

01;05;09;11

## Эффекты брэгговского отражения при распространении магнитоупругих СВЧ импульсов в структуре тонкая пленка феррита–диэлектрическая подложка

© С.В. Мериакри

Институт радиотехники РАН,  
141120 Фрязино, Московская область, Россия

(Поступило в Редакцию 7 апреля 1997 года. В окончательной редакции 26 апреля 1999 г.)

Проведено теоретическое исследование распространения СВЧ импульса в структуре тонкая ферритовая пленка–подложка в режиме переотражений ("звона") акустической компоненты подложки. Показано, что в результате взаимодействия СВЧ импульсов с границами подложки распространение СВЧ возбуждения в системе можно рассматривать как распространение волнового пакета в периодической неоднородной среде. Получены основные характеристики распространяющегося волнового пакета.

Исследование распространения импульсов магнитоупругих волн (МУВ) интересно, с одной стороны, в связи с изучением природы магнитных волн и их взаимодействия с акустическими волнами в магнитных материалах, с другой стороны, в связи с расширением представлений об импульсном распространении СВЧ сигналов. Одним из интересных объектов исследования в этом направлении является изучение импульсов быстрых магнитоупругих волн (МУВ) [1–4]. Импульсное распространение МУВ обладает рядом интересных особенностей. Для таких волн подложка является диэлектрическим волноводом, в котором чисто упругие волны имеют высокую дисперсию и их фазовая скорость  $v_p \gg v_s$  ( $v_s$  — скорость звука в бесконечном кристалле). Вектор скорости быстрых упругих волн почти перпендикулярен границам подложки, и они эффективно взаимодействуют с магнитоэластическими волнами (МЭВ), в частности с волнами Дэймона–Эшбаха. В работах [5,6] было экспериментально обнаружено, что при подаче на входной преобразователь СВЧ импульса длительностью  $\tau_0$  на выходном преобразователе кроме прошедшего сигнала наблюдался ряд задержанных СВЧ импульсов, разделенных одинаковыми интервалами времени задержки  $\tau_d$  ("звон"). Первый задержанный импульс отделяет от исходного тот же интервал времени  $\tau_d$ . Эксперименты проводились на структурах, состоящих из субмикронной пленки железо-иттриевого граната (ЖИГ) на подложке галлий-гадолиниевого граната (ГГГ) в таких условиях, в которых в непрерывном режиме возникают быстрые МУВ. При исследовании времени задержки оказалось, что  $\tau_d = 2\tilde{l}/v_s$ , где  $\tilde{l}$  — толщина подложки, а при изучении серии задержанных импульсов на спектр-анализаторе оказалось, что в их спектре отсутствует ряд частот, соответствующих частотам, кратным частотам мод Лэмба подложки [7]. В [7] дано оценочное объяснение подавления частот, кратных частотам мод Лэмба подложки, на основе спектральной функции магнитоэластического эха с использованием коэффициента передачи сигнала, который в работе не определен.

В настоящей работе предлагается другой способ описания распространения СВЧ импульса со "звоном". Он основан на аналогии между процессом волноводного распространения импульсов с отражениями и распространения волн в периодических средах. Эта аналогия связана с тем, что при взаимодействии СВЧ импульса с границами волновода в системе возникает периодическая временная неоднородность. Это дает возможность, используя хорошо развитый аппарат распространения волн в периодических средах для описания импульсов в режиме "звона", получить основные характеристики распространяющихся возбуждений.

