинга посредством уменьшения полей рассеяния вихрей материалами с большой статической магнитной восприимчивостью [15,16].

При анализе влияния магнитных включений и магнитных аппликаций на пиннинг вихрей обычно игнорируется действие транспортного тока на намагниченность и обратное влияние изменения намагниченности на распределение транспортного тока в сверхпроводящих пленках. Часто это оправдано, но в определенных ситуациях, например в случае, когда внешнее магнитное поле близко к полю ориентированного фазового перехода в магнетике, статическая восприимчивость магнетика велика, и задача о протекании электрического тока в сверхпроводнике и распределении намагниченности в магнетике должна решаться самосогласованно. В данной работе рассматриваются несколько систем, для которых соседство сверхпроводника с ферромагнетиком приводит к существенному перераспределению транспортного тока в сверхпроводящей пленке.

1. Вычислим пространственное распределение сверхпроводящего тока вблизи плоской поверхности y = 0массивного сверхпроводника второго рода ($R \to \infty$), граничащего с одноосным ферромагнетиком (рис. 1). Будем считать, что ось легкого намагничивания ферромагнетика \mathbf{n}_A и плоскость тока $\mathbf{j}(\mathbf{r})$ параллельны поверхности сверхпроводника ($\mathbf{n}_A ||\mathbf{j}||\mathbf{n}_z$). Влиянием неоднородного обмена и возможным закреплением спинов на поверхности магнетика пренебрегаем, полагая, что характерный пространственный масштаб изменения намагниченности $\Lambda \gg \alpha^{1/2}$ (α — константа неоднородного обмена).

Магнитное поле **H** в системе есть сумма поля \mathbf{H}_0 , связанного с транспортным током в отсутствие магнетика, и дипольного поля \mathbf{H}_D , создаваемого намагниченностью **M**,

$$\mathbf{H} = \mathbf{H}_0 + \mathbf{H}_D. \tag{1}$$

Полные поле **H** и плотность тока **j** в сверхпроводнике удовлетворяют уравнению Лондонов и уравнениям магнитостатики

$$\mathbf{H} + \lambda^2 \nabla \nabla \mathbf{H} = 0, \quad \nabla \mathbf{H} = (4\pi/c)\mathbf{j}, \quad \nabla \mathbf{H} = 0, \quad (2)$$

 λ — лондоновская глубина проникновения магнитного поля, c — скорость света в вакууме. Вне сверхпроводника электрический ток отсутствует, а распределения поля **H** и намагниченности **M** описываются уравнением состояния

$$[\mathbf{M}(\mathbf{H}_0 + \mathbf{H}_D)] = \mathbf{0} \tag{3}$$

и уравнениями Лапласа и Пуассона для скалярных потенциалов Ψ_0, Ψ_D магнитных полей $\mathbf{H}_0 = \nabla \Psi_0, \mathbf{H}_D = \nabla \Psi_D$

$$\Delta \Psi_0 = 0, \quad \Delta \Psi_D = -4\pi (\mathbf{\nabla} \mathbf{M}). \tag{4}$$

На границах раздела сред выполняются стандартные электродинамические условия непрерывности тангенциальных составляющих магнитного поля **H** и нормальной составляющей магнитной индукции $\mathbf{B} = \mathbf{H} + 4\pi \mathbf{M}$. Статическое состояние системы в поле \mathbf{H}_0 , играющем роль внешнего поля, соответствует минимуму



Рис. 1. Геометрия структуры сверхпроводящая пленка (*I*)-ферромагнитное покрытие с шероховатой поверхностью (*II*).

потенциала Гиббса G

$$G = \frac{1}{8\pi} \int_{V} d\nu (\mathbf{H} - \mathbf{H}_{0})^{2} - \int_{V_{f}} d\nu (\mathbf{H}_{0}\mathbf{M} + \frac{\beta}{2}M_{z}^{2})$$
$$+ \frac{\lambda^{2}}{8\pi} \int_{V_{s}} d\nu (\nabla \mathbf{H})^{2}, \qquad (5)$$

 $\beta > 0$ — константа одноосной анизотропии ферромагнетика; V, V_f, V_s — объемы всей системы, ферромагнетика и сверхпроводника соответственно.