Рассмотрим геометрию задачи. Пусть пленка толщиной  $h$  расположена в полупространстве  $y > 0$ , подложка — в полупространстве  $y < 0$ . Внешнее магнитное поле  $\mathbf{H}_0 \parallel Oz$  лежит в плоскости пленки, СВЧ импульс распространяется в положительном направлении оси  $Ox$ , перпендикулярно внешнему магнитному полю. В структуре возбуждается импульсный СВЧ сигнал

$$f(t) = \begin{cases} A_0 \cos \omega_0 t, & |t| \leq \frac{\tau_0}{2}, \\ 0, & |t| > \frac{\tau_0}{2}. \end{cases}$$

Здесь  $f$  — амплитуда возбуждаемого сигнала,  $\omega$  — его частота. Под  $f$  могут подразумеваться любые компоненты СВЧ полей (магнитного, электрического, СВЧ тока) в зависимости от способа возбуждения. Спектр этого сигнала

$$G(\omega) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\frac{\tau_0}{2}}^{\frac{\tau_0}{2}} A_0 e^{i\omega t} e^{i\omega_0 t} dt = \frac{A_0}{\sqrt{2\pi}} \frac{\sin[(\omega - \omega_0)\frac{\tau_0}{2}]}{(\omega - \omega_0)\frac{\tau_0}{2}}. \quad (1)$$

Величины СВЧ магнитных полей импульса находятся из соотношения

$$\mathbf{\tilde{H}}(\mathbf{r}, t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} \mathbf{\tilde{H}}(\omega, \mathbf{r}) G(\omega) e^{i/\omega(\mathbf{q})t} d\omega, \quad (1a)$$

где  $\omega$  — круговая частота;  $q$  — волновое число;  $\mathbf{\tilde{H}}(\omega, \mathbf{r})$  — фурье-компоненты СВЧ магнитного поля импульса, распространяющегося в феррите, в точке  $\mathbf{r}$ ;  $\mathbf{\tilde{H}}(\omega, \mathbf{r})$  изменяется по мере распространения импульса в феррите; зависимость  $\mathbf{\tilde{H}}(\omega, \mathbf{r})$  будет определена далее в работе.

Система уравнений для нахождения СВЧ полей и зависимости  $\omega(\mathbf{q})$  имеет вид: а) в феррите

$$\begin{aligned} \frac{\partial \mathbf{M}}{\partial t} &= -\gamma [\mathbf{M} \times \mathbf{H}_{\text{eff}}], \\ \mathbf{H}_{\text{eff}} &= \mathbf{H}_0 + \mathbf{H}^{(m)} + b_{iklm} M_l u_{ik}, \\ \text{div } \mathbf{B} &= 0; \quad \text{rot } \mathbf{H} = 0; \quad \mathbf{B} = \mathbf{H} + 4\pi \mathbf{M}, \\ \rho \ddot{u}_i &= \frac{\partial}{\partial x_k} [c_{iklm} u_{lm} + b_{iklm} M_m M_l], \end{aligned} \quad (2)$$

где  $\mathbf{H}_{\text{eff}}$  — эффективное внутреннее магнитное поле в феррите, определяемое из уравнения

$$\frac{\delta \mathcal{H}_{\text{eff}}}{\delta \mathbf{M}} = \mathbf{H}_{\text{eff}},$$

где  $\mathcal{H}$  — гамильтониан системы

$$\begin{aligned} \mathcal{H} &= \int \left[ \mathbf{M} \mathbf{H}_0 + \frac{(\mathbf{H}^{(m)})^2}{8\pi} + b_{iklm} M_l M_m u_{ik} \right. \\ &\quad \left. + \frac{1}{2} \rho \dot{u}_i^2 + \frac{1}{2} c_{iklm} u_{ik} u_{lm} \right] dv \end{aligned}$$

(обменное взаимодействие и анизотропия в рассматриваемом случае не существенны и рассматриваться не будут); б) в вакууме

$$\text{rot } \mathbf{H} = 0, \quad \text{div } \mathbf{H} = 0, \quad (3)$$

здесь  $M$  — вектор магнитного момента феррита,  $H^{(m)}$  — поля размагничивания,  $b_{iklm}$  — тензор магнитоупругих постоянных феррита,  $u_{ik}$  — тензор деформации,  $c_{iklm}$  — тензор модулей упругости,  $u_i$  — компоненты вектора смещения,  $\gamma = 2.83 \text{ MHz/Oe}$ ,  $\rho$  — плотность; в) в подложке в моменты времени  $t$ :  $(n-1)\tau_1 < t < (\tau_1 - \tau_0)n$ ;  $n = 1, 2, 3 \dots$ ;  $\tau_0 = \tau_d/2$  уравнение имеет вид

$$\rho \ddot{u}_i = \frac{\partial}{\partial x_k} c_{iklm} u_{lm}, \quad (4)$$

в моменты времени  $t$ :  $(\tau_1 - \tau_0)n < t < n\tau_1$  СВЧ импульс достигает границу подложки и взаимодействует с ней. В результате этого взаимодействия скорость в направлении координаты  $y$ , меняет свой знак на противоположный, т. е. импульс отражается от границы,

приобретая удельный импульс силы  $\Delta F$  в результате соударения с ней

$$\Delta F = \rho v_{\text{up}} = \rho v_{\text{down}} \approx 2\rho \dot{u}_i,$$

$v_{\text{up}}$  и  $v_{\text{down}}$  — скорости звука СВЧ импульса при распространении в положительном и отрицательном направлении оси  $OY$  соответственно. Здесь учтено, что для рассматриваемых быстрых магнитоупругих волн  $v_x \ll v_y$  [1–5].

Таким образом, СВЧ импульс каждый раз при подходе к границе и взаимодействии с ней получает импульс силы, изменяющий его движение на противоположное. Сама граница локально деформируется во время взаимодействия с СВЧ импульсом. Таким образом, уравнение движения в подложке при  $t$ :  $(\tau_1 - \tau_0)n < t < n\tau_1$  примет вид

$$\rho \ddot{u}_i = \frac{\partial}{\partial x_k} [c_{iklm} u_{lm}] + \frac{2\rho \dot{u}_i}{\tau_0}. \quad (5)$$

Следует отметить, что в пленке феррита учитывать взаимодействие импульса с границами пленки не нужно, так как время пробега как акустической, так и магнитостатической волны по толщине пленки и обратно  $\tau_{pl} \ll \tau_0$ , вследствие чего в пленке реализуется квазинепрерывный режим распространения волны [8]. Компоненты СВЧ полей рассматриваемой системы были найдены в работах [4,5], причем было установлено, что в рассматриваемом случае в подложке распространяется волна Лэмба с высоким номером моды  $m$  ( $m \approx 1000$ ), которая имеет единственную компоненту вектора смещения  $u_z$ .

Из (4) и (5) следует, что подложку в данной ситуации можно рассматривать как среду с периодически меняющимися во времени коэффициентами. Так как импульсы, за исключением моментов соударений с границами подложки, движется почти равномерно, а временем соударений можно пренебречь, то периодичность во времени можно заменить периодичностью в пространстве. Учитывая, что акустическая волна движется почти перпендикулярно границам подложки ( $v_x \ll v_y$ ), пренебрегая небольшим смещением вдоль оси  $O\mathbf{X}$ , будем считать  $y \approx v_s t$ . В этих предположениях из (4) и (5) следует, что

$$\rho \frac{\partial^2 u_z}{\partial t^2} = c_{44} \nabla^2 u_z + \frac{2\rho}{\tau_0} \frac{\partial u_z}{\partial t} \Pi(y), \quad (6)$$

где

$$\Pi(y) = \begin{cases} 0, & n\tilde{l} < y < (n+1)\tilde{l} - v_s \tilde{l}, \\ -1, & (2n+1)\tilde{l} - v_s \tau_0 < y < (2n+1)\tilde{l}, \\ 1, & (2n+1)\tilde{l} - v_s \tau_0 < y < 2\tilde{l}. \end{cases}$$

Таким образом, подложка заменена эффективной полубесконечной средой с периодически меняющимися свойствами, в которой прямолинейно распространяется акустический импульс. Следует отметить, что эта периодичность учитывает условия отражения импульса от границ подложки.