Пусть нижняя поверхность ферромагнетика неровная, так что координаты ее описываются уравнением $y = y_s(x)$, а внутренняя нормаль к ней **n** равна

$$\mathbf{n} = \frac{\mathbf{n}_y - (dy_s/dx)\mathbf{n}_x}{\sqrt{1 + (dy_s/dx)^2}}.$$
 (6)

Рассмотрим сначала случай малой и плавной периодической неоднородности

$$y_s(x) = -L = a\cos kx,\tag{7}$$

 $a \ll L$, $ak \ll 1$. Будем искать выражения для поля и плотности тока в системе в виде рядов по степеням амплитуды неровности *a*, ограничиваясь при этом членами первого порядка по *a* включительно.

В нулевом приближении плотность сверхпроводящего тока $\mathbf{j}_0(\mathbf{r})$ зависит только от координаты у

$$\mathbf{j}_0 = -\mathbf{n}_z J_0 \exp(-y/\lambda),\tag{8}$$

а магнитное поле $\mathbf{H}_0(y)$ описывается выражением

$$\mathbf{H}_0 = \mathbf{n}_x \begin{cases} (4\pi/c)\lambda J_0 \exp(-y/\lambda), & y > 0, \\ (4\pi/c)\lambda J_0, & y < 0. \end{cases}$$
(9)

При этом намагниченность \mathbf{M}_0 параллельна поверхности сверхпроводника и компоненты ее $M_{0x,z}$ связаны с полным током $I_0 = \lambda J_0$ на единицу ширины системы вдоль

Физика твердого тела, 2000, том 42, вып. 4

оси **n**_x соотношениями

$$M_{0x} = M_0 \sin \vartheta_0, \quad M_{0z} = M_0 \cos \vartheta_0,$$
$$\sin \vartheta_0 = 4\pi I_0 / (c\beta M_0), \tag{10}$$

Мо — намагниченность насыщения ферромагнетика.

Первое приближение по амплитуде неровности α для плотности тока \mathbf{j}_1 и магнитного поля \mathbf{H}_1 в сверхпроводнике имеет вид

$$\mathbf{j}_1 = \mathbf{n}_z (kc/4\pi\lambda^2 \tau) A_1 \cos(kx) \exp(-\tau y), \qquad (11)$$

$$\mathbf{H}_1 = kA_1[\mathbf{n}_x \cos kx - \mathbf{n}_y(k/\tau)\sin(kx)]\exp(-\tau y), \quad (12)$$

а потенциал дипольного поля в ферромагнетике Ψ_{D1} равен

$$\Psi_{D1} = A_1 [\cosh(qy) - (k^2/q\tau\mu_{yy})\sinh(qy)]\sin(kx), \quad (13)$$

где

$$A_{1} = 4\pi a k M_{0x} \left[\frac{k \cosh(qL) + q \mu_{yy} \sinh(qL) +}{(k^{2}/q\tau \mu_{yy}) (k \sinh(qL) + q \mu_{yy} \cosh(qL))} \right]^{-1},$$

$$q^{2} = k^{2} \mu_{xx}/\mu_{yy}, \quad \tau^{2} = k^{2} + \lambda^{-2}, \quad (14)$$

 $\mu_{xx} = 1 + (4\pi/\beta) \cos^2 \vartheta_0, \ \mu_{yy} = 1 + 4\pi/\beta$ — компоненты тензора магнитной проницаемости μ ферромагнетика.

Максимальное относительное изменение плотности транспортного тока за счет обратного влияния намагниченности $\varepsilon = j_1(x = 0, y = 0)/J_0$ для тонкого ферромагнетика $qL \propto kL \ll 1$ равно

$$\varepsilon = \frac{4\pi ak}{\beta\lambda\tau(1+k\tau+\mu_{xx}kL)}.$$
(15)

В противоположном случае $qL \propto kL \gg 1$

$$\varepsilon \simeq \frac{8\pi ka}{\beta} \frac{kq\mu_{yy}}{\lambda(k+q\mu_{yy})(k^2+q\tau\mu_{yy})} \exp(-qL).$$
(16)

Согласно (16), для толстых магнитных покрытий влияние неровности их поверхности на распределение транспортного тока экспоненциально мало. Однако для относительно тонких покрытий (15) с малой анизотропией $\beta \ll 4\pi$, $kL\mu_{xx} \leq 1$ величина ε может быть значительной, вследствие чего используемый нами приближенный метод расчета оказывается неприменимым.