Решение (6) ищем с помощью стандартной процедуры распространения волны в периодической среде [9]. Подставляя  $u_z$  в виде  $u_z \sim u_z(x, y) e^{i\omega t}$  в (6) имеем

$$\left[ \frac{\rho\omega^2}{c_{44}} \left[ 1 + \frac{2}{\omega\tau_0} \Pi(y) \right] + \nabla_{x,y}^2 \right] u_z(x, y) = 0. \quad (7)$$

Уравнение (7) является дифференциальным уравнением с периодически меняющимися коэффициентами. Нормальные моды невозмущенной среды (без члена  $\Pi(y)$ ) известны, запишем их в виде

$$u_z(x, y) = u_{z,m}(x) e^{i(\beta_m y - \omega t)},$$

где  $u_{z,m}$  представляет собой нормальные моды невозмущенной среды [8]:  $u_{z,m}(x) \sim u_m e^{iq_m x}$ .

Как нормальные моды они удовлетворяют уравнению

$$\left( \frac{\rho\omega^2}{c_{44}} + \nabla_x^2 - \beta_m^2 \right) u_{z,m} = \left( \frac{\rho\omega^2}{c_4} - q_m^2 - \beta_m^2 \right) u_{z,m} = 0. \quad (8)$$

Отсюда с учетом  $v_x \ll v_y$  имеем

$$\frac{\rho\omega^2}{c_{44}} = \beta_m^2 (1 + \xi_m^2),$$

$$\xi_m = \frac{q_m}{\beta_m} \ll 1,$$

$$u_{z,m} = u_{ml} \exp[i(q_m x - \beta_m y - \omega t)], \quad (8a)$$

$u_z$  находится из условий нормировки с учетом следующих соображений.

Пусть при  $Y = 0$  возбуждается произвольное поле с частотой  $\omega$ , тогда поле, распространяющееся в невозмущенной среде, можно представить в виде линейной комбинации нормальным мод

$$u_z = \sum A_m u_m(x) e^{i(\beta_m y - \omega t)}. \quad (9)$$

Нормировку выбираем следующим образом:

$$\int u_{zk}^*(x) u_{zl}(x) dx = \frac{2\rho}{c_{44}} \frac{\omega}{|\beta_k|} \delta_{kl}. \quad (9a)$$

Нормировка выбирается так, чтобы в единицу времени через единичную площадь протекал поток энергии СВЧ импульса, равный единице. Решение уравнений для среды с периодически меняющимися возмущениями  $u_z^{(b)}$  будем искать аналогично [9] методом вариации постоянных или связанных мод. Для этого считаем коэффициенты  $A_m$  в (9) зависящими от  $y$ . Подставляя (9) с  $A_m(y)$  в уравнение движения (7), с учетом (8) получаем

$$\left[ \sum \frac{d^2}{dy^2} A_k - 2i\beta_k \frac{d}{dy} A_k \right] u_{zk}^{(b)}(x) e^{i\beta_k y} = \frac{\rho\omega^2}{c_{44}} \frac{1}{\omega\tau_0} \left[ \sum \Pi(y) A_l u_{zl} e^{i\beta_l y} \right]. \quad (10)$$

Для случая  $(\tilde{\omega}\tau_0)^{-1} \ll 1$  возмущение акустической системы будет слабым, в этом случае модовые амплитуды  $A_k$  меняются много медленнее, чем экспоненциальные множители  $e^{i\beta_k y}$ , так как экспоненциальный множитель соответствует волновому распространению импульса, а  $dA_k/dy$  соответствует периодическому возмущению распространяющегося импульса, поэтому  $d^2 A_k/dy^2 \ll \beta_k(dA_k/dy)$ . С учетом этих приближений получим уравнения связанных мод

$$\frac{d}{dy} A_k(y) - i \frac{\beta_k}{|\beta_k|} \sum_l \sum_m c_{kl}^{(m)} A_l \times \exp \left[ i \left( \beta_l - \beta_m - m \frac{\pi}{2} \right) y \right], \quad (10a)$$

$$c_{kl}^{(m)} = \frac{1}{4\pi\tau_0} \langle k | \Pi_m | l \rangle = \frac{\omega}{4} \int u_{zk}^*(x) \Pi_m u_{zl}(x) dx,$$

$$\Pi(y) = \sum_{m \neq 0} \Pi_m e^{im \frac{2\pi}{\Lambda} y}. \quad (11)$$

При выводе (10) учтены условие нормировки (9a), свойство ортогональности нормальных мод и периодичность малого возмущения уравнения распространения волн (7), (10). Здесь  $\Pi_m$  — коэффициенты Фурье для разложения функции  $\Pi(y)$  в ряд Фурье. Резонансная связь между модами осуществляется при выполнении условия

$$\beta_k - \beta_l = m \frac{2\pi}{\Lambda}. \quad (12)$$

Основную роль в (10) имеет связь между двумя модами, для которых выполняется условие (12), в котором  $\Lambda = 2\tilde{l}$ . Обозначая эти две основные моды индексами 1 и 2, запишем основные уравнения для связанных мод

$$\frac{d}{dy} A_1 = -i\kappa A_2 e^{i\Delta\beta y},$$

$$\frac{d}{dy} A_2 = -i\kappa^* A_1 e^{-i\Delta\beta y},$$

$$\Delta\beta = \beta_1 - \beta_2 - m \frac{2\pi}{\Lambda}; \quad m = 0, 1, 2;$$

$$\kappa = c_{12}^{(m)} = c_{21}^{(-m)*}. \quad (13)$$

В рассматриваемом случае импульсное возбуждение распространяется в положительном направлении оси  $\mathbf{OX}$  и вследствие отражения от периодической решетки возникает отраженная волна, распространяющаяся в отрицательном направлении оси  $\mathbf{OX}$ . Таким образом, следует рассматривать связь между волнами, распространяющимися в противоположных направлениях. В этом случае

$$\frac{\beta_1}{|\beta_1|} = 1; \quad \frac{\beta_2}{|\beta_2|} = -1. \quad (13a)$$

Чтобы решить уравнение (13) для случая двух волн, распространяющихся в противоположных направлениях,

необходимо найти  $\varkappa = c_{12}^{(m)}$  и фурье-разложение  $\Pi(y)$ . Разлагая в ряд Фурье  $\Pi(y)$ , получим

$$\Pi(y) = \sum_{-\infty}^{\infty} \frac{i}{\pi m'} \left[ \exp\left(i|m'| \frac{\pi a}{a+b}\right) + 1 \right] \exp\left(im' \frac{\pi}{a+b} y\right);$$

$$m' = 2k' + 1, \quad a = l - v_S \tau_0, \quad b = v_S \tau_0. \quad (14)$$

С учетом этих соотношений и формулы (10) получим выражение для  $c_{kl}^{(m')}$

$$c_{kl}^{(m')} = \frac{1}{4\pi \tau_0 m'} \left[ \exp\left(im' \frac{\pi a}{a+b}\right) + 1 \right] \frac{\rho}{c_{44}} \frac{2\omega}{\sqrt{|\beta_k||\beta_l|}}.$$

В рассматриваемом случае

$$\beta_1 = \omega \sqrt{\frac{\rho}{c_{44}}} \left(1 - \frac{\xi_1^2}{2}\right),$$

$$\varkappa = \sqrt{\frac{\rho}{c_{44}}} \left(1 - \frac{\xi_1^2}{2}\right) \frac{1}{2\tau_0 \pi m'} \left[ \exp\left(i \frac{\pi m' a}{a+b}\right) + 1 \right],$$

$$|\varkappa| = \frac{\sqrt{1 + \cos\left(\frac{\pi m' a}{a+b}\right)} \left(1 + \frac{\xi_1^2}{2}\right)}{\sqrt{2\pi m' v_S \tau_0}}$$

$$= \frac{\sqrt{1 + \cos\left(\frac{\pi m' (\tau_1 - \tau_0)}{\tau_1}\right)} \left(1 + \frac{\xi_1^2}{2}\right)}{\sqrt{2\pi m' v_S \tau_0}}.$$