Для изолированного сверхпроводника толщины *R* распределение транспортного тока и создаваемого им внутреннего магнитного поля имеет вид

$$\mathbf{j}_{0} = -\mathbf{n}_{z}J_{0}\cosh[(|y| - R/2)/\lambda] / \cosh[R/(2\lambda)],$$
$$\mathbf{H}_{0} = \mathbf{n}_{x}(4\pi\lambda J_{0}/c)\sinh$$
$$\times [(R/2 - |y|)/\lambda] / \cosh[R/(2\lambda)], \quad (17)$$

а компоненты магнитного поля в сверхпроводнике в первом приближении по малому параметру *a* равны

$$H_{1x} = (B_1 \cosh \tau y + C_1 \sinh \tau y) \cos kx,$$

$$H_{1y} = (k/\tau)(B_1 \sinh \tau y + C_1 \cosh \tau y) \sin kx,$$

$$B_1 = kA_1, \ C_1 = -kA_1(\tau \cosh \tau R)$$

$$+ |k| \sinh \tau R)/(\tau \sinh \tau R + |k| \cosh \tau R).$$
 (18)

Величина A₁ по-прежнему описывается формулой (14), если в последней выполнить замену

$$[k^2/(au q\mu_{yy})]
ightarrow [k^2/(au q\mu_{yy})],$$

 $(\tau \cosh \tau R + |k| \sinh \tau R)/(\tau \sinh \tau R + |k| \cosh \tau R).$ (19)

Из выражений (17)–(19) следует, что значения ε убывают с уменьшением толщины сверхпроводящей пленки. В случае тонких магнитного и сверхпроводящего слоев ($R \ll \lambda$, $qL \ll 1$)

$$\varepsilon \cong \pi a R / (\beta \lambda^2). \tag{20}$$

С ростом λ абсолютное значение ε монотонно убывает, поэтому в дальнейшем мы ограничимся анализом предельного случая $\lambda \to 0$.

2. Определим теперь изменение распределения поверхностного транспортного тока в полуограниченном сверхпроводнике, вызванное ферромагнитным полоском с толщиной L и шириной D (рис. 2, a) и решеткой таких полосков с периодом T (рис. 2, b). Для нахождения тока, магнитного поля и намагниченности в системе воспользуемся вариационным методом. Будем искать минимум потенциала Гиббса системы G (12), который при указанных условиях сводится к интегралу по объему магнитного материала

$$G = -\int_{V_f} dv \left(\mathbf{M} \mathbf{H}_0 + \frac{1}{2} \mathbf{M} \mathbf{H}_D + \frac{\beta}{2} M_z^2 \right), \qquad (21)$$

предполагая, что намагниченность в полоске однородна и параллельна плоскости *xz*. Магнитное поле \mathbf{H}_0 невозмущенного транспортного тока в (21) описывается формулой (9), а потенциал Ψ_D дипольного поля \mathbf{H}_D удовлетворяет уравнению

$$\Delta \Psi_D = -2\pi [\delta(x+D/2) - \delta(x-D/2)] \\ \times [\theta(y+L) - \theta(y-L)]M_x, \qquad (22)$$

где

$$\theta(y) = \begin{cases} 1, & y > 0, \\ 0, & y < 0. \end{cases}$$

В дальнейшем нам потребуется только компонента дипольного поля *H*_{Dx}, вид которой следующий:

$$H_{Dx} = -M_x \begin{pmatrix} \arctan \frac{L+y}{D/2+x} + \arctan \frac{L-y}{D/2-x} + \\ \arctan \frac{L-y}{D/2+x} + \arctan \frac{L+y}{D/2-x} \end{pmatrix}.$$
 (23)



Рис. 2. Система сверхпроводящая пленка-ферромагнитный полосок; стрелкой показана проекция намагниченности на плоскость xy (*a*); система сверхпроводящая пленка-периодическая решетка ферромагнитных полосков (*b*).