Здесь учтено, что  $a + b = v_S \tau_1$ ,  $a = v_S (\tau_1 - \tau_0)$ . Для того чтобы между двумя рассматриваемыми модами осуществлялась сильная связь, недостаточно выполнения условия резонансной связи (12). Необходимо также выполнение условия связи динамического коэффициента. Так, при  $\tau_0/\tau_1 \ll 1$ ,  $m' = 0.2 (2n)$  коэффициент  $\varkappa \approx 0$ , при других соотношениях  $\tau_0/\tau_1$ , когда  $\pi m' (\tau_1 - \tau_0)/\tau_1 = \pi (2k' + 1)$ , связь между модами осуществляться не будет. Однако всегда найдется значение  $m$ , при котором  $\varkappa \neq 0$ . Пусть  $A_1$  — амплитуда падающей волны,  $A_2$  — отраженной. Начальные условия для амплитуд  $A_1|_{r=0} = 1$ ;  $A_2|_{r=2} = 0$ . Здесь  $L$  — расстояние между входным и выходным преобразователями СВЧ сигнала. Тогда из (13) получим

$$A_1(y) = \frac{e^{\frac{i\Delta\beta y}{2}} [s \operatorname{ch}[s(L_y - y)] + i \frac{\Delta\beta}{2} \operatorname{sh}[s(L_y - y)]]}{s \operatorname{ch}(sL_y) + i \frac{\Delta\beta}{2} \operatorname{sh}(sL_y)},$$

$$A_2(y) = e^{\frac{-i\Delta\beta y}{2}} \frac{[-i\varkappa^* \operatorname{sh}[s(L_y - y)]]}{s \operatorname{ch}(sL_y) + i \frac{\Delta\beta}{2} \operatorname{sh}(sL_y)}. \quad (15)$$

Здесь  $L_y$  — проекция на оси  $OY$  расстояния в системе координат, соответствующей пространству с периодически меняющимися коэффициентами, которое заменяет подложку  $L_y^2 + L_x^2 = L_\Sigma^2 = L^2 \approx (2n\bar{l})^2$ ;  $n = 1, 2, \dots$ , где  $L_\Sigma$  — полный путь, пройденный после всех отражений с учетом  $L_x \ll L_y$ ,  $L_y \approx 2n\bar{l}$ ;

$$s^2 = \varkappa \varkappa^* - \left(\frac{\Delta\beta}{2}\right)^2; \quad \Delta\beta = \frac{2}{v_S} (1 - \xi_1^2) (\omega - \omega_n);$$

$$\omega_n = \frac{2\pi v_S}{(a+b)} 2n,$$

где  $\omega$  — частота, соответствующая четной моде Лэмба подложки.

Коэффициент отражения гармоник  $R_n$  определяется выражением

$$R_n = \frac{\varkappa \varkappa^* \operatorname{sh}^2(sL_y)}{s^2 \operatorname{ch}^2(sL_y) + \left(\frac{\Delta\beta}{2}\right)^2 \operatorname{sh}^2(sL_y)} \quad (16)$$

и достигает своего максимума при  $\Delta\beta = 0$

$$R_{\max} = \operatorname{th}(|\varkappa|L_y),$$

$$R_{\max} \rightarrow 1 \quad \text{при} \quad |\varkappa|L_y \rightarrow \infty.$$

Коэффициент отражения является четной функцией  $\Delta\beta$ . Спектр состоит из основного пика с отчетливым максимумом и нескольких побочных пиков отражения. Ширину основного пика определяем из условия максимального коэффициента отражения при максимальном отклонении  $\Delta\beta$  от нуля.

Максимальный коэффициент отражения  $R_0$  при  $|\Delta\beta| > 0$

$$R_0 \approx \frac{\varkappa \varkappa^* L_y^2}{1 + \varkappa \varkappa^* L_y^2}; \quad R_0 \rightarrow 1 \quad \text{при} \quad |\varkappa|L_y \rightarrow \infty.$$

Это соответствует  $\Delta S = 0$ . Отсюда найдем ширину основного пика

$$\Delta\beta = 4|\varkappa|$$

или

$$\Delta\omega = \frac{\sqrt{2}}{\pi\tau_0} \left[ \cos \frac{\pi(\tau_0 - \tau_1)}{\tau_1} + 1 \right] \left[ 1 + \frac{3}{2} \xi_1^2 \right]. \quad (16a)$$

Относительная ширина полосы не пропускаения

$$\frac{\Delta\omega}{\omega} = \frac{\sqrt{2}}{\pi\omega} \frac{\cos \left[ \frac{\pi(\tau_0 - \tau_1)}{\tau_1} \right]}{\tau_0} \left( 1 + \frac{3}{2} \xi_1^2 \right).$$

Побочные максимумы имеют место при

$$sL_y = i \left( m + \frac{1}{2} \right) \pi;$$

$$\Delta\beta = \pm 2 \left[ |\varkappa|^2 + \left( m + \frac{1}{2} \right) \frac{\pi^2}{L_y^2} \right]^{1/2}. \quad (17)$$

Коэффициент отражения в них  $R_b$

$$R_b = \frac{|\varkappa|^2 L_y^2}{\left( m + \frac{1}{2} \right)^2 \pi^2 + (\varkappa L_y)^2}. \quad (17a)$$

Эти максимумы отражения становятся существенными при  $|\varkappa|L_y > \frac{\pi}{2}$ . Вообще же из (16) и (17) видно, что отражение в побочных пиках много меньше отражения в

основном пике, причем отражение падает с увеличением номера  $m$ . Для

$$\Delta\beta = \pm \left[ 2\kappa\kappa^* + 2 \left( \frac{l'\pi}{L_y} \right)^2 \right]^{1/2}; \quad l' = 1, 2$$

коэффициент отражения обращается в нуль. При достаточно больших значениях  $s(L_y - y)$  энергия  $E_1 \sim A_1^2$  падающей моды экспоненциально уменьшается по мере распространения волны, т.е. с увеличением  $y$ . Это явление связано не с поглощением, а с отражением энергии в отраженную моду, соответствующую амплитуде  $A_2$ , т.е. в терминах данной модели при распространении импульса в неоднородной среде отдельные его фурье-компоненты отражаются от неоднородностей, вследствие чего часто энергия движется в противоположном направлении. Закон сохранения энергии в этом случае будет иметь вид

$$\frac{d}{dy} \{ |A_1|^2 - |A_2|^2 \} = 0.$$

Доля энергии, которая при распространении импульса вперед, будет отражаться в противоположном направлении  $\Delta E$

$$\Delta E = \frac{|\kappa|^2 \operatorname{sh}^2(sL_y)}{s^2 \operatorname{ch}^2(sL_y) + \left( \frac{\Delta\beta}{2} \right)^2 \operatorname{sh}^2(sL_y)}, \quad (18)$$

$\Delta E$  уменьшается с увеличения  $\Delta\beta$  и достигает своего максимума при  $\Delta\beta = 0$ ,  $L_y \rightarrow \infty$ . Подставляя (15) в (9), получаем компоненту вектора смещения  $u_z$  для СВЧ импульса

$$\begin{aligned} u_z(x, y, \omega) &= \sum A_n(y) u_m(x) e^{i(\beta_m y - \omega t)} \\ &\approx A_1 u_1 \exp[i(\beta_1 y + q x - \omega t)] \\ &+ A_2 u_2 \exp \left[ i \left( \beta_1 y - \Delta\beta - m \frac{2\pi}{\Lambda} - q_1 x - \omega t \right) \right], \quad (19) \end{aligned}$$

$$u_z(x, y, t) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} u_z(x, y, \omega) G(\omega) e^{i\omega t} d\omega. \quad (20)$$