С учетом (23) гиббсовская энергия единицы длины полоска *g* получается равной

$$g = 2DL(-H_0M_x + (\beta_{eff}/2)M_x^2), \qquad (24)$$

где $\beta_{eff} = \beta + \tilde{\beta}$ — константа эффективной анизотропии,

$$\beta = (1/\nu)f(\nu),$$

$$f(\nu) = \left[4\nu \operatorname{arcctg} \nu + 2\ln\nu + (1-\nu^2)\ln(1+1/\nu^2)\right],$$

$$\nu = D/(2L).$$
(25)

Из условия минимума (24) находим

$$M_x = H_0 / \beta_{eff}.$$
 (26)

Подстановка (26) в (23) приводит к следующему выражению для ε :

$$\varepsilon = (4/\beta_{eff}) \operatorname{arcctg} \nu.$$
 (27)

Для случая тонкого полоска $\nu \gg 1$

$$\tilde{\beta} \cong (3+2\ln\nu)/\nu, \quad \varepsilon \cong 4/(\beta\nu+3+2\ln\nu).$$
 (28)

В кубических ферро- и ферримагнетиках кристаллографическая анизотропия, как правило, мала. Для качественных оценок поля анизотропии возьмем первую константу кубической анизотропии. При температуре t = 300 К для железа $K_1 = 4.72 \cdot 10^5$ erg/cm³ [17], а для никеля $K_1 = -5.7 \cdot 10^4$ erg/cm³ [18], откуда по порядку величины $\beta \propto 0.1$. Значения K_1 для этих веществ мало меняются с понижением температуры, так как их температура Кюри высока [19]. Для железоиттриевого граната $K_1 \cong 1.5 \cdot 10^5$ при t = 100 K и $K_1 \cong 2.5 \cdot 10^5$ erg/cm³ при $t \cong 0$ K [19], что дает $\beta \propto 1$. Согласно (26), $|\varepsilon| \propto 1$ вплоть до $\nu \propto 10^2$ для железа и никеля и до $\nu \propto 10$ для железоиттриевого граната.

Если система помещена дополнительно во внешнее магнитное поле $\mathbf{H}_e = H_e \mathbf{n}_z$, $H_e < H_{c1}$ (H_{c1} — нижнее критическое поле сверхпроводника), то к энергии (24) следует добавить слагаемое $-2DLH_e(M_0^2 - M_x^2)^{1/2}$.

Для структуры из сверхпроводника и периодической решетки магнитных полосков (рис. 2, *b*) компонента дипольного поля *H*_{Dx} в магнетиках и вакууме равна

$$H_{Dx} = -M_x \sum_{n=-\infty}^{+\infty} \begin{pmatrix} \arctan \frac{L+y}{D/2+x_n} + \arctan \frac{L-y}{D/2-x_n} \\ + \arctan \frac{L-y}{D/2-x_n} \end{pmatrix}, \quad (29)$$

где $x_n = x + nT$, а энергия системы на единицу длины одного полоска выражается формулой (24), если в ней положить

$$\beta_{eff} = \beta + \beta + \beta,$$

$$\tilde{\tilde{\beta}} = (1/\nu) \sum_{n=1}^{\infty} [f(n\delta + \nu) + f(n\delta - \nu) - 2f(n\delta)],$$

$$\delta = T/2L.$$
(30)

Появление слагаемого $\tilde{\beta}$ в (30) связано с дипольным взаимодействием магнитных моментов полосков. Это взаимодействие несколько уменьшает изменение транспортного тока под полосками, но зато увеличивает его изменение на свободной поверхности сверхпроводника. При $\nu \gg 1$, $\delta \gg 1$, $\delta - \nu \gg 1$

$$\tilde{\tilde{\beta}} \cong \frac{1}{\nu} \left[\frac{1}{3\delta^2} \left(-\frac{\pi^2}{6} - \frac{\delta^2}{2\nu^2} + \frac{\pi^2}{2\sin^2(\pi\nu/\delta)} \right) + 2\ln \frac{\sin(\pi\nu/\delta)}{\pi\nu/\delta} \right].$$
(31)

Из (29) видно, что дипольное поле и связанное с ним влияние магнитного материала на транспортный ток исчезают, если ширина зазора между соседними полосками стремится к нулю.

Предположение об однородности намагниченности несправедливо для областей объема, отстоящих от краев полосков на расстоянии порядка толщины полоска (см., например, [20]). Оценки же величины тока и магнитного поля вблизи центра полоска остаются правильными, если $\nu \gg 1$, т.е. при условии, что суммарный объем этих областей мал по сравнению с полным объемом магнитного материала.