Аналогично, используя уравнения (2), с учетом (19), (15) и (9) можно найти остальные компоненты СВЧ  $\mathbf{H}(\omega, \mathbf{r})$ ,  $\tilde{\kappa}$  — постоянная распространения вдоль ОУ будет иметь вид

$$\tilde{\kappa} = \Delta\beta \pm is = \frac{\pi m}{\Lambda} \pm i \sqrt{\kappa\kappa^* - \left( \frac{\Delta\beta}{2} \right)^2}. \quad (21)$$

В диапазоне частот, где  $|\Delta\beta| < 2\tilde{\kappa}|\kappa|$  имеет мнимую часть, она отвечает "запрещенной зоне", где прямая волна затухает. Из (21) видно, что максимальное значение мнимой части  $\tilde{\kappa}$  равно коэффициенту связи, т.е. чем выше динамический коэффициент связи, тем сильнее затухает прямая волна в зонах отражения.

В векторе смещения, а также в остальных компонентах СВЧ импульса, распространяющегося с отражениями в волноводе, будут существовать две компоненты, соответствующие двум связанным модам. Первая распространяется в направлении выходного преобразователя, вторая — в направлении входного преобразователя. На выходном преобразователе при исследовании спектра будет наблюдаться спектр входного сигнала (1), в котором вблизи частот  $\omega_n$  будут наблюдаться области пускания сигнала. Ширина этих областей будет определяться (16а). Следует отметить, что для каждого  $\omega_n$  будут как основные области непропускания  $\beta_1 - \beta_2 = 0$ , так и побочные  $\beta_1 - \beta_2 = (m\pi)/\Lambda$  области непропускания. Однако основные области непропускания для других частот  $\omega_n + k$  будут сливаться с побочными областями непропускания для  $\omega_n$ . Некоторое понижение интенсивности гармоник будет наблюдаться для частот, при которых будут возникать, побочные максимумы коэффициента отражения (17), зависящие от  $L_y$ . Однако эти явления будут играть незначительный характер, особенно для случаев многих отражений и когда  $\tau_0/\tau_1 < 1$ . На входном преобразователе на частотах, соответствующих областям непропускания СВЧ сигнала, будут возникать пики прохождения.

Таким образом, в работе проведено исследование распространения магнитоупругого импульса, распространяющегося в волноводном режиме с отражениями от стенок волновода. Установлено, что часть энергии СВЧ импульса распространяется в направлении распространения, а часть распространяется в обратном направлении вследствие брегговского отражения от периодической неоднородности, которой являются границы волновода для СВЧ импульса. Получены выражения для амплитуд и постоянных распространения волн, движущихся как вперед, так и назад. Найдены диапазоны частот, при которых прямая волна имеет области непропускания.

Методом связанных волн можно получить полную картину распространения СВЧ импульса в волноводе при наличии большого числа отражений.

## Список литературы

- [1] Mathews H, van de Vaart H. // Appl. Phys. Lett. 1969. Vol. 15. N 11. P. 373–375.
- [2] Parekh J.P. // Electronic Lett. 1970. Vol. 6. N 14. P. 430–432.
- [3] Бугаев А.С., Гуляев Ю.А., Зильберман П.Е., Филимонов Ю.А. // ФТТ. 1981. Т. 23. Вып. 9. С. 26–52.
- [4] Филимонов Ю.А. Канд. дис. М., 1982. 168 с.
- [5] Андреев А.С., Зильберман П.Е., Кравченко В.Б. и др. // РЭ. 1985. Т. 30. № 9. С. 1992–1998.
- [6] Огрин Ю.Ф., Огрин Ф.Ю. // Письма в ЖТФ. 1993. Т. 19. Вып. 13.
- [7] Гуляев Ю.В., Огрин Ю.Ф., Ползикова Н.И. // ДАН. 1995. Т. 345. № 1. С. 46–49.
- [8] Мериакри С.В. // РЭ. 1997. Т. 42. № 6. С. 668–674.
- [9] Ярив А., Юх П. Оптические волны в кристаллах. М.: Мир, 1987. 616 с.