При ориентации тока вдоль направления неоднородности ($\mathbf{j} \parallel \mathbf{n}_x$) он не меняет состояние магнитной подсистемы и остается однородным в плоскости *xz*, если направление поля \mathbf{H}_0 совпадает с направлением намагниченности в магнитной аппликации. Если же поле \mathbf{H}_0 антипараллельно намагниченности, то с его увеличением возможен фазовый переход первого рода с переориентацией намагниченности по полю \mathbf{H}_0 .

Таким образом, распределение электрического тока и магнитного поля в структурах данного типа существенно зависит от его направления по отношению к оси симметрии системы. Поскольку при изменении структуры тока меняются условия появления и закрепления флюксонов, то в гибридных системах будет наблюдаться и анизотропия критического тока, если собственный пиннинг вихрей в сверхпроводящей пленке достаточно мал.

При анализе основного состояния системы мы не касались роли доменной структуры в магнетиках. Известно, однако, что эффективная статическая восприимчивость магнитомягких материалов в доменной фазе также велика (см., например, [19]), Если размеры доменов малы по сравнению с шириной магнитных полосков, то порядковую оценку величины эффекта при наличии доменной структуры можно получить из формул первой части данной работы, заменяя значения компонент тензора магнитной проницаемости ферромагнетика μ на соответствующие значения компонент тензора эффективной магнитной проницаемости в неоднородной фазе.

Список литературы

- А.И. Буздин, Л.Н. Булаевский, М.Л. Кулич, С.В. Панюков. УФН 144, 597 (1984).
- [2] А.И. Буздин, Л.Н. Булаевский. ЖЭТФ 94, 3, 256 (1988).
- [3] М.Г. Хусаинов. ЖЭТФ 100, 2, 524 (1996).
- [4] P.W. Anderson, H. Suhl. Phys. Rev. 116, 898 (1959).
- [5] Сверхпроводимость в тройных соединениях. Т. 2 / Под ред. М. Мейпла, Э. Фишера. Мир, М. (1985). 392 с.
- [6] А.Ф. Садреев. ФТТ **35**, *8*, 2099 (1933).
- [7] Ю.И. Беспятых, В. Василевский, М. Гайдек, А.Д. Симонов, В.Д. Харитонов. ФТТ 36, 6, 586 (1994).
- [8] A. Stankiewicz, S. Robinson, G.F. Gering, V.V. Tarasenko. J. Phys. Cond. Matt. 9, 1019 (1997).
- [9] Ю.И. Беспятых, В. Василевский, Э.Г. Локк, В.Д. Харитонов. ФТТ 40, 6, 1068 (1998).
- [10] Ю.И. Беспятых, В. Василевский. Радиотехника и электроника 44, 9, 1 (1999).
- [11] Yu.I. Bespyatykh, E.H. Lokk, S.A. Nikitov, W. Wasiliewski. J. Magn. Magn. Mater. (1999), in print.
- [12] Э.Б. Сонин. Письма в ЖТФ 14, 18, 1640 (1988).
- [13] F.M. Sauerzopf, H.P. Wiesinger, W. Kritscha, H.W. Weber, G.W. Crabtree, J.Z. Liu. Phys. Rev. B43, 3091 (1991).
- [14] W. Schindler, B. Roas, G. Saemann-Ischenko, L. Schultz, H. Gerstenberg. Physica. C169, 117 (1990).
- [15] Ю.И. Беспятых, В. Василевский, В.Д. Харитонов. ФТТ 39, 2, 231 (1997).
- [16] Ю.И. Беспятых, В. Василевский, В.Д. Харитонов. ЖТФ 67, 7, 27 (1997).
- [17] W.L. Becker, W. Döring. Ferromagnetismus. Springer, Berlin (1939). S. 284.
- [18] W. Heisenberg. Z. Phys. 69, 287 (1931).
- [19] С. Тикадзуми. Физика ферромагнетизма: магнитные характеристики и практические применения. Мир, М. (1987). 420 с.
- [20] R.I. Joseph, E. Schlömann. J. Appl. Phys. 35, 1, 159 (1964).